

SOMMAIRE

- Introduction
- Data treatment et statistique descriptive
- ☐ M1 : Correction des données de l'effet température
- ☐ M2 : Désaisonnalisation des données corrigées
- ☐ M3 : Prédiction de la consommation par Holt-Winters et SARIMA
- Conclusion

M1 : Correction des données

M2 : Désaisonnalisation des données

M3 : Prévision de la consommation par H-W/SARIMA

Conclusion

Vous êtes employé chez Enercoop, société coopérative spécialisée dans les énergies renouvelables, qui s'est développée grâce à la libéralisation du marché de l'électricité en France.



Stratégie : Corrigez et modélisez les données à l'aide de 2 méthodes.

Objectif : Prédire la consommation en électricité.

Source: Site CEGIBAT + RTE

M1 : Correction des données

M2 : Désaisonnalisation des données

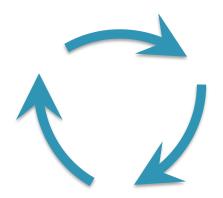
M3 : Prévision de la consommation par H-W/SARIMA Conclusion



Capacités de stockage limitées

surveiller en permanence le réseau

maîtriser les flux



anticiper les évolutions de la consommation électrique à court, moyen et long terme.

Introduction

Data treatment & Statistique descriptive

M1 : Correction des données

M2 : Désaisonnalisation des données

M3 : Prévision de la consommation par H-W/SARIMA Conclusion

Statistique descriptive

Décrire, résumer, représenter la donnée

M1 : Correction des données

M2 : Désaisonnalisation des données

M3 : Prévision de la consommation par H-W/SARIMA

Tables de l'étude

Consommations mensuelles

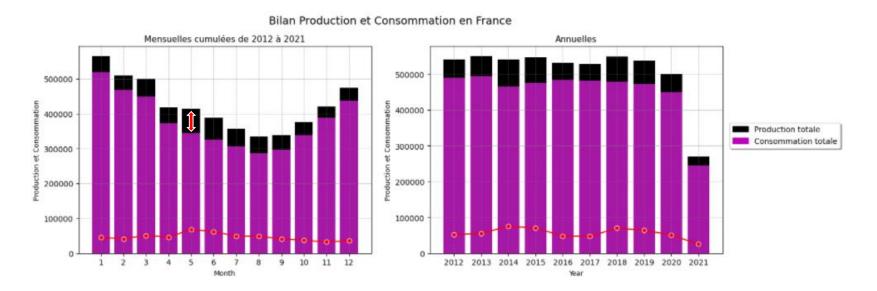
Source: https://www.rte-france.com/eco2mix/telecharger-les-indicateurs

Calcul des Degrés Jours Unifiés (DJU*)

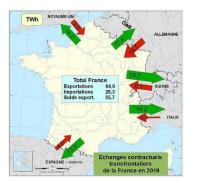
Source: https://cegibat.grdf.fr/simulateur/calcul-dju

Données RTE de consommations électriques

Illustration du difficile équilibre à atteindre



Surproduction destinée aux échanges régionaux, transfrontaliers

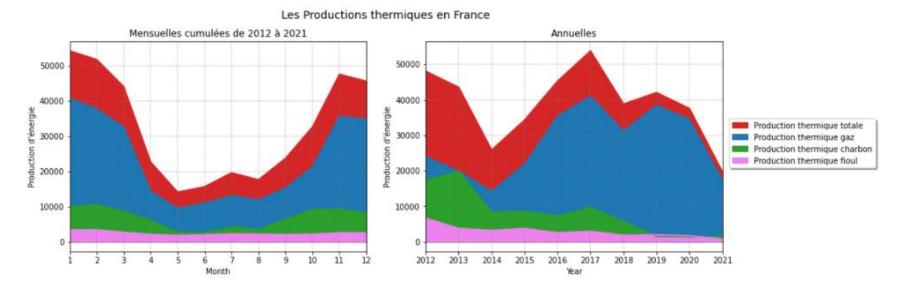


M2 : Désaisonnalisation des données

M3 : Prévision de la consommation par H-W/SARIMA

Données DJU : présentation

Fort impact de la météo sur la consommation comme illustré ci-dessous



- Le but étant de s'affranchir des effets de chauffage liés aux « changements climatiques » pour obtenir une consommation dite corrigée.
- Utilisation de l'outil CEGIBAT

M1 : Correction des données

M2 : Désaisonnalisation des données

M3 : Prévision de la consommation par H-W/SARIMA Conclusion

Données DJU : téléchargement



Choix d'une ville par région



Extraction de toutes les données "chauffage" pour une Tref=18°C

(on a volontairement négligé ici les données pour usage de climatisation qui sont moindres)

