# Haskell04

함수형 패러다임, 그 이상

#### 차례

- 기억력 테스트
  - 톺아보기 Review
- Haskell Upper-Intermediate
  - 잡다한 함수 기술들 Function functions
  - 이불 덮어 씌우기 Functor
  - 뺏었다가 줬다가 Applicative Functor
  - 두 번 포장하기 Monad

#### 차례

- Haskell Upper-Intermediate
  - 참고, 어렵게 보기 Functor, Applicative Functor, Monad
  - 재산세 내기 Functor, Applicative, Monad Inheritance
  - 조심히 만들기 Functor, Applicative, Monad Implementation
  - 조각조각 프로그래밍 Module
  - 나갈 때 따로, 들어올 때 따로 Main & I/O Type
  - 되로 주고 말로 받기 I/O & do expression

# 차례

Practices

# 기억력 테스트

아 기억이 안나잖아 안돼 이럴리가 없어

#### 톺아보기

- data Test a = Fault | Perfect a deriving (Eq, Show)
   calcTest Fault = False
   calcTest x = (x == (Perfect 3))
- calcTest의 타입은?

#### 톺아보기

- data Test2 a = WrongTest a | RightTest {testData::[Test2 a]}
- testData의 타입은?

### Haskell Upper-Intermediate

내가 무릎을 꿇은 것은 추진력을 얻기 위함이었다!

- 함수를 정의하는 법이 아니라, 이미 있는 함수를 잘 쓰고 싶다면 어떻게 해야할까?
- 이를테면, 이미 있는 함수 두 개를 차례대로 적용하고 싶다면 어떻게 해야할까?

- map과 head를 차례대로 적용하는 방법
- 1. head (map f l)
- 2. head . map f \$ l

- map과 head를 차례대로 적용하는 방법
- 1. head (map f l)
  - 우리가 알고있는 일반적인 방법이다.
  - map f l의 결과값을 head에 적용한다.

- map과 head를 차례대로 적용하는 방법
- 2. head . map f \$ l
  - (.)과 (\$)를 사용하는 방법이다.

- (.)? (\$)?
  - (.)는 함수 두 개를 합성하는 연산자이다.
  - (\$)는 함수에 값을 적용하는 연산자이다.

- 함수를 합성하는 연산자가 왜 따로 필요할까?
- head map f과 같이 쓰면 head의 인자로 map이 넘어가게 된다.
- 타입이 맞지 않기 때문에 오류, 맞는다 하더라도 이상한 결과값을 얻게 된다.
- 우리가 원하는 것은 head의 인자로 map f 함수의 결과 값이 넘어가는 것이다!

- (.) :: (b -> c) -> (a -> b) -> (a -> c)
- 함수 두 개를 받아서 한 함수의 결과값이 다음 함수에 들어갈 수 있게 해준다.

- 그러면 (\$)는 왜 필요할까?
- head . map f l을 시도하면 함수 적용은 우선순위가 굉장히 높기 때문에 map f l이 먼저 계산되고, 그 결과값을 head와 합성하려고 시도하게 된다.
- 우리가 원하는 것은 head와 map f를 합성하는 것이지, map f l과 합성하는 것이 아니다!

- (\$) :: (a -> b) -> a -> b
- 굉장히 우선순위가 낮은 함수 적용
- map f l1 ++ l2 와 같이 쓰면 l1에 map이 적용된 결과와 l2가 더해진다.
- map f \$ l1 ++ l2 와 같이 쓰면 l1과 l2가 더해진 결과에 map이 적용된다.

