# 华中科技大学 毕业设计(论文) 外文文献翻译

## 外文翻译 LYTEX 模板使用示例

原文作者:路易斯·F·弗伦泽尔

翻译作者: 祁雨霏

指导教师:黑晓军 副教授

2014年3月1日

## 目 录

## 插图索引

## 表格索引

### 一 传输线

通信中的传输线路传送电话信号,局域网中的计算机数据,有线电视系统中的电视和 互联网信号以及信号从发射机到天线或从天线到接收机。传输线也是连接设备的短电缆或 将嵌入式微计算机连接到其他设备的印刷电路板铜线电路通过各种接口的方式。传输线是关 键链接任何通讯系统。它们不仅仅是电线或电缆。他们的电气特性是至关重要的,必须与之 匹配成功的沟通发生的设备。

### 目标

完成本章后, 您将能够:

- 命名不同类型的传输线并列出每个传输线的具体应用。
- 说明传输线可以用作调谐电路和电抗元件的情况。
- 定义特征阻抗并通过几种不同的方法计算传输线的特征阻抗。
- 计算波长的传输线长度。
- 定义驻波比 (SWR),解释其对传输线设计的意义,并用阻抗值或反射系数计算 SWR。
- 陈述完美匹配线的标准, 并描述产生不适当匹配线的条件。
- 使用史密斯圆图进行传输线计算。
- 定义带状线和微带, 并说明它们在哪里以及如何使用。

### 1.1 传输线基础

传输线的两个主要要求是 (1) 线路对信号引入最小的衰减, (2) 线路不将任何信号作为无线电能量辐射。所有的传输线和连接器都是根据这些要求而设计的。 传输线

#### 1.1.1 传输线的类型

#### 1.1.1.1 并行线路

平行线路由两个平行的导体制成,两个平行的导体由 1/2 英寸到几英寸的间隔隔开。图 13-1 (a) 显示了一个双线平衡线,其中使用绝缘垫片来保持导线分离。这种线如今很少使用。平行线的变化是图 13-1 (b) 所示的 300V 双引线类型,其中线之间的间距由连续塑料绝缘体保持。并行线如今很少使用。

平行线路

#### 1.1.1.2 同轴电缆

传输线使用最广泛的类型是同轴电缆,它由一个绝缘材料包围的实心中心导体组成,通常是一个塑料绝缘体,如 Tel [见图 13-1 (c)]。也可以使用空气或气体电介质,其中中心导体通过周期性绝缘间隔保持就位。绝缘体上方是第二根导线,管状编织物或由电线组成的屏蔽层。外部塑料护套保护和隔离编织物。同轴电缆有多种尺寸,直径从大约 1/4 英寸到几英寸。

电缆

#### 1.1.1.3 双绞线

正如其名称所示,双绞线电缆使用两根绝缘并被松散地绞合在一起的绝缘实心铜线。参见图 13-1 (d)。这种电缆原来是用在电话线路上的,现在还在使用,但也用于传感器和其他设备的安全系统接线。并且双绞线,就像你在 Chap 看到的那样。12 是局域网 (LAN) 中使用最广泛的布线类型之一。它通常被称为非屏蔽双绞线 (UTP) 电缆。处理低频音频或高频脉冲的电缆有多种等级。电线的尺寸,绝缘的类型和捻度 (每英捻) 的紧密性决定了它的特性。它有一个整体编织屏蔽,被称为屏蔽双绞线 (STP) 电缆。最常见的版本包含在一个共电缆的主要 同的绝缘油管内的四对。

|电缆的主要 是完全屏蔽,

定元生屏敝, 5外部噪声几 有影响。

### 外部噪声几 **1.1.2 平衡线与非平衡线**

传输线可以平衡或不平衡。一条平衡线是没有线连接到地面的线。相反,每条线上的信号都是以地为参考的。尽管一根导线中的电流方向与另一根导线中的电流相差 180°,但每根导线中的电流相对于地线都相同。在不平衡的线路中,一个导体接地。双绞线 [图 13-1 (d)]可用于平衡或不平衡的安排,但平衡形式更为常见。

开放的线路有一个平衡的配置。图 13-2 (a) 显示了一个典型的馈电装置。驱动发生器和接收电路是中心抽头变压器,其中中心抽头接地。均衡的电线提供显着的保护,防止噪音和串音。由于平衡线路上信号的极性相同,任何引入电缆的外部信号同时出现在两条线路上,但是在接收器处被抵消。这就是所谓的共模抑制,降噪可以高达 60 到 70 分贝。

图 13-2 (b) 显示了一条不平衡线路。同轴电缆是不平衡的线路;中心导体中的电流以连接到地面的编织物为参考。同轴电缆和屏蔽双绞线电缆对由于外部信号引起的电感或电容耦合的噪声拾取或串扰提供了明显但不完全的保护。未屏蔽的线路可能会拾取信号和串音,甚至可能辐射能量、导致不希望的信号丢失。

有时需要或希望将平衡转换为不平衡操作,反之亦然。这是通过一个称为平衡-不平衡转换器的设备完成的。

#### 1.1.3 电缆波长

将 60Hz 电力线信号传输到家中的双线电缆是传输线,将立体声接收器的音频输出连接到立体声扬声器的电线也是如此。在这些低频下,传输线充当交流电压的载波。对于这些应用,感兴趣电缆的唯一特征是电阻损耗。低频线路的尺寸和电气特性可以有很大的不同,而不会影响性能。导体尺寸是一个例外,它决定了长距离的电流承载能力和电压降。导体的电气长度通常比它们携带的频率的 1 个波长短。除非在信号频率上至少 0.1 λ 长,否则一对载流导体不被认为是传输线。

用来携带射频能量的电缆不是简单的电阻导体,而是电感,电容和电阻的复杂等价物。 此外,每当传输线的长度与传输信号的波长相同或更大时,该线具有特殊的特性并需要更 复杂的分析。

如前所述,波长是交流波的一个周期的长度或距离或交流波在该信号的一个周期所需的时间内行进的距离。在数学上,波长 $\lambda$ 是光速与信号频率f之比: $\lambda$ =300,000,000/f,其中3亿是光速,以米/秒为单位,在自由空间或空气中(300,000,000m/s < 186,400mi/秒),f的单位是赫兹。这也是无线电信号的速度。