Résul	tats									Afficha	ige en tab	leau Affich	age en cou
	Jan	Fév	Mar	Avr	Mai	Jun	Jui	Aoû	Sep	Oct	Nov	Déc	Total
2021	394	200	232	174	97	1	0	0	0	0	0	0	1 098
2020	309	223	227	80	27	13	0	0	28	135	175	323	1 539
2019	407	244	218	160	96	22	0	0	6	53	253	265	1 724
2018	276	363	261	112	76	2	0	0	3	104	211	282	1 689
2017	437	239	202	143	48	6	1	2	31	64	284	362	1 818
2016	288	277	259	152	77	10	2	0	5	93	216	335	1 712
2015	375	349	228	111	43	1	1	0	24	110	188	235	1 664
2014	290	272	227	110	82	2	1	1	7	39	147	363	1 540
2013	392	353	251	182	144	28	0	0	13	55	281	347	2 046
2012	349	473	207	184	57	6	3	0	17	85	229	311	1 922
2011	395	284	231	72	17	20	2	0	6	74	158	294	1 553

Sauvegarde des résultats

Données DJU: méthodologie

```
print ("Les fichiers téléchargés depuis CEGIBAT sont :")
for i in files :
   print (i)
# initialisation d'un dataframe
df = pd.DataFrame()
# concaténation des fichiers
for f in files:
   data = pd.read excel(f, 'DJU - Mensuel')
   data = data.iloc[10:]
   df = df.append(data)
# set lère ligne comme header
df.columns = df.iloc[0]
df = df[1:]
df.rename(columns={df.columns[0]:'Year'}, inplace=True)
# conversion numérique
        = df.columns[df.dtypes.eq('object')]
df[cols] = df[cols].apply(pd.to numeric, errors='coerce')
# suppression des lignes intermédiaires contenant que des NAN
df = df.dropna()
# calcul de la moyenne nationale (Moy(H1x,H2x,H3)) pour la suite de l'étude
f = {'JAN':'mean', 'FÉV':'mean', 'MAR':'mean', 'AVR':'mean', 'MAI':'mean', 'JUN':'mean', 'JUI':'mean', 'A0Û':'mean',
     'SEP':'mean', 'OCT':'mean', 'NOV':'mean', 'DÉC':'mean', 'Total':'mean'}
df = df.groupby(['Year']).agg(f)
```



Les fichiers téléchargés depuis CEGIBAT sont :
P9_calcul_DJU_03_09_2021_1.xlsx
P9_calcul_DJU_03_09_2021_2.xlsx
P9_calcul_DJU_03_09_2021_3.xlsx
P9_calcul_DJU_03_09_2021_4.xlsx
P9_calcul_DJU_03_09_2021_5.xlsx
P9_calcul_DJU_03_09_2021_5.xlsx
P9_calcul_DJU_03_09_2021_6.xlsx
P9_calcul_DJU_03_09_2021_7.xlsx
P9_calcul_DJU_03_09_2021_7.xlsx
P9_calcul_DJU_03_09_2021_8.xlsx

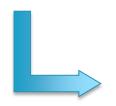


10	JAN	FÉV	MAR	AVR	MAI	JUN	JUI	AOÛ	SEP	OCT	NOV	DÉC	Total
Year													
2009.0	456.2125	348.9875	287.2875	162.9000	65.8875	24.2875	5.9875	4.1375	27.4375	139.5625	210.4750	385.2750	2118.1750
2010.0	478.3500	359.0250	307.0125	172.0625	128.2125	23.6625	1.0500	13.8750	58.3750	165.0000	286.1375	464.2250	2456.7250
2011.0	395.0875	302.1125	258.8000	103.1625	51.3750	30.2250	17.6500	11.7375	23.0000	116.3000	205.0250	309.8000	1823.9875
2012.0	350.7000	455.8125	224.9750	210.6500	83.1500	26.9250	13.9500	3.4875	48.2375	127.8125	258.9750	336.6375	2141.0375
2013.0	406.8000	388.7000	327.0250	206.9875	153.1250	40.7250	1.3875	4.7750	33.9625	85.8750	289.6375	354.8625	2293.6875

