

课程测试、考核评分标准

科目：信号与系统（A卷）

班级：106070201 106070202

测试、考核时间：2009年01月09日

试卷评分标准及答案

一、填空题（每题2分，共20分）

1. $1+H(w)$ 2. 幅值频谱（1分） 相位频谱（1分） 3. ; 4

4. $e^{-t}e(t)$ 5. $a > a$ 6. $-2d(n)+3\left(-\frac{1}{2}\right)^n e(n)$ 7. 因果稳定系统

8. $3\Delta w$; $\frac{\Delta w}{3}$ 9. $jwF(w)+\frac{1}{2p}F(w)*F(w)$ 10. $\sqrt{3}e\left(t-\frac{p}{3}\right)$ （1分）, $\sqrt{3}$ （1分）

二、单项选择题（每小题2分，共20分）

(1) A (2) A (3) B (4) B (5) C (6) A (7) C (8) B (9) C (10) D

三、简单分析题（每小题6分，共30分）

1. 解：显然1是该系统的直流分量。

分量 $\frac{1}{2}\cos\left(\frac{p}{4}t+\frac{p}{3}\right)$ 的周期 $T_1 = \frac{2p}{w} = \frac{2p}{\frac{p}{4}} = 8$

分量 $\frac{1}{4}\cos\left(\frac{p}{3}t-\frac{p}{6}\right)$ 的周期 $T_1 = \frac{2p}{w} = \frac{2p}{\frac{p}{3}} = 6$ (1分)

$f(t)$ 的基波周期 T 是 T_1, T_2 的最小公倍数，则 $T = 24$ (1分)

基波角频率为 $\Omega = \frac{2p}{T} = \frac{p}{12}$ (1分)

则 $\frac{1}{2}\cos\left(\frac{p}{4}t+\frac{p}{3}\right)$ 是 $f(t)$ 的 $\frac{p}{4}/\frac{p}{12} = 3$ 次谐波分量，

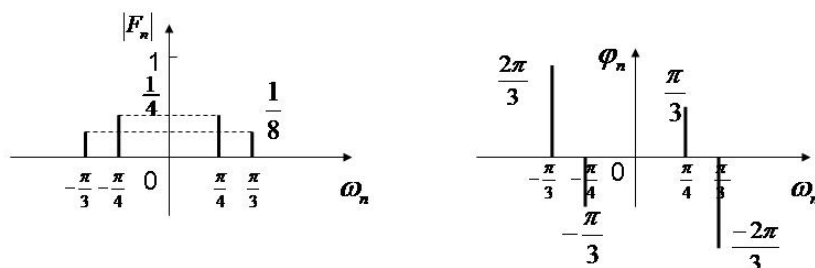
$\frac{1}{4}\cos\left(\frac{p}{3}t-\frac{p}{6}\right)$ 是 $f(t)$ 的 $\frac{p}{3}/\frac{p}{12} = 4$ 次谐波分量

应用三角公式改写原 $f(t)$ 的表达式，即

$$f(t) = 1 + \frac{1}{2} \cos\left(\frac{p}{4}t + \frac{p}{3}\right) + \frac{1}{4} \sin\left(\frac{p}{3}t - \frac{p}{6}\right) =$$

$$1 + \frac{1}{2} \cos\left(\frac{p}{4}t + \frac{p}{3}\right) + \frac{1}{4} \cos\left(\frac{p}{3}t - \frac{2p}{3}\right) \quad (1 \text{ 分})$$

画出它的双边幅频谱图、相频谱图如下图所示。 (2 分)



2. 解：设

$$y_1(n) = y_{zi1}(n) + y_{zs1}(n) = e(n) \quad (1) \quad (1 \text{ 分})$$

$$y_2(n) = y_{zi2}(n) + y_{zs2}(n) = \left[2\left(\frac{1}{3}\right)^n - 1 \right] e(n) \quad (2) \quad (1 \text{ 分})$$

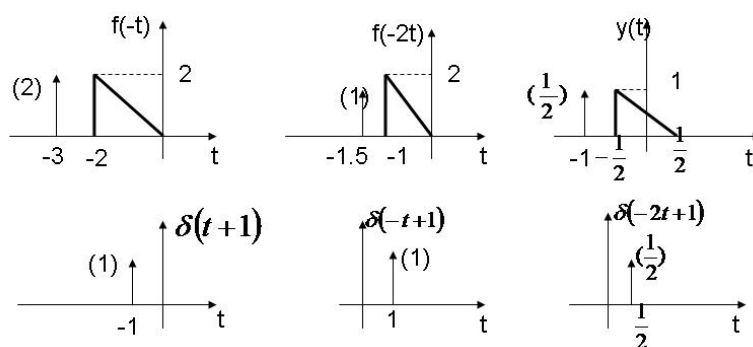
考虑 $y_{zi1}(n) = y_{zi2}(n)$ $y_{zs2}(n) = -y_{zs1}(n)$ 代入式 (2) 得 (1 分)

$$y_{zi1}(n) = \left(\frac{1}{3}\right)^n e(n) \quad y_{zs1}(n) = e(n) - \left(\frac{1}{3}\right)^n e(n) \quad (1 \text{ 分})$$

