

# Formas Normais

## Eliminação de ambiguidade

Flávio Márcio

# Como eliminar a ambiguidade?

- Impor restrições às regras da GLC sem afetar a linguagem produzida pela mesma.
  - Através de alterações feitas pelo projetista da gramática e da linguagem. Utilizando sua experiência e insight.
  - Transformação para uma “Forma Normal” adequada. Através de algoritmos próprios.
- Vamos aprender a segunda que irá nos ajudar a desenvolver a experiência e insight; exigidos na primeira opção.

# Formas Normais

- GLCs são muito flexíveis.
- Não existem restrições na forma do lado direito das regras.
- Isso facilita construção das gramáticas.
- Mas dificulta construção analisadores sintáticos (parsers).
- Formas normais:
  - Impõem restrições no lado direito das regras de GLCs.
  - Mas não reduzem o poder de expressão de GLCs.
  - Geradas automaticamente (via algoritmo).
- Exemplos de formas normais:
  - Forma Normal de Chomsky
  - Forma Normal de Greibach
  - Forma Normal de Backus-Nahur

# Transformações de Gramáticas

- Transformação de uma GLC em uma forma normal:
  - Adição, modificação e eliminação de regras.
- Primeira transformação:
  - Símbolo inicial ( $S$ ) deve se limitar a iniciar derivações
  - Isto é,  $S$  não deve ser uma variável recursiva.
  - Não deve ser possível ter  $S \Rightarrow^* uSv$
- Suponha  $G = (V, \Sigma, P, S)$  uma GLC onde  $S$  é recursivo
- Então  $G' = (V \cup \{S'\}, \Sigma, P \cup \{S' \rightarrow S\}, S')$  é uma GLC onde:
  - $L(G') = L(G)$
  - Símbolo inicial  $S'$  de  $G'$  não é mais recursivo.

# Exemplo

G:      $S \rightarrow aS \mid AB \mid AC$   
        $A \rightarrow aA \mid \lambda$   
        $B \rightarrow bB \mid bS$   
        $C \rightarrow cC \mid \lambda$

G':     $S' \rightarrow S$   
        $S \rightarrow aS \mid AB \mid AC$   
        $A \rightarrow aA \mid \lambda$   
        $B \rightarrow bB \mid bS$   
        $C \rightarrow cC \mid \lambda$

# Eliminação de Regras $\lambda$

- Variável anulável: variável que pode derivar  $\lambda$ .
- Se A é anulável, então:  $A \Rightarrow^* \lambda$
- Gramática não-contrátil: não possui variáveis anuláveis.
  - Derivações não diminuem tamanho da forma sentencial.
- Gramática essencialmente não-contrátil:
  - Gramática não-contrátil
  - Mas admite-se uma única regra  $\lambda$ :  $S \rightarrow \lambda$ .
  - Todas derivações são não-contráteis, exceto  $S \Rightarrow \lambda$ .
- Exemplo:
  - $S \rightarrow aAb$
  - $A \rightarrow aA \mid B$
  - $B \rightarrow bB \mid \lambda$

Variáveis anuláveis: B e A

# Eliminação de Regras $\lambda$

- Algoritmo para determinação de variáveis anuláveis:  
Entrada:  $G = (V, \Sigma, P, S)$   
 $NULL = \{ A \mid A \rightarrow \lambda \in P \}$   
repita  
     $PREV = NULL$   
    para cada variável  $A \in V$  faça  
        se existe regra  $A \rightarrow w \in P$  e  $w \in PREV^*$   
            então  $NULL = NULL \cup \{ A \}$   
até  $NULL == PREV$
- Esse algoritmo segue uma abordagem “bottom-up” para calcular variáveis anuláveis.