Données DJU : traitement

```
# pivot
stacked = df.stack()
stacked = pd.DataFrame(data=stacked)

# superposition
stacked.rename(columns={stacked.columns[0]:'DJU_effet_T'}, inplace=True)
df = stacked.reset_index()
df
# renaming & conversion
df.rename(columns={10:'Month'}, inplace=True)
df
di = {'JAN':1, 'FÉV':2, 'MAR':3, 'AVR':4, 'MAI':5, 'JUN':6, 'JUI':7, 'AOÛ':8, 'SEP':9, 'OCT':10, 'NOV':11, 'DÉC':12,}
df['Month'].replace(di, inplace=True)
df['Year'] = df['Year'].astype('int64')
```



	Year	Month	DJU_effet_T
0	2009	1	456.2125
1	2009	2	348.9875
2	2009	3	287.2875
3	2009	4	162.9000
4	2009	5	65.8875

	Year	Month	Consommation totale
0	2012	1	51086
1	2012	2	54476
2	2012	3	43156
3	2012	4	40176
4	2012	5	35257

Introduction

Obtention table compatible avec la table de la consommation électrique



M1 : Correction des données

M2 : Désaisonnalisation des données

M3 : Prévision de la consommation par H-W/SARIMA

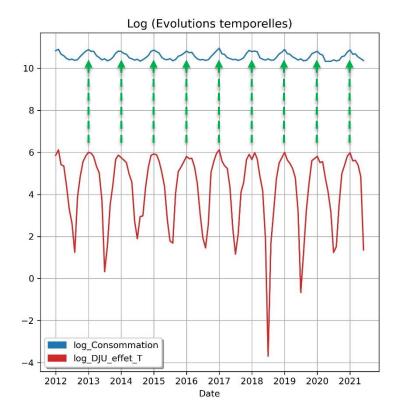
- A ce stade, la consommation intègre l'effet de la température (chauffage)
 - Objectif : retirer cet effet sur nos données

Correction des données

Mise en évidence de l'effet de température

Influence des DJU sur la consommation

 Le passage en log des timeseries permet de mettre en évidence le phasage entre les variables DJU et consommation → lien évident



M1 : Correction des données

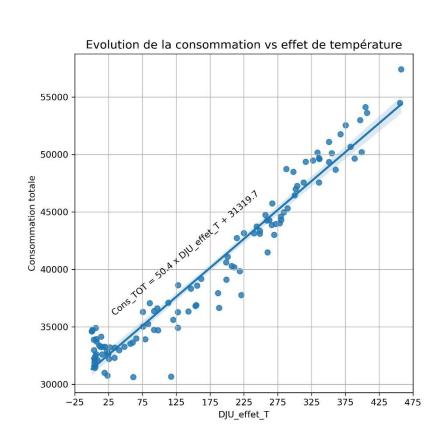
M2 : Désaisonnalisation des données

M3 : Prévision de la consommation par H-W/SARIMA

Mise en évidence de la corrélation

• Le tracé de la consommation en fonction des DJU confirme la corrélation qui existe et donc le réel impact des DJU sur la consommation.

• Un regplot via Seaborn permet de caractériser cette corrélation



M1 : Correction des données

M2 : Désaisonnalisation des données

M3 : Prévision de la consommation par H-W/SARIMA Conclusion

Régression linéaire

```
Y = Sample_final["Consommation totale"]
DJU_effet_T = Sample_final["DJU_effet_T"]

# régression
méthode des moindres carrés ordinaire

model = ols('Y ~ DJU_effet_T', data=Sample_final).fit()
```



	OLS Regre	ssion Re	sults				
Dep. Variable:	Υ	′ R-squ	ıared:		0.941		
Model:	OLS	Adj.	R-squared:		0.941		
Method:	Least Squares	F-sta	F-statistic:				
Date:	Thu, 23 Sep 2021	Prob	(F-statistic	c):	9.25e-71		
Time:	09:56:54	Log-L	ikelihood:		-1010.4		
No. Observations:	114	AIC:			2025.		
Df Residuals:	112	BIC:			2030.		
Df Model:	1						
Covariance Type:	nonrobust						
coe	f std err	t	P> t	[0.025	0.975]		
Intercept 3.132e+0	4 257.105	121.817	0.000	3.08e+04	3.18e+04		
DJU_effet_T 50.351	1.189	42.349	0.000	47.996	52.708		

Qualité du fit 94% modèle performant

DJU statistiquement significative

Coefficient-poids

- La régression linéaire vient confirmer la relation établie précédemment
- On peut donc écrire : $Y = aX + b + \epsilon$ sous cette forme CONS = 50 DJU + $31320 + \epsilon$