那么60赫兹电力线信号的波长就是这样

$$\lambda = \frac{300,000,000}{60} = 5 \times 10^6 m$$

这是一个令人难以置信的长距离——数千英里。这种频率的实际传输线路距离当然要小得多。然而,在无线电频率上,说 3MHz 或更多,波长变得相当短。3MHz 的波长  $\lambda$  = 300,000,000 / 3,000,000 = 100m,距离 300 英尺多一点,或足球场的长度。这是一个非常实用的距离。随着频率变高,波长变短。在较高的频率下,波长公式简化为  $\lambda$  = 300/f,频率以兆赫为单位。50-MHz 信号的波长为 6m。通过使用脚而不是米,波长公式变为  $\lambda$  = 984/f,其中 f 以兆赫( $\lambda$  现在以英尺表示)。

如果波长是已知的, 频率可以计算如下:

$$f(MHz) = \frac{300}{\lambda(m)}$$
 or  $f(MHz) = \frac{984}{\lambda(ft)}$ 

由给定电缆中的波长表示的距离取决于电缆的类型。电缆中的速度可以是空间中光波 (无线电波) 速度的 0.5 至 0.95 倍,并且电缆中的信号波长将按比例小于空间中的信号波长。 因此,计算的电缆长度比自由空间中的波长短。这在后面讨论。

#### 1.1.4 连接器

大多数传输线终止于某种连接器,一种将电缆连接到设备或另一根电缆的设备。普通的交流电源插头和插座是基本的连接器类型。平行线和同轴电缆使用特殊连接器。通信设备中

无处不在的连接器通常被认为是理所当然的。这是不幸的,因为它们在许多应用中是常见的故障点。

#### 1.1.4.1 同轴电缆连接器

同轴电缆需要特殊的连接器,以保持电缆的特性。尽管内部导体和屏蔽编织层在理论上可以用螺钉作为平行线来固定,但结果将是电气属性的剧烈变化,导致信号衰减,失真和其他问题。因此,同轴连接器不仅设计为提供连接和断开设备和电缆的便利方式,而且还保持电缆的物理完整性和电气特性。

同轴连接器的选择取决于电缆的类型和尺寸,操作频率以及应用。最常见的类型是PL-259或 UHF, BNC, F, SMA 和 N 型连接器。

PL-259 连接器如图 13-3 (a) 所示。PL-259 的内部结构和连接原理如图 13-3 (b) 所示。连接器的主体被设计成围绕同轴电缆的末端,并提供方便的方法来连接屏蔽编织层和内导体。内导体被焊接到一个公接脚,该公接脚与连接器的主体绝缘,焊接或压接到编织物上。一个耦合器在身体上;它具有内螺纹,允许连接器连接到名为 SO-239 的母连接器上的匹配螺纹。参见图 13-3c。

PL-259 也被称为 UHF 连接器,虽然在 HF 和 VHF 上使用得更广泛,但可用于最低 UHF 值 (小于 500 MHz)。它可以同时容纳大型(高达 0.5 英寸)和小型(0.25 英寸)的同轴电缆。

另一个非常受欢迎的连接器是 BNC 连接器 (图 13-4)。BNC 连接器广泛用于 0.25 英寸的同轴电缆,用于将测试仪器 (如示波器,频率计数器和频谱分析仪)连接到被测设备上。BNC 连接器也广泛用于局域网和一些 UHF 无线电的 0.25 英寸同轴电缆。

在 BNC 连接器中, 电缆的中心导体焊接或压接到公针上, 屏蔽层连接到连接器的主体上。外壳或耦合器旋转, 通过旋转耦合器上的销钉和凸轮通道将连接器物理连接到配套的母连接器 [见图 13-4 (b)]。

BNC 连接器的众多变体之一是允许两根电缆首尾相连的圆筒形连接器和 T 型连接器, (见图 13-4 (a) 和 (d) ]。另一个变体是 SMA 连接器, 它使用螺纹而不是凸轮槽和销 (图 13-5)。SMA 连接器的特点是公连接器主体的六边形形状。像 BNC 连接器一样,它使用较小的同轴电缆。

最便宜的同轴电缆连接器是F型连接器,广泛用于电视机,录像机,DVD播放机和有线电视。电缆插头及其匹配的机箱插孔如图 13-6 所示。同轴电缆的屏蔽被压接到连接器上,而电缆的实心导线中心导体而不是单独的引脚被用作连接。将六角形外圈拧入以将插头连接到配对插孔。

另一种廉价的同轴连接器是众所周知的 RCA 留声机连接器 (图 13-7), 主要用于音频设备。这款多功能低成本设备最初是在 60 多年前设计的, 用于将唱机拾音器从转盘连接到放大器, 这些多功能和低成本的设备可用于无线电频率, 并已用于低 VHF 范围的电视机连

接。

性能最好的同轴连接器是N型连接器(图 13-8),主要用于较高频率的大型同轴电缆,包括 UHF 和微波。N型连接器是复杂且昂贵的,但是在维持通过互连的电缆的电特性方面比其他连接器做得更好。

#### 1.1.5 特性阻抗

当传输线的长度在信号频率上比几个波长长时,传输线的两个平行导体表现为复阻抗。 这些电线表现出相当大的串联电感,其电抗在高频率下显着。与该电感串联的是导线或导线 的编织物的电阻,其包括固有的欧姆电阻加上由趋肤效应引起的任何电阻。此外,平行导体 与绝缘体形成分布电容,绝缘体充当电介质。另外,由于导体之间的绝缘缺陷,导致电缆两 端有分路或漏电阻或电导(G)。结果是,对于高频信号,传输线表现为由串联电感器和电 阻器以及并联电容器和电阻器组成的分布式低通滤波器 [图 13-9 (a)]。这被称为分布式线 路的集总模型。

在图 13-9 (b) 中的简化等效电路中,电感,电阻和电容已经组合成较大的等效块。分流漏电阻非常高,影响可以忽略不计,所以忽略不计。在该线的短段中,导体的串联电阻有时可以被忽略,因为它太低而不能被忽略。然而,在较长的长度上,这个电阻会造成相当大的信号衰减。电感和电容的影响是相当大的,事实上它们决定了线路的特性。

连接到这种传输线的 RF 发生器看到的阻抗是电路中的电感,电阻和电容的函数 - 特性或浪涌阻抗  $Z_0$ 。如果我们假设线路的长度是无限的,那么这个阻抗是电阻的。如果等于特性阻抗的阻性负载连接到线路的末端,则特性阻抗对于有限的线路也是纯阻性的。