# Exemplo

- $G: S \rightarrow ACA$   
     $A \rightarrow aAa \mid B \mid C$   
     $B \rightarrow bB \mid b$   
     $C \rightarrow cC \mid \lambda$
- Executando algoritmo:
  - $NULL = \{ C \}$
  - $PREV = \{ C \}, NULL = \{ C, A \}$
  - $PREV = \{ C, A \}, NULL = \{ S, C, A \}$
  - $PREV = \{ S, C, A \}, NULL = \{ S, C, A \}$
- Como  $S$  é anulável,  $\lambda \in L(G)$



# Eliminação de Regras $\lambda$

- Técnica para eliminação de regras  $\lambda$ :
  - Calcular conjunto de variáveis anuláveis.
  - Eliminar regras que levam diretamente a  $\lambda$ .
  - Se  $\lambda \in L(G)$ , a regra  $S \rightarrow \lambda$  deve estar presente.
  - Adicionar regras na gramática onde a ocorrência de variáveis anuláveis é omitida.
    - Exemplo: GLC com a seguinte regra:  $A \rightarrow BABa$
    - Suponha que  $B$  é anulável
    - Logo, as seguintes regras devem ser adicionadas:  
 $A \rightarrow ABa \quad A \rightarrow BAa \quad A \rightarrow Aa$

# Exemplo

- $G: S \rightarrow ACA$   
 $A \rightarrow aAa \mid B \mid C$   
 $B \rightarrow bB \mid b$   
 $C \rightarrow cC \mid \lambda$
- Variáveis anuláveis:  $S$ ,  $C$  e  $A$
- Gramática essencialmente não-contrátil  
equivalente a  $G$ :  
 $G_L: S \rightarrow ACA \mid CA \mid AA \mid AC \mid A \mid C \mid \lambda$   
 $A \rightarrow aAa \mid aa \mid B \mid C$   
 $B \rightarrow bB \mid b$   
 $C \rightarrow cC \mid c$

# Exemplo

- $L(G) = a^* b^* c^*$
- $G: S \rightarrow ABC$   
     $A \rightarrow aA \mid \lambda$   
     $B \rightarrow bB \mid \lambda$   
     $C \rightarrow cC \mid \lambda$
- Variáveis anuláveis: S, A, B e C
- Gramática essencialmente não-contrátil  
    equivalente a  $G$ :  
     $G_L: S \rightarrow ABC \mid AB \mid BC \mid AC \mid A \mid B \mid C \mid \lambda$   
     $A \rightarrow aA \mid a$   
     $B \rightarrow bB \mid b$   
     $C \rightarrow cC \mid c$

# Eliminação de Regras de Cadeia

- Uma regra da forma  $A \rightarrow B$ 
  - Não aumenta tamanho da forma sentencial.
  - Não gera símbolos terminais.
  - Apenas renomeia uma variável.
- Tais regras são chamadas regras de cadeia (*chain rules*).
- Suponha:
  - $A \rightarrow aA \mid a \mid B$
  - $B \rightarrow bB \mid b \mid C$
- Eliminando cadeia  $A \rightarrow B$ :
  - $A \rightarrow aA \mid a \mid \mathbf{bB} \mid \mathbf{b} \mid \mathbf{C}$
  - $B \rightarrow bB \mid b \mid C$
- Infelizmente, uma nova cadeia apareceu:  $A \rightarrow C$
- Ou seja, o procedimento deve ser reaplicado

# Algoritmo CHAIN

- Algoritmo para cálculo de CHAIN(A): variáveis deriváveis a partir de A aplicando-se apenas regras de cadeia.
- Entrada:  $G = (V, \Sigma, P, S)$  , essencialmente não-contrátil.  
CHAIN(A) = { A }  
PREV =  $\emptyset$   
repita  
    NEW = CHAIN(A) – PREV  
    PREV = CHAIN(A)  
    para cada  $B \in \text{NEW}$  faça  
        para cada regra  $B \rightarrow C$  faça  
            CHAIN(A) = CHAIN(A)  $\cup$  { C }  
até CHAIN(A) == PREV

# Exemplo

- $G_L: S \rightarrow ACA \mid CA \mid AA \mid AC \mid A \mid C \mid \lambda$   
     $A \rightarrow aAa \mid aa \mid B \mid C$   
     $B \rightarrow bB \mid b$   
     $C \rightarrow cC \mid c$
- CHAIN(S):
  - CHAIN(S) = { S }, PREV =  $\phi$ , NEW = { S }, PREV = { S }
  - CHAIN(S) = { S, A, C }
  - NEW = { A, C }, PREV = { S, A, C }
  - CHAIN(S) = { S, A, C, B }
  - NEW = { B }, PREV = { S, A, C, B }
  - CHAIN(S) = { S, A, C, B }
- CHAIN(A) = { A, B, C }; CHAIN(B) = { B }; CHAIN(C) = { C }

