

# Funzioni di Programmazione I

## Liste, code e alberi binari

10 settembre 2018



# Indice

<b>1</b>	<b>Liste e nodi</b>	<b>5</b>
1.1	Struttura nodo . . . . .	5
1.2	Creazione ricorsiva di una lista . . . . .	5
1.2.1	Con sentinella . . . . .	5
1.2.2	Data la dimensione . . . . .	5
1.3	Ricerca di un valore in una lista (ritorna l'indice (intero) del nodo) . . . . .	5
1.4	Inserimento di un nodo nel posto giusto (ordine crescente) . . . . .	6
1.5	Stampa di una lista . . . . .	6
1.5.1	Stampa semplice . . . . .	6
1.5.2	Stampa elaborata . . . . .	6
1.6	Pattern matching . . . . .	6
1.6.1	Funzione che ritorna true se c'è match . . . . .	6
1.6.2	Return match e resto della lista per riferimento . . . . .	6
1.6.3	Per riferimento il match e il resto col return . . . . .	7
1.7	Concatenazione . . . . .	7
1.7.1	Concatenazione iterativa . . . . .	7
<b>2</b>	<b>Code e FIFO</b>	<b>9</b>
2.1	Libreria che gestisce le code . . . . .	9
2.1.1	-code.h . . . . .	9
2.1.2	-code.cpp . . . . .	9
2.2	Strutture di FIFO e nodi FIFO . . . . .	10
2.3	Inserimento di un nodo all'inizio della FIFO . . . . .	10
2.4	Inserimento di un nodo alla fine della FIFO . . . . .	10
2.5	Concatenazione di due FIFO . . . . .	11
<b>3</b>	<b>Alberi binari</b>	<b>13</b>
3.1	Costruzione di alberi . . . . .	13
3.1.1	Struttura albero . . . . .	13
3.2	Funzione buildtree per costruire l'albero . . . . .	13
3.3	Funzione bilanciato per bilanciare l'albero(necessario) . . . . .	13
3.4	Funzione contanodi per contare il numero di nodi dell'albero . . . . .	13
3.5	Stampa di un albero . . . . .	14
3.5.1	Lineare . . . . .	14
3.5.2	Infissa . . . . .	14
3.5.3	Prefissa a salti . . . . .	14
3.6	Cercare cammino in un albero . . . . .	14

3.7	Restituire una lista ordinata . . . . .	15
3.7.1	Restituire la lista ordinata costruita disponendo in ordine i nodi L1 e L2 . . . . .	15
3.7.2	Inserire un valore in un albero in modo che sia ordinato . . . . .	15
3.8	Restituisce la lista concatenata i cui nodi puntano ai nodi dell'albero ordi- nati secondo l'ordine infisso . . . . .	16
3.9	Contare le foglie di un albero . . . . .	16
3.10	Sapere se un albero è perfettamente bilanciato . . . . .	17
3.11	Trovare e restituire un nodo con campo info = y . . . . .	17
3.12	Trovare l'altezza di un albero . . . . .	17
3.13	Seguire un percorso dato in un albero . . . . .	17
3.14	Da un albero, ricavare una lista dei nodi con campo info = y ricorsivamente	17

# Capitolo 1

## Liste e nodi

### 1.1 Struttura nodo

```
1 struct nodo{
2     int info;
3     nodo* next;
4     nodo(int a=0, nodo*b=0){info=a; next=b;}
5 }
```

### 1.2 Creazione ricorsiva di una lista

#### 1.2.1 Con sentinella

```
1 nodo* leggi() {
2     int n;
3     cin >> n;
4     if(n==-1) return 0;
5     else return new nodo(n, leggi());
6 }
```

#### 1.2.2 Data la dimensione

```
1 nodo* crea(int dim){
2     if(dim){
3         int x;
4         cin>>x;
5         return new nodo(x,crea(dim-1));
6     }
7     return 0;
8 }
```

### 1.3 Ricerca di un valore in una lista (ritorna l'indice (intero) del nodo)

```
1 int ricerca(nodo* L, int x) {
2     if(L==0) return -1;
3     if(L->info==x) return 0;
4     if(ricerca(L->next, x)==-1) return -1;
5     else return 1+ricerca(L->next, x);
6 }
```

```
6 }
```

## 1.4 Inserimento di un nodo nel posto giusto (ordine crescente)

```
1 nodo* inserisci(nodo* L, int x) {
2     if (L==0) return new nodo(x,0);
3     if(L->info>x) return new nodo(x, L);
4     else return new nodo(L->info, inserisci(L->next,x));
5 }
```