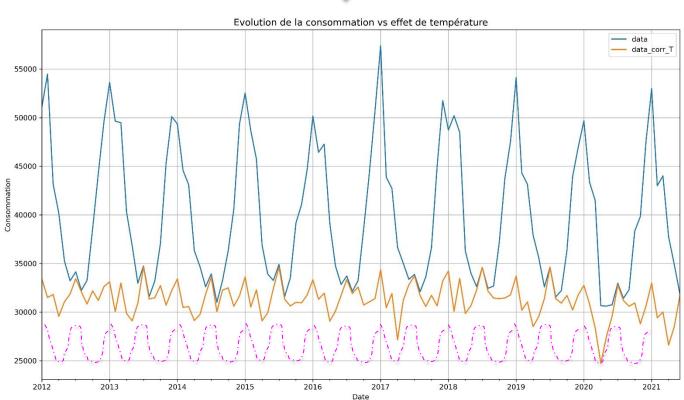
Correction des données

• L'étape de correction consiste à soustraire à la variable **consommation** la contribution ou l'effet **DJ**U pondéré par le coefficient obtenu (c), soit :

```
coef_DJU_T c = 50.4

# on corrige la consommation de l'effet de température (à l'aide du coef 'pondération')
Sample_final["Consommation totale corrigée"] = Sample_final["Consommation totale"] - c * Sample_final["DJU_effet_T"]
```





M1 : Correction des données

M2 : Désaisonnalisation des données

M3 : Prévision de la consommation par H-W/SARIMA

- A ce stade, obtention de la timeserie consommation corrigée
- Objectif : décomposer cette série afin d'en extraire la tendance, l'effet saisonnier et une contribution résiduelle

Désaisonnalisation des données

Décomposer une timeserie en 3 contributions

$$^*X_t = T_t + S_t + \varepsilon_t$$

35000

30500

30000 4000

-4000

Residual 0

-2000

2012

2013

2014

2015

2016

2017

Date

2018

2019

Data treatment & Statistique descriptive

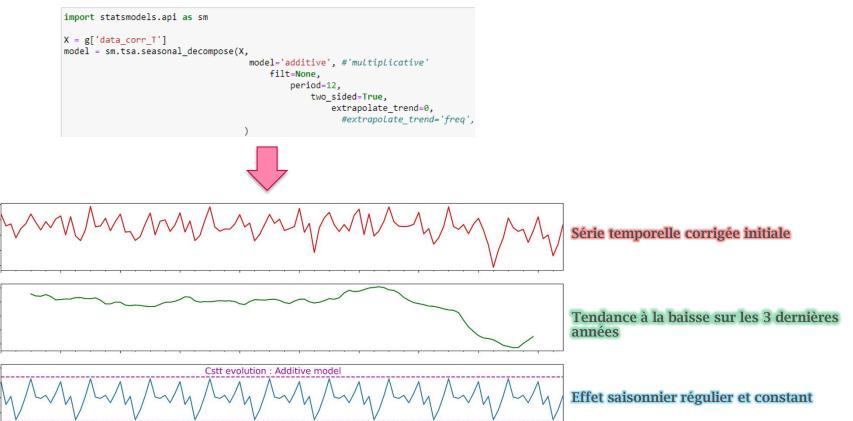
M1 : Correction des données

M2 : Désaisonnalisation des données

M3 : Prévision de la consommation par H-W/SARIMA

Bruit (variations aléatoires dans la série)

Décomposition sous Statsmodels



2020

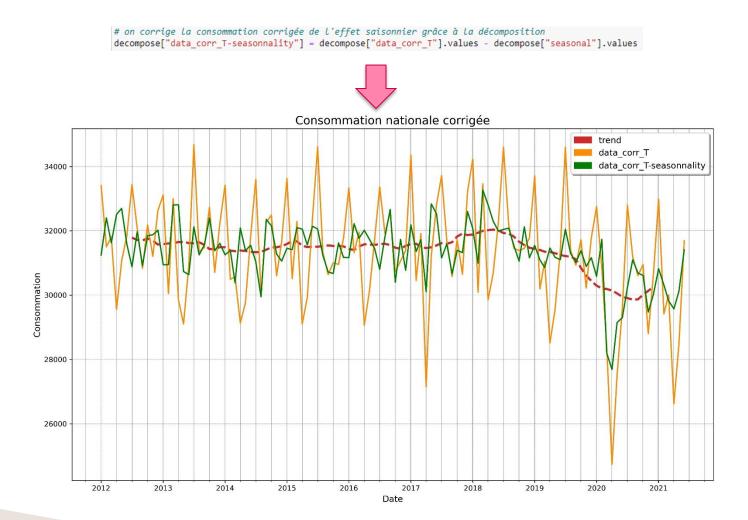
2021

M2 : Désaisonnalisation des données

M3 : Prévision de la consommation par H-W/SARIMA

Désaisonnalisation des données

L'étape de désaisonnalisation consiste à soustraire à la variable **consommation corrigée** la contribution de l'effet saisonnier mise en évidence soit :