# Exemplo

- $G_L: S \rightarrow ACA \mid CA \mid AA \mid AC \mid A \mid C \mid \lambda$   
     $A \rightarrow aAa \mid aa \mid B \mid C$   
     $B \rightarrow bB \mid b$   
     $C \rightarrow cC \mid c$
- $CHAIN(S) = \{ S, A, C, B \}$
- $CHAIN(A) = \{ A, B, C \}$ ;  $CHAIN(B) = \{ B \}$ ;  $CHAIN(C) = \{ C \}$
- Gramática sem regras de cadeia:  
     $G_L: S \rightarrow ACA \mid CA \mid AA \mid AC \mid aAa \mid aa \mid bB \mid b \mid cC \mid c \mid \lambda$   
     $A \rightarrow aAa \mid aa \mid bB \mid b \mid cC \mid c$   
     $B \rightarrow bB \mid b$   
     $C \rightarrow cC \mid c$
- Novas regras:  $A \rightarrow w$ , onde  $B \in CHAIN(A)$ ,  $B \rightarrow w \in P$ ,  $w \notin V$

# Resumo

- Regras de GLC essencialmente não-contráteis e sem regras de cadeia tem uma das seguintes formas:
  - $S \rightarrow \lambda$
  - $A \rightarrow a$
  - $A \rightarrow w$ , onde  $w \in (V \cup \Sigma)^+$  e  $|w| \geq 2$  possui tamanho pelo menos dois



# Símbolos Inúteis

- Variável inútil: não aparece em derivações que geram strings; não contribui para geração de strings
- Exemplo:
- $G: S \rightarrow AC \mid BS \mid B$   
 $A \rightarrow aA \mid aF$                        $D \rightarrow aD \mid BD \mid C$   
 $B \rightarrow CF \mid b$                           $E \rightarrow aA \mid BSA$   
 $C \rightarrow cC \mid D$                           $F \rightarrow bB \mid b$
- $L(G) = ?$
- Um símbolo  $x \in (V \cup \Sigma)$  é útil se:  $S \Rightarrow^* uxv \Rightarrow^* w$ ,  
onde  $u, v \in (V \cup \Sigma)^*$  e  $w \in \Sigma^*$
- Um terminal é útil quando ocorre em um string  $w \in L(G)$
- Uma variável  $A$  é útil se existe:  $S \Rightarrow^* uAv \Rightarrow^* w$ ,  $w \in L(G)$

# Algoritmo TERM

- Algoritmo que calcula TERM: conjunto das variáveis que derivam strings
- Entrada:  $G = (V, \Sigma, P, S)$   
TERM =  $\{ A \mid \text{existe uma regra } A \rightarrow w \in P, \text{ com } w \in \Sigma^* \}$   
repita  
    PREV = TERM  
    para cada variável  $A \in V$  faça  
        se existe  $A \rightarrow w \in P$  e  $w \in (\text{PREV} \cup \Sigma)^*$  então TERM = TERM  $\cup \{ A \}$   
    até PREV == TERM
- Ao término do algoritmo, variáveis não pertencentes a TERM são inúteis

# Exemplo

- $G: S \rightarrow AC \mid BS \mid B$   
     $A \rightarrow aA \mid aF$                        $D \rightarrow aD \mid BD \mid C$   
     $B \rightarrow CF \mid b$                        $E \rightarrow aA \mid BSA$   
     $C \rightarrow cC \mid D$                        $F \rightarrow bB \mid b$
- $TERM = \{ B, F \}$
- $PREV = \{ B, F \}, TERM = \{ B, F, A, S \}$
- $PREV = \{ B, F, A, S \}, TERM = \{ B, F, A, S, E \}$
- $PREV = \{ B, F, A, S, E \}, TERM = \{ B, F, A, S, E \}$
- Variáveis inúteis:  $\{ C, D \}$
- $G_T: S \rightarrow BS \mid B$   
     $A \rightarrow aA \mid aF$                        $E \rightarrow aA \mid BSA$   
     $B \rightarrow b$                        $F \rightarrow bB \mid b$

