

2022.11.15

题号	期望分数	实际分数	误差
reverse	45	35	-10
silhouette	0	8	+8
seat	25	5	-20
ancient	40	10	-30

依旧拉的一批

T1

考场上打了一个寄搜，大样例跑了11s还是错误答案，但是小样例都过了，就错认为是数据范围打了导致寄搜出现意外，没想到其实是思路有亿点小问题(指没有考虑到会换到外面去)

正解

有几样东西是肯定的， s 的答案是1，被限制的点的答案是-1；接下来就可以从 s 出发跑宽搜，观察一下翻转的性质，发现当前点要换到其他地方，只能换到和它距离奇数的点上，再考虑每次的左右边界，分别是 $u - k + 1$ 和 $u + k - 1$ ，但是直接这样会寄掉，要考虑到会不会换到外面去，所以还要再把区间给它锁死，理论上来说，需要用set优化才能到 $O(n \log n)$ 的效率，但是数据比较水，手写队列也能过（STL过不了）（用STL卡常都过不了，还因为写了错误的快写de了很久）

```
#include<bits/stdc++.h>

using namespace std;
typedef long long ll;
ll re(){
    ll s=0,w=1;char c=getchar();
    while(!isdigit(c)){if(c=='-')w=-w;c=getchar();}
    while(isdigit(c)){s=(s<<1)+(s<<3)+(c^48);c=getchar();}
    return s*w;
}
inline int Max(int x,int y){return x>y?x:y;}
inline int Min(int x,int y){return x<y?x:y;}
const int D=1e5+114;
int n,s,k,m,dis[D];
bool dog[D];
int inf;
int q[D];
inline void bfs(){
    int l=1,r=0;
    q[++r]=s;
    while(l<=r){
        int u=q[l++];
        for(register int i=Max(u-k+1,k-u+1);i<=Min(u+k-1,(n*2)-k-u+1);i+=2){
            if(!dog[i]){
                dog[i]=1;
                dis[i]=dis[u]+1;
                q[++r]=i;
            }
        }
    }
}
```

```

        }
    }
}

int main()
{
    n=re(); k=re(); m=re(); s=re();
    inf=0x3f3f3f3f;
    fill(dis+1, dis+1+n, inf);
    dis[s]=0; dog[s]=1;
    for(register int i=1; i<=m; i++){
        int a=re();
        dog[a]=1; dis[a]=-1;
    }
    bfs();
    for(register int i=1; i<=n; i++){
        if(!dog[i])dis[i]=-1;
        printf("%d ", dis[i]);
    }
}

return 0;
}

```

T2

非常离谱的一道，考场上想了一个多小时也没想到暴力的思路，后来看题解也看不懂（**题解写的和雪一样）找好几个人问了之后才切掉（指用一晚上问题.jpg

分析

首先考虑更简单的去计算情况数，如果是一开始那样乱序的 A, B ，将对青少年产生不可估量的影响，会非常难去统计，因为不管 A, B 的顺序如何，对对方产生的影响都是不变的，所以我们可以将其排一手序，（我是从大到小，从小到大也可以，但是下面推式子得反着来）

在排序之后，我们用一个 $a \times b$ (a 是 A 的个数， b 同理) 的矩形 Z 存下当前每个点， $Z_{i,j}$ 表示 A 中第 i 行， B 中第 j 列交叉之后可以取到的最大值（因为我们已经排过序，所以 Z 中每一个值相同的区间，要么构成一个L型，要么构成一个矩形，先想如何处理一个矩形的情况

