Image Fundamentals

آیلین حسن پور آذری

چکیده	اطلاعات گزارش
	تاريخ: 10 / 1 /1402
در این گزارش، مفاهیم چندی سازی (quantization) ، پردازش نقطه ای (point	
- processing) تصاویر مطرح شده است. تاثیر تعداد سطوح خاکستری بر روی کیفیت	
تصویر و مراحل روش های مختلف درونیابی تصویر بررسی شده است.	واژگان کلیدی:
	تصوير
	گزارش
	چندی سازی
	پردازش نقطه ای
	سطوح خاکستری
	كيفيت تصوير
	روش های درونیابی

1-مقدمه

هنگام کار با تصاویر دیجیتال، عملیات های هندسی مختلفی می توان روی تصویر انجام داد که تا تغییرات مفیدی روی تصویر اعمال شوند. در انجام عملیات های لازم

برای اعمال این تغییرات، یکی از نکات مهم از دست ندادن بخش های مهمی از عکس می باشد که آن را برای چشم ما قابل تمیز نکند. روش های مختلفی برای انجام این عملیات ها وجود دارند. قصد داریم میزان دقت تعدادی از آنها را بررسی کنیم.

2-شرح تكنيكال

1-1-چندی سازی و درون یابی

1-1-1 چندی سازی

در این قسمت از ما خواسته شده تصویر lena را به تعداد (2، 4، 8، 16، 32، 64، 128) سطوح خاکستری کوانتیزه کنیم و برای هر حالت، تصویر را در کنار هیستوگرام آن نمایش دهیم.

برای انجام این کار باید مقادیر تک تک پیکسل های عکس را از بازه (0–255) به بازه ای بین 0 تا تعداد سطوح خاکستری مشخص شده ببریم.

چندی سازی، یکی از تکنیک های فشردهسازی lossy (با اتلاف) است که با فشردهسازی محدوده ای از مقادیر به یک مقدار گسسته به دست می آید.

روش کوانتیزه کردن تصویر به این طریق است که اگر قرار است 128 سطح خاکستری در تصویر وجود داشته باشد، پس مقدار هر پیکسل باید به عددی در بازه (0–128) مپ بشود. این کار به طور مشابه برای سایر سطوح نیز انجام میشود.

روش به دست آوردن optimum mean square error نیز مطابق فرمول زیر پیاده سازی میشود:

$$MSE = \left[\left(\frac{1}{N} \right) \sum_{i=1}^{N} (\widehat{y}_i - y_i)^2 \right]$$
 (1)

-1-1-2

در این یخش از ما خواسته شده تا تمامی پیکسل های تصویر lena را با بیت ها مختلف (1 ، 2 ، 4 ، 6) نمایش دهیم.

برای انجام این کار ما تعداد سطوح خاکستری به قدری کاهش میدهیم تا به جای 8 بیت، مقدار کمتری جا بگیرند. برای انجام این کار ما در نظر میگیریم که اگر قرار است تصویر 5بیتی باشد، یعنی تنها میتواند 32 سطح خاکستری تصویر وجود داشته باشد، پس مقدار هر پیکسل باید به

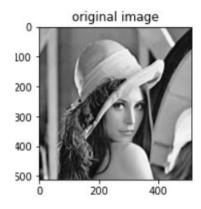
عددی در بازه (0–31) مپ بشود. نتیجه و بررسی نتایج این بخش در قسمت نتایج به تفصیل بیان شده است.

-1-1-3

در این بخش خواسته شده تا با پردازش نقطه ای و پیاده سازی توابع مختلف (contrast, raised contrast and Invert) بر روی هر پیکسل از تصویر ، خروجی های مناسب را نمایش دهیم .

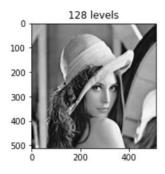
3-نتايج

1-1-1



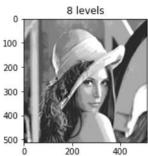
شكل 1-1-1- 1 تصوير اصلى

Quantization level: 128, MSE: 0.4506988525



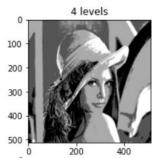
شكل 2-1-1- 1 تصوير با 128 سطح خاكسترى و MSE آن

Quantization level: 8, MSE: 79.16493225097



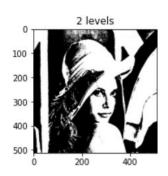
شكل 6-1-1- 1تصوير با 8 سطح خاكسترى و MSE آن

Quantization level: 4, MSE: 106.4938049316



شكل 7-1-1- 1 تصوير با 4 سطح خاكسترى و MSE آن

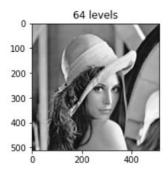
Quantization level: 2, MSE: 8551.101333618



شكل 8-1-1- 1 تصوير با 2 سطح خاكسترى و MSE آن

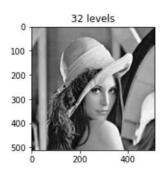
همانطور که در تصاویر بالا مشاهده میشود، کاهش تعداد سطوح خاکستری در هیستوگرام ها واضح است. اما کاهش کیفیت تصویر جوری که به چشم ما واضح باشد، تازه از 32 سطح خاکستری قابل تشخیص می باشد.