# Algoritmo REACH

- Algoritmo que calcula REACH: conjunto das variáveis alcançáveis a partir de  $S$  (isto é,  $S \Rightarrow^* uVx$ )
- Entrada:  $G = (V, \Sigma, P, S)$

REACH = {  $S$  }

PREV =  $\emptyset$

repita

    NEW = REACH – PREV

    PREV = REACH

    para cada  $A \in \text{NEW}$  faça

        para cada regra  $A \rightarrow w$  faça

            Adicione todas as variáveis de  $w$  em REACH

até REACH == PREV

# Exemplo

- $G_T: S \rightarrow BS \mid B$   
     $A \rightarrow aA \mid aF$                        $E \rightarrow aA \mid BSA$   
     $B \rightarrow b$                                    $F \rightarrow bB \mid b$
- $REACH = \{ S \}, PREV = \emptyset$
- $NEW = \{ S \}, PREV = \{ S \}, REACH = \{ S, B \}$
- $NEW = \{ B \}, PREV = \{ S, B \}, REACH = \{ S, B \}$
- Variáveis inalcançáveis a partir de S: A, E, F
- $G_U: S \rightarrow BS \mid B$   
     $B \rightarrow b$
- Logo,  $L(G) = b^+$

# Exemplo

- Para remoção de variáveis inúteis:
  - Aplicar TERM e depois REACH (nesta ordem)
- $G: S \rightarrow a \mid AB$   
 $A \rightarrow b$
- $TERM = \{ S, A \}$
- $G_T: S \rightarrow a$   
 $A \rightarrow b$
- $REACH = \{ S \}$
- $G_U: S \rightarrow a$
- Se algoritmos forem aplicados na ordem inversa, o resultado seria incorreto

# Forma Normal de Chomsky

- Uma GLC  $G = (V, \Sigma, P, S)$  está na Forma Normal de Chomsky se suas regras têm uma das seguintes formas:
  - $A \rightarrow BC$                       onde  $B, C \in V - \{ S \}$
  - $A \rightarrow a$
  - $S \rightarrow \lambda$
- Propriedade: árvores de derivação são sempre binárias
- Não é complexo converter uma gramática para a forma de Chomsky quando a mesma:
  - Não possui símbolo inicial recursivo
  - É essencialmente não-contrátil
  - Não possui regras de cadeia
  - Não possui símbolos inúteis

# Forma Normal de Chomsky

- Exemplo:  $A \rightarrow bDcF$
- Colocando na Forma de Chomsky:
  - Primeira transformação:
$$A \rightarrow B'DC'F$$
$$B' \rightarrow b$$
$$C' \rightarrow c$$
  - Segunda transformação:
$$A \rightarrow B'T_1$$
$$B' \rightarrow b$$
$$C' \rightarrow c$$
$$T_1 \rightarrow D T_2$$
$$T_2 \rightarrow C'F$$



# Exemplo

- $G: S \rightarrow aABC \mid a$   
 $A \rightarrow aA \mid a$   
 $B \rightarrow bcB \mid bc$   
 $C \rightarrow cC \mid c$
- Já satisfaz pré-condições:  $S$  não recursivo, essencialmente não-contrátil, sem regras de cadeia, sem símbolos inúteis
- $G': S \rightarrow A' T_1 \mid a$   
 $A' \rightarrow a$   
 $T_1 \rightarrow AT_2$   
 $T_2 \rightarrow BC$   
 $A \rightarrow A'A \mid a$   
 $B \rightarrow B' T_3 \mid B'C'$   
 $T_3 \rightarrow C'B$   
 $C \rightarrow C' C \mid c$   
 $B' \rightarrow b$   
 $C' \rightarrow c$

