

最近在忙着准备找工作，对于码农来说，找工作之前必备的就是各种的排序算法，其中包括算法实现、复杂度分析。于是我也开始研究各种排序算法，但是看完几遍之后发现，其原理并不复杂，于是就在思考，这些算法这么重要，那么它们在实际解决问题时如何来使用呢？这篇文章我就个人的理解，尽量形象、简单的描述各种基本排序算法的原理，并对其复杂度进行了相应的分析，最后说明其在实际应用中的应用。我希望我的这篇文章尽可能的通俗形象，让我们展开想象的空间吧！

一、算法原理分析：

1、冒泡排序：

首先从它的名字上来理解它的原理，假设一个湖底从左到右并排了 $10(n)$ 个泡泡，我们在湖底从左向右游动，每次只比较相邻的两个泡泡，如果左边的比右边的小则交换其位置，这样游玩了一趟之后，即比较了 $9(n-1)$ 次，最大的那个就得到了，这时我们将这个泡泡冒出水面，以此类推，我们需要这样重复 $9(n-1)$ 次即可（考虑最后只剩下两个），每一次需要比较 $(n-i)$ 次， j 为跑了的次数。

伪代码如下：

```
for i = 1:n-1 (n-1 趟)
    for j = 1:n-i (比较 n-i 次)
        if a[j] > a[j + 1]
            swap(a[j],a[j+1])
        endif
    endfor
endfor
```

当然由于数组元素从 0 开始，则编程时只需要将循环的首尾均减一即可。

复杂度分析：本算法共有两个循环，外循环共 $(n-1)$ 个，内循环共 $(n-i)$ 个，则总数为 $(n-1) + (n-2) + \dots + 1 = [n * (n-1)] / 2 = O(n^2)$ 。

2、插入排序：

本算法也从其名字来理解，这次我们想象一下学生们排队好了，每个学生的身高都不同，现在希望他们能够快速的按照从矮到高的顺序排好队。我们的策略是插入的人都和队伍中的人挨个比，如果比队伍中的人矮，那就将队伍中的人向后移动一个位置，一直到合适的位置将其插入进去。这时候我们假设第一个元素已经在数组中了（因为没人和他比），这时我们只需要将剩下的 $n-1$ 个人插入到队伍中就好了。假设队伍中已经插入了 i 个人，则第 $i+1$ 个人需要和队伍中的 i 个人比才可以。

```
for i = 2:n //插入第 i 个人
    key = a[i]; //设其为关键字用来跟每一个位置进行比较
    j = i-1;
    for j = i-1:1 //关键字和前面 i-1 个人比较
        if a[j] > key //大于关键字则将其向后移动一个，空一个空出来
            a[j+1] = a[j];
        else //如果 key 大于队伍中的值时就退出
            break;
```

```

        endif
    endfor
    a[j+1] = key;//将其插入到该值的后面
endfor

```

复杂度分析：该算法也包含两层循环，外层有 $n-1$ 个元素，内层有 $i-1$ 个元素，则共有 $1+2+\dots+n-1 = [n*(n-1)]/2 = O(n^2)$

稍微休息一下，纵观以上两个算法，虽然算法不同，但是都得需要循环比较，在相对有序时，快速排序的内层循环可以快速退出，因此其效果相对好一点，而冒泡排序还是从头比较。

3、归并排序：

看了两个循环嵌套的算法，下面看看递归的算法吧。归并排序是典型的具有归并性质的算法。先来说说它的思想，归并，换言之就是合并，既然要合并那就得先把原来的数组分开吧。咱们还是接着上面的例子，我们先将队伍分成两组，然后对两组排序，排序后进行合并。分成的两组其实又可以继续分为两组并合并，因此此处就可以使用递归的方法。

Merge://合并的代码

```

input:a[]
n1 = med;
n2 = n-med;
L[] = a[1:n1];
R[] = a[med+1:n];
L[n1+1] = 65535;//哨兵牌，每次到这之后只将剩下的那一摞放到数组中即可
R[n2+1] = 65535;

```

```

i = 1:n1;
j = 1:n2;
for k = 1:n
    if(L[i] < R[j])
        a[k] = L[i]
        i++;
    else
        a[k] = R[j]
        j++;
    endif
endfor

```

MergeSort:

```
q = n/2;
MergeSort(a,1,q);
MergeSort(a,q+1,n);
Merge(a,1,q,n);
```

