# Введение. Основные понятия.

Алгоритмы и структуры данных

Мулюгин Николай

03.09.2022

# Информационные источники

- 1 A. B. Столяров. Введение в профессию. http://stolyarov.info
- К. Владимиров. youtube.com/channel/UCvmBEbr9NZt7UEh9doI7\_A
- Ю. Окуловский. https://ulearn.me/

# Информационные источники

- 4 Томас Х. Кормен. Алгоритмы: построение и анализ.
- 5 Томас Х. Кормен. Алгоритмы. Вводный курс.
- 6 Род Стивенс. Алгоритмы. Теория и практическое применение.
- 7 Никлаус Вирт. Алгоритмы и структуры данных.
- 8 Д. Кнут. Искусство программирования.

#### Мотивация

- Применение в науке.
- Трудоустройство. Вопросы на собеседовании.
- Общение с коллегами.
- Повседневное применение.

**Алгоритм** представляет собой набор правил преобразования исходных данных(input) в выходные(output).

**Алгоритм** представляет собой набор правил преобразования исходных данных(input) в выходные(output).

Алгоритмы строятся для решения вычислительных задач.

**Алгоритм** представляет собой набор правил преобразования исходных данных(input) в выходные(output).

Алгоритмы строятся для решения вычислительных задач.

Свойства алгоритма:

обязательные

необязательные

**Алгоритм** представляет собой набор правил преобразования исходных данных(input) в выходные(output).

Алгоритмы строятся для решения вычислительных задач.

Свойства алгоритма:

обязательные

необязательные

1 Конечность.

**Алгоритм** представляет собой набор правил преобразования исходных данных(input) в выходные(output).

Алгоритмы строятся для решения вычислительных задач.

Свойства алгоритма:

обязательные

необязательные

- 1 Конечность.
- 2 Дискретность.

**Алгоритм** представляет собой набор правил преобразования исходных данных(input) в выходные(output).

Алгоритмы строятся для решения вычислительных задач.

#### Свойства алгоритма:

обязательные

необязательные

- 1 Конечность.
- 2 Дискретность.
- 3 Определенность.

**Алгоритм** представляет собой набор правил преобразования исходных данных(input) в выходные(output).

Алгоритмы строятся для решения вычислительных задач.

#### Свойства алгоритма:

обязательные

необязательные

1 Конечность.

4 Правильность.

- 2 Дискретность.
- 3 Определенность.

**Алгоритм** представляет собой набор правил преобразования исходных данных(input) в выходные(output).

Алгоритмы строятся для решения вычислительных задач.

#### Свойства алгоритма:

обязательные

необязательные

1 Конечность.

4 Правильность.

2 Дискретность.

5 Завершаемость.

3 Определенность.

**Алгоритм** представляет собой набор правил преобразования исходных данных(input) в выходные(output).

Алгоритмы строятся для решения вычислительных задач.

#### Свойства алгоритма:

| обязательные      | необязательные   |
|-------------------|------------------|
| 1 Конечность.     | 4 Правильность.  |
| 2 Дискретность.   | 5 Завершаемость. |
| 3 Определенность. | 6 Массовость.    |

Есть алгоритм. Что дальше?

Есть алгоритм. Что дальше?

• Анализировать алгоритм.

Есть алгоритм. Что дальше?

- Анализировать алгоритм.
- Сравнивать различные алгоритмы.

#### Есть алгоритм. Что дальше?

- Анализировать алгоритм.
- Сравнивать различные алгоритмы.
- Понять как поведет себя алгоритм в будущем.