- listNegSumList1 l = map (\x -> negate (sum x)) l
- listNegSumList2 l = map (negate . sum) l
- oddSquareSum1 x = sum (map (^2) (filter odd (enumFromTo 1 x)))
- oddSquareSum2 = sum . map (^2) . filter odd . enumFromTo 1

- l = [1,2,3]의 내용물에 (2\*)를 하고 싶다면 어떻게 해야할까?
- map (2\*) l

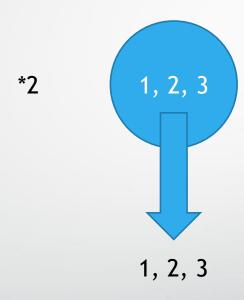
- l = Just 5의 내용물에 (2\*)를 하고 싶다면 어떻게 해야할까?
- case l of Nothing -> Nothing Just x -> Just (2\*x)
- Maybe에 map 같은 함수를 만들어서 아래처럼 할 수는 없을까?
- mapLike (2\*) l

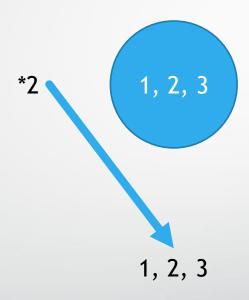
• [a], Maybe a, Either t a, ... 이렇게 Type을 인자로 받는 Type들, 즉 Wrapper들한테 a가 할 수 있는 연산을 할 수는 없을까?

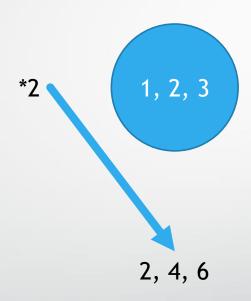
- fmap :: (Functor f) => (a -> b) -> f a -> f b
- Functor Class가 되기 위한 Minimal Complete Definition
- a->b인 함수를 f a -> f b인 함수로 바꿔준다.
- fmap (2\*) :: (Functor f) => f a -> f b
- fmap (2\*) [1,2,3]
- fmap (2\*) (Just 5)

• Functor의 동작을 모형으로 살펴보자

\*2 1, 2, 3







\*2

2, 4, 6

- 이제 Pattern Matching을 복잡하게 하지 않고서도 함수들을 Wrapping된 값에 적용할 수 있게 되었다.
- 하지만 여전히 문제는 남아있다!

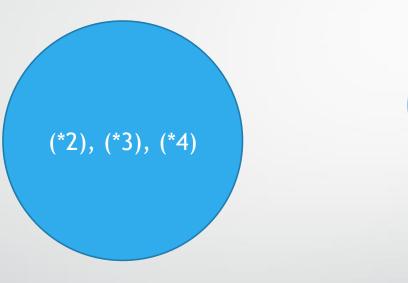
- fl = [(2\*), (3\*), (4\*)] 같은 함수들의 List를 vl = [1, 2, 3, 4]와 같은 값의 List에 적용하고 싶다고 해보자.
- case fl of f1:f2:f3:[] -> (fmap f1 vl) ++ (fmap f2 vl) ++ (fmap f3 vl)
- 함수의 개수가 정해져 있지 않다면? 재귀함수!

- No no no
- 모든 Wrapper마다 이런 함수를 일일히 쓰는 것은 불편하다.
- 즉, Wrapping된 함수를 Wrapping된 값들에 사용할 수 있는 간편한 방법은 없을까?

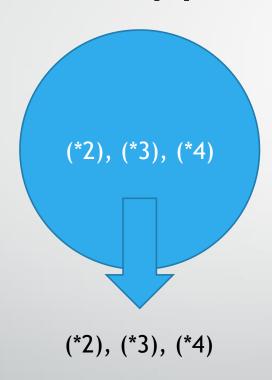
- pure :: (Applicative f) => a -> f a
- (<\*>) :: (Applicative f) => f (a -> b) -> f a -> f b
- Applicative Class가 되기 위한 Minimal Complete Definition
- pure는 임의의 값을 Wrapping 해주고,
- (<\*>)는 f (a -> b)인 Wrapping된 함수를 f a -> f b인 함수로 바꿔준다

- pure (\*2) <\*> [1,2,3]
- [(\*2)] <\*> [1,2,3]
- [] <\*> [1,2,3]
- [(\*2), (\*3)] <\*> [1,2,3]
- Just (\*3) <\*> Just 5