复杂度分析：对于递归调用的复杂度分析，要明白主方法： $T(n) = aT(n/b) + f(n)$ 要掌握三种情况：
1) 如果 $f(n)$ 比 $n^{\log(b)a}$ 小，则 $T(n) = O(n^{\log(b)a})$; 2) 如果 $f(n)$ 比 $n^{\log(b)a}$ 大，则 $T(n) = O(f(n))$; 3) 如果 $f(n)$ 和 $n^{\log(b)a}$ 差不多大，则 $T(n) = O(n^{\log(b)a} \lg n)$ 。

在此算法中， $a = 2, b = 2$; 故 $n^{\log(b)a} = n = f(n)$, 所以满足 3)，故 $T(n) = O(n \lg n)$ 。虽然该算法时间很快，但是需要使用两个数组来存储 L 和 R，典型的时空换取时间的手法。

4、快速排序:

听到这个名字，想必大家很快就觉得这个算法肯定很快，事实上也确实如此。该算法也采用了分而治之以及递归的思想。其主要的思想是：先随机选择一个关键人物作为标准，将比他矮的放到左边，比他高的放到右边。然后再在剩下的两组中按照此种方法进行递归。

Partition://分开确定 pivot 的位置，方便将其分开递归排序

```
pivote = a[1]; //将第一个人作为标准
i = n+1;
for j = tail:1
    if a[j] >= pivote
        i--;
        swap(a[i], a[j]);
        p_low++;
    endif
endfor
swap(a[1], a[i-1]);
return i-1;
```

QuickSort:

```
p = Partition(a,1,n);
QuickSort(a,1,p-1);
QuickSort(a,p+1,n);
```

复杂度分析：类似于归并排序，该算法也将原问题分成两部分， $T(n) = T(n/p) + T(n/(1-p)) + n$ ，其最好情况 $T(n) = 2T(n/2) + n = O(n \lg n)$ ，最坏的情况是 $T(n) = T(n-1) + O(n)$, $T(n) = O(n^2)$ ；而对于不均分的情况，分析得出 $T(n) = O(n \lg n)$ 。

该算法虽然和快速排序算法的复杂度一样，但是该算法在基本排好序的情况下属于最坏的情况，因此使用时需谨慎。

5、堆排序:

下面来说一说堆排序，堆排序相对于上面几种排序稍微麻烦一点，但是只要掌握其精髓，也是很容易理解的。这个举实际的例子确实不太好举，但是大家可以想象出一棵二叉树。

堆排序，主要利用了最大堆和最小堆，其本质就是棵二叉树。

该排序过程大概可以分成如下三步：1) 建立一个二叉树 2) 将堆变为最大堆（即将最大值转移到堆顶），从最后一个非叶子节点开始 3) 将堆顶元素和最后一个元素互换，然后调整堆，使其满足最大堆（堆长度在变）

1) 此处不需要什么操作，只是提醒大家数组中的元素在树中的位置为前序遍历存储（根左右）

2)

BuildMaxHeap(a,n):

第一个非叶子节点为: $n/2$

for i = $n/2:1$

 HeapAjust(a,i,n);

end

HeapAjust(a,i):调整为最大堆

l=LEFT(i);//左子树

r = RIGHT(i);//右子树

if $l < n$ && $a[l] > a[i]$

 largest = l;

endif

if $r < n$ && $a[r] > a[largest]$

 largest = r;

endif

if largest != i

 swap(a[i],a[largest]);

 HeapAjust(a,largest);

endif

HeapSort(a,n)

 BuildMaxHeap(a,n);

 for i = $n:2$

 swap(a[1],a[i];

 HeapAjust(a,1,i-1);

 endfor

复杂度分析：该算法主要包括两部分，第一部分是堆调整 $O(\lg n)$ ，建最大堆时，共调用 $(n/2)$ 次，故其为 $O(n \lg n)$ 。堆排序时主要包括 $O(n \lg n) + O(n \lg n) = O(n \lg n)$

堆排序不需要大量的递归或者多维的暂存数组。这对于数据量非常巨大的序列是合适的。比如超过数百万条记录，因为快速排序，归并排序都使用递归来设计算法，在数据量非常大的时候，可能会发生堆栈溢出错误。但是快速的时间一般线性增长，但是堆排序为 $n \lg n$ 的速度。