## 1.5 Stampa di una lista

### 1.5.1 Stampa semplice

```
1 void stampa(nodo* L) {
2     if(L) {
3         cout << L->info << " ";
4         stampa(L->next);
5     }
6 }
```

### 1.5.2 Stampa elaborata

```
1 void stampa_lista(nodo* L) {
2     if(L==0) cout << "Lista vuota" << endl;
3     else {
4         cout << L->info;
5         if(L->next==0) cout << endl;
6         else {
7             cout << "->";
8             stampa_lista(L->next);
9         }
10    }
11 }
```

## 1.6 Pattern matching

### 1.6.1 Funzione che ritorna true se c'è match

```
1 bool testa(nodo*& y, int* P, int dimP, nodo*& m){
2     if(!dimP) { //caso base: pattern vuoto => match vero
3         m=y;
4         y=0;
5         return true;
6     }
7     if(!y) return false; //secondo caso base: lista vuota
8     if(y->info==*P) return testa(y->next, P+1, dimP-1, m); //primo match: ricorsione
9     return false; //altrimenti niente match
10 }
```

### 1.6.2 Return match e resto della lista per riferimento

```

1  //per riferimento il resto della lista e con il return la lista matchata
2  nodo* match(nodo* &L, int* P, int dimP) {
3      if(!L) return 0;
4      nodo* r=L, *m; //r e' il puntatore all'inizio (ricorsivo) della lista
5      if(testa(r, P, dimP, m)) { //se ha trovato il match...
6          // (dobbiamo costruire la lista restante)
7          L=m; //"salta" il match e lo mette (riferimento) in L
8          return r; //restituisce la lista del match
9      }
10     else return match(L->next, P, dimP);
11 }

```

### 1.6.3 Per riferimento il matche e il resto col return

```

1  //per riferimento la lista matchata e il resto col return
2  nodo* match(nodo* &L, int* P, int dimP) {
3      if(!L) return 0;
4      nodo *r=L, *m;
5      if(testa(r, P, dimP, m)) {
6          L=r;
7          return m;
8      }
9      else {
10         L=L->next;
11         r->next=match(L, P, dimP);
12         return r;
13     }
14 }

```

## 1.7 Concatenazione

### 1.7.1 Concatenazione iterativa

```

1      if(!L1) return L2;
2      if(!L2) return L1;
3      nodo* x=L1;
4      while(x->next)
5          x=x->next;
6      x->next=L2;
7      return L1;
8  }

```





# Capitolo 2

## Code e FIFO

### 2.1 Libreria che gestisce le code

#### 2.1.1 -code.h

```
1  #include<iostream>
2  struct nodo {
3      char chiave;
4      nodo *next;
5      nodo(char c='\0', nodo* n=NULL);
6  };
7  struct coda {
8      nodo *inizio;
9      nodo *fine;
10     coda(nodo* i=NULL, nodo* f=NULL);
11 };
12
13 void push(char c, coda &Q);
14 char pop(coda &Q);
15 bool e_vuota(coda Q);
```

#### 2.1.2 -code.cpp

```
1  #include<iostream>
2  #include "code.h"
3  nodo::nodo(char c, nodo* n) {chiave=c; next=n;}
4  coda::coda(nodo* i, nodo* f) {inizio=i; fine=f;}
5  void push(char c, coda &Q) { //push:aggiunge un nuovo elemento alla fine
6  // della coda
7      if(!Q.inizio) {
8          Q.inizio=new nodo(c, 0);
9          Q.fine=Q.inizio;
10     }
11     else {
12         Q.fine->next=new nodo(c,0);
13         Q.fine=Q.fine->next;
14     }
15 }
16 void pushList(nodo*L,coda & Q) { //pushList: inserisce una nuova lista alla
17 // fine della coda
18     if(L) {
```

```

19     nodo* t=L->next;
20     push(L,Q);
21     pusLlist(t, Q);
22 }
23 }
24
25 char pop(coda &Q) { // pop: elimina il primo elemento della coda e lo ritorna
26     char key=(Q.inizio)->chiave;
27     nodo* del=Q.inizio;
28     Q.inizio=(Q.inizio)->next;
29     if(!Q.inizio) Q.fine=NULL;
30     delete del;
31     return key;
32 }
33 bool eVuota(coda Q) { // eVuota : ritorna true sse la coda e' vuota
34     return(!Q.inizio);
35 }

