



我们能看到的有限长的未来,但是面对无限多的问题。

We can only see a short distance ahead, but we can see plenty there that needs to be done.

—— 艾伦·图灵 (Alan Turing) | 英国计算机科学家、数学家,人工智能之父 | 1912 ~ 1954



- ◀ statsmodels.api.tsa.seasonal_decompose() 季节性调整
- ◀ numpy.random.uniform() 生成满足均匀分布的随机数
- ◀ df.ffill() 向前填充缺失值
- ◀ df.bfill() 向后填充缺失值
- ◀ df.interpolate() 插值法填充缺失值
- ✓ seaborn.boxplot() 绘制箱型图
- ◀ seaborn.lineplot() 绘制线图



6.1 时间序列数据

时间序列是一种特殊的数据类型,它是某一特征在不同时间点上顺序观察值得到的序列。时间戳 (timestamp) 可以精确到年份,月份,日期,甚至是小时、分、秒。

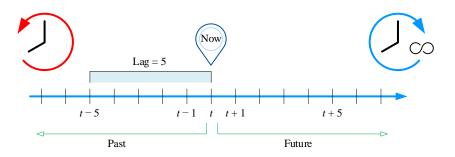


图 1. 时间轴

图 2 所示为 2020 年度中 9 支股票的每个营业日股价数据。图 2 中数据共有 253 行,每行代表一个日期及当日股价水平;共有 10 列,第 1 列为时间戳,其余 9 列每列为股价数据。除去时间戳一列和表头,图 2 可以看成一个矩阵。

| Date | TSLA | TSM | COST | NVDA | FB | AMZN | AAPL | NFLX | GOOGL |
|-------------|--------|--------|--------|--------|--------|---------|--------|--------|---------|
| 2-Jan-2020 | 86.05 | 58.26 | 281.10 | 239.51 | 209.78 | 1898.01 | 74.33 | 329.81 | 1368.68 |
| 3-Jan-2020 | 88.60 | 56.34 | 281.33 | 235.68 | 208.67 | 1874.97 | 73.61 | 325.90 | 1361.52 |
| 6-Jan-2020 | 90.31 | 55.69 | 281.41 | 236.67 | 212.60 | 1902.88 | 74.20 | 335.83 | 1397.81 |
| 7-Jan-2020 | 93.81 | 56.60 | 280.97 | 239.53 | 213.06 | 1906.86 | 73.85 | 330.75 | 1395.11 |
| 8-Jan-2020 | 98.43 | 57.01 | 284.19 | 239.98 | 215.22 | 1891.97 | 75.04 | 339.26 | 1405.04 |
| 9-Jan-2020 | 96.27 | 57.48 | 288.75 | 242.62 | 218.30 | 1901.05 | 76.63 | 335.66 | 1419.79 |
| | | | | | | | | | |
| 21-Dec-2020 | 649.86 | 104.44 | 364.25 | 533.29 | 272.79 | 3206.18 | 128.04 | 528.91 | 1734.56 |
| 22-Dec-2020 | 640.34 | 103.55 | 361.32 | 531.13 | 267.09 | 3206.52 | 131.68 | 527.33 | 1720.22 |
| 23-Dec-2020 | 645.98 | 103.37 | 361.18 | 520.37 | 268.11 | 3185.27 | 130.76 | 514.48 | 1728.23 |
| 24-Dec-2020 | 661.77 | 105.57 | 363.86 | 519.75 | 267.40 | 3172.69 | 131.77 | 513.97 | 1734.16 |
| 28-Dec-2020 | 663.69 | 105.75 | 370.33 | 516.00 | 277.00 | 3283.96 | 136.49 | 519.12 | 1773.96 |
| 29-Dec-2020 | 665.99 | 105.16 | 371.99 | 517.73 | 276.78 | 3322.00 | 134.67 | 530.87 | 1757.76 |
| 30-Dec-2020 | 694.78 | 108.49 | 373.71 | 525.83 | 271.87 | 3285.85 | 133.52 | 524.59 | 1736.25 |
| 31-Dec-2020 | 705.67 | 108.63 | 376.04 | 522.20 | 273.16 | 3256.93 | 132.49 | 540.73 | 1752.64 |
| | | | | | | | | | |

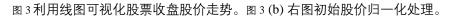
图 2. 股票收盘股价数据

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在B站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com



