
Disciplina: Compiladores

Análise Sintática - Continuação

Prof. Flávio Márcio de Moraes e Silva

Parsing Bottom-up

- Construir a árvore de parse a partir das folhas em direção a raiz
- Método Shift-Reduce (deslocar-reduzir):
 - “reduzir” o lado direito de uma produção pelo lado esquerdo até que se chegue na raiz.
 - se **o string for escolhido corretamente** teremos traçado uma derivação mais a direita ao reverso.
- Operam sobre gramáticas LR(k): (Left to right) análise da sentença da esquerda para a direita, (Rightmost derivation) produzindo uma derivação mais a direita, (k) levando em conta “k” símbolos.

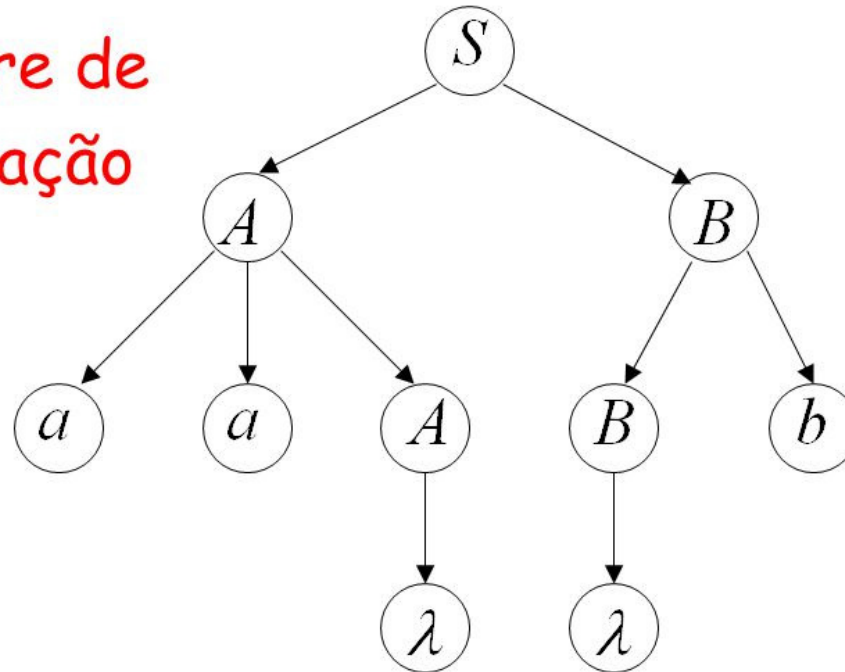
Árvore de derivação

- Notação que exhibe uma derivação no formato de árvore.

$$S \rightarrow AB \quad A \rightarrow aaA \mid \lambda \quad B \rightarrow Bb \mid \lambda$$

$$S \Rightarrow AB \Rightarrow aaAB \Rightarrow aaABb \Rightarrow aaBb \Rightarrow aab$$

Árvore de
derivação



Parsing Bottom-up

- Exemplo
- $S \rightarrow aABe$
- $A \rightarrow Abc \mid b$
- $B \rightarrow d$

- podemos reduzir a sentença **abbcde** para S:
- abbcde $A \Rightarrow b$
- aAbcde $A \Rightarrow Abc$
- aAde $B \Rightarrow d$
- aABe $S \Rightarrow aABe$
- S

Handle

- Informalmente, um handle de um string:
 - é um substring que casa com o lado direito de uma produção e sua redução representa um passo na derivação mais a direita ao reverso (ddr).
- Formalmente, um handle de uma forma sentencial mais a direita y é uma produção $A \rightarrow w$ e uma posição de y onde “w” pode ser substituído por A produzindo um passo na ddr.
- Note:
- abbcde $A \Rightarrow b$ é um handle
- aAbcde $A \Rightarrow Abc$ é um handle
- mas se usássemos:
- aAAcde $A \Rightarrow b$ não é um handle