```

## 2.2 Strutture di FIFO e nodi FIFO

```

1     nodo* primo, *ultimo;
2     int dim;
3     FIFO(nodo*a=0,nodo*b=0,int c=0){
4         primo=a; ultimo=b; dim=c;}
5 };
6
7 struct nodoFIFO{ //per creare liste di FIFO
8     FIFO info;
9     nodoFIFO* next;
10    nodoFIFO(FIFO a=FIFO(), nodoFIFO*b=0){
11        info=a; next=b;}
12 };

```

## 2.3 Inserimento di un nodo all'inizio della FIFO

```

1     if(!a.primo){
2         a.primo=a.ultimo=b;
3         b->next=0; return a;
4     }
5     else{
6         b->next=a.primo;
7         a.primo=b;
8         return a;
9     }
10 }

```

## 2.4 Inserimento di un nodo alla fine della FIFO

```

1     b->next=0;
2     if(!a.primo)
3         a.primo=a.ultimo=b;
4     else{
5         a.ultimo->next=b;
6         a.ultimo=b;
7     }

```

```
8      return a;  
9  }
```

## 2.5 Concatenazione di due FIFO

```
1      a.ultimo->next = b.primo;  
2      a.ultimo = b.ultimo;  
3      return a;  
4  }
```



# Capitolo 3

## Alberi binari

### 3.1 Costruzione di alberi

#### 3.1.1 Struttura albero

```
1 struct nodo{
2     int info;
3     nodo* left,*right;
4     nodo(int a=0, nodo* b=0, nodo*c=0){info=a; left=b;right=c;}
5 };
```

### 3.2 Funzione buildtree per costruire l'albero

```
1 nodo* buildtree(nodo* r, int n) {
2     if(!n) return r;
3     int num;
4     cin>>num;
5     r = bilanciato(r,num);
6     return buildtree(r,n-1);
7 }
```

### 3.3 Funzione bilanciato per bilanciare l'albero(necessario)

```
1 nodo* bilanciato(nodo* r, int k) {
2     if(!r) return new nodo(k,0,0);
3     if(contanodi(r->left)<=contanodi(r->right)) r->left=bilanciato(r->left, k);
4     else r->right=bilanciato(r->right, k);
5 }
```

### 3.4 Funzione contanodi per contare il numero di nodi dell'albero

```
1 int contanodi(nodo* R) {
2     if(!R) return 0;
3     return 1+contanodi(R->left)+contanodi(R->right);
4 }
```

## 3.5 Stampa di un albero

### 3.5.1 Lineare

```

1 void stampa_l(nodo* r) {
2 //ricorsivo, stampa sottoalbero sx e sottoalbero dx
3 if(r){
4     cout<<r->info<<'(';
5     stampa(r->left);
6     cout<<',';
7     stampa(r->right);
8     cout<<')';
9 }
10 else cout << '_';
11 }

```

### 3.5.2 Infissa

```

1 void infix(nodo *x) {
2 if(x) {
3     infix(x->left); //stampa albero sinistro
4     cout<<x->info<<' '; //stampa nodo
5     infix(x->right); //stampa albero destro
6 }
7 }

```

### 3.5.3 Prefissa a salti

```

1 int stampa_a_salti(nodo* r, int k, int n) { //stampa un nodo ogni k attraversati
2 if(!r) return n;
3 int salti;
4 if(n==1) {
5     cout << r->info << " ";
6     n=k;
7 }
8 else n--;
9 salti=stampa_a_salti(r->left, k, n);
10 return stampa_a_salti(r->right, k, salti);
11 }

```

## 3.6 Cercare cammino in un albero

```

1 bool cerca_cam(nodo* r, int k, int y, int* C) {
2 //ritorna true se c' e' e in tal caso si trova in C
3 if(r->info==y) k=k-1;
4 if(k<0) return false;
5 if(!r->left && !r->right) {
6     if(k==0) {
7         *C=-1;
8         return true;
9     }
10    return false;
11 }
12 if(r->left) {
13     if(cerca_cam(r->left, k, y, C+1)) {
14         *C=0;

```

```

15         return true;
16     }
17 }
18 if(r->right) {
19     if(cerca_cam(r->right, k, y, C+1)) {
20         *C=1;
21         return true;
22     }
23 }
24 return false;
25 }

```

### 3.7 Restituire una lista ordinata

che consiste di un numero di nodi pari a quelli di un albero e i cui campi info sono gli stessi dell' albero

```

1  nodo* buildList(nodoA* r) {
2  if(!r) return NULL;
3  return fuse(new nodo(r->info), fuse(buildList(r->left),buildList(r->right)));
4  }