#### **1.1.5.1** 由电感和电容确定 $Z_0$

对于一根长的传输线,特征阻抗  $Z_0$  由公式  $Z_0 = \sqrt{L/C}$  给出,其中  $Z_0$  是欧姆,L 是给定长度的传输线的电感,C 是相同长度的电容。如果传输线终止于一个等于特征阻抗的负载电阻 (见图 13-10),那么该公式即使在有限的长度内也是有效的。这是任何应用中传输线的正常连接。在等式中,

$$R_L = Z_0$$

如果使线路,负载和发电机阻抗相等,匹配的发电机和负载电阻就是这样,满足最大功率传输的标准。

可以使用阻抗测量仪或电桥来测量一段平行线或同轴电缆的电感和电容,以获得计算阻抗所需的值。假定,例如,测量100英尺的0.0022 μ F (2200pF) 的电容,每个导体的电

感被单独测量,然后相加,总共5.5  $\mu$  H。(由于电阻没有进入特性阻抗的计算,所以忽略电阻,但会造成长距离的信号衰减)。那么浪涌阻抗是

$$Z_0 = \sqrt{\frac{L}{C}} = \sqrt{\frac{5.5 \times 10^{-6}}{2200 \times 10^{-12}}} = \sqrt{2500} = 50 \,\Omega$$

在实践中,没有必要进行这些计算,因为电缆制造商总是指定阻抗。

电缆的特性阻抗与长度无关。我们通过使用 L 和 C 的值来计算  $100 \, \mathrm{ft}$ ,但  $50 \, \mathrm{V}$  是  $1 \, \mathrm{ft}$  或  $1000 \, \mathrm{ft}$  的正确值。请注意,实际阻抗只有在电缆长度为几个波长或更多时才接近计算阻抗 终止于其特征阻抗。对于小于  $1.0 \, \lambda$  的线路长度,特性阻抗并不重要。

大多数传输线都带有标准的固有特性阻抗值。例如,广泛使用的双引线平衡线 [图 13-1 (b) ] 具有 300V 的特征阻抗。[图 13-1 (a) ],这是不再广泛使用,是用 450 和 600 V 的阻抗。同轴电缆的共同特征阻抗是 52,53.5,75,93 和 125 V。

#### 1.1.6 速度因子

传输线应用中一个重要的考虑因素是传输线中的信号速度比自由空间中的信号速度慢。 电缆中信号的传播速度小于自由空间中光传播速度的一个部分,称为速度因子 (VF),它是 传输线 Vp 的速度与自由速度的比值 空间 Vc:

$$VF = \frac{V_p}{V_c}$$
 or  $VF = \frac{V_p}{c}$ 

其中 Vc = c = 300.000.000 m/s

传输线中的速度因子从大约 0.5 到 0.9 变化。同轴电缆的速度因数通常为 0.6 至 0.8。 开路线的 VF 大约为 0.9,而 300-V 双引线的速度因子大约为 0.8。

#### 1.1.6.1 计算速度因子

线路中的速度因子可以用表达式 $VF=1/\sqrt{\epsilon}$ 来计算,其中  $\epsilon$  是绝缘材料的介电常数。例如,如果同轴电缆中的电介质是 Tel,那么介电常数是 2.1,速度因子 是  $1/\sqrt{12.1}=1/1.45=0.69$ 。也就是说,同轴电缆中的信号速度是光速的 0.69 倍,即  $0.69\times300,000,000=207,000,000$ m/s (128,616mi/s)

如果假定无损 (零电阻) 线,则可以用表达式计算传播速度的近似值

$$V_p = \frac{1}{\sqrt{LC}} \qquad ft/s$$

其中1是以英尺或其他长度单位表示的信号的行进长度或总距离,并且L和C以相同的单位给出。假设例如具有50V的特征阻抗和30pF/ft的电容的同轴电缆。每英尺的电感为0.075μH或75nH。在这根电缆每英尺的传播速度是

$$V_p = \frac{1}{\sqrt{75 \times 10^{-9} \times 30 \times 10^{-12}}} = 6.7 \times 10^8 ft/s$$

or 126,262mi/s, or  $204 \times 10^6$ m/s

速度因子是

$$VF = \frac{V_p}{V_c} = \frac{204 \times 10^6}{300 \times 10^6} = 0.68$$

#### 1.1.6.2 计算传输线长度

在计算波长的传输线长度时,必须考虑速度因子。有时需要使用特定类型传输线的一半 或四分之一波长用于特定的目的,例如阻抗匹配,滤波和调谐。

之前给出的自由空间中信号的一个波长的公式是  $\lambda = 984/f$ 。然而,这个表达式必须由速度因子来修正,以达到传输线的真实长度。新的公式是

$$\lambda (ft) = 984 \frac{VF}{f(MHz)}$$

假设,例如,我们想要找到在 30MHz 的 VF 为 0.65 的同轴电缆的四分之一波长段的实际长度(以英尺为单位)。使用公式给出  $\lambda = 984$  (VF/f) = 984 (0.65/30) = 21.32ft。以英尺为单位的长度是其的四分之一,即 21.32/4 = 5.33ft。

用于计算给定传输线正确长度的正确速度因子可以从制造商的文献和各种手册中获得。

#### 1.1.7 时间延迟

由于传输线的传播速度小于自由空间的传播速度,所以假定任何一条线都会减慢或延迟施加于其上的信号是合理的。在一条线的一端施加的信号在一段时间之后出现在线的另一端。这称为线路的时间延迟或传输时间。为了实现延迟、特别使用的传输线称为延迟线。

图 13-11 显示了时间延迟对正弦波信号和脉冲串的影响。输出的正弦波比输入时间更晚 出现,所以它的相位发生了相移。效果与通过电抗电路引入滞后相移相同。在脉冲序列的情 况下,脉冲延迟取决于延迟线的类型和长度。

延迟时间的长短是线路电感和电容的函数。与由电感提供的电流变化以及电容的充电和放电时间的相反导致无限延迟。这个延迟时间是用表达式计算的

$$t_d = \sqrt{LC}$$

$$t_d = \sqrt{0.075 \times 10^{-6} \times 30 \times 10^{-12}} = 1.5 \times 10^{-9} or 1.5 ns/ft$$

