重庆理工大学本科生课程考试试卷

2019-2020 学年第 1 学期

开课学院: 理学院

共 3 页第 1 页

课程名称 高等数学【(1) 机电】 考试方式 闭卷 考试时间 2 小时

一、选择题(本大题共5小题,每小题3分,总计15分)

1. 若函数 $f(x) = \left(\frac{x^2 - x}{x^2 + 2x - 3}\right)$	²⁰²⁰ 在自变量的某一变化过程中是无穷大,	则自变
---	--------------------------------------	-----

量的变化趋势为()

- (A) $x \to 0$ (B) $x \to 1$ (C) $x \to -3$ (D) $x \to \infty$

2. 设函数
$$f(x) = \begin{cases} \frac{\sqrt{1+x}-1}{\tan\frac{x}{3}} & x \neq 0 \\ x \neq 0 \end{cases}$$
 在点 $x = 0$ 处连续,则 $k = ($)

- (A) 0 (B) 1 (C) $\frac{3}{2}$ (D) $\frac{2}{3}$

3. 设
$$y = f(\frac{1}{x})$$
 , 其中函数 $f(x)$ 可导,则 $\frac{dy}{dx} = ($

- (A) $f'(\frac{1}{x})$ (B) $f'(-\frac{1}{x^2})$ (C) $\frac{1}{x}f'(\frac{1}{x})$ (D) $-\frac{1}{x^2}f'(\frac{1}{x})$

4.若
$$f(x) = e^{-2020x}$$
,则 $\int \frac{f'(\ln x)}{x} dx = ($

- (A) $\frac{1}{x^{2020}} + C$ (B) $-\frac{1}{x^{2020}} + C$ (C) $-\ln x + C$ (D) $\ln x + C$

5. 设反常积分
$$I_1 = \int_0^1 \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} dx$$
 、 $I_2 = \int_0^1 \frac{1}{1-x^2} dx$,则(

- (A) I_1 与 I_2 都收敛
- (B) I₁与I₂都发散
- (C) I_1 收敛, I_2 发散 (D) I_1 发散, I_2 收敛

二、填空题(本大题共5小题,每小题3分,总计15分)

6. 已知
$$\lim_{x\to 0} \frac{\sin ax}{2x} = \frac{1}{3}$$
,则常数 $a =$ ______.

重庆理工大学本科生课程考试试卷

2019-2020 学年第 1 学期

开课学院: 理学院

A 卷

共 3 页第 2 页

7. 设
$$y = e^{2x-1}$$
 ,则 $y^{(4)} \left(\frac{1}{2}\right) =$ _______.

- 8. 曲线 $y = x^3 \frac{3}{5}x + 2$ 的拐点坐标为______.
- 9. 已知 $\int f(x)dx = \sin^2 x 2^{\sin x} + C$,则f(x) =_____.
- 10. 定积分 $\int_{-1}^{1} (1+x^{2020})(e^x-e^{-x})dx =$ ______.

三、解答题(本大题共7小题,每小题10分,总计70分)

- 11. 求极限: (1) $\lim_{x\to\infty} \left(\frac{x-2}{x}\right)^{3x+1}$; (2) $\lim_{x\to 0} \left[\frac{1}{x} + \frac{1}{x^2}\ln(1-x)\right]$.
- - (2) 已知函数 y = y(x) 由参数方程 $\begin{cases} x = \ln t 1 \\ y = \frac{1}{4} + 1 \end{cases}$ (t为参数),求 $\frac{d^2y}{dx^2}\Big|_{t=1}$.
- 13. (1) 求不定积分 $\int \sin \sqrt{x} dx$;
 - (2) 设 $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{1+x^2} & x \ge 0 \\ 2x+1 & x < 0 \end{cases}$, 求定积分 $\int_0^2 f(x-1)dx$.
- 14. 设函数 $f(x) = \int_{1}^{x} \frac{e^{-t^2}}{\sqrt{t^2+1}} dt$.
 - (1) 证明: 函数 f(x) 在 $(-\infty, +\infty)$ 上是单调增加函数;
- 15. 已知曲线 y = y(x) 由方程 $e^{xy} y^3 = 2x$ 确定,求曲线 y = y(x) 在点 (0,1) 处的 切线方程与法线方程.

重庆理工大学本科生课程考试试卷

2019-2020 学年第 1 学期

开课学院: 理学院

_A_卷 共 3 页第 3 页

- 16. 设函数 f(x) 可积,且满足关系式 $f(x) = -x^4 + \frac{30}{7}x^2 \int_0^1 f(x) dx$,
 - (1) 求 f(x) 的表达式; (2) 求函数 f(x) 的极值.
- 17. 已知平面图形由曲线 $y = \sqrt{x}$ 与直线 y = 1, x = 4 围成, 求:
 - (1) 该平面图形的面积;
 - (2) 该平面图形绕 x 轴旋转一周所得到的旋转体的体积.