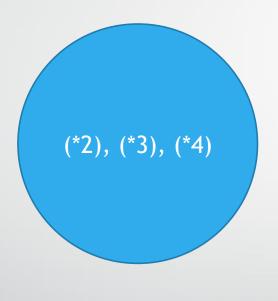
• Applicative Functor의 동작을 모형으로 살펴보자





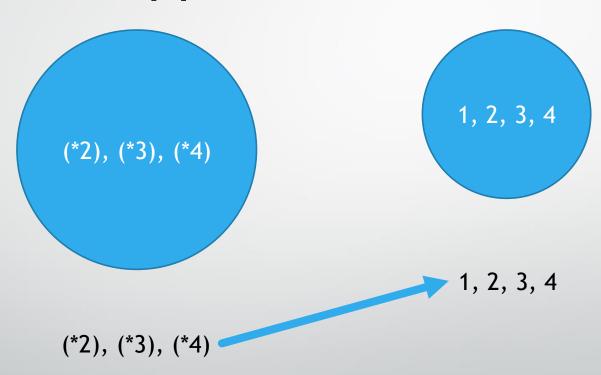


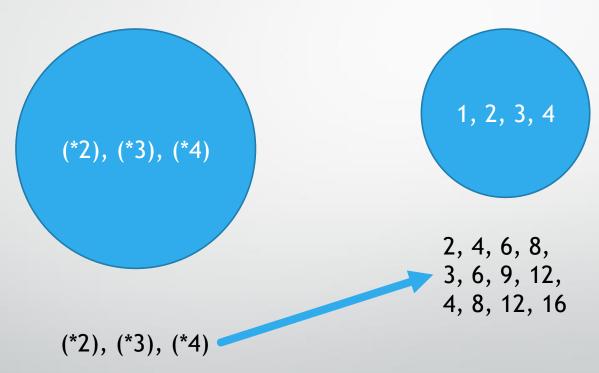


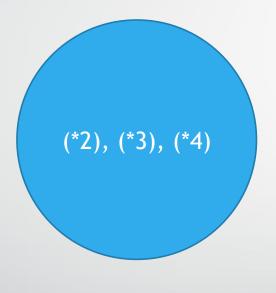


(\*2), (\*3), (\*4)

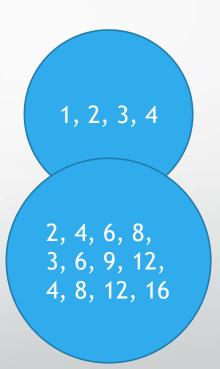








(\*2), (\*3), (\*4)



- Pattern Matching 없이도 Wrapping된 함수를 Wrapping된 값들에게 적용할 수 있게 되었다.
- 이젠 다 해결되었을까?

- 우리가 다음 같은 Factorial 함수를 만들었다고 하자.

- mv = Just 5에 factorial을 적용하고 싶다면 어떻게 하면 될까?
- 1. fmap factorial mv
- 2. pure factorial <\*> mv
- 3. ???

- mv = Just 5에 factorial을 적용하고 싶다면 어떻게 하면 될까?
- 1. fmap factorial mv
- fmap :: (Functor f) => (a -> b) -> f a -> f b
- factorial :: (Num a, Ord a) => a -> Maybe a
- (fmap factorial) :: (Functor f, Num a, Ord a) => f a -> f (Maybe a)

- mv = Just 5에 factorial을 적용하고 싶다면 어떻게 하면 될까?
- 1. fmap factorial mv
- f Type은 뭐가 되지?
- f (Maybe a)가 정말로 원하는 결과인가?

- mv = Just 5에 factorial을 적용하고 싶다면 어떻게 하면 될까?
- 2. pure factorial <\*> mv
- (<\*>) :: (Applicative f) => f (a -> b) -> f a -> f b
- pure :: (Applicative f) => a -> f a
- (pure factorial <\*>) :: (Applicative f, Num a, Ord a) => f a -> f (Maybe a)

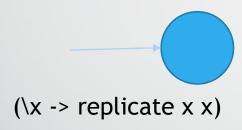
- mv = Just 5에 factorial을 적용하고 싶다면 어떻게 하면 될까?
- 2. pure factorial <\*> mv
- 1번과 똑같은 결과를 불러온다!