这条 50 英尺长的线路将引入 1.5 × 50 = 75ns 的延迟。

同轴电缆引入的时延也可以用公式计算

$$t_d = 1.016\sqrt{\varepsilon} \, ns/ft$$

其中 $t_d$ 是每英尺纳秒的时间延迟, $\epsilon$ 是电缆的介电常数。

例如,由介电常数为2.3的75英尺电缆引入的总时间延迟是

$$t_d = 1.016\sqrt{\varepsilon} = 1.016\sqrt{2.3} = 1.016(1.517) = 1.54ns/ft$$

总延迟时间为 1.54 (75) = 115.6 ns。

为了确定由延迟表示的相移,必须知道正弦波的频率和周期。一个周期的周期或时间 $\mathbf{T}$ 可用众所周知的公式 $\mathbf{T} = \mathbf{1}/\mathbf{f}$ 来确定,其中 $\mathbf{f}$ 是正弦波的频率。假设频率为 $\mathbf{4}\mathbf{M}\mathbf{H}\mathbf{z}$ 。期间是

$$T = \frac{1}{4 \times 10^6} = 250 \times 10^{-9} = 250 ns$$

先前描述的延迟 75ns 的 50 英尺线的相移由下式给出

$$\theta = \frac{360t_d}{T} = \frac{360(75)}{250} = 108^{\circ}$$

在射频应用中,传输线延迟通常被忽略,并且在无线电通信中实际上是不相关的。但是,在时间很重要的高频应用中,传输线延迟可能是重要的。例如,在局域网中,同轴电缆上二进制脉冲的转换时间往往是计算最大允许电缆长度的决定性因素。

某些应用需要精确的时间和信号的排序,特别是脉冲。同轴延迟线可用于此目的。很显然,大卷同轴电缆在现代电子设备中并不是一个方便的组件。结果,人造延迟线已经被开发出来。它们由作为低通滤波器连接的单个电感器和电容器组成,以模拟分布式传输线。或者,可以构造更紧凑的分布式延迟线,其由缠绕金属形式的绝缘线圈构成。线圈提供分布电感,同时作为一个分布电容器的一个板。金属形式是另一个板。这种延迟线在电视机,示波器,雷达装置等电子设备中广泛使用。

#### 1.1.8 传输线规格

图 13-12 总结了几种常用类型同轴电缆的规格。许多同轴电缆由字母 RG 或制造商的部件号开头的字母数字代码指定。主要规格是特性阻抗和衰减。其他重要参数是最大击穿电压额定值,每英尺电容,速度系数和外径(以英寸为单位)。衰减是每 100 英尺电缆损失的功率量,以 100 兆赫的分贝表示。衰减与电缆长度成正比,随频率增加。衰减与频率的详细图表也是可用的,以便用户可以预测其应用的损失。图 13-13 绘制了四种同轴电缆类型的衰减与频率的关系曲线。损失在非常高的频率是显着的。但是,电缆越大,损耗就越低。为了便于比较,请看图 13-12 中列出的 300 V 双引线电缆的特性。注意与同轴电缆相比损耗低。

电缆中的损耗可能是重要的,特别是在较高的频率下。在例 13-3 中,发射机将 100W 放入线路中,但在线路末端,输出功率(施加到天线的信号的电平)仅为 13.35W。主要损耗为 86.65W 在传输线中作为热量消散。

可以做几件事情来减少损失。首先,应该尽一切努力找到一种缩短发射机和天线之间距离的方法。如果这不可行,则可以使用更大的电缆。对于例 13-3 中的应用,使用了 RG-58A/U 电缆。这根电缆的特性阻抗为 53.5V,所以任何附近的值都会令人满意。一种可能性是RG-8/U,阻抗为 52 V,衰减量仅为 2.5 dB/100 ft。更好的选择是 9913 电缆,阻抗为 50 V,衰减为 1.3 dB/100 英尺。

在考虑电缆长度和衰减之间的关系时,请记住,传输线是一个低通滤波器,其截止频率取决于线路和长度上的分布电感和电容。线路越长,截止频率越低。这意味着超过截止频率的更高频率的信号将以较快的速率下降。

这在图 13-14 中示出,其示出了四种常用类型的同轴电缆的衰减曲线。请记住,截止频率是频率响应曲线上的 3-dB 下降点。如果我们假设 3 dB 的衰减与 3 dB 的损耗相同,那么我们可以估计不同长度电缆的截止频率。图中标出了 3-dB 的下降电平。现在注意不同长度的电缆的截止频率。较短的电缆(100 英尺)具有最高的截止频率,带宽约为 30 MHz。200 英尺电缆的截止频率约为 8 MHz,500 英尺电缆的截止频率约为 2 MHz,而 1000 ft 电缆的截止频率约为 1 MHz。较高的频率通过,但由于电缆变长而严重衰减。应该清楚,为什么使用较大的低损耗电缆,尽管成本较高,操作不方便,仍然需要更长时间的运行。

最后,增益天线可以用来抵消电缆损耗。这些天线在第14章讨论。

### 1.2 驻波

当一个信号被施加到传输线上时,由于传播延迟,它在一段时间之后出现在线的另一端。如果在线路末端连接等于线路特性阻抗的阻性负载,则信号被负载吸收,功耗作为热量耗散。如果负载是天线,则信号转换成电磁能并辐射到空间中。

如果线路末端的负载是开路或短路,或者线路的特性阻抗以外的阻抗,则信号没有被负载完全吸收。当一条线路没有正确端接时,一些能量从线路的末端反射回来,并实际上回到线路上,朝向发电机。这个相反的电压增加了正向或者发生的发电机电压,并且形成了一条沿着线路分布的复合电压。这种电压模式及其相关电流构成了所谓的驻波。

驻波是不可取的。反映表明发电机产生的功率没有被负载完全吸收。在某些情况下,例如短路或开路,没有电力到达负载,因为所有的电力都被反馈到发电机。以下各节将详细介绍如何生成驻波。

#### 1.2.1 反射与驻波之间的关系

图 13-15 将用来说明如何产生相互作用以及它们如何促成驻波的形成。(a) 部分显示了直流脉冲如何沿着由相同 LC 部分组成的传输线传播。电池(发电机)与开关一起用作输入信号以创建开/关直流脉冲。

传输线在末端是开放的,而不是在线路的特征阻抗中终止。一条开放的输电线路当然会产生反弹和驻波。请注意,发生器的内部阻抗 Rg等于传输线的特性阻抗。假定传输线阻抗为75 V,内部发生器电阻为75 V. 因此,由发生器提供的10 V 在线路阻抗和内阻之间均匀分布。

现在假设开关闭合,将发电机连接到线路上。如您所知,将直流电源连接到电感器和电容器等无功元件会产生瞬态信号,因为电感器会对抗电流变化,而电容器则会反抗电压变化。当开关闭合时,电容器  $C_1$  最初起到短路的作用,但很快开始通过  $L_1$  向电池电压充电。一旦 A 点的电压开始上升,它将对由  $C_2$  和  $L_2$  组成的传输线的下一部分施加一个电压。因此, $C_2$  开始通过  $L_2$  充电。这个过程继续下去,直到  $C_4$  通过  $L_4$  充电,依此类推。随着电容器充电,信号从左向右移动。假定无损(零电阻)分量,并且最后电容器  $C_4$  最终充电到电源电压。