Handle

- Note que: uma gramática ambígua pode ter mais de um handle para uma forma sentencial e uma gramática não ambígua apenas um.
- Dado:
- (1) $E \rightarrow E + E$
- (2) $E \rightarrow E * E$
- (3) $E \rightarrow (E)$
- (4) $E \rightarrow id$
- e o string **id + id * id** temos:
- $\underline{id} + id * id \Rightarrow E + \underline{id} * id \quad E + \underline{id} * id$
- $\Rightarrow E + E * \underline{id} \quad \underline{E + E} * id$
- $\Rightarrow E + \underline{E * E} \quad E * \underline{id}$
- $\Rightarrow \underline{E + E} \quad \underline{E * E}$
- $\Rightarrow E \quad E$

Handle Pruning

- Sendo z , y e w formas sentencias da gramática em questão.
- Um handle pruning é um processo de redução de “ y ” para A em “ zyw ” dado o handle $A \rightarrow y$. Pode ser visto como uma poda na árvore de parse, onde se remove os filhos de A da árvore.

Exemplo

PILHA	ENTRADA	AÇÃO
\$	id + id * id\$	shift
\$id	+ id * id\$	reduce: E -> id
\$E	+ id * id\$	shift
\$E +	id * id\$	shift
\$E + id	* id\$	reduce: E -> id
\$E + E	* id\$	shift
\$E + E *	id\$	shift
\$E + E * id	\$	reduce: E -> id
\$E + E * E	\$	reduce: E -> E * E
\$E + E	\$	reduce: E -> E + E
\$E	\$	accept

[illegible]

Conflitos (reduce/reduce)

- Suponha que o analisador léxico retorne a token **id** para identificadores como: variáveis, procedimentos, vetores etc. Considere ainda a seguinte gramática:
- $stmt \rightarrow id (parameter_list) \mid expr := expr$
- $parameter_list \rightarrow parameter_list , parameter \mid parameter$
- $parameter \rightarrow id$
- $expr \rightarrow id (expr_list) \mid id$
-
- **A(i, j) será visto pelo parser como: id (id, id)**
- Note: Pilha Entrada
- ... id (id ... , id) ...
- **Conflito reduce/reduce**
-
- **É evidente a operação de redução em id.**
- **Mas qual produção usar?** Parameter $\rightarrow id$ ou $expr \rightarrow id$

Solução (reduce/reduce)

- Alterar a gramática:
- *stmt* -> **procid** (*parameter_list*)
- *parameter* -> id
- *expr* -> id (*expr_list*) | id
- Alteração implica em um analisador léxico mais sofisticado: sempre consultar a tabela de símbolos antes de retornar uma token.
- **Se A(i, j) é visto pelo parser como: id (id, id)**
- teremos: Pilha Entrada
- ... id (**id** ... , id) ...
- reduzindo **id** para *expr*.
-
- **Se A(i, j) é visto pelo parser como: procid (id, id)**
- teremos: Pilha Entrada
- ... procid (**id** ... , id) ...
- reduzindo **id** para *parameter*.

Parsing de precedência operadora

- Operam sobre a classe das gramáticas de operadores:
 - Nenhuma produção gera “lambida”.
 - Em nenhuma produção encontramos duas variáveis não terminais adjacentes.
- Exemplo
- $E \rightarrow EAE \mid (E) \mid -E \mid id$
- $A \rightarrow + \mid - \mid * \mid / \mid ^$
-
- não é uma gramática operadora mas a gramática abaixo é:
-
- $E \rightarrow E+E \mid E-E \mid E^*E \mid E/E \mid E^E \mid (E) \mid -E \mid id$