应用零输入响应、零状态齐次性可得

$$y_3(n) = 2 \times y_{zi1}(n) + 3 y_{zs1}(n) = \left[3 - \left(\frac{1}{3}\right)^n \right] e(n) \quad (2 \text{ 分})$$

3. 解：(各图 1 分)



4. 解：设零输入响应为 $y_{zi}(t)$ ，零状态响应为 $y_{zs}(t)$ ，则由题意知

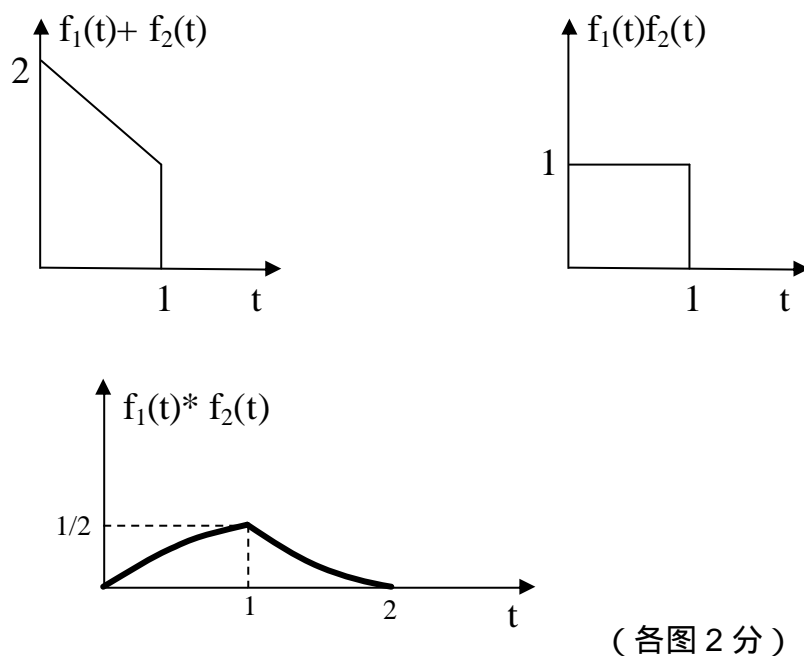
$$\begin{aligned} y_{zs}(t) + y_{zi}(t) &= e^{-t} + \cos pt \\ 2y_{zs}(t) + y_{zi}(t) &= 2\cos pt \end{aligned} \quad (2 \text{ 分})$$

由此可得： $y_{zi}(t) = 2e^{-t}e(t)$ $y_{zs}(t) = \cos pt e(t) - e^{-t}e(t)$ (2 分)

则当激励为 $3f(t)$ 时，系统的全响应为：

$$y(t) = 3y_{zs}(t) + y_{zi}(t) = (3\cos pt - e^{-t})e(t) \quad (2 \text{ 分})$$

5. 解：



$$t < 0, \quad f_1(t) * f_2(t) = 0$$

$$0 < t < 1, \quad f_1(t) * f_2(t) = \int_0^t 1 - (t - \tau) d\tau = 1 - \frac{1}{2}t^2$$

$$t = 1, \quad f_1(t) * f_2(t) = \int_{t-1}^t 1 - (t - \tau) d\tau = \frac{1}{2}$$

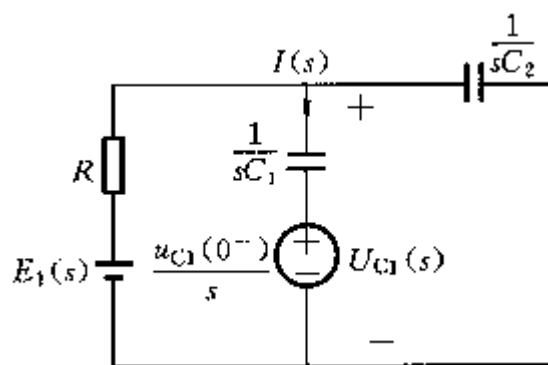
$$1 < t < 2, \quad f_1(t) * f_2(t) = \int_{t-1}^1 1 - (t - \tau) d\tau = \frac{1}{2}t^2 - 2t + 2$$

四、综合计算题（每小题 10 分，共 30 分）

1. 解：

当 S 位于 时， $u_{C1}(0^-) = E_1 = 1V, i(0^-) = 0A, u_{C2}(0^-) = 0V$ （2 分）

当 S 倒向 后，电路的 S 域等效模型如图所示，列出系统的 S 域方程，有 2 分）



$$\begin{cases} I(s) \frac{1}{sC_1} + \frac{U_{C1}(0^-)}{s} = U_{C1}(s) \\ R \left[\frac{U_{C1}(s)}{1/(sC_2)} + I(s) \right] + U_{C1}(s) = E_1(s) \end{cases} \quad (2 \text{ 分})$$