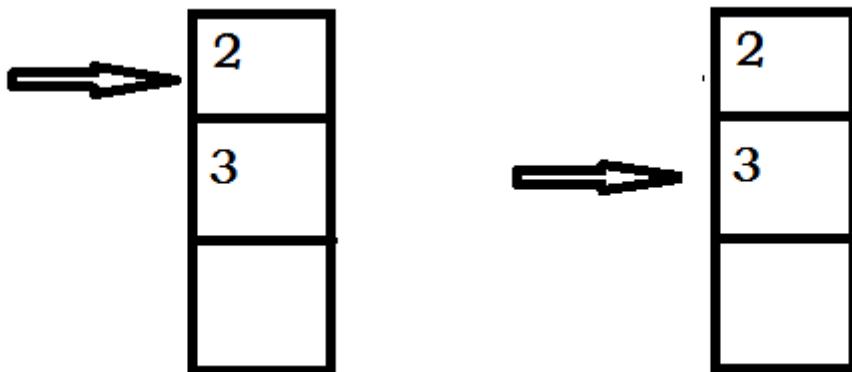
我们考虑让每一列都符合情况，设当前 a 行 b 列，设有至少 i 行不符合情况，当前区间最大值为 w ，此时我们的方案总数就是：

$$f(i) = C_a^i \times [w^i \times ((w+1)^{a-i} - w^{a-i})]^b$$

然后是L型，设上一次的边界为 la 和 lb ，当前扩展出的区间的长宽为 a 和 b ，则方案总数（画个图推一下就有了）为：

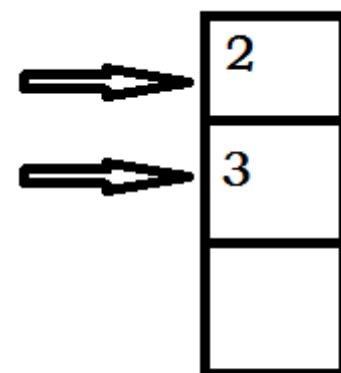
$$f(i) = C_a^i \times ([(w+1)^{la+a-i} - w^{la+a-i}]^b \times [(w+1)^{(a-i)^{lb}} \times w^{ib+b}])$$

一般的思考而言，很容易觉得 $f(0) - f(1)$ 就是最后答案（剩下的为正确），但是！还要想到 $f(1)$ 中可能出现重复的情况被减去，则答案会变少，举个栗子：



设当前有3行，钦定至少1行不满足，上界为4，如图是两种会被计算到最后 $f(1)$ 中的情况，但是两种重

合了，减去的时候也会多减，这时候我们就需要多加上一种：



而这种情况在 $f(2)$ 中出现，且 $f(2)$ 中也会有类似多加的情况，所以到 $f(3)$ 时我们又需要减去，所以需要考虑一个容斥，那么要计算的值就是：

$$\sum_{i=0}^a (-1)^i \times f(i)$$

接下来计算就可以了

```
#include<bits/stdc++.h>

using namespace std;
typedef long long ll;
ll re(){
    ll s=0,w=1;char c=getchar();
    while(!isdigit(c)){if(c=='-')w=-w;c=getchar();}
    while(isdigit(c)){s=(s<<1)+(s<<3)+(c^48);c=getchar();}
    return s*w;
}
const ll mod=1e9+7;
const int D=5e6+114;
ll qp(ll a,ll b){
    ll res=1;
    while(b){
        if(b&1)res=(res*a)%mod;
        a=(a*a)%mod;b>>=1;
    }
    return (res+mod)%mod;
}
```

```

}
int n,cnt;
ll A[D],B[D],C[D<<1];
ll jc[D],inv[D];
void pre(){
    jc[0]=jc[1]=1;inv[0]=inv[1]=1;
    for(int i=2;i<=n;i++){
        jc[i]=(jc[i-1]*i)%mod;
    }
    inv[n]=qp(jc[n],mod-2);
    for(int i=n;i>=0;i--)inv[i-1]=inv[i]*i%mod;
    sort(A+1,A+n+1,greater<int>());
    sort(B+1,B+n+1,greater<int>());
    sort(C+1,C+cnt+1,greater<int>());
    cnt=unique(C+1,C+cnt+1)-C-1;
}
ll calc(int a,int b,int la,int lb,ll w){
    ll res=0,dog;
    for(int i=0;i<=a;i++){
        dog=1;
        dog=(dog*qp(qp(w+111,111*(la+a-i))-qp(w,111*(la+a-i)),111*b))%mod;
        dog=(dog*qp(w+111,111*lb*111*(a-i))%mod*qp(w,111*(lb+b)*i))%mod;
        dog=(dog*inv[a-i]%mod*inv[i])%mod;
        if(i&1)res=(res-dog+mod)%mod;
        else res=(res+dog+mod)%mod;
    }
    return res*jc[a]%mod;
}

int main()
{
    n=re();
    for(int i=1;i<=n;i++) {A[i]=re();C[+cnt]=A[i];}
    for(int i=1;i<=n;i++) {B[i]=re();C[+cnt]=B[i];}
    pre();
    ll ans=1;
    int la=0,lb=0,ra,rb;
    for(int i=1;i<=cnt;i++){
        ra=la;rb=lb;
        while(ra<n&&C[i]==A[ra+1])ra++;
        while(rb<n&&C[i]==B[rb+1])rb++;
        ans=(ans*calc(ra-la,rb-lb,la,lb,C[i]))%mod;
        if(ans==0)break;
        la=ra;lb=rb;
    }
    ans=(ans+mod)%mod;
    printf("%lld\n",ans);
    return 0;
}