Parsing de precedência operadora

- Para uma gramática operadora podemos facilmente implementar (“a mão”) um parser shift-reduce eficiente:
- Definimos 3 operações de precedência $<$, $=$, $>$ entre pares de terminal onde:
- $a < b$: **a** tem menor precedência que **b**
- $a = b$: **a** tem a mesma precedência que **b**
- $a > b$: **a** tem maior precedência que **b**
- A seguir um exemplo para a gramática abaixo:
- $E \rightarrow E + E$
- $E \rightarrow E * E$
- $E \rightarrow id$

Usando as relações de precedência

- O objetivo das relações de precedência é delimitar o handle de uma forma sentencial a direita.
- Considere $\$ < a$ e $a > \$$ para todo terminal a e a seguinte tabela de precedência:

	id	+	*	\$
id		>	>	>
+	<	>	<	>
*	<	>	>	>
\$	<	<	<	

- Note que:
- se $*$ tem maior precedência que $+$ então: $* > +$ e $+ < *$
- a entrada para **id** e **id** é vazia (nunca dois ids ocorrerão em seqüência)

Usando as relações de precedência

- Um handle pode ser encontrado da seguinte forma:
- Percorra o string da esquerda para direita até que um $>$ seja encontrado.
- Volte até que um $<$ seja encontrado.
- Tudo que estiver entre $<$ e $>$ é parte do handle
- Considerando o string **id + id * id**, o string contendo a precedência operadora é:
- **$\$ < \text{id} > + < \text{id} > * < \text{id} > \$$**
- O 1º handle encontrado é **id** chegando a $E + \text{id} * \text{id}$.
- Isto nos leva a: **$\$ < + < \text{id} > * < \text{id} > \$$** .
- O 2º handle encontrado é **id** chegando a $E + E * \text{id}$.
- Isto nos leva a: **$\$ < + < * < \text{id} > \$$** .
- O 3º handle encontrado é **id** chegando a $E + E * E$.
- Isto nos leva a: **$\$ < + < * > \$$** .

Usando as relações de precedência

- $\$ < + < * > \$$
- $\$ < + > \$$
- $\$ \$$
- Observações:
 - Símbolos não terminais não influenciam o parser logo não precisamos mante-los na pilha;
 - Toda vez que uma relação de $<$ ou $=$ for encontrada entre o terminal no topo da pilha e o terminal na entrada uma operação de shift será efetuada;
 - Se uma relação de $>$ for encontrada uma operação de redução será efetuada;
 - Se não existir uma relação entre os mesmos então um erro foi detectado.

Algoritmo

- Entrada: String w e a tabela de precedência
- ip é um ponteiro para o primeiro símbolo de w ;
- repita
- if $\$$ esta no topo da pilha e ip aponta para $\$$
- then return “sentença reconhecida!!!”
- else begin
- sendo “ a ” o topo da pilha e “ b ” é o símbolo apontado por ip
- if $a < b$ or $a = b$ then begin
- empilhe b ;
- e avance ip para o próximo símbolo;
- end;
- else if $a > b$ then
- repeat
- desempilhe
- até que o último desempilhado $>$ terminal do topo pilha
- else erro()
- end

Exercício

- Mostre os movimentos do parser abaixo para reconhecer a seguinte entrada: \$ id * id + id * id \$

	id	+	*	\$
id		>	>	>
+	<	>	<	>
*	<	>	>	>
\$	<	<	<	

Resolução

- $\$ < id > * < id > + < id > * < id > \$$
- $\$ < * < id > + < id > * < id > \$$
- $\$ < * > + < id > * < id > \$$
- $\$ < + < id > * < id > \$$
- $\$ < + < * < id > \$$
- $\$ < + < * > \$$
- $\$ < + > \$$
- $\$ \$$

