

$[1, n]$ в $[1, n]$, при этом коэффициент μ_α определяется суммой

$$\mu_\alpha = \sum_{\epsilon_i \in \{0,1\}} (-1)^{\epsilon_1 + \dots + \epsilon_n} \epsilon_{\alpha(1)} \dots \epsilon_{\alpha(n)}.$$

Если α — перестановка, коэффициент μ_α равен $(-1)^n$, поскольку единственный ненулевой член суммы — это тот, для которого все ϵ_i , равны 1. В противном случае можно разложить μ_α следующим образом:

$$\sum_{\epsilon_i, i \neq k} (-1)^{\epsilon_1 + \dots + \epsilon_n} \sum_{\epsilon_k=0,1} (-1)^{\epsilon_k} \epsilon_{\alpha(1)} \dots \epsilon_{\alpha(n)},$$

где k — элемент из $[1, n]$, который не принадлежит образу α , и хорошо видно, что внутренний член (сумма по ϵ_k) равен нулю; это доказывает, что μ_α в этом случае равно нулю. Второе искомое выражение (суммы которого записываются на множествах) просто выводится из первого, исключением ненулевых ϵ_i , появляющихся в сумме.

$$\sum_{E'} = \sum_E + (-1)^{|E'|} \prod_{1 \leq i \leq n} S_i(E'). \quad (7)$$

Вклад наименьшего элемента \emptyset в эту сумму — нулевой; значит, начнем с его последователя, который может быть 1, n или какое-нибудь одноэлементное множество в соответствии с порядком, заданным на $[1, n]$. Можно заметить, что $S_i(E') = S_i(E) \pm a_{ij}$, где $\{j\} = E \triangle E'$.