# Exemplo

- Suponha a gramática

$$S \rightarrow aXb \mid ab$$

$$X \rightarrow aXb \mid ab$$

- Forma Normal de Chomsky:

$$S \rightarrow AT \mid AB$$

$$T \rightarrow XB$$

$$X \rightarrow AT \mid AB$$

$$A \rightarrow a$$

$$B \rightarrow b$$

# Remoção de Recursão à Esquerda

- Recursão direta à esquerda pode produzir “loops infinitos em analisadores sintáticos top-down.
- Exemplo:  $S \rightarrow Aa$      $A \rightarrow Aa \mid b$ 
  - $S \Rightarrow Aa \Rightarrow Aaa \Rightarrow Aaaa \Rightarrow \dots$
- Suponha a regra genérica diretamente recursiva à esq.:
  - $A \rightarrow Au_1 \mid Au_2 \mid \dots \mid Au_j \mid v_1 \mid v_2 \mid \dots \mid v_k$
- Regra equivalente não-recursiva à esquerda:
  - $A \rightarrow v_1 \mid v_2 \mid \dots \mid v_k \mid v_1Z \mid v_2Z \mid \dots \mid v_kZ$
  - $Z \rightarrow u_1Z \mid u_2Z \mid \dots \mid u_jZ \mid u_1 \mid u_2 \mid \dots \mid u_j$

# Remoção de Recursão à Esquerda

- Exemplo 1:

$$A \rightarrow Aa \mid b$$
$$\Downarrow$$
$$A \rightarrow bZ \mid b$$
$$Z \rightarrow aZ \mid a$$

- Exemplo 2:

$$A \rightarrow Aa \mid Ab \mid b \mid c$$
$$\Downarrow$$
$$A \rightarrow bZ \mid cZ \mid b \mid c$$
$$Z \rightarrow aZ \mid bZ \mid a \mid b$$

# Remoção de Recursão à Esquerda

- Exemplo 3:

$$A \rightarrow AB \mid BA \mid a$$
$$B \rightarrow b \mid c$$
$$\Downarrow$$
$$A \rightarrow BAZ \mid aZ \mid BA \mid a$$
$$Z \rightarrow BZ \mid B$$
$$B \rightarrow b \mid c$$

- Exemplo 4:

$$A \rightarrow Aa \mid Aab \mid bb \mid b$$
$$\Downarrow$$
$$A \rightarrow bb \mid b \mid bbZ \mid bZ$$
$$Z \rightarrow aZ \mid abZ \mid a \mid ab$$

-- gera  $(b \cup bb)(a \cup ab)^*$

-- gera  $(b \cup bb)(Z \cup \lambda)$

-- gera  $(a \cup ab)^*$

# Remoção de Recursão à Esquerda

- Problema: recursão à esquerda indireta  
 $A \rightarrow Bu$   
 $B \rightarrow Av$
- Recursão indireta também pode gerar “loops infinitos”
- Solução: Forma Normal de Greibach

# Forma Normal de Greibach

- Uma GLC  $G = (V, \Sigma, P, S)$  está na Forma Normal de Greibach se suas regras têm uma das seguintes formas:
  - $A \rightarrow aA_1A_2A_3 \dots A_n$
  - $A \rightarrow a$
  - $S \rightarrow \lambda$onde  $a \in \Sigma$  e  $A_i \in V - \{S\}$ , para  $i = 1, 2, \dots, n$
- Primeiro passo:
  - Transformar para forma normal de Chomsky
  - E eliminar recursão direta à esquerda
- Segundo passo:
  - Ordenar variáveis; cada variável ganha um número
  - $S=1, A=2, B=3$ , etc

# Forma Normal de Greibach

- Terceiro passo: regras das seguintes formas

- $S \rightarrow \lambda$

- $A \rightarrow aw$

- $A \rightarrow Bw$

onde  $w \in V^*$  e  $\text{número}(B) > \text{número}(A)$



# Exemplo

- G:  $S \rightarrow AB \mid \lambda$   
 $A \rightarrow AB \mid CB \mid a$   
 $B \rightarrow AB \mid b$   
 $C \rightarrow AC \mid c$
- Numerando variáveis:
  - $S=1; A= 2; B= 3; C= 4$
- Eliminando recursão à esquerda em A:  
G:  $S \rightarrow AB \mid \lambda$   
 $A \rightarrow CBR_1 \mid aR_1 \mid CB \mid a$   
 $B \rightarrow AB \mid b$   
 $C \rightarrow AC \mid c$   
 $R_1 \rightarrow BR_1 \mid B$

# Exemplo

- Gramática até o momento:

G:  $S \rightarrow AB \mid \lambda$  -- ok,  $A > S$   
 $A \rightarrow CBR_1 \mid aR_1 \mid CB \mid a$  -- ok,  $C > A$   
 $B \rightarrow AB \mid b$  -- não ok  
 $C \rightarrow AC \mid c$  -- não ok  
 $R_1 \rightarrow BR_1 \mid B$