M1 : Correction des données

M2 : Désaisonnalisation des données

M3: Prévision de la consommation par H-W/SARIMA

- A ce stade, obtention de la timeserie consommation corrigée et désaisonnalisée (il en résulte une série lissée, épurée où les maxima/minima sont atténués)
 - Objectif : Prédire la consommation en électricité à l'aide de 2 méthodes

Prédiction de la consommation

Lissage exponentiel Holt-Winters

Modèle SARIMA



Une prévision n'est qu'une fonction du passé de la série

Méthodes de lissage exponentiel

- Parmi les méthodes d'approximation on retrouve :
 - Lissage exponentiel simple (LES): timeserie approximable autour de T (date) par une constante

a

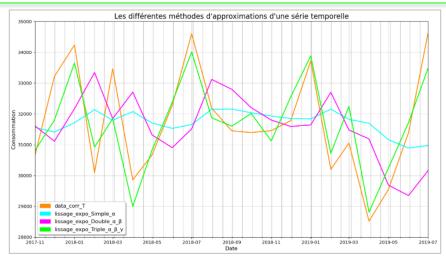
 Lissage exponentiel double (LED) : timeserie approximable autour de T par une droite

$$aT + (t-T)bT$$



o Lissage exponentiel triple (H-W) : timeserie approximable autour de T par une droite

$$aT + (t-T)bT + ST$$

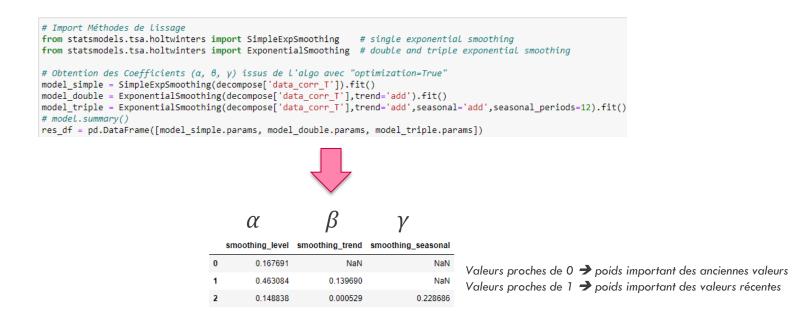


M2 : Désaisonnalisation des données

M3: Prévision de la consommation par H-W/SARIMA

Méthodes de lissage exponentiel

• A l'aide de la librairie Statsmodels, on peut faire appel à des fonctions qui nous permettent de générer ces approximations et ainsi voir quels sont les meilleurs coefficients retenus par la méthode



L'utilisateur peut choisir d'imposer ces coefficients (par défaut optimisé par Statsmodels)

M1 : Correction des données

M2 : Désaisonnalisation des données

M3: Prévision de la consommation par H-W/SARIMA

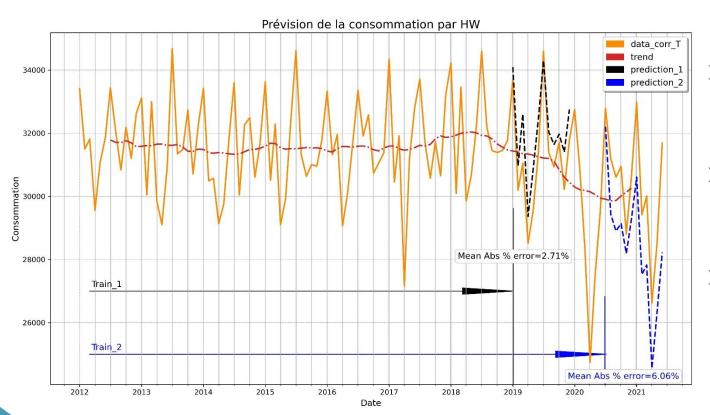
Conclusion

Méthode de Holt-Winters : modélisation

• 2 modèles créés à partir de 2 sets d'apprentissage (train_i)

```
mod_1 = ExponentialSmoothing(train_decompose_1['data_corr_T'], trend='add', seasonal='add', seasonal_periods=12).fit()
prediction_1 = mod_1.forecast(len(test_decompose_1))
mod_2 = ExponentialSmoothing(train_decompose_2['data_corr_T'], trend='add', seasonal='add', seasonal_periods=12).fit()
prediction_2 = mod_2.forecast(len(test_decompose_2))
```

