# Задание практикума: Параллельная реализация решения уравнения теплопроводности на плоскости

Сальников А.Н.

#### 1 Общее описание

Требуется написать параллельную программу с применением технологий MPI и OpenMP, которая позволяет решать задачу Коши[1] для уравнения теплопроводности в двумерной прямоугольной области. ( Описанно формулами (1).)

$$\begin{cases} \frac{\partial u(x,y,t)}{\partial t} = a^2 \left( \frac{\partial^2 u(x,y)}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 u(x,y)}{\partial y^2} \right) + heat(x,y,t) \\ u(x,y,t_0) = init(x,y) \\ u(x,y,t)|_{x,y \in G} = border(x,y,t) \end{cases}$$
(1)

Данная задача, заменяется разностной задачей на сетке (2).

$$\frac{u(x,y,t+\Delta t)-u(x,y,t)}{\Delta t} = 
= a^2 \left( \frac{u(x+\Delta x,y,t)-2 \cdot u(x,y,t)+u(x-\Delta x,y,t)}{2 \cdot \Delta x^2} + \frac{u(x,y+\Delta y,t)-2 \cdot u(x,y,t)+u(x,y-\Delta y,t)}{2 \cdot \Delta y^2} \right) + 
+ heat(x,y,t)$$
(2)

Предполагается, что область делится на набор равномерных отрезков по каждому изменению с шагами  $\Delta x$  и  $\Delta y$ . Мы знаем состояние в начальнй момент времени, задаётся функцией init(x,y), которую можно вычислить дискретно, тоесть задать начальное состояние системы матрицей. Нам известен закон поведения границы области во времени. Это означает, что в тот момент, когда мы будем подходить к границе в программе, для точек границы необходимо будет вызвать функцию border(x,y,t), внутри которой значение можно будет вычислить по некоторому непрерывному закону.

## 2 Параметры передаваемые программному коду

Для обеспечения моделирования распространения тепла программе необходимо передать следующие параметры.

- ullet шаг по измерению X собственно  $\Delta x$ .
- шаг по измерению Y собственно  $\Delta y$ .
- $\bullet$  шаг по времени собственно  $\Delta t$ .

- промежуток сброса в файл через какие промежутки времени в терминах времени модели, а не астрономического времени машины на которой проводится математическое моделирование, необходимо сбрасывать результаты в файл.
- файл с начальной матрицей начальное состояние системы.
- префикс имён файлов с результатами имя файла задаётся в формате префикс модельное время.
- **число потоков** Число OpenMP потоков, которое придётся на один узел кластера.
- функция для рабты с границей выбор функции для вычисления границы из некоторого списка.
- функция источников тепла выбор одного из вариантов для функции heat(x,y,t)

Все параметры можно поместить в специальный конфигурационный файл, а так же можно задать параметры по умолчанию. Если параметрв передаются не через конфигурационный файл, то весьма желательно, чтобы для их разбора была использована функция getopt или getoptlong.

#### 3 Список программ и файлов

Итак, необходимо написать:

- 1. последовательную программу
- 2. параллельную MPI программу, которая допускает запуск себя в режиме, когда есть только многопоточность и MPI не задействован.
- 3. набор файлов, в которых находятся реализации функций heat и border. (Предусмотреть возможность указания функций, которые обнуляют границу и не вносят дополнительного тепла). В идеале реализовать их подгрузку как .so/.dll объектов с использованием функции dlopen, но на Bluegene не будет работать.
- 4. Makefile, которым всё это компилируется и, возможно, запускаются тесты на вычислительном кластере.

### 4 Эксперименты и графики

Собственно построить те же графики, что и в предыдущих заданиях, однако здесь необходимо задействовать MPI-IO, и построить графики с учётом накладных расходов связанных с записью в файл.

## Список литературы

[1] Страничка в википедии про уравнение теплопроводности: https://en.wikipedia.org/wiki/Heat\_equation