Quantization level: 64, MSE: 3.5216827392



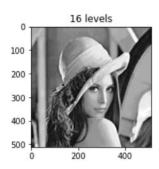
شكل 3-1-1- 1 تصوير با 64 سطح خاكسترى و MSE آن

Quantization level: 32, MSE: 17.0908355712

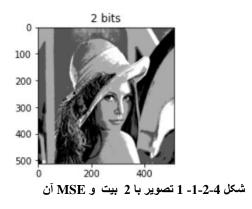


شكل 4-1-1- 1 تصوير با 32 سطح خاكسترى و MSE آن

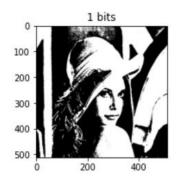
Quantization level: 16, MSE: 30.71071243286



شكل 5-1-1- 1 تصوير با 16 سطح خاكسترى و MSE آن



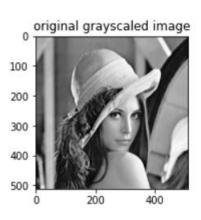
1-bit quantization MSE: 105.838638305664



شكل 5-2-1- 1 تصوير با 1 بيت و MSE آن

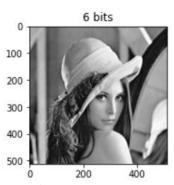
همانطور که در تصاویر نتایج مشاهده می شود، تا نمایش 4بیتی تقریبا تفاوت خاصی با تصویر اصلی توسط چشم ما تشخیص داده نمیشود. اما از نمایش سه بیتی به بعد کیفیت تصویر پایین آمده و در نقاطی از تصویر که تنوع سطوح خاکستری زیاد است، نمایش با تعداد بیت کم تفاوت فاحشی را در پی دارد.

به طور کلی اگر عکسی داشته باشیم که در ناحیه ای از آن، تنوع رنگ کمتر است و یکدست تر است و مثلا نهایتا بتوان آن را در دو سطح خاکستری توصیف کرد آنگاه 1 بیت هم برای نمایش آن ناحیه از تصویر کفایت میکند. اما در محله هایی از تصویر که تنوع رنگ و سطوح خاکستری بیشتری داریم حتما نیاز به بیت های بیشتری برای بازنمایی مقدار هر پیکسل داریم تا بتوان بین آنها تمایز ایجاد کرد.