Prédiction sur l'année consécutive (test_i) et comparaison aux données réelles



- Prédictions fidèles aux observations réelles
- Impact outliers sur la précision du modèle
- Performance modèle relativement bonne (à comparer avec SARIMA)

M1 : Correction des données

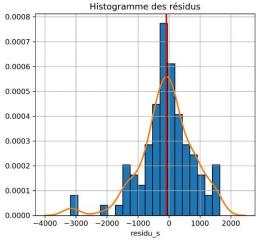
M2 : Désaisonnalisation des données

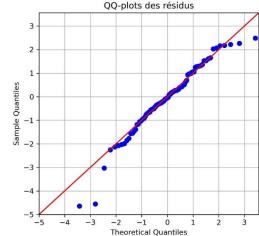
M3: Prévision de la consommation par H-W/SARIMA

Conclusion

Méthode de Holt-Winters : analyse des résidus

 La forme de la distribution des résidus est à 96% similaire à une loi normale selon le test de Shapiro-Wilk → normalité





• Quel que soit le modèle retenu, un test de Ljung-Box vient confirmer qu'on est en

présence d'un bruit blanc (pvalue > 5%)

 $print(sm.stats.acorr_ljungbox(model_triple_pred_2.resid, lags=[1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12], return_df=True)) \\ print('\x1b[6;31;40m',"On ne rejète pas l'hypothèse H0 d'un bruit blanc avec une pvalue > 5%.",'\x1b[0m') \\ \# reject of H0 => residuals are dependent.$

M2 : Désaisonnalisation des données

M3: Prévision de la consommation par H-W/SARIMA

Modèle SARIMA

- On appelle processus SARIMA (**S**easonnal **A**uto**R**egressive **I**ntegrated **M**oving **A**verage) d'ordre (p,d,q)(P,D,Q)s , un processus qui permet de modéliser des séries qui présentent une saisonnalité.
- Les étapes qui vont suivre :
 - o Stationnarisation de la série (rendre la série modélisable, ici par différenciation)
 - Détermination des paramètres optimaux pour modèle SARIMA
 - Modélisation avec SARIMAX
 - Analyse du bruit (résidus)
 - Visualisation des 2 méthodes de prédiction (année n-1) et metrics associées
 - Prédiction à postériori (année n+1)

100

120

Modèle SARIMA: Stationnarisation par différenciation

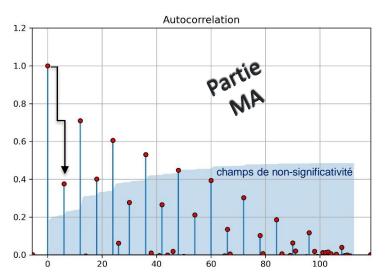
· Vérification stationnarité par test de Dickey-Fuller (autres tests existant KPSS, Phillips-Perron)

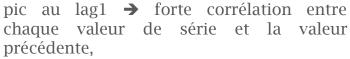
```
#ADF-test(Original-time-series)
result = adfuller(data.dropna())
print('ADF Statistic Original-time-series: %f' % result[0])
print('p-value: %f' % result[1],'\x1b[6;31;40m',"si > 5% => instationnarité => différenciation nécessaire",'\x1b[0m \n')
ADF Statistic Original-time-series: -0.597431
p-value: 0.871561 si > 5% => instationna
#ADF-test(differenced-time-series)
result = adfuller(data.diff().dropna())
print('ADF Statistic differenced-time-series: %f' % result[0])
print('p-value: %f' % result[1],'\x1b[6;32;40m'," < 5% => stationnarité établie => d = 1",'\x1b[0m')
ADF Statistic differenced-time-series: -6.198265
p-value: 0.000000
                                       Original Series
                                                                                        Autocorrelation
                                                                       0.8
                   32000
                                                                       0.6
                                                                       0.4
                   28000
                                                                      -0.2
                   26000
                                                                      -0.4
                                                                      -0.6
                                   1st Order Differencing
                                                                                        Autocorrelation
                   10000
                                                                       1.0
                                                                       8.0
                   5000
                                                                       0.2
                   -5000
                                                                      -0.2
                                                                      -0.4
                  -10000
                                   12th Order Differencing
                                                                                        Autocorrelation
                   10000
                                                                       0.8
                   5000
                                                                       0.6
                                                                       0.4
                              My My My My My My My My
                                                                                                                             s = 12
                      0
                                                                       0.0
                   -5000
                                                                      -0.2
                                                                      -0.4
```