```

T3

首先考虑了n=1和n=2的情况，然后看到有 $2^n - 1$ 的特殊情况，写了个特判去摸分（因为每次区间都是奇数长度，可以找出每次可能出现在哪些位置上），但是不知道那里写错了(✿)

只有聪明人才能看懂的正解

桤? 栢? 惠旨癡兜(H山癡9?劫 H泮H壻枳? 脉H罄H山癡頰爛鑱d 噩H罄H山癡餒爛鑱d ?H罄H山癡頰爛鑱d

?H餽H屹醉擣?d ?H餽H屹驢擣?

祕E?E |-媯?E | %媯饗M媯 ??媯鈔M媯(??? ?? H頇O]肱H爻H岌O?EH媯H墻 ,E鳶黎 擣H?f? 衫H頇O]

肱H爻H岌O]肱H屹擣D墻 H屹餕擣H?? 泄d H?/? 祕E? 媖拎擣玲)玢?ழE ?香?防i? 香?防拎A壚A拎A)績壚?

香?防?羹擣H頇O]肱H爻塔H墻L墻 ?]肱H爻H岌O]肱H墻L墻

蠟壚H媯H時H媯鷄?? H擣H芥? H咿t邇8/u賈H牆H墻 @?L9頑捲 ? H= ?u虾 芮 L媯 H墻

? 傻8 ? 1译活媯 A婺H= ? H峩H墦 @?@埜 ?? M妹D峯H墻桠? L媯D峯H墻桺? 祖? H媯 H?

紛 L?晦 ?€ H壚H峩H牆H墻 @?L9頑捲 勅 H= ?u虾 芮 L媯 H墻 ? 傻8 ? 1译 ? 門? I妹?

9齒? H媯?:區? M媯L煌H?鯽 ? L媒H媯I媯H?榜刂 H?撻 H墻鑽? I償 tD峯H墻M峩?4 ? H墻桺? M姓D

峯H墻桺? H咷勘? I峩D峯H墻桺3 櫃? @ 莽0 棟? I妹?7吁? M妹I姪H?€zc? A?1? H壚L?O? ? L妹L

多榜桺捲8製

A?勇 D峯H墻鑽3 L媯H?麋 ? I妹H? H墻榜刪 ? H墻L多榜酮 H媯D峯H墻L妹?3 H媯?1咷? H妹儀咷?

H妹€8>咷? ? H墻撻? 檻?媯0 吳t茉頇H\A]A^A胞?I趁變H訛鑽L**墻 肱L?I趁變H訛柰L**墻 横H媯** (H
蒼** (變M妹H訛?? @ 錄H壚(H姪ujH? L?_ ?H壚H趁勘 ?

H墻?H I生I擣? H墻?? H墻H咷勘T?? 1箇? f? H墻D媒(D媯8媒@嬪P楮 H媯€:I刪 H墻D墻(D塙8墻
@勘PH婦

(琚 L婦

8H咷勾? 媯8;S<嶠? L媯OLc蘂?K?莫S8??