**Время работы** алгоритма - число элементарных операций, которые он выполняет.

**Время работы** алгоритма - число элементарных операций, которые он выполняет.

**Время работы алгоритма в худшем случае (временная сложность)** - максимальное время работы для входов данного размера.

**Время работы** алгоритма - число элементарных операций, которые он выполняет.

**Время работы алгоритма в худшем случае (временная сложность)** - максимальное время работы для входов данного размера.

**Емкостная сложность** - максимально используемый объем памяти для входов данного размера.

**Время работы** алгоритма - число элементарных операций, которые он выполняет.

**Время работы алгоритма в худшем случае (временная сложность)** - максимальное время работы для входов данного размера.

**Емкостная сложность** - максимально используемый объем памяти для входов данного размера.

**Асимптотическая сложность алгоритма** - оценка, характеризующая вид зависимости времени работы алгоритма от длины входа.

```
#include<iostream> //headers
2 #include<string>
3 //g++ -Wall -Werror -g --std=c++20 complex 1.cpp
4 //q++ - compiler; -Wall - show all the errors;
5 //-Werror - treat warnings as errors
6 int main()//entry point
7 {
      std::string input;//variable with type string
8
      std::cin >> input;//standard input
9
      int n = input.size();
10
      int sum = 0;
11
      for( int i = 0; i < n; i++ )//n
12
          for( int j = 0; j < 2 * i; j++)
13
          //01 0123 012345 0123456 012..2i-1
14
              sum++;//0 + 2 + 4 + 6 + ... 2(n-1)
15
      std::cout << sum << std::endl:
16
      return 0;//code of return
17
18 }
```

Посчитаем сложность алгоритма - функцию  $f:N\to N$  которая на вход берет n - длину входа и возвращает число элементарных операций для данного n.

```
int n = input.size();
int sum = 0;
for( int i = 0; i < n; i++ )
for( int j = 0; j < 2 * i; j++ )
sum++;</pre>
```

```
int n = input.size();

int sum = 0;

for( int i = 0; i < n; i++ )//n

for( int j = 0; j < 2 * i; j++ )

//01 0123 012345 0123456 012..2i-1

sum++;//0 + 2 + 4 + 6 + ... 2(n-1)

f(n) = n \cdot (C_{=} + C_{<} + C_{*} + C_{+}) + C_{in} + C_{out}
```

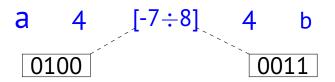
f(n) - характеристика нашего алгоритма. Какие выводы мы можем сделать по ней?

- Анализировать алгоритм.
- Сравнивать различные алгоритмы.
- Понять как поведет себя алгоритм в будущем.

0100

Мы знаем тип а?

Мы знаем диапозон значений!

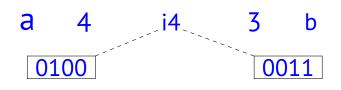


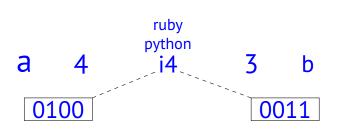
Мы знаем тип а? Мы знаем диапозон значений!

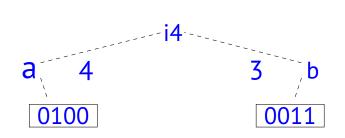
Мы не знаем операции!

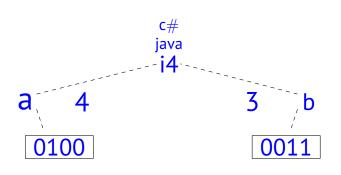
#### Типы

- Что такое тип?
- value type: диапозон значений объекта
- object type: совокупность операций над объектом
  - 5/2 даст 2 для int но 2.5 для double
- Назовем целочисленный арифметический тип і4

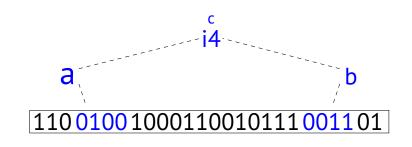




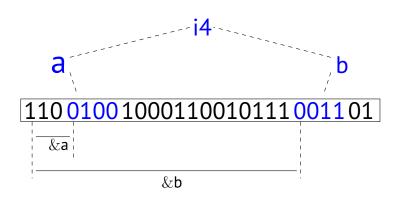


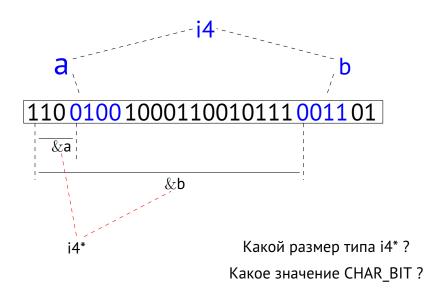


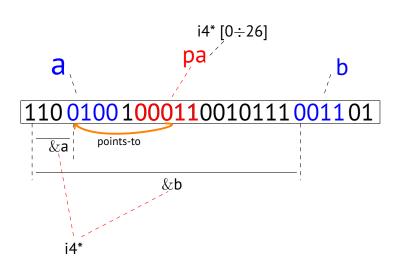
Имя навсегда связано с типом.



