Алгоритмы поиска. Оценка сложности.

Алгоритмы и структуры данных

Мулюгин Николай

10.09.2022

Мотивация

• Зачем нам что то искать?

Мотивация

- Зачем нам что то искать?
- Зачем нам что то быстро искать?

Мотивация

- Зачем нам что то искать?
- Зачем нам что то быстро искать?
- Где нам искать?

	1								
5	7	2	3	20	11	17	3	4	8

0									
5	7	2	3	20	11	17	3	4	8

Массив - структура данных, хранящая набор значений в памяти непосредственно друг за другом

0									
5	7	2	3	20	11	17	3	4	8

Массив - структура данных, хранящая набор значений в памяти непосредственно друг за другом

Индекс массива - номер элемента в массиве в памяти непосред

0									
5	7	2	3	20	11	17	3	4	8

Массив - структура данных, хранящая набор значений в памяти непосредственно друг за другом

Индекс массива - номер элемента в массиве в памяти непосред

Вопрос: сложно ли получить элемент по индексу?

0									
5	7	2	3	20	11	17	3	4	8

Массив - структура данных, хранящая набор значений в памяти непосредственно друг за другом

Индекс массива - номер элемента в массиве в памяти непосред

Вопрос: сложно ли получить элемент по индексу?

Ответ: O(1)

```
    0
    1
    2
    3
    4
    5
    6
    7
    8
    9

    5
    7
    2
    3
    20
    11
    17
    3
    4
    8
```

Массивы в С++

```
//create array with 4 int type elements
int[4] arr = {5,7,2,3};
//read value at 3
int three = arr[3];//three = 3
//write to 3
arr[3] = 4;//[5 7 2 4]
```

```
int LinearSearch1( int* arr, int n, int x)
{
  int answer = -1;
  for( int i = 0; i < n; i++ )
    if(arr[i] == x)
    answer = i;
  return answer;
}
f(n) =</pre>
```

```
int LinearSearch1( int* arr, int n, int x)
{
  int answer = -1;
  for( int i = 0; i < n; i++ )
    if(arr[i] == x)
    answer = i;
  return answer;
}

f(n) = (C_{=} + C_{<} + C_{+} + C_{==} + C_{-}) \cdot n = C \cdot n</pre>
```

```
int LinearSearch1( int* arr, int n, int x)
2 {
    int answer = -1;
 for( int i = 0; i < n; i++ )</pre>
   if(arr[i] == x)
6
        answer = i:
return answer;
8 }
 f(n) = (C_{=} + C_{<} + C_{+} + C_{==} + C_{=}) \cdot n = C \cdot n
  f(n) = \Theta(n)
```

```
int LinearSearch2( int* arr, int n, int x)

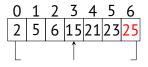
for( int i = 0; i < n; i++ )
   if(arr[i] == x)
   return i;
return -1;
}</pre>
```

Бинарный поиск

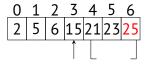
```
1 //sorted array 2 5 6 15 21 23 25
int BinarySearch(int* arr, int n, int key) {
    int low = 0;
    int high = n - 1;
5
    while (low <= high) {</pre>
        int mid = (low + high) / 2;
7
        int midVal = arr[mid];
8
9
        if (midVal < key)</pre>
10
            low = mid + 1;
11
        else if (midVal > key)
12
             high = mid - 1;
13
        else
14
             return mid; // key found
15
    }
16
    return -(low + 1); // key not found.
17
18 }
```

```
int[7] arr = { 2,5,6,15,21,23,25 };
int* arr_ptr = &arr[0];
int n = 7;
int ans_i = BinarySearch( arr_ptr, n, 2 );
```

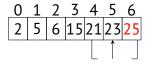
```
int[7] arr = { 2,5,6,15,21,23,25 };
int* arr_ptr = &arr[0];
int n = 7;
int ans_i = BinarySearch( arr_ptr, n, 2 );
```



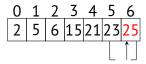
```
int[7] arr = { 2,5,6,15,21,23,25 };
int* arr_ptr = &arr[0];
int n = 7;
int ans_i = BinarySearch( arr_ptr, n, 2 );
```



```
int[7] arr = { 2,5,6,15,21,23,25 };
int* arr_ptr = &arr[0];
int n = 7;
int ans_i = BinarySearch( arr_ptr, n, 2 );
```



```
int[7] arr = { 2,5,6,15,21,23,25 };
int* arr_ptr = &arr[0];
int n = 7;
int ans_i = BinarySearch( arr_ptr, n, 2 );
```



```
Сложность бинарного поиска f(n) = ? 0 1 2 3 4 5 6 . . . . . . . . . . . . . . . . n\left(\frac{n}{2^1}\right)
```

$$0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ \dots \ n\left(\frac{n}{2^1}\right)$$

$$0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ \dots \frac{n}{2}\left(\frac{n}{2^1}\right)\dots$$

$$0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ \dots \ n\left(\frac{n}{2^1}\right)$$

$$0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ \dots \frac{n}{2}\left(\frac{n}{2^1}\right)\dots$$

$$0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ \dots \frac{n}{4}\left(\frac{n}{2^2}\right)\dots$$

$$0 \frac{n}{2^y} \dots$$

$$0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ \dots \ n\left(\frac{n}{2^1}\right)$$

$$0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ \dots \frac{n}{2}\left(\frac{n}{2^1}\right)\dots$$

$$0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ \dots \frac{n}{4}\left(\frac{n}{2^2}\right)\dots$$

$$0 \frac{n}{2^y} \dots$$

$$\frac{n}{2^y} = 1;$$

$$0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ \dots \ n\left(\frac{n}{2^1}\right)$$

$$0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ \dots \frac{n}{2}\left(\frac{n}{2^1}\right)\dots$$

$$0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ \dots \frac{n}{4}\left(\frac{n}{2^2}\right)\dots$$

$$0 \frac{n}{2^y} \dots$$

$$\frac{n}{2^y} = 1; \ n = 2^y;$$

$$0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ \dots \ n\left(\frac{n}{2^1}\right)$$

$$0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ \dots \frac{n}{2}\left(\frac{n}{2^1}\right)\dots$$

$$0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ \dots \frac{n}{4}\left(\frac{n}{2^2}\right)\dots$$

$$0 \frac{n}{2^y} \dots$$

$$\frac{n}{2^y} = 1; \ n = 2^y; \ y = ?;$$

$$0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ \dots \ n\left(\frac{n}{2^1}\right)$$

$$0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ \dots \frac{n}{2}\left(\frac{n}{2^1}\right)\dots$$

$$0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ \dots \frac{n}{4}\left(\frac{n}{2^2}\right)\dots$$

$$0 \frac{n}{2^y} \dots$$

$$\frac{n}{2^y} = 1; \ n = 2^y; \ y = ?; \ y = \log_2 n$$

$$0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ \dots \ n\left(\frac{n}{2^1}\right)$$

$$0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ \dots \frac{n}{2}\left(\frac{n}{2^1}\right)\dots$$

$$0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ \dots \frac{n}{4}\left(\frac{n}{2^2}\right)\dots$$

$$0 \frac{n}{2^y} \dots$$

$$\frac{n}{2^y} = 1; \ n = 2^y; \ y = ?; \ y = \log_2 n$$

$$\mathsf{f(n)} = \Theta(\log_2 n)$$

Домашнее задание

- Написать программу реализующую алгоритм Эратосфена.
- Оценить сложность написать в программе комментариями мысли и результат.
- Сделать pull request в папку lecture_01/homework/ с файлом решения.