Введение. Основные понятия.

Алгоритмы и структуры данных

Мулюгин Н. В. Кузнецов М. А.

03.09.2022

Информационные источники

- 1 A. B. Столяров. Введение в профессию. http://stolyarov.info
- К. Владимиров. youtube.com/channel/UCvmBEbr9NZt7UEh9doI7_A
- Ю. Окуловский. https://ulearn.me/

Информационные источники

- 4 Томас Х. Кормен. Алгоритмы: построение и анализ.
- 5 Томас Х. Кормен. Алгоритмы. Вводный курс.
- 6 Род Стивенс. Алгоритмы. Теория и практическое применение.
- 7 Никлаус Вирт. Алгоритмы и структуры данных.
- 8 Д. Кнут. Искусство программирования.

Алгоритм

Алгоритм представляет собой набор правил преобразования исходных данных(input) в выходные(output).

Алгоритмы строятся для решения вычислительных задач.

Свойства алгоритма:

обязательные	необязательные
1 Конечность.	4 Правильность.
2 Дискретность.	5 Завершаемость.
3 Определенность.	5 Массовость.

Сложность алгоритма

Время работы алгоритма - число элементарных операций, которые он выполняет.

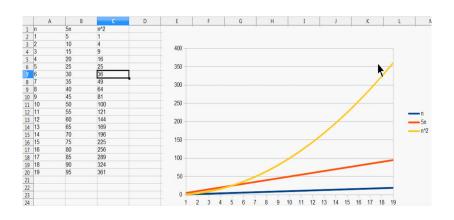
Время работы алгоритма в худшем случае (временная сложность) - максимальное время работы для входов данного размера.

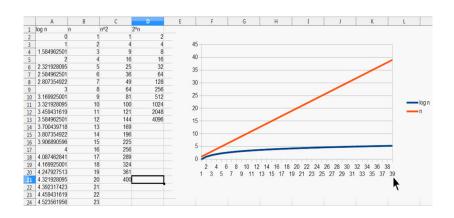
Время работы алгоритма в среднем (средняя сложность)

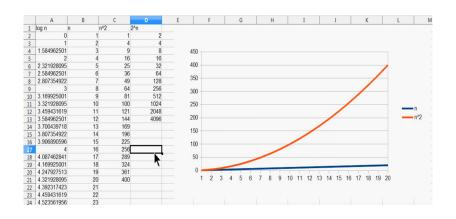
- максимальное время работы для входов данного размера.

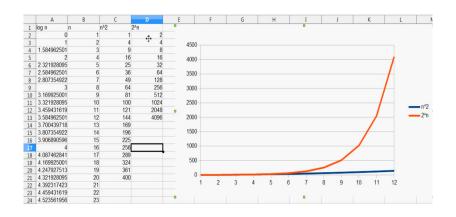
Время работы алгоритма в случайном среднем (рандомизированная сложность) - максимальное время работы для входов данного размера.

Время работы алгоритма в среднем (ароматизированная сложность) - максимальное время работы для входов данного размера.









О-символика

$$\begin{split} f(n) &= o(g(n)) \begin{array}{l} \forall k > 0 \ \exists n_0 \ \forall n > n_0 \\ f(n) < k \cdot g(n) \end{array} \\ &\Leftrightarrow \lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = 0 \quad f(n) \prec g(n) \\ \\ f(n) &= O(g(n)) \begin{array}{l} \exists k > 0 \ \exists n_0 \ \forall n > n_0 \\ f(n) < k \cdot g(n) \end{array} \\ &\Leftrightarrow \lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} < \infty \quad f(n) \preceq g(n) \\ \\ f(n) &= \Theta(g(n)) \begin{array}{l} \exists k_1 k_2 > 0 \ \exists n_0 \\ \forall n > n_0 \\ k_1 \cdot g(n) < f(n) \end{array} \\ &\Leftrightarrow \lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = c \quad f(n) \approx g(n) \\ \\ f(n) &< k_2 \cdot g(n) \end{split}$$

Классы сложности

Алгоритм со сложностью f(n) называется:

- Если $\mathbf{f} = \Theta(\log^k n)$: логарифмическим при k=1, полилогарифмическим при k>1.
- Если $f = \Theta(n)$: линейным.
- Если $\mathbf{f} = \Theta(n \log^k n)$: linearithmic при k=1, квазилинейным при k>1.
- Если $\mathbf{f} = \Theta(n^k)$: полиномиальным, при k=2 квадратическим.
- Если $f = \Theta(2^{n^k})$: экспоненциальным.

Рекурсивные алгоритмы

Алгоритм это.

Понятие типа

Алгоритм это.

Основные типы данных

Алгоритм это.

Представление числовых данных в памяти ЭВМ

Указатели

Порядок следования байтов

Структуры и объединения