

# 11月15号的题解：

## 期望得分：

题目：	期望	实际
Reverse	100 =v=	100 =v=
Silhouette	16	16
Seat	8	8
Ancient	nan	nan
总分	124	124

## T1:

普通的bfs是平凡的（然而可以直接卡过去），但可能会被卡满 $Nk$ ，原因是每个位置必须扩展满 $n$ 次。

考虑减少枚举次数，如果能在一个点被访问之后直接弹出它就好了，这就是set做的事情。

进一步考虑题目的性质，发现：

1. 一个点所扩展的点的奇偶性是确定的，
2. 它能够扩展的点也是在一段区间里的数。
3. 一个点只会被扩展一次。所以进一步启发我们使用set作为动态数组。

那么做法已经很明显了。分别用两个set记录未被访问的奇数和偶数，每次取出可被修改的数，更新并弹出set即可。

```
1  #include<bits/stdc++.h>
2  using namespace std;
3  #define R(i) for(int i=1; i<=n; ++i)
4  #define Rep(i,x,y) for(int i=x;i<=y;++i)
5  #define pii pair<int, int>
6  #define mp make_pair
7  #define Rg(i,x,y,G) for(int
    i=G.head[x],y=G.e[i].to;i;i=G.nex[i],y=G.e[i].to)
8  const int N=1e5+10;
9  int n,k,m,s;
10 int a[N], c[N], f[N];
11 void prt(int x) {
12     if(x<0) {putchar('-'); x=-x;}
13     if(x<10) {putchar(x^'0'); return;}
14     prt(x/10), putchar((x%10)^'0');
15 }
16 bool jud(int z, int k) {
17     if(k&1) return (z-k/2>=1)&&(z+k/2<=n);
18     else return (z-k/2+1>=1)&&(z+k/2<=n);
19 }
20 set<int> s[2];
21 typedef set<int>::iterator sit;
```



```

22 int main() { int x,y,z,tot=1,l,r,h,L,R;
23 freopen("reverse.in", "r", stdin);
24 freopen("reverse.out", "w", stdout);
25     memset(f, -1, sizeof f);
26     scanf("%d%d%d%d",&n,&k,&m,&s); h=(k&1);
27     Rep(i,1,m) scanf("%d",a+i), c[a[i]]=1,++tot;
28     queue<int> q;
29     q.push(s); f[s]=0;
30     R(i) if(!c[i]&&s!=i) S[i&1].insert(i);
31     while(q.size()) {
32         x=q.front(); q.pop();
33         L=max(1,x-k+1); R=min(n,x+k-1);
34         if(S[(x&1)^h].size()==0) continue;
35         l=max(1, L+(L+k-1-x)), r=min(n, R-(x-(R-k+1)));
36         sit i=S[(x&1)^h].lower_bound(l);
37         for(sit j=i;l<=*i&&*i<=r&&i!=S[(x&1)^h].end();i=j) {
38             j=i; ++j;
39             q.push(*i); f[*i]=f[x]+1;
40             S[(x&1)^h].erase(i);
41         }
42     }
43     R(i) prt(f[i]), putchar(' ');
44     return 0;
45 }
46

