

preparazione II compitino

seconda puntata

1) Dire se il seguente programma è corretto o meno e perché. In caso pensiate sia corretto dite cosa stampa e perché.

```
const int x=99, *p=&x;  
int* q= const_cast<int*>(p);  
(*q)++;  
cout<<x<<*q<<*p<<endl;
```

```
1') int x=99, *const p=&x;  
int * const * q=&p;  
(**q)++;
```

2) Cercate di scrivere una PRE ed una POST sensate

```
int F(nodo* R){  
    if(! R) return 0;  
    if(R->left && R->right) return F(R->left) + F(R->right);  
    if(R->left || R->right) return 1+F(R->left) + F(R->right);  
    return 0;  
}
```

```
int F(nodo*R)  
{ if(!R->left && !R->right) return 1;  
  if(!R->left) return F(R->right);  
  if(!R->right) return F(R->left);  
  return F(R->left)+F(R->right);}
```

Esercizio 1 del 3/3/2014

Si legge da "input" gli interi k , y e dim , in cui y può essere un intero qualsiasi, mentre k e dim sono maggiori di 0, dopo di che **si costruisce una lista concatenata con dim nodi** del tipo seguente:

```
struct nodo{int info1,info2; nodo* next; nodo(int a=0,
int c=0, nodo* b=0){info1=a;info2=c; next=b;}};
```

ed in cui nel campo `info1` di ciascuno dei dim nodi si deve inserire un valore letto da "input" (ce ne sono dim) mentre in `info2` si mette semplicemente la posizione del nodo nella lista, cioè $0, \dots, dim-1$.

A questo punto si richiedono 2 funzioni F1 ed F2 entrambe col seguente prototipo:
 $\text{nodo}^* \text{ F1/2}(\text{nodo}^* \&L, \text{int } y, \text{int } k, \text{int } \&v)$ e che soddisfano le seguenti coppie di pre- e post-condizioni:

PRE_F1=(L è una lista corretta, y e v sono interi qualsiasi, mentre $k > 0$, $L = vL$)

POST_F1=(se vL contiene meno di k nodi con campo $\text{info1} = y$, allora $L = vL$ e F1 restituisce 0, altrimenti, L è la lista ottenuta da vL togliendo da vL gli ultimi (per posizione) k nodi con campo $\text{info1} = y$, mentre F1 restituisce la lista dei nodi tolti da vL in ordine di posizione in vL.....è possibile che sia anche necessario aggiungere qualcosa su v)

Esempio: Sia L la lista costruita leggendo i dim interi da "input",
come segue:

$L = (3,0), (2,1), (0,2), (3,3), (0,4), (0,5), (1,6), (0,7), (2,8), (0,9), (3,10)$,
supponiamo anche che $k=2$ e $y=3$. Evidentemente L contiene
almeno 2 nodi con $\text{info1}=3$ (ne contiene 3) e quindi sia F1 che F2
modificheranno la lista che ricevono in input.

F1 restituirà col return la lista $(3,3), (3,10)$, mentre L sarà
diventata: $(3,0), (2,1), (0,2), (0,4), (0,5), (1,6), (0,7), (2,8), (0,9)$
mentre F2 restituirà col return $(3,0), (3,3)$ con L che sarà diventata:
 $= (2,1), (0,2), (0,4), (0,5), (1,6), (0,7), (2,8), (0,9), (3,10)$.

Se k fosse 4, entrambe le funzioni restituirebbero 0 lasciando L
inalterata. Se k fosse 3, invece le 2 funzioni avrebbero identico
output, sia col return che col parametro L.

PRE=(INP contiene dim interi, $\text{dim} \geq 0$, n def.)

```
void crea(nodo*&L, int dim, ifstream & INP, int n)
{
    int x;
    if(dim>0)
    {
        INP>>x;
        L=new nodo(x,n,0);
        crea(L->next, dim-1,INP,n+1);
    }
    else
        L=0;
}
```

POST=(restituisce in L lista con i dim interi di INP e indici crescenti da n in poi)

```

nodo* F1(nodo*&L, int y, int k, int & v)
{
    if(L)
    {
        if (L->info1==y)
        {
            v++;
            nodo*T=F1(L->next, y, k, v);
            if(v<k)
            {
                nodo*w=L;
                L=L->next;
                w->next=T;
                v++;
                return w;
            }
            else
                return T;
        }
        return F1(L->next,y,k,v);
    }
    else

```

```

{
    if(v>=k)
        v=0;
    else
        v=k;
    return 0;
}
}

```


PRE_F1=(L è una lista corretta, y e v sono interi qualsiasi, mentre $k > 0$, $L = vL$, $v = vv$)

POST_F1=(se vL contiene m nodi con campo info1=y e $m + vv < k$, allora $L = vL$ e F1 restituisce 0 e $v = k$, altrimenti, L è la lista ottenuta da vL togliendo da vL gli ultimi (per posizione) $\min(m, k)$ nodi con campo info1=y, e restituisce col return la lista dei nodi tolti da vL in ordine di posizione in vL e $v = \min(m, k)$)

