

Compito di Programmazione del 21 marzo 2011

Teoria:

(i) Data la seguente funzione ricorsiva, inserire appropriate PRE e POST

//PRE= ??

```
int F(Nodo* a) {  
    if (!a->left && !a->right) return 0;  
    if (!a->left && a->right) return F(a->right);  
    if (!a->right && a->left) return F(a->left);  
    return 2+F(a->left)+F(a->right);  
} //POST=??
```

(ii) Considerate il seguente programma. In caso pensiate sia corretto, spiegate cosa calcola e cosa stampa. Se pensate sia sbagliato, spiegate in dettaglio il motivo.

```
int* f(int **p){int b=3,*x=&b; *p=x; x=*p; return x+1; }  
main() {int b[]={2,3},*q=b; *f(&q)=*q; cout<<b[0]<<b[1]<<*q;}
```

Programmazione: il problema da considerare è lo stesso sia per la parte iterativa che per quella ricorsiva. Si tratta di estrarre da una lista concatenata data L^1 i nodi in posizione $k, 2k, 3k \dots$ per un dato $k > 1$. Si devono restituire 2 liste, quella dei nodi "rimasti" e quella dei nodi "estratti". Entrambe le liste vanno restituite attraverso i parametri L ed E passati per riferimento.

Esempio: data $L = 0 \rightarrow 1 \rightarrow -4 \rightarrow 2 \rightarrow 3$ e $k=2$, si deve produrre le due liste: $L = 0 \rightarrow -4 \rightarrow 3$ e $E = 1 \rightarrow 2$.
Per $k=3$, si deve produrre $L = 0 \rightarrow 1 \rightarrow 2 \rightarrow 3$ ed $E = -4$.

Attenzione: Si osservi che nessun nuovo nodo va creato e nessun nodo della lista originale va distrutto.

Esercizio iterativo: la funzione iterativa da realizzare deve avere il seguente prototipo:

```
void F(nodo*&L,nodo*&E,int k)
```

- a) Descrivere Pre e Postcondizione della funzione F;
- b) realizzare la funzione F;
- c) scegliere un ciclo significativo di F ed associare ad esso un invariante (che descriva al meglio quello che il ciclo calcola);

Esercizio ricorsivo: la funzione ricorsiva da realizzare deve avere il seguente prototipo:

```
void G(nodo*&L,nodo*&E,int k, int i) in cui il parametro i serve a specificare la posizione del nodo corrente nella lista iniziale;
```

- a) descrivere Pre e Postcondizione della funzione G;
- b) realizzare la funzione G;
- c) delineare una dimostrazione di correttezza di G;

Opzionale: l'ipotesi che $k > 1$ riveste un'importanza diversa per l'esercizio iterativo e per quello ricorsivo. Spiegare qual è questa differenza e perché è così.

¹ I nodi di L sono del solito tipo `struct nodo{int val; nodo* next;};`

//Parte iterativa:

PRE=(L è una lista non vuota, E è una lista vuota, $k > 1$, sia $vL=L$)

void F(nodo*&L, nodo*& E, int k)

```
{
    int i=1;
    nodo*x=L,*q=0;
    E=0;
    while(x->next)
    {
        if(i+1==k) //x->next e' da estrarre
        {
            nodo*p=x->next;
            x->next=x->next->next;
            p->next=0; // per essere sicuri che E finisce con nodo con campo next=0
            if(!E)
                E=q=p;
            else
            {
                q->next=p;
                q=p;
            }
            i=0; // viene messo a 1 dopo l'if
        }
        i++;
        x=x->next;
    }
}
```

Notazione: data L, $L[n]$ è il nodo n-esimo di L. Sia $r=\text{lung}(L)/k$

POST=(se $r > 0$ allora $E=vL[k] \rightarrow \dots \rightarrow vL[r*k]$, altrimenti $E=0$, $L=vL-E$)

//Esercizio ricorsivo:

PRE=(L ed E liste anche vuote, $k > 0$, $0 < i \leq k$, $vL=L$)

void G(nodo*&L,nodo*&E,int k, int i)

```
{
    if(L)
    {
        if(i==k)
        {
            E=L;
            L=L->next;
            G(L,E->next,k,1);
        }
        else
            G(L->next,E,k,i+1);
    }
    else
        E=0; //campo next dell'ultimo nodo di E viene messo a 0
}
```

POST=($E=L[k-i+1] \rightarrow L[2*k-i+1] \rightarrow$ e così via, $L=vL-E$)

L'importante è osservare che i indica che si mantengono in L i primi (k-i) nodi, per poi togliere il (k-i+1)-esimo, dopo di che si mantengono in L i prossimi k-1, se ne toglie uno e così via.