```

## T2

先转化题意为：a, b 数组是每行每列的最大值。

由于限制值不同，非常难以处理，考虑先归化成相同限制值：

把 a, b 以降序排序，并把每一个值丢进值域数组D中

枚举  $D[i]$  每次取出等于  $D[i]$  的行列：

第一次取出时，他们组成一个矩形，现在考虑这些点的方案数：即a行b列限制都为s的方案

考虑容斥，用  $f(i)$  表示：

至少 i 行不存在等于 w 的数，且每一列都有等于 w 的数的方案数。（取值范围为  $0 \sim w$ ）

那么

$$f(i) = C_a^i \times ((w+1)^{a-i} - w^{a-i}) \times (w^i)^b$$

- 解释一下：C 是指 a 行中选择 i 行不满足条件。
  - 而对于每一列来说：
    - $((w+1)^{a-i} - w^{a-i})$  表示所有可能情况减去没有出现w的情况，即这一列至少出现一个 w。
    - $(w^i)$  表示有 i 行只出现  $0 \sim w-1$ ，没有w的情况。
  - 最后 b 次方表示一共 b 列。



```

1  #include<bits/stdc++.h>
2  using namespace std;
3  #define R(i) for(int i=1; i<=n; ++i)
4  #define Rep(i,x,y) for(int i=x;i<=y;++i)
5  #define pii pair<int, int>
6  #define mp make_pair
7  #define Rg(i,x,y,G) for(int
8  i=G.head[x],y=G.e[i].to;i=G.nex[i],y=G.e[i].to)
9  #define int long long
10 const int N=4e5+10,p=1e9+7;
11 int n, t;
12 int a[N],b[N],d[N];
13 int fc[N], rf[N];
14 int fx(int x) { return (x%p+p)%p; }
15 int qpow(int a, int n=p-2) {
16     int c=1; n=(n%(p-1)+(p-1))%(p-1);
17     while(n) {
18         if(n&1) c=(1ll*c*a%p);
19         a=1ll*a*a%p;
20         n>>=1;
21     } return c;
22 }
23 bool cmp(int a, int b) { return a>b; }
24 int cal(int la,int lb,int a,int b,int w) {
25     int res=0;
26     for(int i=0; i<=a; ++i) {
27         int ret=1;
28         ret=1ll*ret*qpow(fx(qpow(w+1, la+a-i)-qpow(w,la+a-i)), b)%p;
29         ret=1ll*ret*qpow(w+1, 1ll*(a-i)*lb)%p*qpow(w, 1ll*i*(lb+b))%p;
30         ret=1ll*ret*rf[a-i]%p*rf[i]%p;
31         if(i&1) res=fx(res-ret); else res=(res+ret)%p;
32     } res=1ll*res*fc[a]%p;
33     return res;
34 }
35 signed main() {
36     freopen("silhouette.in","r",stdin);
37     freopen("silhouette.out","w",stdout);
38     fc[0]=1; Rep(i,1,N-1) fc[i]=1ll*fc[i-1]*i%p;
39     rf[N-1]=qpow(fc[N-1]); for(int i=N-2;i>=0;--i) rf[i]=1ll*rf[i+1]*
40     (i+1)%p;
41     scanf("%lld", &n);
42     R(i) scanf("%lld",a+i),d[++t]=a[i];
43     R(i) scanf("%lld",b+i),d[++t]=b[i];
44     sort(a+1,a+1+n,cmp);
45     sort(b+1,b+1+n,cmp);
46     sort(d+1,d+1+t,cmp);
47     int la=0, lb=0, ans=1;
48     for(int i=1;i<=t;++i) { int ra=la, rb=lb;
49         while(d[i]==a[ra+1]&&ra<n) ++ra;
50         while(d[i]==b[rb+1]&&rb<n) ++rb;
51         ans=(1ll*ans*cal(la,lb,ra-la,rb-lb,d[i]))%p;
52         if(ans==0) break;
53         la=ra, lb=rb;
54     }
55     printf("%lld", ans);
56     return 0;
57 }

```



## T4

引理：

1.

$$a^x \equiv a^{x \bmod p-1} \pmod{p}$$

2.

$$Ans = G^{\sum_{d|n} C_n^{m/d}} \bmod p$$

3.

若

$$x \equiv a_1 \pmod{b_1}$$

$$x \equiv a_2 \pmod{b_2}$$

$$x \equiv a_3 \pmod{b_3}$$

$$x \equiv a_4 \pmod{b_4}$$

$$\text{且 } b_1 \times b_2 \times b_3 \times b_4 = p$$

那么根据 `exCRT`，可以求出  $a$  在  $\bmod p$  意义下的值。

观察题目，发现  $p-1$  不是质数，那么我们不能直接统计幂次，

考虑分解质因数： $p-1 = 2*3*4679*35617$

根据上述引理，可以发现可以分别统计在模每一个质因数意义下的幂次和，最后普通 `crt` 合并即可。

```

1  #include<bits/stdc++.h>
2  using namespace std;
3  #define int long long
4  #define R(i) for(int i=1; i<=n; ++i)
5  #define Rep(i,x,y) for(int i=x;i<=y;++i)
6  #define pii pair<int, int>
7  #define mp make_pair
8  #define Rg(i,x,y,G) for(int
   i=G.head[x],y=G.e[i].to;i=i.G.nex[i],y=G.e[i].to)
9  const int p=999911658;
10 int n,G,fc[50010],a[5],b[5]={0,2,3,4679,35617},val;
11 int qpow(int a, int n, int p) { int ret=1;
12     for(;n>=>=1,a=1ll*a*a%p)
13         ret=ret*(n&1 ? a:1)%p;
14     return ret;
15 }
16 int rev(int a, int p) { return qpow(a,p-2,p); }
17 void init(int p) {
18     fc[0]=1; Rep(i,1,p) fc[i]=fc[i-1]*i%p;
19 }
20 int C(int n,int m,int p) {
21     if(n<m) return 0;

```



```

22     return fc[n] * rev(fc[m],p)%p * rev(fc[n-m],p)%p;
23 }
24 int luc(int n,int m,int p) {
25     if(n<m) return 0;
26     if(!n) return 1;
27     return C(n%p, m%p, p) * luc(n/p, m/p, p)%p;
28 }
29 int crt() { int c=0;
30     Rep(i,1,4) c=(c+ a[i]*(p/b[i]))%p*rev(p/b[i],b[i])%p)%p;
31     return c;
32 }
33 signed main() {
34     freopen("ancient.in","r",stdin);
35     freopen("ancient.out","w",stdout);
36     scanf("%lld%lld",&n,&G);
37     if(G%(p+1)==0) return 0&printf("0\n");
38
39     Rep(k,1,4) { init(b[k]);
40         for(int i=1;i*i<=n;++i) {
41             if(n%i==0) {
42                 a[k]=(a[k]+luc(n,i,b[k]))%b[k];
43                 if(i*i!=n) {
44                     a[k]=(a[k]+luc(n,n/i,b[k]))%b[k];
45                 }
46             }
47         }
48     }
49     printf("%lld", qpow(G,crt(),p+1));
50     return 0;
51 }
52
53

```

总结：

1. 记住以往的技巧。
2. 交代清楚自己的作息。
3. 全力以赴。

以前最喜欢的壁纸：



