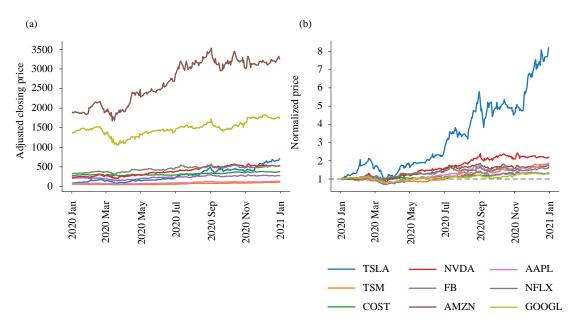


图 3. 股票收盘股价走势, 和初始值归一化, 时间序列数据

本书后续会用到收益率 (return) 这个概念。我们先介绍损益 (Profit and Loss, PnL) 这个概念。 如图 4 所示,只考虑收盘价 S 在 t 时刻和 t-1 时刻 (工作日) 的变动,通过如下公式计算出 t 时刻 的日损益:

$$PnL_{t} = S_{t} - S_{t-1} \tag{1}$$

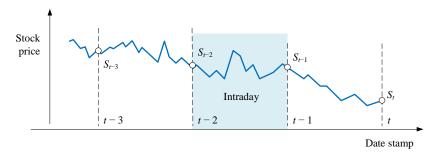


图 4. 某股票的价格变动

在不考虑分红 (dividend) 的条件下,单日简单回报率 (simple daily return) 可以这样计算:

$$r_{t} = \frac{S_{t} - S_{t-1}}{S_{t-1}} \tag{2}$$

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。 版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站-—生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

图 5 所示为只股票在不同年份的日收益率分布,利用高斯分布估计样本分布多数情况下似乎 是个不错的选择。图 6 所示为利用 KDE 估算得到概率密度。大家可以发现数据的统计量(均值、 方差、均方差、偏度、峰度) 随着时间变化。

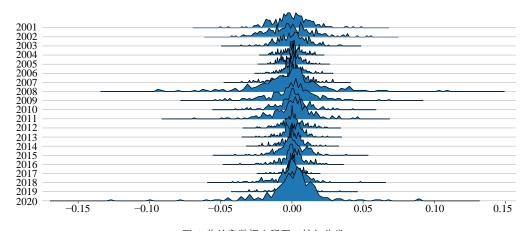


图 5. 收益率数据山脊图, 按年分类

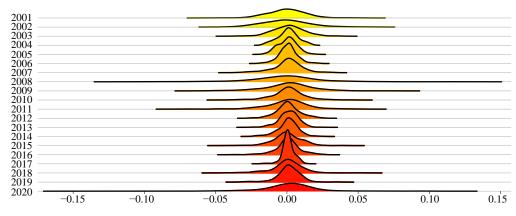


图 6. 收益率数据 KDE 山脊图, 按年分类

鸢尾花数据,我们可以打乱数据的先后排列。但是时间序列是一个顺序序列,数据的先后顺 序一般情况是不允许打乱的。有些情况,我们可以不考虑数据点的时间,比如图7所示回归分 析。

本书第10、11章将介绍线性回归模型。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。 版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套微课视频均发布在 B 站-

[—] 生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

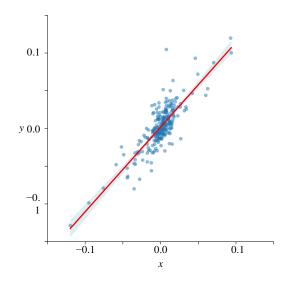
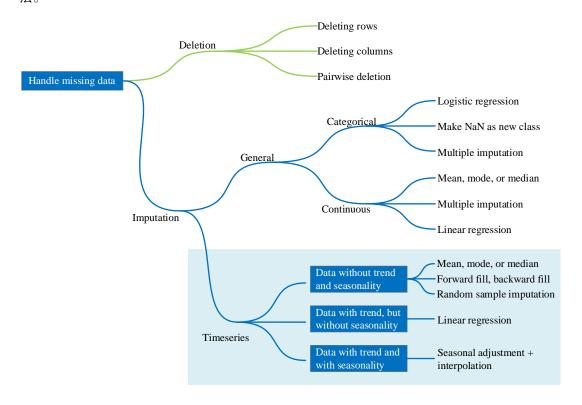


图 7. 线性 OLS 回归分析和散点图

6.2 处理时间序列缺失值

时间数据序列在分析建模之前,也需要注意数据中的缺失值和异常值处理。本书前文有专门 章节介绍如何处理缺失值和异常值。本节从时间序列角度加以补充缺失值处理。

前文强调,时间序列数据是顺序观察的数据;因此在处理缺失值时,有其特殊性。比如,时间序列出具可以采用均值、众数、中位数、插值等一般方法,也可以采用如向前、向后这种方法。