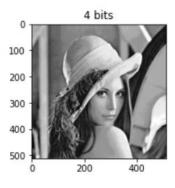
شكل 1-2-1- 2 تصوير اصلى

6-bit quantization MSE: 3.52168273925

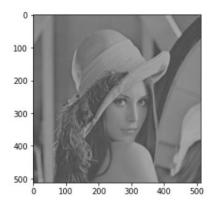


شكل 2-2-1- 1 تصوير با 6 بيت و MSE آن

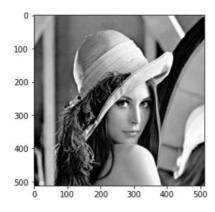
4-bit quantization MSE: 78.83815002441



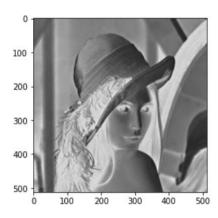
شكل 3-2-1 1 تصوير با 4 بيت و MSE آن



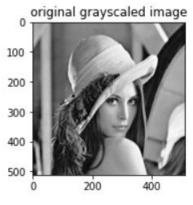
شكل 4-1-3 تصوير Lower Contrast



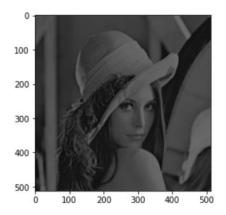
شكل 5-1-1 7 تصوير Raised Contrast



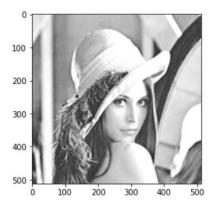
شكل 6-3-1- 8 تصوير Invert



شكل 1-3-1- 3 تصوير اصلى



شكل 2-3-1- 4 تصوير Darken



شكل 3-3-1- 5 تصوير Lighten

```
mse = np.mean((img arr64 -
img64levels) ** 2)
MSE: {mse}")
plt.show()
img32levels = quantize(lena,5)
plt.subplot(121)
plt.imshow(img32levels)
plt.title('32 levels')
img arr32 = np.array(lena)
mse = np.mean((img arr32 -
img32levels) ** 2)
MSE: {mse}")
plt.show()
img16levels = quantize(lena, 4)
plt.subplot(121)
plt.imshow(img16levels)
plt.title('16 levels')
img arr16 = np.array(lena)
mse = np.mean((img arr16 -
img16levels) ** 2)
print(f"Quantization level: {16},
MSE: {mse}")
plt.show()
img8levels = quantize(lena,3)
plt.subplot(121)
plt.imshow(img8levels)
plt.title('8 levels')
img arr8 = np.array(lena)
mse = np.mean((img arr8 -
img8levels) ** 2)
MSE: {mse}")
plt.show()
```

```
lena = cv2.imread('lena.bmp',
cv2.IMREAD GRAYSCALE)
flat=lena.flatten()
def quantize(image, n bits):
    coeff2= 2**8 // (2**n bits -
    return (image // coeff) *
coeff2
plt.subplot(121)
plt.imshow(lena)
plt.title('original image')
plt.set cmap('gray')
plt.show()
img128levels = quantize(lena,7)
plt.subplot(121)
plt.imshow(img128levels)
plt.title('128 levels')
img arr128 = np.array(lena)
mse = np.mean((img arr128 -
img128levels) ** 2)
print(f"Quantization level: {128},
MSE: {mse}")
plt.show()
img64levels = quantize(lena,6)
plt.subplot(121)
plt.imshow(img64levels)
plt.title('64 levels')
img arr64 = np.array(lena)
```

```
mse6 = np.mean((data - q6) ** 2)
mse6)
a=Image.fromarray(q6)
plt.subplot(121)
plt.imshow(a)
plt.title('6 bits')
plt.show()
q4 = np.uint8(np.floor(data / 16)
mse4 = np.mean((data - q4) ** 2)
print("4-bit quantization MSE:",
mse4)
IM = Image.fromarray(q4)
plt.subplot(121)
plt.imshow(IM)
plt.title('4 bits')
plt.show()
q2 = np.uint8(np.floor(data / 64)
* 64)
mse2 = np.mean((data - q2) ** 2)
print("2-bit quantization MSE:",
mse2)
IM = Image.fromarray(q2)
plt.subplot(121)
plt.imshow(IM)
plt.title('2 bits')
plt.show()
q1 = np.uint8(np.floor(data / 128)
mse1 = np.mean((data - q1) ** 2)
print("1-bit quantization MSE:",
mse1)
IM = Image.fromarray(q1)
plt.subplot(121)
plt.imshow(IM)
plt.title('1 bits')
plt.show()
```

```
img4levels = quantize(lena,2)
plt.subplot(121)
plt.imshow(img4levels)
plt.title('4 levels')
img arr4 = np.array(lena)
mse = np.mean((img arr4 -
img4levels) ** 2)
print(f"Quantization level: {4},
MSE: {mse}")
plt.show()
img2levels = quantize(lena,1)
plt.subplot(121)
plt.imshow(img2levels)
plt.title('2 levels')
img arr2 = np.array(lena)
mse = np.mean((img arr2 -
img2levels) ** 2)
MSE: {mse}")
plt.show()
```

1-1-2

```
0.5 + np.mean(img)
height, width = img.shape
low contr img = np.zeros((height,
width), dtype=np.uint8)
low contr img =
np.vectorize(lower contrast)(img)
Image.fromarray(low contr img)
plt.imshow(IM)
plt.show()
def raised contrast(pixel):
    return (pixel - np.mean(img))
* 1.5 + np.mean(img)
height, width = img.shape
high contr img = np.zeros((height,
width), dtype=np.uint8)
high contr img=
np.vectorize(raised contrast)(img)
\overline{I}M =
Image.fromarray(high_contr_img)
plt.imshow(IM)
plt.show()
def invert(pixel):
height, width = img.shape
invert img = np.zeros((height,
width), dtype=np.uint8)
invert img=
np.vectorize(invert)(img)
IM = Image.fromarray(invert img)
plt.imshow(IM)
plt.show()
```

```
img = cv2.imread('lena.bmp',
cv2.IMREAD GRAYSCALE)
plt.subplot(121)
plt.imshow(lena)
plt.title('original grayscaled
data = np.asarray(lena)
plt.set cmap('gray')
plt.show()
def darken(pixel value):
height, width = img.shape
dark img = np.zeros((height,
width), dtype=np.uint8)
dark img =
np.vectorize(darken)(img)
IM = Image.fromarray(dark img)
plt.imshow (IM)
plt.show()
def lighten(pixel):
height, width = img.shape
light img = np.zeros((height,
width), dtype=np.uint8)
light img =
np.vectorize(lighten)(img)
IM = Image.fromarray(light img)
plt.imshow(IM)
plt.show()
def lower contrast(pixel):
    return (pixel - np.mean(img))
```