## Введение. Основные понятия.

Алгоритмы и структуры данных

Мулюгин Н. В. Кузнецов М. А.

03.09.2022

## Информационные источники

- 1 A. B. Столяров. Введение в профессию. http://stolyarov.info
- К. Владимиров. youtube.com/channel/UCvmBEbr9NZt7UEh9doI7\_A
- Ю. Окуловский. https://ulearn.me/

## Информационные источники

- 4 Томас Х. Кормен. Алгоритмы: построение и анализ.
- 5 Томас Х. Кормен. Алгоритмы. Вводный курс.
- 6 Род Стивенс. Алгоритмы. Теория и практическое применение.
- 7 Никлаус Вирт. Алгоритмы и структуры данных.
- 8 Д. Кнут. Искусство программирования.

## Алгоритм

**Алгоритм** представляет собой набор правил преобразования исходных данных(input) в выходные(output).

Алгоритмы строятся для решения вычислительных задач.

#### Свойства алгоритма:

обязательные	необязательные
1 Конечность.	4 Правильность.
2 Дискретность.	5 Завершаемость.
3 Определенность.	5 Массовость.

## Сложность алгоритма

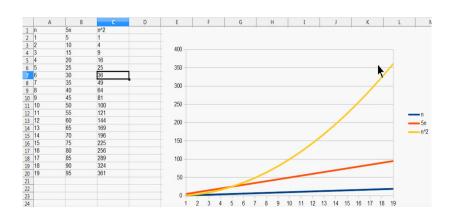
**Время работы** алгоритма - число элементарных операций, которые он выполняет.

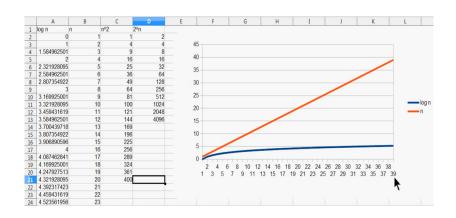
**Время работы алгоритма в худшем случае (временная сложность)** - максимальное время работы для входов данного размера.

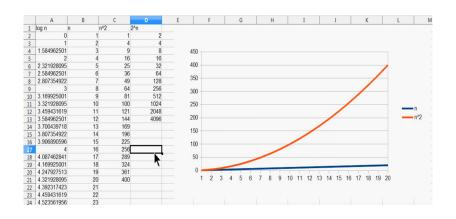
**Асимптотическая сложность алгоритма** - оценка, характеризующая вид зависимости времени работы алгоритма от длины входа.

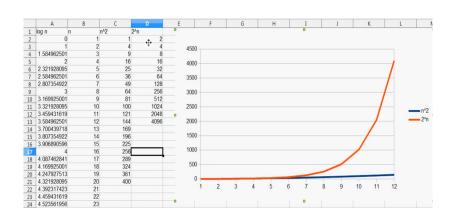
## Сложность алгоритма

```
#include<iostream> //headers
2 #include<string>
3 //q++ -Wall -Werror -q --std=c++20
4 //q++ - compiler; -Wall - show all the errors;
5 //-Werror - treat warnings as errors
6 int main()//entry point
7 {
      std::string input;//variable with type string
8
      std::cin >> input;//standard input
9
      int n = input.size();
10
      int sum = 0;
11
      for( int i = 0; i < n; i++ )//n
12
          for( int j = 0; j < 2 * i; j++)
13
          //01 0123 012345 0123456 012..2n-2
14
              sum++;//0 + 2 + 4 + 6 + ... 2(n-1)
15
      std::cout << sum << std::endl:
16
      return 0;//code of return
17
18 }
```









### О-символика

$$\begin{split} &f(n) = o(g(n)) \ \, \overset{\forall k > 0 \ \exists n_0 \ \forall n > n_0}{f(n) < k \cdot g(n)} \ \, \Leftrightarrow \lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = 0 \quad f(n) \prec g(n) \\ &f(n) = O(g(n)) \ \, \overset{\exists k > 0 \ \exists n_0 \ \forall n > n_0}{f(n) < k \cdot g(n)} \ \, \Leftrightarrow \lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} < \infty \quad f(n) \preceq g(n) \\ &f(n) = \Theta(g(n)) \ \, \overset{\exists k_1 k_2 > 0 \ \exists n_0}{k_1 \cdot g(n) < f(n)} \ \, \Leftrightarrow \lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = c \quad f(n) \approx g(n) \\ &f(n) < k_2 \cdot g(n) \end{split}$$

### Классы сложности

#### Алгоритм со сложностью f(n) называется:

- Если  $\mathbf{f} = \Theta(\log^k n)$ : логарифмическим при k=1, полилогарифмическим при k>1.
- Если  $f = \Theta(n)$ : линейным.
- Если  $\mathbf{f} = \Theta(n \log^k n)$ : linearithmic при k=1, квазилинейным при k>1.
- Если  $\mathbf{f} = \Theta(n^k)$ : полиномиальным, при k=2 квадратическим.
- Если  $f = \Theta(2^{n^k})$ : экспоненциальным.

## Рекурсивные алгоритмы

Алгоритм это.

## Понятие типа

Алгоритм это.

## Основные типы данных

Алгоритм это.

# Представление числовых данных в памяти ЭВМ

#### Указатели

## Порядок следования байтов

# Структуры и объединения