为了说明的目的,假设线路的长度和其他特性是这样的,延迟时间是 500ns: 在开关闭合 500ns 之后,输出脉冲将出现在线路的末端。此时,输出电容  $C_4$  两端的电压等于 5V 或电源电压的一半。

输出电容充电至其最终值 5V 的瞬间,线路中的所有电流都停止,导致电感器周围的任何磁场崩溃。存储在  $L_4$  的磁场中的能量等于存储在输出电容  $C_4$  中的能量。因此,感应器中感应出 5V 的电压。这个电压的极性将会增加到电容上已经存在的电荷的方向。这样,电容将充电到所施加的 5V 电压的两倍,即 10V。

然后在 L3 中发生类似的效果。 $L_3$  上的磁场崩溃,使  $C_3$  上的电压加倍。接下来, $L_2$  周围的磁场崩溃,将  $C_2$  充电至 10 V。在  $L_1$  和  $C_1$  中出现相同的效果。一旦信号到达线路的右端,电容器就会从右向左发生反向充电效应。效果就好像一个信号从输出到输入一样。从右

向左移动的电荷是相对电流或相关波, 发生器到输入端的输入波是入射波。

反射波需要 500ns 才能返回到发生器。在 1  $\mu$  s 结束时,传输线的输入变为 5V,总共为 10V。

图 13-15 (b) 显示了输入,输出和相对电压相对于时间的波形。观察波形,按照前面描述的动作,在时间 t0 关闭开关。由于线路的特性阻抗和内部发生器电阻均为 75 V,因此电池电压的一半出现在点 A 的线路输入端。此电压沿线路传播,随线路电容器充电,直到到达线的末端,并完全充电输出电容。那时,电感中的电流开始停止,磁场崩溃,并且感应电压使线路末端的输出电压加倍。因此在 500ns 之后,线路开路端的输出是 10V。

相互作用开始,现在从右向左移动,再过500ns后,它到达线路输入端,线路输入跳到10V。一旦停止反应,整个线路电容完全充电到10V,正如预期。

前面的描述涉及所谓的开路负载。另一个极端的情况是短路负载。对于这种情况,假设在图 13-15 (a) 中跨  $C_4$  的短路。

当开关闭合时,再向输入端施加 5V 的电压,然后随着线电容器充电而沿线传播。因为线路的末端是短路的,所以电感器  $L_4$  实际上是该线路的负载。 $C_3$  上的电压然后施加到  $L_4$ 。此时,反射开始。 $L_4$  中的电流崩溃,产生一个电压,然后沿着相反的方向向下传播。在  $L_4$  中感应的电压与沿线传播的电压相等而相反。因此,这个电压与  $C_3$  上的电压相等且相反,这导致  $C_3$  被放电。当接线从右向左进行时,线路电容会不断放电,直至到达发电机。电荷到达电线末端需要 500 ns 的时间,而相对于发电机则需要 500 ns。因此,总共 1  $\mu$  s 时,输入电压从 5V 切换到 0V。当然,输出短路两端的电压在整个时间内都保持为零。

开路和短路传输线有时被用来产生特殊效果。然而,在实践中,传输线上的负载既不是零也不是 0V;相反,它通常是介于两者之间的某种价值。负载可能是电阻性的,也可能有电抗性元件。天线通常没有完美的电阻值。相反,他们经常有一个小的电容或电感电抗。因此,负载阻抗相当于具有 R±jX形式的阻抗的串联 RC或 RL 电路。如果负载不完全是电阻性的并且等于线路的特性阻抗,则会产生相反的电压电平,具体取决于负载的复数阻抗。通常一些功率被线路的电阻部分吸收;不匹配仍会产生相反,但反射与原始信号不相等,如短路或开路负载的情况。

在大多数通信应用中,应用于传输线路的信号是交流信号。假设信号是正弦波,可以分析这种情况。该线对正弦波的影响类似于上面基于图 13-15 的分析的讨论中所描述的。如果线路在与线路的特征阻抗相等的阻性负载中终止,则正弦波信号被负载完全吸收并且不发生反射。

#### 1.2.2 匹配线

理想情况下,传输线应该在阻抗等于线路特性阻抗的负载中终结。这被称为匹配线。例如,如图 13-16 所示,50 V 同轴电缆应采用 50V 电阻进行端接。如果负载是天线,那么这个天线应该看起来像 50V 的电阻。当线路的负载阻抗和特性阻抗匹配时,传输平滑并且最大功率传输 - 线路中的任何电阻损耗 地点。该行可以是任何长度。设计天线和传输线系统的关键目标之一是确保这一匹配。

匹配线路上任何一点的交流电压(或电流)都是一个常数值(不考虑损耗)。因此,正确端接的传输线被认为是平坦的。例如,如果电压表从发生器到负载的匹配线下移,绘制有效值电压值,则波形对电压线的结果将为1(见图13-17)。线路中的阻性损耗当然会沿着线路产生一个小的压降,使其向下倾斜的时间更长。

如果负载阻抗与线路特性阻抗不同,则不是所有传输的功率都被负载吸收。未被负载吸收的功率被反射回源。向负载下行的功率称为前向功率或入射功率;未被负载吸收的功率称为反射功率。实际上在一条线上的信号只是正向和反射信号的代数和。

反射的力量可以代表一个重大的损失。如果一条线路的端到端损耗为 3 dB,那么在信号到达发生器的时候,只会产生 3 dB 的相对衰减。发生什么取决于发电机和线路的相对阻抗。只有部分相关的能量在线路中消失。在负载电阻阻抗与线路阻抗不匹配的情况下,反射功率足够高,实际上会对发射机或线路本身造成损害。

#### 1.2.3 短路线

短路情况如图 13-18 所示。传输线下面的图表显示了线路上每个点的电压和电流的曲线,这些电压和电流可以通过使用由电压表和电流表给出的值来产生。正如在线路末端短路的情况下所期望的那样,当电流最大时电压为零。所有的功率都反向回到发生器。看图,你可以看到电压和电流变化根据信号波长分布。正向和反向信号复合后的固定模式每隔半个波长重复一次。发生器的电压和电流水平取决于信号波长和线路长度。