100

Modèle SARIMA : Autocorrélogrammes

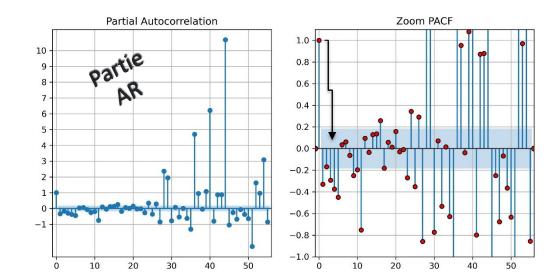
• On fixe les paramètres du modèle (p, q) → lecture sur autocorrélogrammes (ACF & PACF)





pic au lag2 → forte corrélation entre chaque valeur et la valeur apparaissant deux points auparavant





Au décalage k, il s'agit de la corrélation entre les valeurs de séries séparées par k intervalles, compte tenu des valeurs des intervalles intermédiaires



p

Modèle SARIMA : Détermination des paramètres optimaux

Utilisation d'un programme qui va balayer différentes combinaisons paramétriques et va retourner ces dernières triées par metrics *AIC/BIC croissantes.

```
# Import Packages #
import itertools
import statsmodels.api as sm
# Define the p, d and g parameters to take any value between 0 and 3 (exclusive)
p = d = q = range(0, 2)
# Generate all different combinations of p, q and q triplets
pdq = list(itertools.product(p, d, q))
# Generate all different combinations of seasonal p, q and q triplets (12 in the 's' position as we have monthly data)
pdqs = [(x[0], x[1], x[2], 12) \text{ for } x \text{ in list(itertools.product(p, d, q))}]
# Run Grid Search with pdq and seasonal pdq parameters and get the best BIC value #
def sarimax_gridsearch(ts, pdq, pdqs, maxiter=50, freq='M'):
    ans = []
    for comb in pdq:
        for combs in pdgs:
                mod = sm.tsa.statespace.SARIMAX(ts, # this is your time series you will input
                                                 order=comb.
                                                 seasonal order=combs.
                                                 enforce stationarity=False,
                                                 enforce invertibility=False)
                output = mod.fit(maxiter=maxiter)
                ans.append([comb, combs, output.aic, output.bic])
                print('SARIMAX {} x {}12 : AIC Calculated ={}, BIC Calculated ={}'.format(comb, combs, output.aic, output.bic))
            except:
                continue
    # Convert into dataframe
    ans df = pd.DataFrame(ans, columns=['pdq', 'pdqs', 'aic', 'bic'])
    # Sort and return top 10 combinations
    ans_df = ans_df.sort_values(by=['bic'],ascending=True)[0:10]
```





Modèle SARIMA : Détermination optimale des paramètres

Après étude de différents tests parmi les combinaisons obtenues

Covariance Type:

ma.L1

ma. S.L12

coef

-0.7553

-0.5602

→ sélection du modèle le plus pertinent

```
# print('version statmodel',sm. version )
from statsmodels.tsa.statespace.sarimax import SARIMAX
my_order = (0,1,1) # p, d, q
my_seasonal_order = (0,1,1,12) # P, D, Q, s # Good MODEL with Train_2 in gridsearch
# run fit on same train sample as H-W fit
model = SARIMAX(train_decompose_2['data_corr_T'], order=my_order, seasonal_order=my_seasonal_order,
                enforce stationarity=False, enforce invertibility=False).fit()
model.summary()
                      Dep. Variable:
                                               data_corr_T No. Observations:
                                                                             102
                                  SARIMAX(0, 1, 1)x(0, 1, 1, 12)
                                                            Log Likelihood
                                                                         -621.429
                                                                                        Indicateurs de
                             Date:
                                           Thu, 30 Sep 2021
                                                                     AIC 1248.859
                                                                                        performance du modèle
                            Time:
                                                  17:28:02
                                                                     BIC
                                                                         1255.811
                                                                   HQIC 1251.635
                           Sample:
                                                    - 102
```

[0.025

-0.901

-0.779

0.9751

-0.610

-0.342

opg

z P>|z|

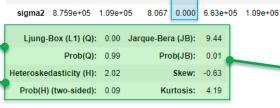
0.000

0.074 -10.165 0.000

-5.026

Bruit blanc

Pas de variance



std err

0.111

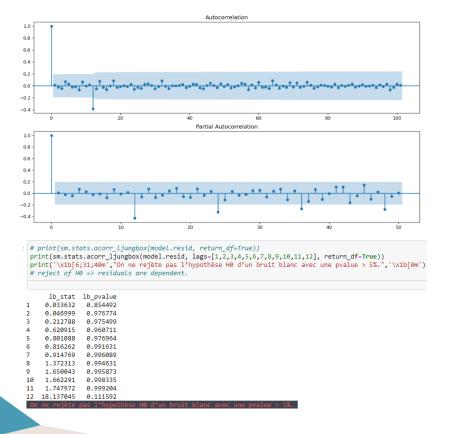
Variables statistiquement significatives

