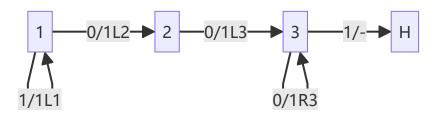
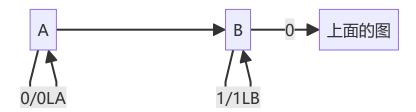
图灵机

0 表示分隔符,1 个数表示数。

例子:
$$M_{+3}$$
, $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1L2 & 1L1 \\ 2 & 1L3 \\ 3 & 1R3 & 1L0 \end{pmatrix}$



如果一开始在右边的 0 中?



Busy Beaver Problem

$$BB(n) = ?$$

n 个状态,能造多少个 1 后停机?

(或者理解为对 n+1 个状态,多一个 1 是停机状态 HALT)

对于 n=1

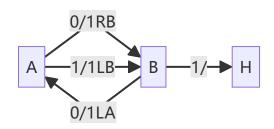
$$BB(1) = 1$$
 (step)

 $\sum(1)=1 \pmod{4}$ 成多造成多少个 1)

对于 n=2

$$BB(2)=6$$

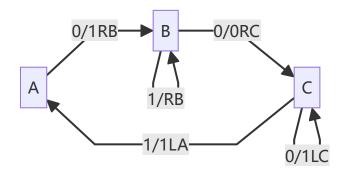
$$\sum(2)=4$$



对于
$$n=3$$

$$BB(3) = 14$$

$$\sum(3)=6$$



more about this

bbchallenge.org

最新算到 n=5

密码机

理论上不可破解

- 1. $D_A \xrightarrow{\text{mapping}} D_B$ 单表映射
- Cator ABCDE
- shift m A

ABCD

XAC

顺序→26!

$$\stackrel{m}{\longmapsto}$$
 $(m < 26)$

miskey

破解方法: Freq Analysis, 分析找高频字母 (单表映射不改频度!)

2. 多表映射

$$\begin{vmatrix} B \\ A \end{vmatrix} & A & B & C & D & E & F & G & \cdots \\ 1.A & A & B & C & D & E & F & G & \cdots \\ 2.B & \cdots & A & B & C & D & E & F & \cdots \\ 3.C & \cdots & \cdots & A & B & C & D & E & \cdots \\ 4.D & \cdots & \cdots & A & B & C & D & \cdots \\ \vdots & \vdots \\ \end{tabular}$$

给CAD,密文。

A B C D E \cdots 明文

 $\downarrow C$ $\downarrow A$ $\downarrow A$ $\downarrow D$ $\downarrow C$ $\downarrow A$ $\downarrow A$ $\downarrow A$ $\downarrow C$

.....

 $DOG\ DOG$

 D_{key} : $ABC_{(ABC)}$ $\downarrow \downarrow \downarrow$ $\downarrow \downarrow \downarrow$

 $XTS\ UMK$

明文在置换环里,密文必定在同样长的环里。

参考文章: Rejewski,1980/1981