线路发电机端的相电压的相位取决于线路的长度。如果这条线是四分之一波长的几倍,则反射波将与入射波同相,二者将相加,在发生器处产生一个信号,该信号是发生器电压的两倍。如果线路长度是半个波长的几倍,则反射波与入射波的相位相差 180°, 二者将抵消, 在发生器处产生一个零电压。换句话说, 反射波的影响可以模拟发电机的开路或短路。

#### 1.2.4 开路线

图 13-19 显示了开路线上的驻波。在无限的阻抗负载下,当电流为零时,线路末端的电压最大。所有的能量相互关联,建立起电压和电流驻波的固定模式。

#### 1.2.5 不匹配(共振)线

大多数情况下,线路不会以短路或开路形式终止。相反,负载阻抗并不完全匹配传输线阻抗。此外,负载(通常是天线)除了其电阻外,可能还会具有电感性或电容性的电抗元件。在这些条件下,这条线被认为是共振的。这种不匹配会产生驻波,但这些波的振幅比由短路或开路产生的驻波低。这些驻波的分布如图 13-20 所示。请注意,电压或电流永远不会变成零,就像开路或短路那样。

#### 1.2.6 计算驻波比

传输线上驻波的大小取决于沿线的最大电流与最小电流的比值,或者最大电压与最小电压的比值。这些比率被称为驻波比(SWR)。

$$SWR = \frac{I_m ax}{I_m in} = \frac{V_m ax}{V_m in}$$

在前面所述的短路和开路条件下,电流或电压最小值为零。这产生了一个无限的SWR。这意味着负载没有功率消耗:所有的力量都体现出来了。

理想情况下,没有驻波。电压和电流沿线是恒定的,所以没有最大值或最小值(或最大值和最小值相同)。因此,SWR 是 1。

测量线路上的电压和电流的最大值和最小值在现实世界中是不实际的,因此已经设计了其他计算 SWR 的方法。例如,如果传输线的阻抗和负载的实际阻抗已知,则可以计算 SWR。SWR 是负载阻抗  $Z_1$  与特性阻抗  $Z_0$  的比值,反之亦然。

If 
$$Z_t > Z_0$$
 
$$SWR = \frac{Z_t}{Z_0}$$

If 
$$Z_0 > Z_t$$
 
$$SWR = \frac{Z_0}{Z_t}$$

例如,如果将75 V 天线负载连接到50 V 传输线,则 SWR 为75/50 = 1.5。由于驻波实

际上是原始入射波加到相关波上的复合波,所以 SWR 也可以用这些波来定义。相关电压波形  $V_r$  与入射电压波形  $V_r$  的比值称为相对系数

$$\Gamma = \frac{V_r}{V_i}$$

反射系数提供沿线的电流和电压信息。另外, $\Gamma = \overline{\Omega}$  以为为率。 如果一条线路的特性阻抗被终止,那么没有相反的电压,所以 $V_r = 0$  和  $\Gamma = 0$ 。如果线路开路或短路,则发生总体反向。这意味着 $V_r$  和  $V_i$  是相同的,所以  $\Gamma = 1$ 。实际的相对系数表示相对于入射电压的相对电压的百分比。例如,如果  $\Gamma$  是 0.5,则反射电压是入射电压的 50 %,并且反射功率是入射功率的百分之  $25[\Gamma^2 = (0.5)^2 = 0.25]$ 。

如果负载不匹配,但也不是开路或短路,则线路将具有最小电压和最大电压,如前所述。这些可以用来通过使用公式来获得反射系数

$$\Gamma = \frac{V_{max} - V_{min}}{V_{max} + V_{min}} = \frac{SWR - 1}{SWR + 1}$$

SWR 是根据方程从反射系数中获得的

$$SWR = \frac{1+\Gamma}{1-\Gamma} = \frac{1+\sqrt{p_r/p_i}}{1-\sqrt{p_r/p_i}}$$

如果负载匹配线路阻抗,则  $\Gamma = 0$ . 上述公式给出 SWR 为 1, 如预期。负载开路或短路时,  $\Gamma = 1$ 。这产生无穷大的 SWR。

反射系数也可以由线路和负载阻抗确定:

$$\Gamma = \frac{Z_t - Z_0}{Z_t + Z_0}$$

对于 75 V 的天线负载和 50 V 的同轴电缆, 反射系数为  $\Gamma = (75-50)/(75+50) = 25/125 = 0.2$ 。

SWR 的重要性在于它给出了输电线路和发电机损失多少功率的相对指示。这假定反射的功率都没有被发生器重新相关。在典型的发射机中,一些功率被反射并再次发送到负载。

图 13-21 中的曲线显示了相对功率百分比与 SWR 之间的关系。相对功率的百分比也用 回损表示,并以瓦或分贝 (dB) 表示。自然,当驻波比为 1 时,相对功率百分比为 0.但是 随着线路和负载失配的增加,相对功率增加。当 SWR 为 1.5 时,反射功率百分比为 4 %。这还不算太坏,因为 96 %的功率达到了负载。

如果给定 SWR 和入射功率  $P_1$ ,则可以计算相关功率  $P_r$ 。由于  $\Gamma^2 = P_r/P_i$ ,所以  $P_r = \Gamma^2 P_i$ 。知道了 SWR,你可以计算  $\Gamma$ ,然后用前面的方程求解。

$$\frac{P_r}{P_i} = \Gamma^2 = \left(\frac{SWR - 1}{SWR + 1}\right)^2$$

$$= \left(\frac{1.5 - 1}{1.5 + 1}\right)^2$$

$$= 0.2^2$$

$$= 0.04$$

$$\frac{P_r}{P_s} = 4\%$$

计算 SWR 的最好和最实用的方法之一是测量正向功率  $P_f$  和反向功率  $P_r$ , 然后用公式

$$SWR = \frac{1 + \sqrt{P_r/P_i}}{1 - \sqrt{P_r/P_i}}$$

发明了几个好的电路来测量正向和反向功率。而且,商业测试仪器也可以插入传输线并进行这些测量。数据从前面板仪表或数字显示屏上读取。然后将数据插入上面的公式中。一些精密的测试仪器有一个内置的嵌入式计算机来自动计算并显示 SWR 值。

例如,假设您测量35W的正向功率和7W的反射功率。SWR是

$$SWR = \frac{1 + \sqrt{7/35}}{1 - \sqrt{7/35}} = \frac{1 + \sqrt{0.2}}{1 - \sqrt{0.2}}$$
$$SWR = \frac{1 + 0.4472}{1 - 0.4472} = \frac{1.4472}{0.5528}$$
$$SWR = 2.618$$

