Übungsaufgaben für die Vorlesung Theoretische Informatik

Prof. Dr. Ulrich Hedtstück HTWG Konstanz, Fakultät Informatik, SS 2015 Blatt 1

AUFGABE 1:

Geben Sie zu den folgenden regulären Sprachen über dem Alphabet $\{0,1\}$ jeweils eine reguläre Grammatik an, die die Sprache erzeugt.

- a) $L = \{w \mid \text{beginnt mit einer ungeraden Anzahl Nullen, anschließend folgt eine gerade Anzahl Einsen (0 ist eine gerade Zahl).}$
- b) $L = \{w \mid w \text{ enthält mindestens zwei Nullen und höchstens eine Eins.}\}$
- c) $L = \{w \mid w \text{ enthält nicht das Teilwort 110.}\}$
- d) $L = \{ (01)^n (01)^n \mid n \ge 1 \}$
- e) $L = \{ (aabb)^n \mid n \ge 1 \}$
- f) $L = \{ (ba^n b)^m \mid n, m \ge 1 \}$

AUFGABE 2:

Gegeben sei die Grammatik $G = (\{S, A, B\}, \{0\}, P, S)$ mit

$$P: S \rightarrow \varepsilon$$

$$S \rightarrow ABA$$

$$AB \rightarrow 00$$

$$0A \rightarrow 000A$$

$$A \rightarrow 0$$

- a) Von welchem Typ ist diese Grammatik?
- b) Geben Sie eine Ableitung für das Wort 00000 in G an.
- c) Beschreiben Sie die Sprache L, die von G erzeugt wird.
- d) Geben Sie eine zu G äquivalente reguläre Grammatik G' an.

AUFGABE 3:

Geben Sie für jede der folgenden Sprachen eine kontextfreie Grammatik an, die die Sprache erzeugt:

$$\begin{array}{lll} L &=& \left\{a^nb^m \mid m \geq n, \ n \geq 1\right\} \\ L &=& \left\{a^nb^n \mid n \geq 1\right\} \ \cup \ \left\{a^nb^{2n} \mid n \geq 1\right\} \\ L &=& \left\{a^nb^mc^{n+m} \mid n, m \geq 1\right\} \\ L &=& \left\{a^{2n}b^m \mid n \geq 1, \ m \geq n\right\} \\ L &=& \left\{w_1w_2 \mid w_1 \in \{a,b\}^+, \ w_2 \in \{0,1\}^+, \ |w_1| = |w_2|\right\} \end{array}$$

AUFGABE 4:

Obwohl es auf den ersten Blick nicht so aussieht, ist die folgende Sprache regulär:

$$L = \{(ab)^n a (ba)^n \mid n \ge 0\}$$

- a) Geben Sie die Wörter für n = 0, 1, 2, 3 an.
- b) Geben Sie eine reguläre Grammatik G mit mit L(G) = L an.

AUFGABE 5:

Geben Sie für die folgende Sprachen L eine reguläre Grammatik G an mit L(G) = L.

$$L = \{w \in \{0, 1, +, -\}^+ \mid w \text{ ist eine Integerzahl mit}$$
optionalem Vorzeichen, ohne führende Nullen}

Multiple Choice-Test

 $Genau\ eine\ Antwort\ ist\ anzukreuzen.\ Falsche\ Antworten\ werden\ nicht\ negativ\ bewertet!$

		richtig	falsch
1.	Die Sprache $L = \{ba^nb^ma \mid n \geq 1, m \geq 0\}$ ist regulär.		
2.	In einer kontextfreien Grammatik gibt es zu jeder natürlichen Zahl n nur endlich viele Ableitungen aus dem Startsymbol mit genau n Schritten.		
3.	Für $G = (\{S, X\}, \{a\}, P, S)$ mit $P = \{S \to a \mid aX, X \to aS\}$ gilt $L(G) = \{a^{2n+1} \mid n \ge 0\}$.		
4.	Für $G = (\{S\}, \{a\}, P, S)$ mit $P = \{S \to a \mid aaSbb\}$ gilt $L(G) = \{a^{2n+1}b^{2n} \mid n \ge 0\}$.		
5.	Für jeden Ableitungsschritt $w_i \Rightarrow w_{i+1}$ ($w_i \neq S$, S Startsymbol) in einer Grammatik vom Typ-0 gilt $ w_i \leq w_{i+1} $.		
6.	Enthält eine kontextsensitive Grammatik die Regel $aXa \rightarrow aYaa$, dann gilt $aaXa \Rightarrow aaaYaaa$.		
7.	Enthält eine kontextsensitive Grammatik die Regel $aXa \rightarrow aXaa$, dann gilt $aaXa \stackrel{*}{\Rightarrow} aaXaaa$.		