## 重庆理工大学本科生课程考试试卷

2020 ~ 2021 学年第 1 学期

\_A 卷

课程名称\_高等数学【(1) 机电】 半期\_

考核方式\_ 闭卷\_

共 3 页第 1 页

开课学院\_理学院

考试时间\_120\_分钟

5工姓名	考生班级_		
一、选择版(木	大顯共 10 小廟 分小鹿	(3/) #110	
一、选择题 (本大題共 10 小題,每小題 3 分,总计 30 分)  1. 函数 $y = \ln(1-x) + \arccos \frac{x+1}{2}$ 的定义域是 ( )			
			(D) $\{x   x \le 1\} I \{x   -3 \le x \le 1\}$
THE RESIDENCE OF THE PROPERTY			
THE RESIDENCE OF THE RESIDENCE OF THE PARTY	已知 f(1)=2, f'(1)=-	$-2$ ,则 $\lim_{x\to 1} f(x)$	)= ( )
(A) -2		(C) 1	(D) 0
3. 函数 $f(x) = \frac{\ln (x)}{x^3}$	$\frac{(x^2)}{-x}$ 有 ( ) 个可去间	可断点.	
(A) 0	(B) 1	(C) 2	(D) 3
4. 设函数 f(x) 在	点 a 满足: $\lim_{x \to a} \frac{f(x) - f}{(x - a)^{20}}$	$\frac{(a)}{20} = 2021$ , $\square$	Jf(x)在点a处()
			得极小值 (D) 取得极大值
5. 对函数 f(x), i	吕知 $f(0)=1$ , $f'(0)=-$	$1$ ,则 $\lim_{n\to\infty}n$ $\int_{\infty}^{\infty}$	$\left[\left(\frac{1}{n}\right)-1\right] = ($
(A) -1	(B) 0 ((	C) 1	(D) ∞
6. 设函数 f(x)=(e	$(e^{x}-1)(e^{2x}-2)\cdots(e^{nx}-n)$	其中n为正图	整数,则 f'(0)=( )
(A) $(-1)^n(n-1)$	)! (B) $(-1)^{n-1}(n-1)$	1)! (C)	$(-1)^n n!$ (D) $(-1)^{n-1} n!$
7. 设 $f(x) = e^{2-x}$ ,	则其n阶导数f(n)(x)=	( )	
$(A) e^{2-x}$	(B) $(-1)^n e^{2-x}$	(C) $-e^{2-x}$	(D) $(-2)^n e^{2-x}$
. 设 $y=f(x^2)$ ,	其中函数 $f(x)$ 可导,	则 $\frac{dy}{dx} = ($	)
(A) $f'(x^2)$	(B) $f'(2x)$	(C) $2xf'(x^2)$	(D) $x^2 f'(x^2)$
函数 $f(x) = \sqrt{x}$ 按	(x-4)的幂展开的带有	有佩亚诺余项	的 2 阶泰勒公式是 ()
(A) $2+\frac{1}{2}(x-4)$	$-\frac{1}{-(x-4)^2} + o((x-4)^2$	) (B) 2+	$\frac{1}{2}(x-4) - \frac{1}{2}(x-4)^2 + \frac{1}{2}(x-4)^2$

## 重庆理工大学本科生课程考试试卷

2020 ~ 2021 学年第 1 学期

开课学院 理学院 考试时间\_120\_分钟

课程名称 高等数学【(1) 机电】 半期

考生姓名

(C) 
$$2 + \frac{1}{4}(x-4) - \frac{1}{64}(x-4)^2 + o((x-4)^2)$$
 (D)  $2 + \frac{1}{4}(x-4) - \frac{1}{64}(x-4)^2 + o((x-4)^n)$ 

(A) 
$$y=0$$
 (B)  $y=1$  (C)  $x=1$  (D)  $x=-1$ 

$$(B) \quad y=1$$

$$(C)$$
  $x=1$ 

(D) 
$$x = -1$$

9. 函数//(x)=asinx+-sin3x 在x=-2处取得极值 二、填空题(本大题共5小题,每小题4分,总计20分)

12. 函数  $f(x) = \begin{cases} \frac{4}{x^2 + 1}, & x \le 1 \\ -x + k, & x > 1 \end{cases}$  在 x = 1 处连续,则  $k = \frac{1}{(x^2 + 1)^2}$  (1) 技(2) 20. 设语数 /(x)在[0,+∞)上可导。 /(0)=0,且证的 /(x)=2,证

13. 设 
$$f(x)$$
 是可导函数,且  $f'(x) = \sin^2 \left[ \ln(x+1) + \frac{\pi}{4} \right]$ ,  $f(0) = 3$ ,  $f(x)$  的反函数是

$$y = \varphi(x)$$
,  $\psi(3) = _____$ 

14. 曲线 
$$y = x^4(12 \ln x - 7)$$
 的拐点坐标是\_\_\_\_\_\_.

15. 抛物线 
$$y = x^2 - 4x + 3$$
 在其顶点处的曲率为\_\_\_\_\_\_.

三、解答题(本大题共5小题,每小题10分,总计50分)

16. 求极限:

(1) 
$$\lim_{x\to 0} \left[ \frac{1}{e^x - 1} - \frac{1}{\ln(1+x)} \right];$$
 (2)  $\lim_{x\to 0} \frac{\sin x + x^2 \sin \frac{1}{x}}{\sqrt{1+x} - 1}$ 

(2) 
$$\lim_{x\to 0} \frac{\sin x + x^2 \sin \frac{1}{x}}{\sqrt{1+x}-1}$$

17. (1) 设 
$$y = e^{-x} \sin x + \frac{\ln(x+1)}{(x+1)^2}$$
, 求  $dy|_{x=0}$ .

(2) 
$$\partial y = f(x)$$
  $dx = \int_{x=\sqrt{t^2+1}}^{x=\sqrt{t^2+1}} f(x) dx$   $dx = \int_{t=1}^{x=\sqrt{t^2+1}} f(x) dx$   $dx = \int_{t=1}^{x=\sqrt{t^2+1}} f(x) dx$ 

## 重庆理工大学本科生课程考试试卷

2020 ~ 2021 学年第 1 学期

开课学院<u>理学院</u> 考试时间\_120\_分钟 课程名称\_高等数学【(1) 机电】半期

考核方式\_闭卷

A 卷

共\_3\_页第\_

考生姓名

考生班级

考生学号

- 18. 设曲线 $y=x^2+ax+b$ 和 $2y=-1+xy^3$ 在点(1,-1)处相切,其中a,b为常数.
  - (1) 求a,b 的值;
  - (2) 求曲线 $y=x^2+ax+b$ 和 $2y=-1+xy^3$ 在点(1,-1)处的公切线与法线方程.
- 19. 函数  $f(x) = a \sin x + \frac{1}{3} \sin 3x$  在  $x = \frac{\pi}{3}$  处取得极值.
  - (1) 求a的值;
  - (2) 求此极值,并说明是极大值还是极小值.
- 20. 设函数 f(x) 在  $[0,+\infty)$  上可导, f(0)=0 ,且  $\lim_{x\to +\infty} f(x)=2$  ,证明:
  - (1) 存在a>0, 使得f(a)=1;
- (2) 对 (1) 中的 a, 存在  $\xi \in (0,a)$ , 使得  $f'(\xi) = \frac{1}{a}$ .