重庆理工大学本科生课程考试试卷

2020 ~ 2021 学年第 1 学期

开课学院_理学院_ 课程名称_高等数学【(1) 机电】 半期 考核方式 闭卷 考试时间_120_分钟 考生姓名 考生学号 一、选择题(本大题共10小题,每小题3分,总计30分) 1. 函数 $y = \ln(1-x) + \arccos \frac{x+1}{2}$ 的定义域是((A) x < 1 (B) $-3 \le x < 1$ (C) $-3 < x \le 1$ (D) $\{x \mid x \le 1\} I \{x \mid -3 \le x \le 1\}$ 2. 对函数f(x),已知f(1)=2,f'(1)=-2,则 $\lim_{x\to 1} f(x)=$ () (A) -2 (B) 23. 函数 $f(x) = \frac{\ln(x^2)}{r^3 - r}$ 有 () 个可去间断点. (A) 0 (B) 1 (C) 2 (D) 3 4. 设函数 f(x) 在点 a 满足: $\lim_{x\to a} \frac{f(x)-f(a)}{(x-a)^{2020}} = 2021$,则 f(x) 在点 a 处 ((A) 不可导 (B) 可导且 f'(a) = 2021 (C) 取得极小值 (D) 取得极大值 5. 对函数 f(x), 已知 f(0)=1, f'(0)=-1, 则 $\lim_{n\to\infty} n \left[f(\frac{1}{n})-1 \right] = ($ (A) -1 (B) 0 (C) 1 (D) ∞ 6. 设函数 $f(x) = (e^x - 1)(e^{2x} - 2)\cdots(e^{nx} - n)$, 其中 n 为正整数, 则 f'(0) = ((A) $(-1)^n (n-1)!$ (B) $(-1)^{n-1} (n-1)!$ (C) $(-1)^n n!$ (D) $(-1)^{n-1} n!$ 7. 设 $f(x) = e^{2-x}$, 则其 n 阶 导数 $f^{(n)}(x) = ($ (A) e^{2-x} (B) $(-1)^n e^{2-x}$ (C) $-e^{2-x}$ (D) $(-2)^n e^{2-x}$ 8. 设 $y = f(x^2)$, 其中函数 f(x) 可导, 则 $\frac{dy}{dx} = ($ (A) $f'(x^2)$ (B) f'(2x) (C) $2xf'(x^2)$ (D) $x^2f'(x^2)$ 9. 函数 $f(x) = \sqrt{x}$ 按 (x-4) 的幂展开的带有佩亚诺余项的 2 阶泰勒公式是 ((A) $2 + \frac{1}{4}(x-4) - \frac{1}{32}(x-4)^2 + o((x-4)^2)$ (B) $2 + \frac{1}{4}(x-4) - \frac{1}{32}(x-4)^2 + o((x-4)^n)$

重庆理工大学本科生课程考试试卷

开课学院 理学院 考试时间_120 分钟

考生姓名

(C) $2 + \frac{1}{4}(x-4) - \frac{1}{64}(x-4)^2 + o((x-4)^2)$ (D) $2 + \frac{1}{4}(x-4) - \frac{1}{64}(x-4)^2 + o((x-4)^n)$

10. 函数 $f(x) = \frac{x^2 - x}{x^2 - 1}$ 的铅直渐近线方程为()

(A)
$$y = 0$$

$$(B) \quad y=1$$

(C)
$$x=1$$

(D)
$$x = -1$$

(B) y=1 (C) x=1 (D) x=-1二、填空题(本大题共5小题,每小题4分,总计20分)

12. 函数
$$f(x) = \begin{cases} \frac{4}{x^2 + 1}, & x \le 1 \\ -x + k, & x > 1 \end{cases}$$
 在 $x = 1$ 处连续,则 $k = \frac{1}{(x^2 + 1)^2}$ (12)

13. 设
$$f(x)$$
 是可导函数,且 $f'(x) = \sin^2 \left[\ln(x+1) + \frac{\pi}{4} \right]$, $f(0) = 3$, $f(x)$ 的反函数是

$$y = \varphi(x)$$
, $\emptyset \varphi'(3) =$ _______

14. 曲线
$$y = x^4(12 \ln x - 7)$$
 的拐点坐标是_____

16. 求极限:

(1)
$$\lim_{x\to 0} \left[\frac{1}{e^x - 1} - \frac{1}{\ln(1+x)} \right];$$
 (2) $\lim_{x\to 0} \frac{\sin x + x^2 \sin \frac{1}{x}}{\sqrt{1+x} - 1}$.

(2)
$$\lim_{x\to 0} \frac{\sin x + x^2 \sin \frac{1}{x}}{\sqrt{1+x}-1}$$

17. (1)
$$\partial y = e^{-x} \sin x + \frac{\ln(x+1)}{(x+1)^2}$$
, $\partial x dy|_{x=0}$.

重庆理工大学本科生课程考试试卷

2020 ~ 2021 学年第 1 学期

课程名称_高等数学【(1) 机电】 半期

考核方式 闭卷

120 分钟

考生姓名

考生班级

考生学号

- 18. 设曲线 $y=x^2+ax+b$ 和 $2y=-1+xy^3$ 在点(1,-1)处相切,其中a,b为常数.
 - (1) 求a,b 的值;
 - (2) 求曲线 $y=x^2+ax+b$ 和 $2y=-1+xy^3$ 在点(1,-1)处的公切线与法线方程.
- 19. 函数 $f(x) = a \sin x + \frac{1}{3} \sin 3x$ 在 $x = \frac{\pi}{3}$ 处取得极值. 模空區(本大層共5小層,每小團4分。总计20分)
 - (1) 求a的值;
 - (2) 求此极值,并说明是极大值还是极小值.
- 20. 设函数 f(x) 在 $[0,+\infty)$ 上可导, f(0)=0 ,且 $\lim_{x\to +\infty} f(x)=2$,证明:
 - 存在a>0,使得f(a)=1;
 - (2) 对 (1) 中的 a, 存在 $\xi \in (0,a)$, 使得 $f'(\xi) = \frac{1}{2}$. 3. 位元(文) 是可导函数几目 八(4) = 3117 | 11(x+1)+二 (7(0)=2