POST_F1=(se vL contiene meno di k nodi con campo info1=y, allora $L = vL$ e F1 restituisce 0, altrimenti, L è la lista ottenuta da vL togliendo da vL gli ultimi (per posizione) k nodi con campo info1=y, mentre F1 restituisce la lista dei nodi tolti da vL in ordine di posizione in vL.....è possibile che sia anche necessario aggiungere qualcosa su v)

caso base:

!L) $vL=L=0$

$m=0$ e se $m+v \geq k$ allora $v=0$ altrimenti $v=k$ come richiesto

passo induttivo:

- i) $L \rightarrow \text{info1} == y$ vale PRE_ric e quindi se m ed m' sono il n. di nodi con $\text{info1} == y$ in L e $L \rightarrow \text{next}$ allora $m = m' + 1$ e quindi $v++$ causa il fatto che l'invocazione ricorsiva calcola $vv+m = vv+1+m'$ quindi la POST_ric ci dice che
 - a) se $vv+m < k$ allora $v=k$ e $L \rightarrow \text{next} = vL \rightarrow \text{next}$ e $T=0$.
➔ F1 restituisce T , lascia $L=vL$ e $v=k$
- ok con POST

b) se $v + m \geq k$ allora T è la lista degli ultimi $\min(m', k)$ nodi di $vL \rightarrow \text{next}$ con $\text{info1} = y$,
 $v = \min(m', k)$ $L \rightarrow \text{next}$ è $vL \rightarrow \text{next}$ a cui sono stati tolti i nodi in T ;

(A) $v < k \rightarrow$ F1 stacca il nodo L dalla lista e lo aggiunge a T , quindi L diventa vL meno $m = m' + 1$ nodi con $\text{info1} = y$ e questi nodi vengono restituiti col return nell'ordine giusto, v aumenta di 1 e diventa pari a m che è $\leq k$

(B) $v = k \rightarrow$ F1 lascia L ferma, restituisce T e lascia v com'è. Funziona sia che $T = 0$ sia che T contenga k nodi.

ii) $L \rightarrow \text{info1} \neq y$ allora il lavoro va fatto tutto su $L \rightarrow \text{next}$, L e v non cambiano

Funzione F2

PRE_F2= =(L è una lista corretta, y e v sono interi qualsiasi, mentre $k > 0$, $L = vL$, $v = vv$)

POST_F2=(se vL contiene m nodi con campo info=y, allora se $v + m < k$ allora F2 lascia $L = vL$, restituisce 0 e $v = 0$,

altrimenti,

-L è la lista ottenuta da vL togliendo da vL i primi $\max((k - vv), 0)$ nodi con campo info1=y,

-restituisce col return la lista dei nodi tolti da vL

-e $v = 1$

)

```
nodo* F2(nodo*&L, int y, int k, int & v)
```

```
{
```

```
  if(L
```

```
  {
```

```
    if(L->info1==y)
```

```
    {
```

```
      int n=v; v++;
```

```
      nodo* q=F2(L->next,y,k,v);
```

```
      if(n<k && v==1)
```

```
      {
```

```
        nodo*x=L;
```

```
        L=L->next;
```

```
        x->next=q;
```

```
        return x;
```

```
      }
```

```
    else
```

```
      return q;
```

```
  }
```

```
  else
```

```
    return F2(L->next,y,k,v);
```

```
}
```

```
  else
```

```
  {
```

```
    if(v>=k)
```

```
      v=0;
```

```
    else
```

```
      v=1;
```

```
    return 0;
```

```
  }
```

```
}
```

caso base:

!L) $vL=L=0$ return 0

$m=0, v+m < k \Rightarrow v=0$

$v+m \geq k \Rightarrow v=1$

\Rightarrow POST

passo induttivo:

- i) $L \rightarrow \text{info1} == y$ vale PRE_ric e quindi se m ed m' sono il n. di nodi con $\text{info1} == y$ in L e $L \rightarrow \text{next}$ allora $m = m' + 1$ e quindi $v++$ causa il fatto che l'invocazione ricorsiva calcola $vv + m = vv + 1 + m'$ quindi la POST_ric ci dice che
 - a) se $vv + m < k$ allora $v = 0$ e $L \rightarrow \text{next} = vL \rightarrow \text{next}$ e $q = 0$.
- ➔ F2 restituisce q , lascia $L = vL$ e $v = 0$
- ok con POST

b) se $vv+m \leq k$ allora q è la lista dei primi $\max((k-vv-1), 0)$ nodi di $vL \rightarrow \text{next}$ con $\text{info1}=y$, $v=1$, e $L \rightarrow \text{next}$ è $vL \rightarrow \text{next}$ a cui sono stati tolti i nodi in q ;

(A) $v=1$ e $vv < k \rightarrow$ F2 stacca il nodo L dalla lista e lo aggiunge a q , quindi L diventa vL meno i primi $\max((k-vv), 0)$ nodi con $\text{info1}=y$ e questi nodi vengono restituiti col return nell'ordine giusto, v resta 1

(B) $v=1$ e $vv \geq k \rightarrow$ F2 lascia L ferma, restituisce q e lascia v com'è. Funziona sia che $q=0$ sia che q contenga k nodi.

(ii) facile