H墻?? H墻?? 提<r勅 <p?? H廷H塊H墻桺E E1藐墻簾 H墻桺? I墻鑽? H墻桺? 趁玄? 勘T1箇眞

H墻?? H墻桺? €yp咷? H屹H墨€yT齒 H廷1積塊要(;K,咧 Hc累1糸?Hk?塊(HC H咿勘? ? 坤I墻桺?

趁涙?? 廉 1葷?涙 涙十 H?第 H貢鐵1 咿? €} n? 褒<at<w? 舊 H墻桺= H墻H墻鑽? H

媯I壞?<E勅 <p剖 <i哈? €zI咷? H墻緩D I擣M乃? H墻級? I峩I擣? H墻鑽? I生I擣? H墻鑽? H墻闡?

1榜?區 H帶叢 H墻鑽= I生I擣? H墻?? H墻?? H趁H?香 H?妹岑CPH貢鑽0 咿刂 H趁妹涙剖 幀 涙

咷? H趁H? €xc刂 H墻桺C I壞H?E H貢?0 咿刂 H?/H H貢?0 咿tH?H H貢槧/ 咿叟 H墻緩 H趁H媯8I

咷 I貢M乃? H墻鑽? I生I擣? H墻鑽? H墻極? H趁H?mD H?妹岑CPH芥?/ 咿勅 H趁妹涙剗 涙劫 涙u矣?/D

H芥桔. 咿剗 €?n+ト 禎<at<w匿 舊 H墻鑽; H墻H餽杳? H媯I壞?<E勅 <p勅 <i? €zI? H

墻?B I擣M乃? H墻?? I夬I擣? H墻桺? I生I擣? H墻桺? I墻爾? H廷H塊H墻?? H墻H墻桺 H趁H媯

€8I? I貢I生? H墻锯? H墻闡? H墻鑽? H墻鑽? H墻鑽? H墻鑽? H趁涙九**? 嘉1 涙?? H趁**H? €xc

劫H墻桺@ I壞H?PB H芥?- 咿勝H?#E H芥?- 咿tH?E H芥桺**, 咿翁H**墻刪H餽H趁€8I**削I芥M乃? H墻
鑽?

I生I擣? H墻鑽? I墻鑽? 咿?? I生E1珊4 H墻?? I墻闡? ?<mt<p ++ :G匿? H趁**€8划 H墻桺? ? I墻

墻H墻桺? ?? H墻桺? H墻H墻桺? H墻I壞壁? ?? H墻?? 闕? H墻桺 I峩I擣? H墻鑽? I擣樾? ? 岭

毓?v岑c<嚮? H墻桺? I壞綱? 叡 H墻鑽8 H墻樾? H廷H塊H墻緩? H墻H墻鑽 H趁H趁€8I勅 I芥I生?

H墻?? I墻闡? H墻鑽? H墻闡? H墻鑽? 桺? H墻桺> H墻閉? 叡

婿

婿壘 壩械

嫵

las_a=a,las_b=b;

}

printf("%lld\n",F_ans%MOD);

return 0;