RAM - random access memory

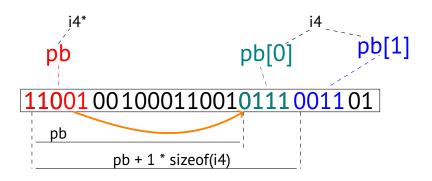




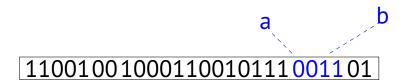


#### Указатели

- Если указатель это просто расстояние, то может быть нулевое расстояние?
  - nullptr
- p[2] == \*(p+2)



• Два имени у одного объекта в С++.



# Базовый синтаксис lvalue ссылок это одинарный амперсанд

```
int x;
int &y = x; // y - another name for x
```

Базовый синтаксис lvalue ссылок это одинарный амперсанд

```
int x;
int &y = x; // y - another name for x
```

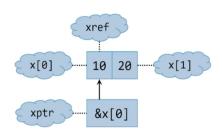
Не путать со взятием адреса!

# Базовый синтаксис lvalue ссылок это одинарный амперсанд

```
int x;
int &y = x; // y - another name for x
```

#### Не путать со взятием адреса!

```
int x[2] = {10, 20};
int &xref = x[0];
int *xref = &x[0];
xref += 1;
xptr += 1;
assert(xref == 11);
assert(xptr == 20);
```

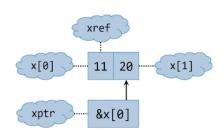


# Базовый синтаксис lvalue ссылок это одинарный амперсанд

```
int x;
int &y = x; // y - another name for x
```

#### Не путать со взятием адреса!

```
int x[2] = {10, 20};
int &xref = x[0];
int *xref = &x[0];
xref += 1;
xptr += 1;
assert(xref == 11);
assert(xptr == 20);
```



#### Оценка сложности алгоритма

#### Чем мы тут занимаемся???

```
int n = input.size();

int sum = 0;

for( int i = 0; i < n; i++ )//n

for( int j = 0; j < 2 * i; j++ )

//01 0123 012345 0123456 012..2i-1

sum++;//0 + 2 + 4 + 6 + ... 2(n-1)

f(n) = n \cdot (C_{=} + C_{<} + C_{*} + C_{+}) + C_{in} + C_{out}
```

- f(n) характеристика нашего алгоритма.
- Какие выводы мы можем сделать по ней?

#### Мотивация!!!

#### Есть алгоритм. Что дальше?

- Анализировать алгоритм.
- Понять как поведет себя алгоритм в будущем.
- Сравнивать различные алгоритмы.

#### Анализировать алгоритм

```
int n = input.size();

int sum = 0;

for( int i = 0; i < n; i++ )//n

for( int j = 0; j < 2 * i; j++ )

//01 0123 012345 0123456 012..2i-1

sum++;//0 + 2 + 4 + 6 + ... 2(n-1)

f(n) = n \cdot (C_{=} + C_{<} + C_{*} + C_{+}) + C_{in} + C_{out}
```

#### Анализировать алгоритм

```
int n = input.size();

int sum = 0;

for( int i = 0; i < n; i++ )//n

for( int j = 0; j < 2 * i; j++ )

//01 0123 012345 0123456 012..2i-1

sum++;//0 + 2 + 4 + 6 + ... 2(n-1)

f(n) = n \cdot (C_{=} + C_{<} + C_{+} + C_{+}) +
```

 $+2 \cdot n \cdot (n-1) \cdot (C_{=} + C_{<} + C_{*} + C_{+}) + C_{in} + C_{out}$ 

f(n)- показывает зависимость алгоритма от длины входа.

```
int n = input.size();

int sum = 0;

for( int i = 0; i < n; i++ )//n

for( int j = 0; j < 2 * i; j++ )

//01 0123 012345 0123456 012..2i-1

sum++;//0 + 2 + 4 + 6 + ... 2(n-1)

f(n) = n \cdot (C_{=} + C_{<} + C_{*} + C_{+}) + C_{in} + C_{out}
```

```
int n = input.size();

int sum = 0;

for( int i = 0; i < n; i++ )//n

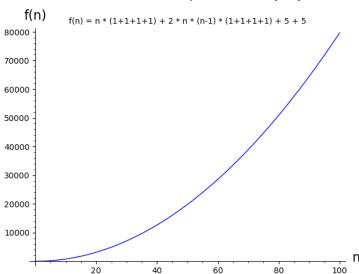
for( int j = 0; j < 2 * i; j++ )

//01 0123 012345 0123456 012..2i-1

sum++;//0 + 2 + 4 + 6 + ... 2(n-1)

f(n) = n \cdot (C_{=} + C_{<} + C_{*} + C_{+}) + C_{in} + C_{out}
f(n): n \to \infty
```

```
int n = input.size();
_2 int sum = 0;
_{3} for( int i = 0; i < n; i++ )//n
   for( int j = 0; j < 2 * i; j++)
 //01 0123 012345 0123456 012..2i-1
        sum++://0 + 2 + 4 + 6 + ... 2(n-1)
 f(n) = n \cdot (C_{=} + C_{<} + C_{*} + C_{+}) +
 +2 \cdot n \cdot (n-1) \cdot (C_{=} + C_{<} + C_{*} + C_{+}) + C_{in} + C_{out}
 f(n): n \to \infty
f(n) = n*(1+1+1+1) + 2*n*(n-1)*(1+1+1+1) + 5 + 5
plot(f, (n,0,100), axes labels=['n','f(n)'])
```