- mv = Just 5에 factorial을 적용하고 싶다면 어떻게 하면 될까?
- 3. ???
- Pattern Matching을 통해 Just 5에서 5를 꺼내 오는 수밖에 없을까??
- No!

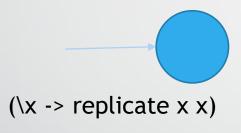
- return :: (Monad m) => a -> m a
- (>>=) :: (Monad m) => m a -> (a -> m b) -> m b
- Monad Class가 되기 위한 Minimal Complete Definition
- return은 임의의 값을 Wrapping해주고,
- (>>=) 연산(bind라고 읽는다)은 Wrapping하는 함수를 Wrapping된 값에 적용할 수 있게 해준다.

- Just 5 >>= factorial
- [1,2,3] >>= (\x -> replicate x x)
- getLine >>= (\x -> (read x) + 1)
- •

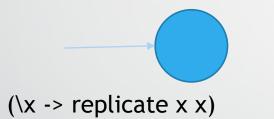
• Monad의 동작을 모형으로 살펴보자



1, 2

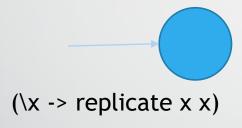






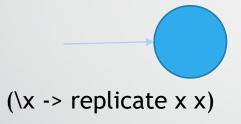
1, 2

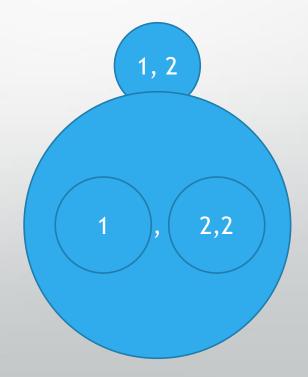
1, 2



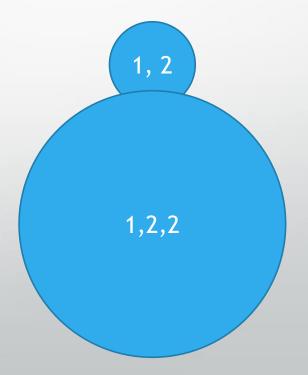












- Pattern Matching 없이도 Wrapping된 함수를 Wrapping된 값들에게 적용할 수 있게 되었다.
- 여기다 더해서?
  - Foldable
  - Traversable
  - •

- Pattern Matching 없이도 Wrapping된 함수를 Wrapping된 값들에게 적용할 수 있게 되었다.
- 여기다 더해서?
  - Foldable
  - Traversable
  - •

- Functor와 Applicative, Monad Type Class에 대해서 다뤄보았다.
- 이 세 Type Class에는 특징적인 함수가 하나씩 있다.
- fmap
- (<\*>)
- (>>=)

- Functor와 Applicative, Monad Type Class에 대해서 다뤄보았다.
- 이 세 Type Class에는 특징적인 함수가 하나씩 있다.
- fmap :: (Functor f) => (a -> b) -> f a -> f b
- (<\*>) :: (Applicative f) => f (a -> b) -> f a -> f b
- (>>=) :: (Monad m) => m a -> (a -> m b) -> m b

- Functor와 Applicative, Monad Type Class에 대해서 다뤄보았다.
- 이 세 Type Class에는 특징적인 함수가 하나씩 있다.
- (>>=)가 조금 헷갈릴 수 있으므로 Control.Monad 모듈에 있는 다른 함수로 잠깐 설명하겠다
- (=<<) :: (Monad m) => (a -> m b) -> m a -> m b
   (=<<) a b = (>>=) b a

- Functor와 Applicative, Monad Type Class 가 가진 특징적인 함수들의 성질에 대해 살펴보자.
- fmap은 (a -> b)를 받아서 f a 에서 f b로 가는 함수를 만든다. 이때 f a의 f에 따라서 결과의 f가 결정된다.
- fmap이 List에 사용될 때에는 List의 길이가 변하지 않는다.
- fmap이 Maybe에 사용될 때에는 Just x를 Nothing으로, Nothing을 Just x로 바꾸지 않는다.