}

@?L9頑捲 刑 H= ?u虾 茵 L嫵 H壻 ? 傻8 ? 1译狹妹H媚M印tD峯H壻杌? H嫵 H= 劑 H
嵒H播 I性?{D峯茵 {H壻鐸? H嫵 H= 凜 H嵒H播 ?}茵 }閨? M妹M印tD峯H壻鑑? H當 困? H嫵
H偹? 噥 H?霸 L?姨? H姓H纏H入H壻 D?L9鱉塙 ? H
? I9@荔 D峯H壻鑑? H媚 H偹? H峯H塙 ? 茵 f當 匂 H?駕 H?餐 ?H壻H勉H纏H塙 @?H9頑捲 ??
H= ?u虾 茵 L嫵 H壻 ? 傻8 ? 1译活?瀾 H壻?? 轳? H壻蒼 鐮? H嫵D峯H壻L妹?? 筋 H
壻?? 锔? 偕叶? H姪€9>叡? ? H壻?? H嫵H妹H?H嫵
莽0 M妹D峯H壻鑑 ?? I姪?屢? I媧?)LD症y? L嫵D峯H壻? H?j H壻飽? ?? 級 軛? 1? 豪? H姪驅?
M峯D峯H壻杪 M峯D峯H壻? 械? 壢X 莽0 桃? H妹? <0t^<1?? H?j i H壻?? 闇? L9鍊? 幺 偕
喊 痞H壻L爻鑑**? 屬? ? H壻鑑? L嫵懈? H?!i H壻杪? ?? AUATUWVSH发** (A? 杈涙wKL?k L壻壻H壻*
lc**兩采酸媧 H= 勦H嵒H**播? 杖茵 L嫵H壻H題([A\A]榄? H媧 H? L? ?fD H壻H勉H纏H塙
D?L9頓塙 勸 H= D?u魏 茵 L嫵 H壻 ? 傻8 ? 1译 > 慈妹閑 € H媧 H?舜 H?郵 ?f? H壻
H勉H纏H塙 @?H9頑捲 割 H= ?u虾 茵 L嫵 H壻 ? 傻8 ? 1译? H媧 H?駕 H?羈 ?f? H壻H勉H纏
H塙 @?H9頑捲 割 H= ?u虾 茵 L嫵 H壻 ? 傻8 ? 1译? H媧 H偹 劍 H峯H塙 ? 茵
H= ? H嵒H播 ?&茵 &@ H題([A\A]) H媧 H偹 劍 H峯H塙 ? 茵 H?鰻 H?駁 ?fD H壻H勉H纏
H塙 @?H9頑捲 t巕= ?u雍 茵 L嫵 H壻 ? 傻8 ? 1译?€ 霽匡 H媧 H= 憂 H嵒H播 ?
*茵 ? f? H**媧槩? @ H媧? @ H**媧 H?g H?g ?f? H壻H勉H纏H**塙 @?H9**頑捲 劍**? H= ?u
虾茵 L**嫵H**壻? 傻8 ? 1译? H媧 H? H?**| ?f? H壻H勉H纏H**塙 @?H9**頑捲 ?? H= ?u**虾
茵 L**嫵H**壻? 傻8 ? 1译? €? (t)H媧 H= 勦H嵒H**播? 茵 L嫵 杖H?**黽H?駁柳? H**嫵? f?
H壻H勉H纏H**塙 @?H9**頑捲 亂? H= ?u虾茵 L**嫵H**壻? 傻8 ? 1译? L嫵 杖H?**黽H?駁柳? H嫵 H=
劍H嵒H**播?)*茵)慄? @ ? 茵 L**嫵H**壻? 傻8 ? 1萬? 茵 L**媧? 傻8 ? 1萬**? ? 茵 L
媧? 傻8 ? 1议**1? ? 茵 L**嫵H**壻? 傻8 ? 1萬**/ ? 茵 L**媧? 傻8 ? 1议**6? ? 茵 L**媧
? 傻8 ? 1萬**? ? 茵 L**媧? 傻8 ? 1萬噶fd AWAVAUATUWVSH发HM印H壻L壻D壻u]**雅娟印
uLL娟?A? u嵒鑑?v9H要涙)**蔴 L**纏H**壻t>**涙S涙th變H訛鑑? L壻 H?H弦t

Code

瑙 H峯蠻壻?} 闇 H壻H峯蠻壻鑑 ?H壻H峯蠻壻?} H峯懶壻鑑 ?H壻H峯蠻壻根 | H壻H壻棹 H壻H峯蠻壻? ?

T4 古代猪文

暴力思路很明显，盯着题目看一会儿就知道了直接计算 $q^{\sum_{d|n} C_n^d}$

理论上来说能拿40pts，但因为正解是对幂次进行了降低，所以会寄(

~~不好评价~~

分析

很上流的数学题，反正不看题解我不会

因为 $q=999911659$ 为质数，由欧拉定理的推论得：

$$q^{\sum_{d|n} C_n^d} \equiv q^{\sum_{d|n} C_n^d} \pmod{999911658} \quad (\pmod{999911659})$$