$$f(n) = n \cdot (C_{=} + C_{<} + C_{*} + C_{+}) + +2 \cdot n \cdot (n-1) \cdot (C_{=} + C_{<} + C_{*} + C_{+}) + C_{in} + C_{out} =$$

$$f(n) = n \cdot (C_{=} + C_{<} + C_{*} + C_{+}) + \\ +2 \cdot n \cdot (n-1) \cdot (C_{=} + C_{<} + C_{*} + C_{+}) + C_{in} + C_{out} = \\ = n \cdot C_{1} + 2 \cdot n \cdot (n-1) \cdot C_{2} + C_{3} =$$

$$f(n) = n \cdot (C_{=} + C_{<} + C_{*} + C_{+}) + C_{in} + C_{in} + C_{out} = 1 + 2 \cdot n \cdot (n - 1) \cdot (C_{=} + C_{<} + C_{*} + C_{+}) + C_{in} + C_{out} = 1 + 2 \cdot n \cdot (n - 1) \cdot C_{2} + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{2} + n^{2} \cdot C_{2} +$$

$$f(n) = n \cdot (C_{=} + C_{<} + C_{*} + C_{+}) + C_{in} + C_{out} = 1$$

$$+ 2 \cdot n \cdot (n - 1) \cdot (C_{=} + C_{<} + C_{*} + C_{+}) + C_{in} + C_{out} = 1$$

$$= n \cdot C_{1} + 2 \cdot n \cdot (n - 1) \cdot C_{2} + C_{3} = 1$$

$$= 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1$$

$$= 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot C_{4} + C_{3}.$$

$$f(n) = n \cdot (C_{=} + C_{<} + C_{*} + C_{+}) + C_{in} + C_{in} + C_{out} = 1 + 2 \cdot n \cdot (n - 1) \cdot (C_{=} + C_{<} + C_{*} + C_{+}) + C_{in} + C_{out} = 1 + 2 \cdot n \cdot (n - 1) \cdot C_{2} + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot C_{4} + C_{3}.$$

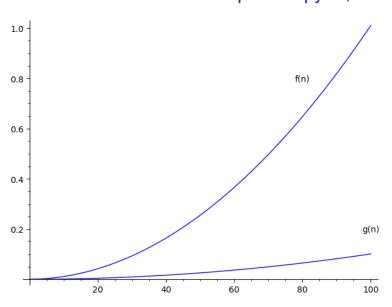
Может быть нам более интеерсен масштаб роста функции?

$$f(n) = n \cdot (C_{=} + C_{<} + C_{*} + C_{+}) + C_{in} + C_{in} + C_{out} = 1 + 2 \cdot n \cdot (n - 1) \cdot (C_{=} + C_{<} + C_{*} + C_{+}) + C_{in} + C_{out} = 1 + 2 \cdot n \cdot (n - 1) \cdot C_{2} + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot (C_{1} - 2 \cdot C_{2}) + C_{3} = 1 + 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot C_{4} + C_{3}.$$

Может быть нам более интеерсен масштаб роста функции?