- Movendo lado direito de A para regra  $B \rightarrow AB$  e  $C \rightarrow AC$

G:  $S \rightarrow AB \mid \lambda$   
 $A \rightarrow CBR_1 \mid aR_1 \mid CB \mid a$   
 $B \rightarrow CBR_1B \mid aR_1B \mid CBB \mid aB \mid b$  -- ok,  $C > B$   
 $C \rightarrow CBR_1C \mid aR_1C \mid CBC \mid aC \mid c$  -- recursiva esq.  
 $R_1 \rightarrow BR_1 \mid B$

# Exemplo

- Gramática até o momento:

$G: S \rightarrow AB \mid \lambda$

$A \rightarrow CBR_1 \mid aR_1 \mid CB \mid a$

$B \rightarrow CBR_1B \mid aR_1B \mid CBB \mid aB \mid b$

$C \rightarrow CBR_1C \mid aR_1C \mid CBC \mid aC \mid c$  -- recursiva esq.

$R_1 \rightarrow BR_1 \mid B$

- Removendo recursão à esquerda na regra C:

$G: S \rightarrow AB \mid \lambda$

$A \rightarrow CBR_1 \mid aR_1 \mid CB \mid a$

$B \rightarrow CBR_1B \mid aR_1B \mid CBB \mid aB \mid b$

$C \rightarrow aR_1C \mid aC \mid c \mid aR_1CR_2 \mid aCR_2 \mid cR_2$

$R_1 \rightarrow BR_1 \mid B$

$R_2 \rightarrow BR_1C R_2 \mid BC R_2 \mid BR_1C \mid BC$

# Exemplo

- Gramática até o momento (sem  $R_1$  e  $R_2$ ):

G:  $S \rightarrow AB \mid \lambda$  -- ok 3º passo

$A \rightarrow CBR_1 \mid aR_1 \mid CB \mid a$  -- ok 3º passo

$B \rightarrow CBR_1B \mid aR_1B \mid CBB \mid aB \mid b$  -- ok 3º passo

$C \rightarrow aR_1C \mid aC \mid c \mid aR_1CR_2 \mid aCR_2 \mid cR_2$  -- ok 3º passo

- Regra C já está de acordo com Greibach

- Movendo regra C para lado direito de B:

$B \rightarrow aR_1B \mid aB \mid b$

$\rightarrow aR_1C\mathbf{BR_1B} \mid aC\mathbf{BR_1B} \mid c\mathbf{BR_1B} \mid aR_1CR_2\mathbf{BR_1B} \mid$   
 $aCR_2\mathbf{BR_1B} \mid cR_2\mathbf{BR_1B}$

$\rightarrow aR_1C\mathbf{BB} \mid aC\mathbf{BB} \mid c\mathbf{BB} \mid aR_1CR_2\mathbf{BB} \mid aCR_2\mathbf{BB} \mid$   
 $cR_2\mathbf{BB}$  -- agora B está de acordo com Greibach

- Repetir procedimento para A, S,  $R_1$  e  $R_2$  (nesta ordem)

# Greibach: Comentários Finais

- Forma Normal de Greibach:
  - Gramáticas grandes (com diversas regras)
  - Gramáticas sem a simplicidade original
- Transformação de uma GLC para Greibach pode ser automatizada (via algoritmo descrito nos slides anteriores)
- No entanto, gramáticas na Forma Normal de Greibach possuem propriedades interessantes:
  - Toda derivação adiciona um terminal no início da string que está sendo derivada
  - Logo, não existe recursão à esquerda (direta ou indireta)
  - Strings de tamanho  $n > 0$  são derivadas aplicando-se exatamente  $n$  regras da gramática

# Fatoração à esquerda

- Reescrever a gramática adiando a escolha da substituição de um não terminal pelo lado direito da produção.
- É uma transformação que prepara a gramática para um predictive parsing.
- Se  $A \rightarrow ab_1 \mid ab_2$  não sabemos que produção utilizar podemos adiar a decisão fazendo:
  - $A \rightarrow aR$
  - $R \rightarrow b_1 \mid b_2$

# Fatoração à esquerda

- 1. Para cada não terminal  $A$  encontre o maior prefixo “ $a$ ” comum a duas ou mais alternativas.
- 2. Se “ $a$ ”  $\neq$  “ $\lambda$ ” substitua todas as produções:
  - $A \rightarrow ab_1 \mid ab_2 \mid \dots \mid ab_n$
  - Por
  - $A \rightarrow aR$
  - $R \rightarrow b_1 \mid b_2 \mid \dots \mid b_n$
- 3. Repita o processo até que não sobre duas alternativas com um prefixo comum.