Normalité des résidus (par test de Shapiro-Wilk)

Modèle SARIMA : Analyse du bruit (résidus)

Normalité et bruit blanc des résidus mis en évidence par :

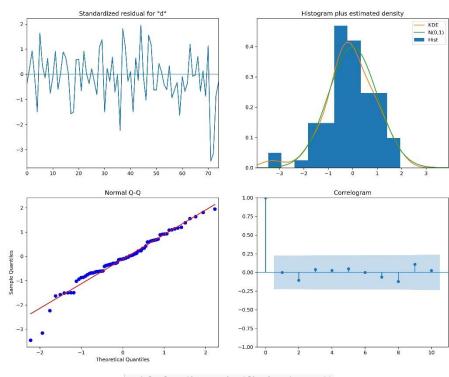
autocorrélogrammes (absence de pics significatifs)



distribution gaussienne, QQ-plots

par H-W/SARIMA

Test de Shapiro-Wilk (pvalue ~ 9.2⁻¹⁹)



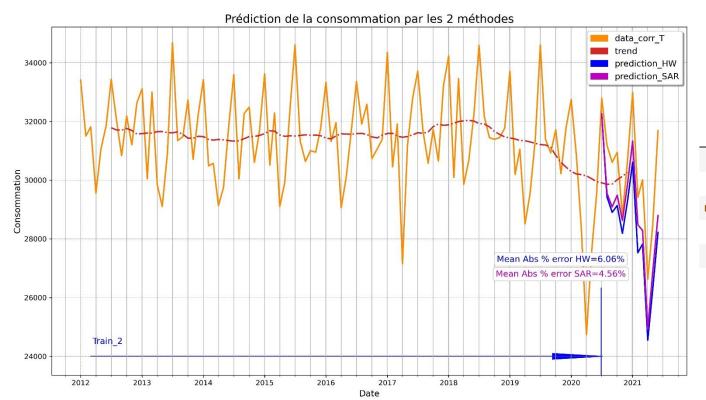
M1 : Correction des données

M2 : Désaisonnalisation des données

M3: Prévision de la consommation par H-W/SARIMA

Comparaison des 2 méthodes de prédiction

• Les 2 modèles présentent des metrics « erreurs » très proches, tous deux suivent globalement l'évolution des données réelles.



	prediction_HW	prediction_SARIMAX
corr	0.9190	0.9289
mae	1835.4419	1383.8168
mape	0.0606	0.0456
me	1835.4419	1383.8168
mpe	0.0653	0.0484
rmse	1979.1741	1538.8902

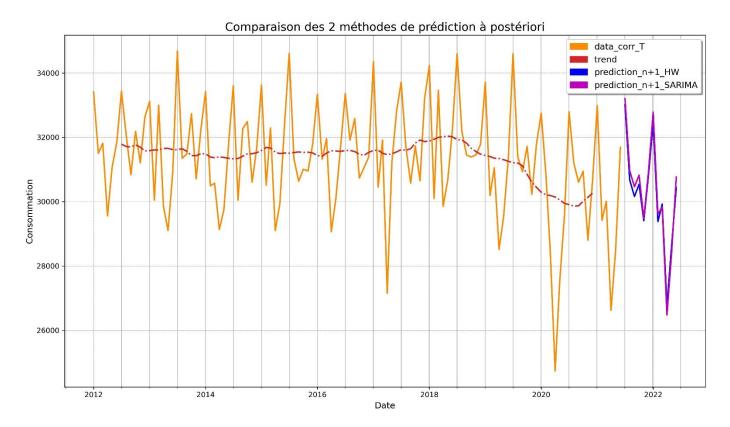
Avantage au modèle SARIMA qui présente des metrics « Δ pred/real » plus faibles.

M2 : Désaisonnalisation des données

M3: Prévision de la consommation par H-W/SARIMA

Prédiction à postériori

• Prédiction année (n+1) à partir des 2 modélisations établies



Comme attendu, prédictions très proches

M2 : Désaisonnalisation des données

M3 : Prévision de la consommation par H-W/SARIMA

- * Test de 2 méthodes de prédiction :
 - Résultats fidèles aux données de consommation réelles
 - Performance très proche et satisfaisante pour toute prédiction à postériori
- ❖ Si l'on devait choisir, on privilégiera le modèle SARIMA

Merci

