# Übungsblatt 3

## Sprachen und Grammatiken

Theoretische Informatik Studiengang Angewandte Informatik Wintersemester 2015/2016 Prof. Barbara Staehle, HTWG Konstanz

## Aufgabe 3.1

topic=Grammatiken, Ableitungen und Syntaxbäume für  $D_3$ ]

#### Teilaufgabe 3.1.1

[ topic = Eine Grammatik für die Dyck-Sprache  $D_3$ , credits = 1 ] Aus der Vorlesung ist Ihnen die Dyck-Sprache  $D_2$  bekannt, sowie eine Grammatik  $G_2$  mit  $\mathcal{L}(G_2) = D_2$ .

Geben Sie die Grammatik  $G_3$ , welche die Sprache  $D_3$  (alle korrekt geklammerten Ausdrücke mit den Klammerpaaren (), [], { } ) erzeugt an.

$$G_{3} = \{N, \Sigma, P, S\} = \{\{S\}, \{(,), [,], \{,\}\}, P, S\}$$
$$S \to \epsilon |SS|(S)|[S]|\{S\}$$
$$\mathcal{L}(\mathcal{D}_{\ni}) = \{\epsilon, [], (), ([]), \{\}, \{()\}, \ldots\}$$

### Teilaufgabe 3.1.2

[ topic = Ableitung des Wortes  $\{([])()\}[]$ , credits = 2 ] Geben Sie eine Linksableitung des Wortes  $\{([])()\}[]$  an.

- $S \to SS$
- $\to \{S\}S$
- $\rightarrow \{SS\}S$
- $\rightarrow \{(S)S\}S$
- $\rightarrow \{([S])S\}S$
- $\to \{([])(S)\}S$

$$\rightarrow \{([])()\}S$$
 $\rightarrow \{([])()\}[S]$ 
 $\rightarrow \{([])()\}[]$ 

#### Teilaufgabe 3.1.3

[ topic = Syntaxbaum zur Ableitung des Wortes  $\{([])()\}[]$ , credits = 2 ] Geben Sie für Ihre Linksableitung des Wortes  $\{([])()\}[]$  den dazugehörigen Syntaxbaum an.

SIEHE BLATT

## Aufgabe 3.2

[ topic = Die Chomsky-Hierarchie, credits = 2 ]

Sei  $N = \{S, T, U\}$  das Alphabet der Nonterminale,  $\Sigma = \{1, 2, 3\}$  das Alphabet der Terminale über welchem 8 verschiedene Grammatiken definiert sind. Im Folgenden ist aus jeder dieser Grammatiken eine Regel angegeben.

Geben Sie für jede der Regeln an, von welchem Chomsky-Typ sie (maximal) ist. Wenn also eine Regel vom Typ 0, 1 und 2 ist, dann ist die Lösung "Typ 2".

Begründen Sie Ihre Entscheidung.

**ALLGEMEIN** Typen: Chaomsky Bemerkungen: immer auf 2 und 3 zuerst nachchecken

- 1. ES GILT  $N=\{S,T\}, \Sigma=\{a,b,c\}$  all gemeine Form  $l\to r$  mit  $l\in (N\cup\Sigma)^+$  und  $r\in (N\cup\Sigma)^*$  das Sternchen heißt mit leerem Wort  $\epsilon$
- 2. Typ 0 : keine Einschränkungen  $aSb \rightarrow Ta$
- 3. Typ 1 : Kontextsensetiv Länge r<br/> muss größer gleich die Länge von l $|r| \ge |l|$

 $Z.B: aSb \rightarrow aTcb$ 

Ausnahme :  $S \to \epsilon$  erlaubt falls S nicht auf der rechten Seite einer Regel vorkommt.

4. Typ 2: kontextfrei, vom Typ 1 jedoch gilt dass  $l \in N$  rechte Seite egal  $S \to aSb$ 

Ausnahme von Typ 1 gilt hier auch

5. Typ 3: regulär

linke Seite : ein Nonterminal Symbol

rechte Seite : leeres Wort oder einzelnes Terminalsymbol oder einzelnes Terminalsymbol folgt von einem NonTerminal.

$$S \to aT$$

$$S \to a$$

$$S \to \epsilon$$

Ausnahme gilt

\_\_\_\_\_

- 1.  $r: T \to 1$  regulär Typ 3 wegen  $A \to a$
- $\begin{array}{c} 2. \ \ s: T \rightarrow 12 \\ \text{typ 2} \end{array}$
- 3.  $t: ST \rightarrow 12$ Typ 1
- $\begin{array}{c} 4. \ u:ST \rightarrow 1 \\ \text{Typ 0} \end{array}$
- 5.  $v: R2S \rightarrow 23T$ Typ 1
- 6.  $w: R \to S$ Typ 2
- 7.  $x: R \to 1S$ Typ 3
- 8.  $y: 2RST \rightarrow R3R$ Typ 0 (die Längen vergleichen!)

**Zusatzfrage (ohne Punkte)** Handelt es sich bei der Regel  $z: 1 \to 1S$  Ihrer Meinung nach um eine korrekte Typ-0 Regel? Analysieren Sie einerseits die Definition, aber bedenken Sie auch, was Sie generell über Grammatiken und Regeln wissen.

Nonterminal Symbole sollten auf der linken Seite sein damit diese eine korrekte Typ 0 Grammatik ist

## Aufgabe 3.3

[topic = Zahlensprachen]

#### Teilaufgabe 3.3.1

[ topic = Die Sprache der natürlichen Zahlen, credits = 2 ]  $L_N \subseteq \{0, 1, ..., 9\}^*$  mit  $L_N = \{0, 1, ..., 9, 10, ..., 5906, ..., \}$  sei die Sprache der natürlichen Zahlen.

1. Geben Sie eine Grammatik an, welche  $L_N$  erzeugt.

$$G_N = \{\{S, N\}, \{0, ...9\}, P, S\} \text{ mit } P =$$

$$S \to 0|...|9|1N|...|9N$$
  
 $N \to 0|..|9|1S|.....|9S$ 

- 2. Welchen Chomsky-Typ hat Ihre Grammatik? Typ 3
- 3. Können Sie Ihre Grammatik so umformen, dass sie regulär ist? Sie ist von Typ 3 also regulär, muss nicht umgeformt werden

#### Teilaufgabe 3.3.2

```
[ topic = Die OTTO-Zahlen, credits = 3 ] L_O \subseteq L_N \subseteq \{0, 1, \dots, 9\}^* mit L_O = \{0, 1, \dots, 9, 11, 22 \dots, 99, 101, 111, 121, \dots, 573375, \dots\}, sei die Sprache der OTTO-Zahlen, also der natürlichen Zahlen, die von vorne und hinten gelesen gleich sind.
```

- 1. Geben Sie eine Grammatik an, welche  $L_O$  erzeugt.  $G_N=\{\{S,A,B,C,D,E,F,G,H,I,J\},\{0,...9\},P,S\}$  mit P=  $S\to 0|...|9|0S|1S|...|9S$
- 2. Welchen Chomsky-Typ hat Ihre Grammatik? Typ 3
- 3. Können Sie Ihre Grammatik so umformen, dass sie regulär ist? ist auch Typ $3\,$