Не все ли равно какие коэффициенты  $C_1$ ,  $C_2$ ,  $C_3$ ,  $C_4$  при  $n \to \infty$ ?

```
f(n) = 10*n^2 + n *10 + 10
g(n) = 100*n^2 + n *100 + 100
f_p = plot(f, (n,0,100))
g_p = plot(g, (n,0,100))
ans = f_p + g_p
ans += text("g(n)", (100, +200000))
ans += text("f(n)", (80, +800000))
ans
```



```
f(n) = 10*n^2 + n *10 + 10
g(n) = 100*n^2 + n *100 + 100

f_p = plot(f, (n,0,100000000))

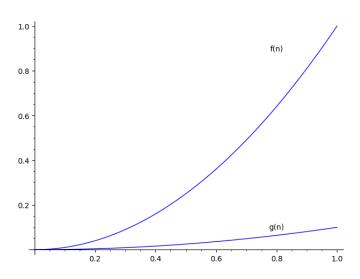
g_p = plot(g, (n,0,100000000))

ans = f_p + g_p

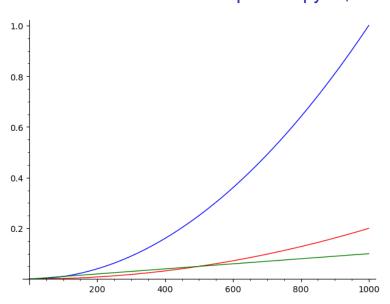
ans+= text("g(n)", (80000000, +10000000000000000))

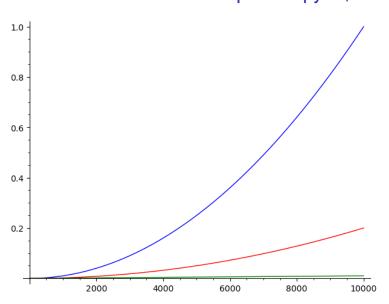
ans+= text("f(n)", (80000000, +9000000000000000))

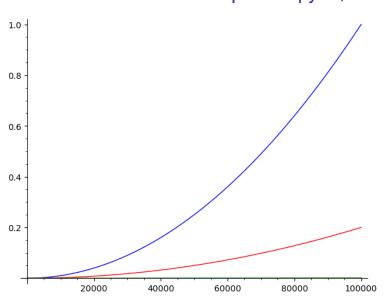
ans
```



```
f(n) = 10*n^2 + n *10 + 10
_2 quad(n) = 2*n^2
_3 lin(n) = 1000*n
4
f p = plot(f, (n, 0, 1000))
_{6} quad p = plot(quad, (n,0,1000), color='red')
7 \lim p = plot(\lim, (n,0,1000), color = 'green')
ex p = plot(ex, (n, 0, 1000), color = 'brown')
9
ans = f_p + quad_p + lin p
11 ans
```







$$f(n) = 2 \cdot n^2 \cdot C_2 + n \cdot C_4 + C_3.$$

$$f(n) = 2 \cdot n^2 \cdot C_2 + n \cdot C_4 + C_3.$$

• Как максимально коротко и точно описать сложность алгоритма?

$$f(n) = 2 \cdot n^2 \cdot C_2 + n \cdot C_4 + C_3.$$

- Как максимально коротко и точно описать сложность алгоритма?
- Возьмем самое значимое слагаемое.

$$f(n) = 2 \cdot n^2 \cdot C_2 + n \cdot C_4 + C_3.$$

- Как максимально коротко и точно описать сложность алгоритма?
- Возьмем самое значимое слагаемое.
- Можем ли мы подтвердить интуицую математикой?

#### О-символика

$$\begin{split} f(n) &= o(g(n)) \ \, \frac{\forall k > 0 \ \exists n_0 \ \forall n > n_0}{f(n) < k \cdot g(n)} \quad \Leftrightarrow \lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = 0 \quad f(n) \prec g(n) \\ \\ f(n) &= O(g(n)) \ \, \frac{\exists k > 0 \ \exists n_0 \ \forall n > n_0}{f(n) < k \cdot g(n)} \quad \Leftrightarrow \lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} < \infty \quad f(n) \preceq g(n) \\ \\ f(n) &= \Theta(g(n)) \ \, \frac{\exists k_1 k_2 > 0 \ \exists n_0}{k_1 \cdot g(n) < f(n)} \quad \Leftrightarrow \lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = c \quad f(n) \approx g(n) \\ \\ f(n) &< k_2 \cdot g(n) \end{split}$$

$$f(n) = 2 \cdot n^2 \cdot C_2 + n \cdot C_4 + C_3.$$
  

$$g(n) = n^2$$
  

$$\lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} =$$

$$f(n) = 2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot C_{4} + C_{3}.$$