Método mecânico

- Obter as relações de precedência diretamente a partir da gramática analisada, mas esta precisa ser não ambígua.
- Para cada dois terminais “a” e “b” quaisquer e um não terminal “X” qualquer, presentes no lado direito das regras. Teremos:
- (1) $a = b$: para regras do lado direito, onde os terminais “a” e “b” aparecem adjacentes ou separados por um único não terminal “X”.
Exemplo: $S \rightarrow ab \mid aXb$
- (2) $a < \text{primeiros}(X)$: para regras do lado direito, onde um terminal “a” aparece seguido de um não terminal “X”. Exemplo: $S \rightarrow aX$
- (3) $\text{últimos}(X) > b$: para regras do lado direito, onde um não terminal “X” aparece seguido de um terminal “b”. Exemplo: $S \rightarrow Xb$

Exemplo – Método mecânico

- $E \rightarrow E + T \mid T$
- $T \rightarrow T * F \mid F$
- $F \rightarrow P \wedge F \mid P$
- $P \rightarrow \text{id} \mid (E)$

Seguir os passos:

- 1) Para cada não terminal determinar os terminais que podem ocorrer como primeiro e como último em alguma forma sentencial derivada a partir dele. Olhar para a gramática.

Exemplos de derivações:

$E \Rightarrow E + T$

$E \Rightarrow T \Rightarrow T * F$

$E \Rightarrow T \Rightarrow F \Rightarrow P \wedge F$

$E \Rightarrow T \Rightarrow F \Rightarrow P \Rightarrow \text{id}$

$E \Rightarrow T \Rightarrow F \Rightarrow P \Rightarrow (E)$

	Primeiros	Últimos
E	+, *, ^, (, id	+, *, ^,), id
T	*, ^, (, id	*, ^,), id
F	^, (, id	^,), id
P	(, id), id

Outro Exemplo (Primeiros / Últimos)

$S \rightarrow A a B b C$

$A \rightarrow x A \mid x$

$B \rightarrow \text{lambida}$

$C \rightarrow y$

$S \Rightarrow A \textcolor{red}{a} B \textcolor{red}{b} C \Rightarrow \textcolor{red}{x} A a B \textcolor{red}{b} C \Rightarrow \textcolor{red}{x} x a B \textcolor{red}{b} C \Rightarrow \textcolor{red}{x} x a \textcolor{red}{b} C \Rightarrow \textcolor{red}{x} x a b \textcolor{red}{y}$

	Primeiros	Últimos
S	a, x	b, y
A	x	x
B		
C	y	y

Exemplo – Método mecânico

- 2) para computar $<$, procurar pares aX (terminal, não terminal) nos lados direitos de produção. Tem-se que “a” tem menor precedência que qualquer “primeiro terminal” derivado a partir de X .
- Pares: $+T$, $*F$, F , $(E$
- Relações:
 - $+$ $<$ $\{ *, ^, (, id \}$ Primeiros de T
 - $*$ $<$ $\{ ^, (, id \}$ Primeiros de F
 - $^$ $<$ $\{ ^, (, id \}$ Primeiros de F
 - $($ $<$ $\{ +, *, ^, (, id \}$ Primeiros de E

Exemplo – Método mecânico

- 3) para computar $>$, procurar pares Xb (não terminal, terminal) nos lados direitos de produção. Qualquer “último terminal” derivado de X tem precedência maior do que “ b ”.
- Pares: $E+, T^*, P^{\wedge}, E)$
- Relações:
 - Últimos de E $\{ +, *, ^{\wedge},), id \}$ $>$ $+$
 - Últimos de T $\{ *, ^{\wedge},), id \}$ $>$ $*$
 - Últimos de P $\{), id \}$ $>$ $^{\wedge}$
 - Últimos de E $\{ +, *, ^{\wedge},), id \}$ $>$ $)$

Exemplo – Método mecânico

- 4) Para computar $=$, examinar os lados direitos de produção procurando por formas aZb onde “a” e “b” são terminais e Z é lambda ou não terminal.
 - A única ocorrência desta forma de produção é $P \rightarrow (E)$
 - Portando $(=)$
- 5) $\$$ tem precedência menor do que todos os “primeiros terminais” derivados a partir do símbolo inicial:
 - $\$ < \{ +, *, ^, (, id \}$
- 6) Todos os “últimos terminais” derivados a partir do símbolo inicial são $>$ do que $\$$:
 - $\{ +, *, ^,), id \} > \$$