您将了解最常见的功率测量电路和设备在第22章。

对于 2 或更小的 SWR 值,相对功率小于 10%,这意味着 90%的负载。对于大多数应用程序这是可以接受 对于高于 2 的 SWR 值,相对功率百分比急剧增加,必须采取措施降低 SWR 以防止潜在的损害。如果 SWR 大于 2,则一些固态系统会自动关闭。降低 SWR 的最常见方法是添加或包含  $\pi$ ,L 或 T LC 网络来抵消天线电抗和其他电阻元件,并产生一个阻抗匹配。还可以调整天线长度以改善阻抗匹配。

### 1.3 传输线作为电路元件

与传输线一起工作时,通常必须避免由开路和短路负载产生的驻波条件。然而,对于四分之一波长和二分之一波长的传输,这些开路和短路负载可以用作谐振电路或反应电路。

#### 1.3.1 谐振电路和反应元件

考虑如图 13-22 所示的短路四分之一波长 (λ/4) 线。在负载端,电压为零,电流最大。但四分之一波长回到发生器,电压最大,电流为零。对于发生器来说,该线路表现为开路,或至少是非常高的阻抗。这里关键的一点是,这种情况只存在于一个频率上,频率恰好是四分之一波长的频率。由于这种频率敏感性,线路起到 LC 调谐或谐振电路的作用,在这种情况下,它是一个并联谐振电路,因为它在参考频率处具有非常高的阻抗。

在短路的一半波长线上,驻波图如图 13-23 所示。发生器看到与线末端相同的条件,即零电压和最大电流。这表示一个短的,或者非常低的阻抗。这种情况只有在发电机的频率恰好等于半波长的情况下才会发生。在这种情况下,该线看起来像发电机的串联谐振电路。

如果在工作频率下,线路长度小于四分之一波长,则短路线看起来像是发电机的电感。如果短路线在四分之一到二分之一波长之间,则看起来像发电机的电容器。所有这些情况都以短路线的多个四分之一或二分之一波长重复。

如图 13-24 所示,用一条开放的线获得了类似的结果。对于发生器来说,四分之一波长线看起来像一个串联谐振电路,而一个半波长线看起来像一个并联谐振电路,恰好与短路线相反。如果该线小于四分之一波长,发生器看到一个电容。如果线路在四分之一波长到二分之一波长之间,那么发生器就会看到一个电感。这些特性重复用于四分之一或二分之一波长倍数的线路。

图 13-25 是长达一个波长的开路和短路线所表示的条件的总结。横轴是波长的长度,垂直轴是线路的电抗,以欧姆为单位,以线路特性阻抗表示。实线曲线为短线,虚线为开路线。

如果该线用作串联谐振电路,则其阻抗为零。如果线路的长度足以构成并联谐振电路,则其阻抗接近于零。如果线路是中间长度的话,它是被动的。例如,考虑一个短的八分之一波长线。水平分割表示十六分之一波长,所以其中两个表示八分之一波长。假设该线路的特征阻抗为 50~V。在左侧实线的八分之一波长点上的读数为 1. 这意味着该线路作为  $1\times Z_0$  的感抗,或者  $1\times 50=50~\Omega$ 。如图 13-24 中最左边的虚线所示,约三分之八波长的开放线具有相同的效果。

用同样的  $50 \Omega$ 线路怎么能够产生  $150 \Omega$ 的容抗? 首先,在图 13-25 的容性电抗标尺上找到  $150-\Omega$ 点。由于 150/50=3, $150-\Omega$ 点在  $X_C=3$ 。接下来,从该点向右画一条直线,直到它与两条曲线相交。然后从水平刻度读取波长。50 伏线路的电容电抗可以用稍长于 1/32 波长的开路线或比 9/32 波长稍长的短路线来实现。

#### 1.3.2 带状线和微带

在低频率(低于大约300MHz)时,前面讨论的开路和短路线路的特征几乎没有意义。在低频时,线路太长而不能用作电抗元件或滤波和调谐电路。然而,在UHF(300-3000MHz)和微波(1GHz及更高)频率下,半波长的长度是小于1英尺;电感和电容的值变得很小,很难用标准线圈和电容器来实现它们。在印刷电路板(PCB)上构造的特殊传输线(称为微带或带状线)可以用作调谐电路,滤波器,移相器,电抗元件和阻抗匹配电路。

印刷电路板是由柏拉图或其他一些绝缘基底材料制成的绝缘基底,其一端或两端粘合铜,有时也粘合在若干层中。微波应用中某些印刷电路板的基底或陶瓷被用作基底。在微波集成电路中,基体通常是氧化铝或蓝宝石。铜被蚀刻掉形成晶体管,集成电路,电阻和其他组件的互连,从而消除了与导线的点对点连接。二极管,晶体管和其他组件直接安装在PCB上,并直接连接到形成的微带或带状线。

#### 1.3.2.1 微带

微带线是由绝缘介质与大的导电接地层分开的扁平导体 [图 13-26 的 (a)]。微带通常是四分之一或半波长。地平面是常见的电路。这种类型的微带线相当于不平衡的线路。空行通常优先于空行。微带也可以制成双线平衡版本 [图 13-26(B)]。

与任何传输线一样、微带的特性阻抗取决于其物理特性。可以用公式来计算

$$Z = \frac{87}{\sqrt{\varepsilon + 1.41}} ln \frac{5.98h}{0.8w + t}$$

其中Z=特性阻抗, $\varepsilon$ =介电常数,w=铜线的宽度,t=铜线的厚度,h=电介质的迹线与接地平面(电介质厚度)之间的距离。可以使用任何度量单位(例如,英寸或毫米),只要所有尺寸都在相同的单位中即可。(见图 13-27)流行的 FR-4 玻璃纤维 PC 板材料的介电常数为 4.5。 $\varepsilon$  的值是 3。

尺寸为 h = 0.0625in, w = 0.1in, t = 0.003in 和  $\epsilon = 4.5$  的微带特征阻抗为

$$Z = \frac{87}{\sqrt{4.5 + 1.41}} ln \frac{5.98(.0625)}{0.8(0.1) + 0.003}$$
$$= 35.8 ln 4.5 = 35.8(1.5)$$
$$Z = 53.9 \Omega$$

#### 1.3.2.2 带状线

带状线是夹在两个地平面之间的导体(图 13-28)。比微带制作更难;但是,它不像微带那样辐射。辐射会造成损失。长度是所需工作频率的四分之一或二分之一波长,短路线比开路线更常用。