$$g(n) = n^{2}$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = \lim_{n \to \infty} \frac{2 \cdot n^{2} \cdot C_{2} + n \cdot C_{4} + C_{3}}{n^{2}} =$$

$$f(n) = 2 \cdot n^2 \cdot C_2 + n \cdot C_4 + C_3.$$

$$g(n) = n^2$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = \lim_{n \to \infty} \frac{2 \cdot n^2 \cdot C_2 + n \cdot C_4 + C_3}{n^2} = \lim_{n \to \infty} \frac{2 \cdot n^2}{n^2} + \lim_{n \to \infty} \frac{C_3}{n^2} = \lim_{n \to \infty} \frac{C_3$$

$$f(n) = 2 \cdot n^2 \cdot C_2 + n \cdot C_4 + C_3.$$

$$g(n) = n^2$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = \lim_{n \to \infty} \frac{2 \cdot n^2 \cdot C_2 + n \cdot C_4 + C_3}{n^2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2 \cdot n^2}{n^2} + \lim_{n \to \infty} \frac{n \cdot C_4}{n^2} + \lim_{n \to \infty} \frac{C_3}{n^2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2}{1} + \lim_{n \to \infty} \frac{C_4}{n} + \lim_{n \to \infty} \frac{C_3}{n^2} =$$

$$f(n) = 2 \cdot n^2 \cdot C_2 + n \cdot C_4 + C_3.$$

$$g(n) = n^2$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = \lim_{n \to \infty} \frac{2 \cdot n^2 \cdot C_2 + n \cdot C_4 + C_3}{n^2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2 \cdot n^2}{n^2} + \lim_{n \to \infty} \frac{n \cdot C_4}{n^2} + \lim_{n \to \infty} \frac{C_3}{n^2} =$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{2}{1} + \lim_{n \to \infty} \frac{C_4}{n} + \lim_{n \to \infty} \frac{C_3}{n^2} =$$

$$2 + 0 + 0 = 2$$

## Классы сложности

## Алгоритм со сложностью f(n) называется:

- Если  $\mathbf{f} = \Theta(\log^k n)$ : логарифмическим при k=1, полилогарифмическим при k>1.
- Если  $f = \Theta(n)$ : линейным.
- Если  $\mathbf{f} = \Theta(n \log^k n)$ : linearithmic при k=1, квазилинейным при k>1.
- Если  $\mathbf{f} = \Theta(n^k)$ : полиномиальным, при k=2 квадратическим.
- Если  $f = \Theta(2^{n^k})$ : экспоненциальным.

```
#include<iostream>
2 #include<string>
3 #include<cmath>
4 int main()
5 {
      int n, root;
      std::cin >> n;
7
      root = std::sqrt( n );
8
      for( int i=2;i<=root;i++ ){</pre>
           if(n\%i == 0){
10
                std::cout << i << std::endl;
11
               return 0;
12
14
      std::cout << n << " is prime" << std::endl;</pre>
15
      return 0;
16
17 }
```

```
#include<iostream>
2 #include<string>
3 #include<cmath>
4 int main()
5 {
      int n, root;
      std::cin >> n;
7
      root = std::sqrt( n );
8
      for( int i=2;i<=root;i++ ){</pre>
           if(n\%i == 0){//2 3 4 5 ... sqrt(n)}
10
                std::cout << i << std::endl;</pre>
11
                return 0;
12
14
      std::cout << n << " is prime" << std::endl;</pre>
15
      return 0;
16
17 }
```

```
f(n) = \Theta(\sqrt{n}) for int i=2;i<=root;i++)
```

```
\begin{array}{ll} & \text{int n, root;} \\ & \text{std::cin >> n;} \\ & \text{s root = std::sqrt( n );} \\ & \text{for(int i=2;i<=root;i++)} \end{array} \qquad n = \Theta(10^{|x|})
```

```
\begin{array}{l} \text{int n, root;} \\ \text{2 std::cin >> n;} \\ \text{3 root = std::sqrt( n );} \\ \text{4 for(int i=2;i<=root;i++)} \end{array} \qquad \begin{array}{l} f(n) = \Theta(\sqrt{n}) \\ n = \Theta(10^{|x|}) \\ f(|x|) = \Theta\left(\sqrt{10^{|x|}}\right) \end{array}
```

## Домашнее задание

- Написать программу реализующую алгоритм Эратосфена.
- Оценить сложность написать в программе комментариями мысли и результат.
- Сделать pull request в папку lecture\_01/homework/ с файлом решения.