Übungsblatt 6 Kellerautomaten

Theoretische Informatik Studiengang Angewandte Informatik Wintersemester 2015/2016 Prof. Barbara Staehle, HTWG Konstanz

Aufgabe 6.1

[topic = Arbeitsweise des PDAs P_1 , credits = 3] Erinnern Sie sich an den in der Vorlesung definierten PDA $P_1 = (\{s_0, s_1\}, \{a, b\}, \{A, \bot\}, \delta, s_0)$ mit $\mathcal{L}(P_1) = \{a^n b^n \mid n \in \mathbf{N}\}$. Bestimmen Sie für die Worte

1.
$$\omega_1 = aabbb$$

Lösung

Losung			
Schritt	Zustand	w	Keller
0	s_0	aabbb	Т
1	s_0	abbb	$A\bot$
2	s_0	bbb	AA
3	s_0	bb	A
4	s_1	b	Т

das letzte b (markierte Zeile) kann nicht gelesen werden, da der Zustand b, \perp, ϵ NICHT existiert ... Also anders gesagt, b kann erst dann gelesen werden wenn im Keller A steht und nicht \perp ..

2.
$$\omega_2 = aaabbb \sqrt{}$$

Lösung

Schritt	Zustand	w	Keller
0	s_0	aaabbb	
1	s_0	aabbb	$A\bot$
2	s_0	abbb	AA
3	s_0	bbb	AAA
4	s_1	bb	AA
5	s_1	b	A
6	s_1	ϵ	上
7	s_1	ϵ	ϵ

Keller ist leer, das Wort w wurde akzeptiert..

3.
$$\omega_3 = abaabb$$

Lösung

Schritt	Zustand	w	Keller
0	s_0	abaabb	\perp
1	s_0	baabb	$A\bot$
2	s_0	aabb	\perp
3	s_1	aabb	\perp

Von Zustand s_1 (markiert)kann kein a gelesen werden daher w wird nicht akzeptiert

jeweils alle Konfigurationen (aktueller Zustand, verbleibendes Eingabewort, Inhalt des Kellers), die P_1 während der Verarbeitung der Worte durchläuft. Beantworten Sie anschließend, warum die Worte (nicht) akzeptiert werden.

Hinweis: Verwenden Sie Tabellen, oder die Übergangsrelation.

Aufgabe 6.2

$$[\ topic = Ein\ PDA\ f\"ur\ die\ OTTO\text{-}Zahlen\]$$

Erinnern Sie sich an die OTTO-Zahlen vom 3. Übungsblatt. Wir betrachten jetzt allerdings nur OTTO-Zahlen mit dem Ziffernvorrat 1-3: $L_{O3} \subseteq \{1,2,3\}^*$ mit

$$L_{O3} = \{1, 2, 3, 11, 22, 33, 111, 121, 131 \dots 2332 \dots 132321, \dots\}.$$

Teilaufgabe 6.2.1

Geben Sie den PDA P_{O3} an, der L_{O3} akzeptiert. Lassen Sie sich hierfür von den PDAs, die Sie in der Vorlesung kennengelernt haben, inspirieren.

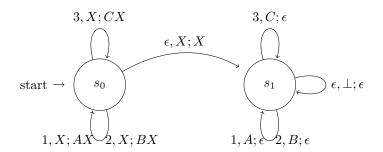
Geben Sie die Zustandsübergangsfunktion sowohl in tabellarischer bzw. formaler Form als auch mittels eines erweiterten Zustandsübergangsdiagramms an.

Lösung:

$$P_{otto} = (\{s_0, s_1\}, \{1, 2, 3\}, \{X\}, \delta, s_0)$$

mit $X \in \{A, B, C, \bot\}$

$$\begin{split} \delta(s_0, 1, X) &:= \{s_0, AX\} \\ \delta(s_0, 2, X) &:= \{s_0, BX\} \\ \delta(s_0, 3, X) &:= \{s_0, CX\} \\ \delta(s_0, X, X) &:= \{s_1, X\} \\ \delta(s_1, 1, A) &:= \{s_1, \epsilon\} \\ \delta(s_1, 2, B) &:= \{s_1, \epsilon\} \\ \delta(s_1, 3, C) &:= \{s_1, \epsilon\} \\ \delta(s_1, \epsilon, \bot) &:= \{s_1, \epsilon\} \end{split}$$



 P_{otto}

Abbildung 1: Zustandsübergangsdiagramme von P_{otto}

Teilaufgabe 6.2.2

Bestimmen Sie für die Worte

1.
$$\omega_1 = 123321 \sqrt{}$$

Lösung

2004116				
Schritt	Zustand	w	Keller	
0	s_0	123321		
1	s_0	23321	$A\perp$	
2	s_0	3321	$BA \perp$	
3	s_0	321	$CBA \perp$	
4	s_1	21	$BA \perp$	
5	s_1	1	$A\bot$	
6	s_1	ϵ		
7	s_1	ϵ	ϵ	

Keller ist leer, das Wort w wurde akzeptiert..

Lösung

keine OTTO Zahl

jeweils alle Konfigurationen, die P_1 während der Verarbeitung der Worte auf einem möglichen Pfad durchläuft. Falls es einen akzeptierenden Pfad gibt, so wählen Sie bitte diesen. Beantworten Sie anschließend, warum die Worte (nicht) akzeptiert werden.