# GLC e Linguagens de Programação

- Notação BNF (Backus-Nahur Form): notação normalmente usada para definir GLCs de linguagens de programação
- Propostas quando da definição da gramática de Algol 60
- Notação BNF:
  - Não se usa  $\lambda$
  - Terminais: negrito (ou começando com minúsculas)
  - Variáveis: < .... > (ou começando com maiúsculas)
  - { A } denota zero ou mais repetições de A
  - [ A ] denota que A é opcional
- BNF de Java:
  - The Java Language Specification
  - <http://java.sun.com/docs/books/jls/>



# BNF de Java

CompilationUnit: [ package QualifiedIdentifier ; ] { ImportDeclaration }  
                  { TypeDeclaration }

ImportDeclaration: import Identifier { . Identifier } [ . \* ] ;

TypeDeclaration: ClassOrInterfaceDeclaration ;

ClassOrInterfaceDeclaration: ModifiersOpt (ClassDeclaration | InterfaceDeclaration)

ClassDeclaration: class Identifier [extends Type] [implements TypeList] ClassBody

InterfaceDeclaration: interface Identifier [extends TypeList] InterfaceBody

TypeList: Type { , Type }

ClassBody: { {ClassBodyDeclaration} }

InterfaceBody: { {InterfaceBodyDeclaration} }

ClassBodyDeclaration:  
    ;  
    [static] Block  
    ModifiersOpt MemberDecl

# BNF de Java

MemberDecl:

```
MethodOrFieldDecl  
void Identifier MethodDeclaratorRest  
Identifier ConstructorDeclaratorRest  
ClassOrInterfaceDeclaration
```

MethodOrFieldDecl: Type Identifier MethodOrFieldRest

MethodOrFieldRest:

```
VariableDeclaratorRest  
MethodDeclaratorRest
```

InterfaceBodyDeclaration:

```
;  
ModifiersOpt InterfaceMemberDecl
```

InterfaceMemberDecl:

```
InterfaceMethodOrFieldDecl  
void Identifier VoidInterfaceMethodDeclaratorRest  
ClassOrInterfaceDeclaration
```

InterfaceMethodOrFieldDecl: Type Identifier InterfaceMethodOrFieldRest

# BNF de Java

```
InterfaceMethodOrFieldRest:  
    ConstantDeclaratorsRest ;  
    InterfaceMethodDeclaratorRest
```

```
MethodDeclaratorRest:  
    FormalParameters BracketsOpt [throws QualifiedIdentifierList] ( MethodBody | ; )
```

```
VoidMethodDeclaratorRest:  
    FormalParameters [throws QualifiedIdentifierList] ( MethodBody | ; )
```

```
InterfaceMethodDeclaratorRest:  
    FormalParameters BracketsOpt [throws QualifiedIdentifierList] ;
```

```
VoidInterfaceMethodDeclaratorRest:  
    FormalParameters [throws QualifiedIdentifierList] ;
```

```
ConstructorDeclaratorRest:  
    FormalParameters [throws QualifiedIdentifierList] MethodBody
```

```
QualifiedIdentifierList: QualifiedIdentifier { , QualifiedIdentifier }
```

```
FormalParameters: ( [FormalParameter { , FormalParameter}] )
```

For compatibility with older versions, a declaration form for a method that returns an array is allowed to place (some or all of) the empty bracket pairs that form the declaration of the array type after the parameter list.

# BNF de Java

FormalParameter:

[final] Type VariableDeclaratorId

MethodBody:

Block

ModifiersOpt:

{ Modifier }

Modifier:

public  
protected  
private  
static  
abstract  
final  
native  
synchronized  
transient  
volatile  
strictfp