对999911658分解质因数， $999911658 = 2 \times 3 \times 4679 \times 35617$ ，发现它每一个质因子的指数都是1，那么我们可以枚举n的约数d，然后用Lucas定理求组合数 C_n^d ，然后分别计算出它们对四个质因子取模的结果，记录为 a_1, a_2, a_3, a_4 ，为了方便计算，可以先处理出每个质因子 p_i 以内所有阶乘和其取模 p_i 的乘法逆元（必须每个质因子单独处理，因为取模的数不一样可能导致结果不同）

最后用中国剩余定理求解线性同余方程组

$$\begin{aligned}
 x \mod 2 &= a_1 \\
 x \mod 3 &= a_2 \\
 x \mod 4679 &= a_3 \\
 x \mod 35617 &= a_4
 \end{aligned}$$

```

#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long ll;
ll re(){
    ll s=0,w=1;char c=getchar();
    while(!isdigit(c)){if(c=='-')w=-w;c=getchar();}
    while(isdigit(c)){s=(s<<1)+(s<<3)+(c^48);c=getchar();}
    return s*w;
}
const int D=4e4;
const ll mod=999911659;
const ll ys[5]={2,3,4679,35617};
ll n,g;
ll ans,a[5];
ll jc[D],inv[D];
ll qp(ll a,ll b,ll p){
    ll res=1;
    while(b){
        if(b&1)res=(res*a)%p;
        a=(a*a)%p;b>>=1;
    }
    return res;
}
void pre(int lim){
    jc[0]=jc[1]=1;
    for(int i=2;i<=lim;i++){
        jc[i]=(jc[i-1]*i)%lim;
    }
}
ll C(ll x,ll y,ll p){
    if(x<y)return 0;
    return (jc[x]*qp(jc[y]*jc[x-y],p-2,p))%p;
}
ll Lucas(ll x,ll y,ll p){
    if(x==0)return 1;
    if(x<y) return 0;
    return Lucas(x/p,y/p,p)*C(x%p,y%p,p)%p;
}
void crt(){
    ll dog=mod-1;
    for(int i=0;i<4;i++){
        ans=(ans+a[i]*(dog/ys[i]))%dog*qp((dog/ys[i]),ys[i]-2,ys[i])%dog;
    }
}

int main()
{
    n=re();g=re();
    if(n==mod){puts("0");return 0;}
    for(int i=0;i<4;i++){pre(ys[i]);
}

```

```

for(int j=1;j*j<=n;j++){
    if(n%j!=0)continue;
    a[i]=(a[i]+Lucas(n,j,ys[i]))%ys[i];
    if(j*j!=n)a[i]=(a[i]+Lucas(n,n/j,ys[i]))%ys[i];
}
crt();
ans=qp(g,ans,mod);
printf("%lld\n",ans);
return 0;
}

```

引理一：欧拉定理推论

若正整数a,n互质，则对于任意正整数b，有 $a^b \equiv a^{b \mod f_i(n)} \pmod n$

引理二：Lucas定理

如果p是质数，则对于任意整数 $1 \leq m \leq n$ ，有：

$$C_n^m \equiv C_n^{m \mod p} \times C_{n/p}^{m/p} \pmod p$$

就是把n和m表示成p进制数，对p进制下的每一位分别计算组合数，最后再乘起来

引理三：中国剩余定理

设 $m_1, m_2, m_3 \dots m_n$ 是两两互质的整数， $m = \prod_{i=1}^n m_i$, $M = m/m_i$, t_i 是线性同余方程 $M_i t_i \equiv 1 \pmod{m_i}$ 的一个解，对于任意n个整数 $a_1, a_2, a_3 \dots a_n$ ，方程组：

$$x \equiv a_1 \pmod{m_1}$$

$$x \equiv a_2 \pmod{m_2}$$

...

$$x \equiv a_n \pmod{m_n}$$

有整数解，解为 $x = \sum_{i=1}^n a_i M_i t_i$

总·总结

感觉面对难题，实力还是非常贫弱，有巨大的提升空间，同时基础也不是很牢靠

而且像数学板块的知识，还不能熟练的组合运用，超级短板DA♥ZE