```

#### 3.7.1 Restituire la lista ordinata costruita disponendo in ordine i nodi L1 e L2

(necessaria alla funzione sopra)

```

1  nodo* fuse(nodo* L1, nodo* L2) {
2  coda Q=coda();
3  while(L1||L2) {
4      if(L1 && L2) {
5          nodo* t;
6          if(L1->info<=L2->info) {
7              t=L1->next;
8              push(L1, Q);
9              L1=t;
10         } else {
11             t=L2->next;
12             push(L2,Q);
13             L2=t;
14         }
15     } else if(L1) {
16         push_list(L1,Q);
17         L1=NULL;
18     } else {
19         push_list(L2,Q);
20         L2=NULL;
21     }
22 }
23 return Q.inizio;
24 }

```

#### 3.7.2 Inserire un valore in un albero in modo che sia ordinato (e conseguente buildtree)

```

1  nodoA* insert(nodoA*r, char y) {
2  if(!r) return new nodoA(y);
3
4  if(conta_n(r->left)<=conta_n(r->right))
5  r->left=insert(r->left,y);
6  else
7  r->right=insert(r->right,y);
8  return r;
9  }
10 nodoA* buildtree(nodoA*r, int dim) {
11 if(dim)
12 {
13 char z;
14 cin>>z;
15 nodoA*x=insert(r,z);
16 return buildtree(x,dim-1);
17 }
18 return r;
19 }

```

### 3.8 Restituisce la lista concatenata i cui nodi puntano ai nodi dell'albero ordinati secondo l'ordine infisso

tali che il primo nodo nella lista punti al nodo n-esimo dell'albero secondo l'ordine infisso, e i successivi nodi puntano ad un nodo dell'albero ogni k nodi sempre secondo l'ordine infisso

```

1  nodo* B(nodoA* r, int k, int &n) {
2  if(!r) return 0;
3  nodo* sx, *dx, *c;
4  sx=B(r->left, k, n);
5  if(n==1) {
6      c=new nodo(r, NULL);
7      n=k;
8      sx=fuse(sx, c);
9  } else n=n-1;
10 dx=B(r->right, k, n);
11 return fuse(sx, dx);
12 }

```

### 3.9 Contare le foglie di un albero

```

1  int ContaFoglie(nodo* n)
2  {
3  if(!n) return(0);
4  else {
5      if ((n->left==NULL) && (n->right==NULL)) return(1);
6      else return ContaFoglie(n->left) + ContaFoglie(n->right);
7  }
8  }

```



### 3.10 Sapere se un albero è perfettamente bilanciato

```

1  bool PerfBil(nodo* n)
2  {
3      if (!n) return(true);
4      else {
5          if ((n->left==NULL) && (n->right==NULL)) // Se il nodo e' una foglia
6              return(true);
7          else {
8              if ((n->left!=NULL) && (n->right!=NULL))
9                  // Paraticamente: se il nodo ha tutti e due i figli..
10                 return( PerfBil(n->left) && PerfBil(n->right) );
11             else return(false);
12         }
13     }
14 }

```

### 3.11 Trovare e restituire un nodo con campo info = y

```

1  nodo* trova(nodo* x, char y) {
2      if(!x) return 0; //se e' vuoto fallisce la ricerca
3      if(x->info==y) return x; //se e' quello restituisce il nodo
4      nodo* z=trova(x->left, y); //sottoalbero sx
5      if(z==0) return z;
6      return trova(x->right);
7  }

```

### 3.12 Trovare l'altezza di un albero

```

1  int altezza(nodo*x) {
2      if(!x->left && !x->right) return 0;
3      int a=-1, b=-1;
4      if(x->left) a=altezza(x->left);
5      if(x->right) b=altezza(x->right);
6      if(a>b) return a+1;
7      else return b+1;
8  }

```

### 3.13 Seguire un percorso dato in un albero

```

1  nodo* trova(nodo *x, int *C, int lung) {
2      if(!x) return 0; //fallito
3      if(lung==0) return x; //trovato
4      if(*C==0) return trova(x->left, C+1, lung-1); //C=0 vuol dire sx
5      else return trova(x->right, C+1, lung-1);
6  }

```

### 3.14 Da un albero, ricavare una lista dei nodi con campo info = y ricorsivamente

```

1  punt* conc(punt*a,punt*b){
2      if(!a) return b;
3      a->next=conc(a->next,b);

```

```
4  return a;
5  }
6  punt* buildList(nodo*r, int y){ //albero(r), y e' un intero uguale ad un campo info
7  if(!r) return 0;
8  punt*a=buildList(r->left,1);
9  punt*b=buildList(r->right,1);
10 if(r->info==y)
11     b=new punt(r,b);
12 return conc(a,b);
13 }
```