带状线的特征阻抗由公式给出

$$Z = \frac{60}{\varepsilon} ln \frac{4d}{0.67 \pi w (0.8 + t/h)}$$

图 13-29 显示了进行计算所需的尺寸。

即使是较小的微带线和带状线也可以通过使用单片,薄膜和混合 IC 技术来制造。当这些与二极管,晶体管和其他组件结合时,形成微波集成电路 (MIC)。

#### 1.4 史密斯图

设计和分析传输线路所需的数学工作是复杂的,无论该线路是将收发器连接到天线还是用作滤波器或阻抗匹配网络的物理电缆。这是因为所涉及的阻抗是复杂的,涉及电阻和电抗元件。阻抗采用熟悉的矩形形式 R±jX。像这样的复数的计算是漫长而费时的。

对于你在这里看到的每一个天线,都有一条传输线。同轴电缆是最常见的,但波导用于 微波。此外,许多计算涉及三角关系。尽管没有单独的计算是很困难的,但是计算的绝对数 量可能会导致错误。

在二十世纪三十年代,一位聪明的工程师决定做一些事情来减少传输线计算错误的可能性。工程师的名字是 Philip H. Smith, 1939 年 1 月,他出版了史密斯圆图,这是一个复杂的图形,可以对传输线计算进行可视化解决方案。

当然,今天,由于电子计算选择的广泛可用性,传输线计算的数学不成问题。传输线方程可以很容易地编程到科学和工程计算器中,以获得快速,简单的解决方案。个人电脑提供了一种理想的方式来进行这些计算,可以使用特殊的数学软件包,也可以使用BASIC,Fortran,C或其他语言编写特定的程序。如果需要的话,现在常用于工程和科学计算的数学软件包也提供图形输出。

尽管今天所有的计算选项都可用,但史密斯圆图仍在使用。其独特的格式为查看和解决输电线路及相关问题提供了或多或少的标准化方法。此外,等式的图形表示传达的信息比通过对方程的简单检查所获得的信息更多。由于这些原因,期望熟悉史密斯圆图。

图 13-30 是史密斯圆图。通过在第三个圆上绘制两组正交(直角)圆来创建该强加图。 史密斯圆图纸可以从最初的出版商,模拟仪器公司和美国无线电中继联盟获得。史密斯图表 图纸也可在一些大学和大学书店。 创建史密斯圆图的第一步是沿水平线绘制一组偏心圆,如图 13-31 所示。横轴是纯电阻或零电位线。线的最左端的点表示零电阻,而最右边的点表示无限电阻。阻力圆线集中在这条纯阻力线上并穿过这条阻力线。在无穷大的阻力点上,所有圆都相切,所有圆的中心落在阻力线上。

每个圆圈代表一些固定电阻值的所有点。外圆上的任何一点代表0Ω的电阻。其他圆圈有其他电阻值。R=1圆通过阻力线的正确中心,被称为主中心。纯电阻值和传输线特性阻抗值绘制在这条线上。

目前使用的最常见的传输线阻抗是 50V。因此,大部分阻抗和电抗都在 50V 范围内。那么 50 伏的值位于图表的主要中心是很方便的。这意味着 R=1 圆上的所有点代表 50  $\Omega$ ,R=0.5 圆上的所有点代表 25  $\Omega$ ,R=2 圆上的所有点代表 100  $\Omega$ ,依此类推。

史密斯圆图是所谓的归一化形式,R=1在主要中心。用户通过为主要中心分配不同的值来为特定应用定制史密斯圆图。

史密斯圆图的其余部分通过添加电抗圆来完成,如图 13-32 所示。像电阻圆一样,这些都是古怪的,所有的圆都在无限的阻力点上相遇。每个圆圈表示一个恒定的电抗点,感应电抗圆圈在顶部,电容电抗在圆圈底部。注意图表上的电抗圆是不完整的。图表中只包含 R = 0 行内的那些圆圈部分。与电阻圆一样,反应圆也以标准化形式呈现。比较图 13-31 和 13-32 到图 13-30 中的完整史密斯圆图,然后再继续。

#### 1.4.1 绘制和读取阻抗值

图 13-33 中的史密斯圆图显示了绘制的阻抗值的几个例子:

$$Z_1 = 1.5 + j0.5$$
  
 $Z_2 = 5 - j1.6$   
 $Z_3 = 0.2 + j3$   
 $Z_4 = 0.4 - j0.36$ 

找到史密斯圆图上的每个点,并确保您了解每个点是如何获得的。

### 二 基本格式测试

- 2.1 第一层
- 2.1.1 第二层
- 2.1.1.1 第三层

测试测试测试测试测试测试测试测试测试测试测试。2

### 2.2 字体

普通**粗体**斜体 **黑体**楷体仿宋

### 2.3 公式

单个公式,公式引用:??。

$$c^2 = a^2 + b^2 (2.1)$$

多个公式,公式引用:??,??。

$$F = ma (2.2a)$$

$$E = mc^2 (2.2b)$$

### 2.4 罗列环境

- 1. 第一层
- 2. 第一层
  - 2.1 第二层
  - 2.2 第二层
    - a) 第三层

<sup>2</sup>脚注

# b) 第三层解释环境 解释内容

### 三 其他格式测试

### 3.1 代码环境

### 3.2 定律证明环境

定义 3.1. 这是一个定义。

命题 3.1. 这是一个命题。

公理 3.1. 这是一个公理。

引理 3.1. 这是一个引理。

定理 3.1. 这是一个定理。

证明. 这是一个证明。

### 3.3 算法环境

### 算法 3.1: How to write algorithms

Data: this text

Result: how to write algorithm with LATEX2e

- 1 initialization;
- 2 while not at end of this document do

```
read current;

if understand then

go to next section;

current section becomes this one;

else

go back to the beginning of current section;
```

end end

10 end

### 3.4 表格

表格见??。

表 3.1 一个表格



### 3.5 图片

图片见??。图片格式支持 eps, png, pdf 等。多个图片见??, 分开引用:??,??。

### 3.6 参考文献示例

这是一篇中文参考文献[?]; 这是一篇英文参考文献[?]; 同时引用[??]。



图 3-1 一个图片





(a) 图片 1

(b) 图片 2

图 3-2 多个图片

### 3.7 \autoref 测试

公式 ??

脚注 ??

项 ??,??,??

图 ??

表 ??

附录 ??

章 ??

小节 ??,??,??

算法 ??,??

证明环境 ??,??,??,??,??

## 附录A 这是一个附录

附录正文。