- Functor와 Applicative, Monad Type Class 가 가진 특징적인 함수들의 성질에 대해 살펴보자.
- (<\*>)는 f (a -> b)를 받아서 f a에서 f b로 가는 함수를 만든다. 이때, f
   (a -> b)의 f와 f a의 f에 따라서 결과의 f가 결정된다.
- (<\*>)를 List에 적용하면, 함수 List의 길이에 따라 값 List의 길이가 변한다.
- (<\*>)를 Maybe에 적용하면, 함수 Maybe에 따라 값 Maybe가 바뀐다.

- Functor와 Applicative, Monad Type Class 가 가진 특징적인 함수들의 성질에 대해 살펴보자.
- (=<<)는 (a -> m b)를 받아 m a에서 m b로 가는 함수를 만든다. 이때,
   a의 값과 m a의 m에 따라서 결과의 m이 결정된다.
- (=<<)이 List에 적용될 때, List의 길이가 자유롭게 변할 수 있다.
- (=<<)이 Maybe에 적용될 때, 어떤 Maybe던지 출현할 수 있다.

- Functor, Applicative, Monad로 갈수록 Wrapper를 더 자유롭게 변경할 힘이 주어진다.
- 필요한 만큼의 자유도만 사용하는 것이 중요하다!

- Eq Class와 Ord Class 처럼 Functor, Applicative, Monad 간에는 상속 관계가 존재한다.
- Ord이면 무조건 Eq인 것처럼
- Monad이면 무조건 Applicative, Applicative면 무조건 Functor이다.

- 이 상속 관계를 검증해보자.
- Ord 는 (a == b) = (a >= b) && (b >= a) 이기 때문에 Eq 였다.

- 마찬가지로 Functor와 Applicative의 상속 관계를 보면
- Functor의 Minimal Complete Definition은 fmap이다.
- fmap을 pure와 <\*>로 구현해보면
- fmap f v = pure f <\*> v

- 마찬가지로 Applicative와 Monad의 상속 관계를 보면
- Applicative의 Minimal Complete Definition은 pure, (<\*>)이다.
- pure와 (<\*>)를 return과 (>>=)로 구현해보면
- pure = return
- f <\*> v = v >>= return . f

• 따라서 상속 관계가 성립한다.

# 조심히 만들기 Functor, Applicative, Monad Implemetation

- 이미 있는 Functor, Applicative, Monad를 쓸 때에는 상관 없으나
- 새로운 Type이 Functor, Applicative, Monad를 구현할 때에는 주의할 점이 있다.
- 바로 Functor 규칙, Applicative 규칙, Monad 규칙이라는 규칙들이다.

- Functor 규칙
- fmap id == id
- fmap (f.g) == fmap f . fmap g

- Applicative 규칙
- pure id <\*> v == v
- pure (.) <\*> u <\*> v <\*> w == u <\*> (v <\*> w)
- pure f <\*> pure x == pure (f x)
- u <\*> pure y == pure (\$ y) <\*> u

- Monad 규칙
- return a >>= k == k a
- m >>= return == m
- m >>= (\x -> k x >>= h) == (m >>= k) >>= h

• 자연스러운 규칙이기 때문에 복잡한 타입을 만들 때가 아니면 신경 쓸필요가 없지만, 복잡한 타입의 경우에는 조금 신경을 써 주어야 한다.

• 자연스러운 규칙이기 때문에 복잡한 타입을 만들 때가 아니면 신경쓸 필요가 없지만, 복잡한 타입의 경우에는 조금 신경을 써 주어야 한다.