由题意知， $E_1(s) = \frac{1}{s}$ ，再代入参数，计算得

$$U_{C1}(s) = \frac{s+1}{s(2s+1)} = \frac{1}{s} + \frac{-1}{2s+1} \quad (1 \text{ 分})$$

$$I(s) = \frac{-s}{2s+1} = -\frac{1}{2} + \frac{1/2}{2s+1} \quad (1 \text{ 分})$$

即可得：

$$u_{C1}(t) = \left(1 - \frac{1}{2} e^{-\frac{1}{2}t} \right) \mathbf{e}(t) \quad i(t) = -\frac{1}{2} \mathbf{d}(t) + \frac{1}{4} e^{-\frac{1}{2}t} \mathbf{e}(t) \quad (2 \text{ 分})$$

2. 解：设
$$H(z) = A \frac{z^2 + 1}{(z-1)(z+1)} \quad (2 \text{ 分})$$

由初值定理

$$h(0) = \lim_{z \rightarrow \infty} H(z) = \lim_{z \rightarrow \infty} A \frac{z^2 + 1}{(z-1)(z+1)} = 1 \quad (2 \text{ 分})$$

由此可得，
$$A = 1 \quad (1 \text{ 分})$$

即得该系统函数为：

$$H(z) = \frac{z^2 + 1}{(z-1)(z+1)} \quad (1 \text{ 分})$$

则有：
$$\frac{H(z)}{z} = \frac{z^2 + 1}{(z-1)(z+1)} = \frac{-1}{z} + \frac{1}{z-1} + \frac{1}{z+1}$$

故得：
$$H(z) = -1 + \frac{z}{z-1} + \frac{z}{z+1} \quad (1 \text{ 分})$$

这样系统的单位脉冲响应为：

$$h(n) = -\mathbf{d}(n) + \mathbf{e}(n) + (-1)^n \mathbf{e}(n) \quad (1 \text{ 分})$$

由系统函数可得：
$$H(z) = \frac{z^2 + 1}{z^2 - 1} = \frac{1 + z^{-2}}{1 - z^{-2}} \quad (1 \text{ 分})$$

故得描述该系统的差分方程为：

$$y(n) - y(n-2) = f(n) + f(n-2) \quad (1 \text{ 分})$$

3. 解：系统函数 $H(\omega)$ 如图所示，由此可知，只有 $|\omega| < 3\text{rad/s}$ 的频率分量才能通过系统。输入信号 $f(t)$ 是周期信号，可表示为

$$f(t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} 3e^{j\frac{n\pi}{2}} e^{jn\Omega t} \quad (2 \text{ 分})$$

故其傅里叶系统 $F_n = 3e^{j\frac{n\pi}{2}} \quad (1 \text{ 分})$

信号 $f(t)$ 的频谱为

$$F(\omega) = 2\pi \sum_{n=-\infty}^{\infty} F_n \delta(\omega - n\Omega) = 2\pi \sum_{n=-\infty}^{\infty} 3e^{j\frac{n\pi}{2}} \delta(\omega - n\Omega) \quad (2 \text{ 分})$$

输出信号 $y(t)$ 的频谱为 $Y(\omega) = H(\omega)F(\omega) \quad (1 \text{ 分})$

由于 $F(\omega)$ 是在 $-\infty < \omega < \infty$ 区间，间隔为 $\Omega = 1\text{rad/s}$ 的一系列频域冲激函数。由于信号 $f(t)$ 中只有 $|\omega| < 3\text{rad/s}$ 的频率分量才能通过系统，故

$$Y(\omega) = 2\pi [H(-2)F_{-2}\delta(\omega + 2) + H(-1)F_{-1}\delta(\omega + 1) + H(0)F_0\delta(\omega) + H(1)F_1\delta(\omega - 1) + H(2)F_2\delta(\omega - 2)] \quad (1 \text{ 分})$$

将 $H(\omega), F_n$ 代入上式得：

$$Y(\omega) = 2\pi \left[\frac{1}{3} 3e^{-j\pi} \delta(\omega + 2) + \frac{2}{3} 3e^{-j\frac{\pi}{2}} \delta(\omega + 1) + 3\delta(\omega) + \frac{2}{3} 3e^{j\frac{\pi}{2}} \delta(\omega - 1) + \frac{1}{3} 3e^{j\pi} \delta(\omega - 2) \right] \quad (1 \text{ 分})$$

将上式化简得：

$$Y(\omega) = 6\pi \delta(\omega + 2) - j4\pi [\delta(\omega + 1) - \delta(\omega - 1)] - 2\pi [\delta(\omega + 2) - \delta(\omega - 2)] \quad (1 \text{ 分})$$

故 $y(t) = 3 - 4\sin t - 2\cos 2t \quad (1 \text{ 分})$