Tabela de precedência resultante

	id	+	*	^	()	\$
id		>	>	>		>	>
+	<	>	<	<	<	>	>
*	<	>	>	<	<	>	>
^	<	>	>	<	<	>	>
(<	<	<	<	<	=	
)		>	>	>		>	>
\$	<	<	<	<	<		

Exercício 1 (Tabela de precedência)

- Gramática ambígua:
- $E \rightarrow E + E \mid E - E \mid E * E \mid E / E \mid E ^ E \mid (E) \mid \sim E \mid id$
- (gramática não ambígua equivalente, já com a precedência de operadores $(\sim \text{ e } ^) > (* \text{ e } /) > (+ \text{ e } -)$)
- $E \rightarrow E + T \mid E - T \mid T$
- $T \rightarrow T * F \mid T / F \mid F$
- $F \rightarrow P ^ F \mid \sim P \mid P$
- $P \rightarrow id \mid (E)$
- (1) Usando o método mecânico construa a sua tabela de precedência para a gramática acima.
- (2) Mostre o reconhecimento do string $\sim id + (id * id)$

Resolução – Exercício 1

Exemplos de derivações:

$E \Rightarrow E + T$

$E \Rightarrow E - T$

$E \Rightarrow T \Rightarrow T * F$

$E \Rightarrow T \Rightarrow T / F$

$E \Rightarrow T \Rightarrow F \Rightarrow P \wedge F$

$E \Rightarrow T \Rightarrow F \Rightarrow \sim P$

$E \Rightarrow T \Rightarrow F \Rightarrow P \Rightarrow id$

$E \Rightarrow T \Rightarrow F \Rightarrow P \Rightarrow (E)$

ab ou aXb : $a = b$

(E)

aX : $a < \text{Primeiros}(X)$

$+T, -T, *F, /F, \wedge F, \sim P, (E$

Xb : $\text{Últimos}(X) > b$

$E+, E-, T^*, T/, P\wedge, E)$

$\$ < \text{Primeiros}(E)$

$\text{Ultimos}(E) > \$$

	Primeiros	Últimos
E	+, -, *, /, ^, ~, (, id	+, -, *, /, ^, ~,), id
T	*, /, ^, ~, (, id	*, /, ^, ~,), id
F	^, ~, (, id	^, ~,), id
P	(, id), id

Tabela de precedência resultante

	+	-	*	/	^	~	()	id	\$
+	>	>	<	<	<	<	<	>	<	>
-	>	>	<	<	<	<	<	>	<	>
*	>	>	>	>	<	<	<	>	<	>
/	>	>	>	>	<	<	<	>	<	>
^	>	>	>	>	<	<	<	>	<	>
~	>	>	>	>			<	>	<	>
(<	<	<	<	<	<	<	=	<	
)	>	>	>	>	>			>		>
id	>	>	>	>	>			>		>
\$	<	<	<	<	<	<	<		<	

Ações do parser para: $\sim id + (id * id)$

- $\$ < \sim < id > + < (< id > * < id >) > \$$
- $\$ < \sim > + < (< id > * < id >) > \$$
- $\$ < + < (< id > * < id >) > \$$
- $\$ < + < (< * < id >) > \$$
- $\$ < + < (< * >) > \$$
- $\$ < + < (=) > \$$
- $\$ < + > \$$
- $\$ \$$

Funções de precedência

- Em geral, não é necessário armazenar a tabela de precedência para um parser: codificar a tabela através de 2 funções ***f*** e ***g*** que mapeiam os símbolos terminais em inteiros.
-
- As funções ***f*** e ***g*** são determinadas de tal forma que:
 - $f(a) < g(b)$ sempre que $a < b$,
 - $f(a) = g(b)$ sempre que $a = b$,
 - $f(a) > g(b)$ sempre que $a > b$.
- Obs: Nem toda tabela de relação tem funções de precedência que a codifique.
- Entrada: Matriz de precedência operadora.
- Saída: Funções de precedência, ou uma indicação de sua inexistência.