- Quiz!
- 다음과 같은 study와 progress함수가 있다고 해보자.
- type StudySt = Int
   type ProgressSt = Int
   type LectureSt = (StudySt, ProgressSt)
   study :: LectureSt -> StudySt -> Maybe LectureSt
   progress :: LectureSt -> ProgressSt -> Maybe LectureSt

- Quiz!
- 학생이 공부를 할 때마다 study 함수를 부르고, 수업이 진행될 때마다 progress 함수가 불린다고 하자. 다만, study와 progress의 차이가 5이상 벌어지면 학생이 수업을 드랍하기 때문에 두 함수는 Nothing을 리턴하게 된다고 하자.
- 3 수업, 2 공부, 3 수업, 4 공부, 3 수업, 1 공부, 1공부, 3 수업, 2 공부, 3 수업, 4 공부와 같은 시간표를 지켰을 때 학생이 드랍했는지 아닌지 판별하는 코드를 짜보자.

- Quiz!
- print (return (0,0) >>= lecture 3 >>= study 2 >>= lecture 3 >>= study 4 >>= lecture 3 >>= study 1 >>= lecture 3 >>= study 2 >>= lecture 3 >>= study 4)

- 무슨 프로그래밍이던지 간에 적당한 크기로 Module을 구성하는 것은 중요하다.
- 이미 구성된 표준 라이브러리 Module의 사용법을 아는 것 또한 매우 중요하다.

• Prelude를 넘어선 모듈들을 사용하는 법을 알아보고, 직접 모듈을 만들어보자.

- Import 문
- import 이름
  - 이름에 해당하는 Module을 불러온다.

- Qualifier Import 문
- import qualified 이름
  - 이름.쓰고싶은정의로 모듈 안의 것들을 쓸 수 있게 해준다.
  - 함수 이름의 중복을 막기 위해 쓴다.

- Import as 문
- import 이름 as 새이름
  - 이름에 해당하는 Module을 불러오고, Module에 새이름이라는 별명을 지어준다.

- 부분 Import 문
- import 이름 (가져올 정의들)
  - 가져올 정의들에 해당하는 정의들만 Module에서 가져온다.
- import 이름 hiding (숨길 정의들)
  - 숨길 정의들이에 해당하는 정의들은 Module에서 가져오지 않는다.

- Import 문
- import qualified 이름 as 새이름 (가져올 정의들)
  - 가장 일반적인 import 문 중 하나
  - 새이름.가져온정의로 정의들을 사용할 수 있다.
- import qualified 이름 as 새이름 hiding (숨길 정의들)
  - 가장 일반적인 import 문 중 하나

- import Data.Listv = permutation [1,2,3]
- import qualified Data.Listv = Data.List.permutation [1,2,3]
- import qualified Data.List as Lv = L.permutation [1,2,3]

- Module을 불러와서 사용하는 방법에 대해서 알아보았다.
- Module을 정의하는 방법은 무엇일까?

- 기본적인 Module 정의
- module 이름 where

•••

- 이름이라는 Module을 정의한다.
- 이름은 대문자로 시작하여야하고, 파일 명과 동일해야한다.

- 한정적 Module 정의
- module 이름 (외부에 노출할 정의들) where

•••

- 이름이라는 모듈을 정의하고, 일부 정의들만 노출한다.
- 이름은 대문자로만 시작하여야하고, 파일 명과 동일해야 한다.

- 계층적 Module 정의
- module 폴더명.이름 where

•••

- 여러 모듈들을 하나의 폴더 안에 묶어서 정의할 수 있다.
- 폴더명과 이름은 대문자로만 시작하여야하고, 실제 폴더 명, 파일 명과 동일해야 한다.

- Module 사용 예시 (Fibonacci.hs)
- module Fibonacci (fibonacci) where fib a b = a : (fib b (a+b)) fibonacci n = (fib 1 1)!!n

- Module 사용 예시 (OtherModule1.hs)
- module OtherModule1 where import Fibonacci

useFibonacci = fibonacci

- Module 사용 예시 (OtherModule2.hs)
- module OtherModule2 where import Fibonacci

useFibonacci n = (fib 1 1) !! n

• Load해보면 OtherModule2는 에러가 발생하는 것을 확인할 수 있다.

- 이제 컴파일해서 프로그램을 만드는 법에 대해서 알아보자.
- Main Module과 main함수에 의해서 프로그램을 만들 수 있다.

• 적당한 파일(HelloWorld.hs)을 하나 만들자.

- 우선 Main module이 있어야한다.
- module Main where

- Module 안에 main이라는 녀석의 정의가 있어야 한다.
- module Main where main = putStrLn "hello world!"

- 소스파일이 있는 폴더에 cmd 창 (terminal 창)을 연 뒤,
- ghc HelloWorld.hs
- 를 치면 HelloWorld.exe (또는 HelloWorld)이라는 프로그램이 생성된다.

- 마침내 Hello World를 출력해보았다!
- 그런데 대체 putStrLn은 무엇일까? main이라는 녀석은 무슨 타입인걸까?

- putStrLn :: String -> IO ()
- main :: IO ()

- 10?
  - 새로운 Wrapper!
- IO a는 Input/Output을 수행한 결과값이 a Type임을 이야기한다.
- IO는 Data Constructor를 외부로 노출하지 않는다!
  - Pattern Matching으로 IO를 사용할 수 없다!

- ()?
  - C의 void와 같은 Type
  - 아무것도 아닌 **Type**을 이야기한다.

- putStrLn :: String -> IO ()
- String을 받아서 IO를 수행하고, 그 결과값은 없다.
- main :: IO ()
- 10를 수행하고, 그 결과값은 없다.

- 입력은?
- getLine :: IO String
- IO를 수행하고, 그 결과값은 String이다.

- 결과값을 도대체 어떻게 쓸 수 있을까?
  - Pattern Matching은 할 수 없다 (생성자가 모두 숨겨져 있다.)
  - 10 또한 Wrapper Type이다.
- Monad!!

## 나갈 때 따로, 들어올 때 따로 Main & I/O Type

- main = getLine >>= (\x -> putStrLn x)
- 간단한 Mirroring program이다.

- 만일 main 함수가 길어진다면 어떻게 될까?
- 물론 함수를 쪼개면 main 함수를 짧게 만들 수 있다.
- 하지만 간단한 프로그램을 만들면서 함수를 여러 개 이름 붙이기란 쉬운 일이 아니다.

- 만일 main 함수가 길어진다면 어떻게 될까?
- ... >>= (\x -> ... >>= (\y -> ... >>= ...))
- >>=가 정신없이 나열되는 모습을 보게 될 것이다.
- 더럽다!

- Monad를 보다 손쉽게 쓸 수 있는 방법은 없을까?
- do expression!

```
• do
a
b
```

• a >> b

• Monad를 사용한 연산들을 보다 읽기 쉽게 바꿔준다.

- Fibonacci 수열을 계산해주는 프로그램
- module Main where import Fibonacci

```
main = do
    x <- getLine
    putStrLn . show . fibonacci . read $ x</pre>
```

- 주의! do expression 중간에 return이 등장한다고 해도 거기서 수행이 끝나지 않는다.
  - return x는 단순히 결과값이 x인 Monad를 만드는 함수일 뿐이다.
  - x :: a일 때, return x는 IO a일 뿐이다.

- 1. 다음과 같은 명령어를 지원하는 DB를 만들어보자
- 이 Data Type에게 deriving해줄 Class들을 생각해보자.
- main의 재귀를 생각해보자.

- 2. 간단한 언어를 만들어보자.
- data Expr =
   EInt Int | EAdd Expr Expr | EMinus Expr Expr
   | EMult Expr Expr | EDiv Expr Expr | ERem Expr Expr
- eval :: Expr -> Maybe Int

- 2. 간단한 언어를 만들어보자.
- eval (EAdd (EInt 5) (EMult (EInt 5) (EMinus (EInt 3) (EDiv (EInt 4) (EInt 3))))) == Just 15
- eval (EMult (EInt 3) (ERem (EInt 3) (EInt 0))) == Nothing

- 2. 간단한 언어를 만들어보자.
- deriving Read와 간단한 main 함수를 사용하면 파일을 읽어서 실행하는 것도 가능하다.