Funções de precedência

- Vantagem: sendo “n” o número de terminais da gramática, enquanto a tabela de precedência ocupa espaço $O(n*n)$ a tabela com as funções de precedência ocupa $O(2*n)$.
- Na comparação de dois símbolos “a” e “b” usa-se a função “f” para o símbolo da pilha e “g” para o da entrada.
- Assim, a relação de precedência entre “a” e “b” é equivalente à relação numérica entre $f(a)$ e $g(b)$. Sempre existirá uma relação $<$, $>$ ou $=$ entre $f(a)$ e $g(b)$.
- As entradas de erro da matriz de precedência não terão representação.
- Os erros serão detectados quando, em reduções, os handles não forem encontrados na pilha.

Funções de precedência

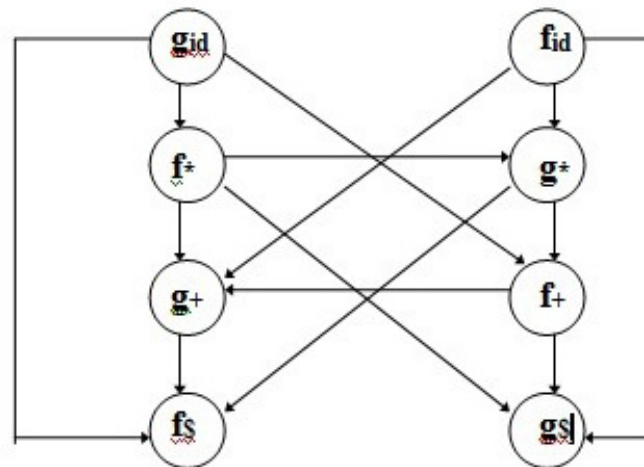
- Algoritmo:
- 1. Crie os símbolos f_i e g_i para cada i terminal ou \$.
- 2. Particione os símbolos em grupos de tal forma que:
 - se $a = b$ então f_a e g_b estão no mesmo grupo, note que se $a = b$ e $c = b$ então f_a e f_c estão no mesmo grupo (já que ambas estão no grupo de g_b).
- 3. Crie um grafo direcionado cujos nós são os grupos encontrados em (2). Se:
 - $a <^* b$ trace uma aresta do grupo g_b para f_a .
 - $a >^* b$ trace uma aresta do grupo f_a para g_b .
- 4. Se o grafo contiver ciclos, então as funções não existem. Caso contrário a função é calculada pela maior distância de f/g para as folhas.

Funções de precedência

Considere a seguinte matriz:

	<u>id</u>	+	*	S
<u>id</u>		*>	*>	*>
+	<*	*>	<*	*>
*	<*	*>	*>	*>
S	<*	<*	<*	

Como não existe a relação \circ cada símbolo gera um grupo próprio, logo:



	+	*	<u>id</u>	S
f	<u>2</u>	<u>4</u>	<u>4</u>	<u>0</u>
g	<u>1</u>	<u>3</u>	<u>5</u>	<u>0</u>

Exercício 2 (Tabela + Funções)

- 1) Crie a tabela de precedência para a gramática abaixo:
- $S \rightarrow \sim S \mid (S) \mid S \Rightarrow S \mid p \mid q$
- Eliminando a ambiguidade:
- $S \rightarrow S \Rightarrow T \mid T$
- $T \rightarrow \sim P \mid P$
- $P \rightarrow p \mid q \mid (S)$
- Obs: o símbolo “ \Rightarrow ” é um único terminal
- 2) Depois crie a tabela com as funções de precedência.