本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

图 8. 处理缺失值

图 9~图 11 所示为三种不同处理时间序列缺失值的基本方法。

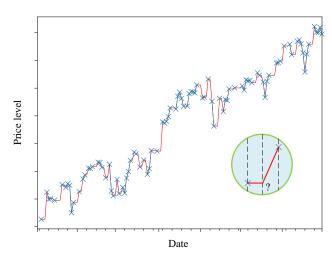


图 9. 向前插值填充缺失值

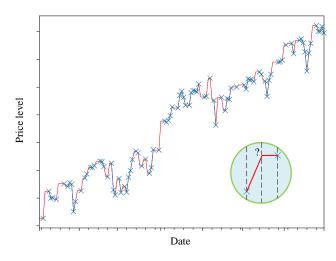
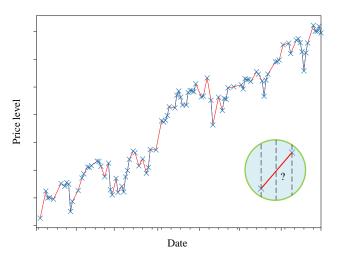


图 10. 向后插值填充缺失值



本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

成权归有平人字面版在所有,有勿向用,引用有压切面处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套徽课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

图 11. 线性插值填充缺失值



Bk6_Ch06_01.py 绘制图 9~图 11。

6.3 从时间数据中发现趋势

本节利用美国失业率数据介绍如何从时间数据中发现趋势。图 12 所示为失业率的原始数据。数据从 1950 年开始到 2021 年,每月有一个数据点。

观察图 12 这幅图,虽然存在"噪音",我们已经能够大致看到失业率的按照年份的大致走势。 下一章会介绍移动平均的方法来消除"噪音"。

观察图 12 的局部图中,我们还发现不同年份中一年内失业率存在某种特定的"模式"。也就是说,图中的"噪音"可能存在重要的价值!

图 13 所示为按月同比规律。与历史同时期比较,例如 2005 年 7 月份与 2004 年 7 月份相比称 其为同比。相比图 12,图 13 更容易发现失业率变化规律。

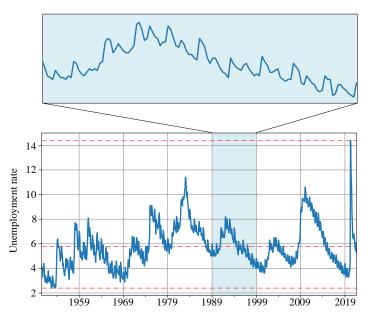


图 12. 原始失业率数据和局部放大图

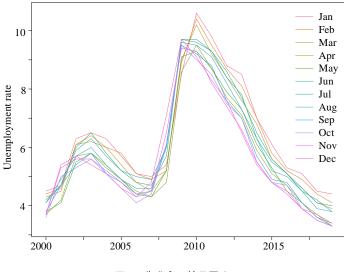
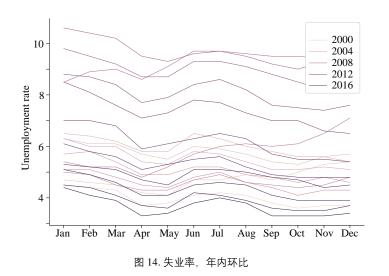


图 13. 失业率, 按月同比

图 14 所示为年内环比数据。与上一统计段比较,例如 2005 年 7 月份与 2005 年 6 月份相比较称其为环比。我们似乎发现失业率存在某种年度周期规律。一年之内春天的失业率往往较低,这似乎和春天农业生产用工有关。而每一年的一月份的失业率显著提高,这可能和圣诞节、新年节庆之后用工下降有关。

为了进一步看到失业率随年度变化,我们可以用箱型图对年内失业率数据加以归纳,如图 15 所示。箱型图的均值代表年度失业率的平均水平。箱型图的四分位间距 IQR 告诉我们年度失业率的变化幅度。显然,失业率在 2020 年出现"前所未闻"的大起大落。

图 16 所示为月份失业率箱型图。比较月份失业率的平均值变化,一月份的平均失业率确实陡然升高,这也印证了之前的猜测。下一节,我们就介绍如何将不同的成分从原始时间数据从分离出来。



本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

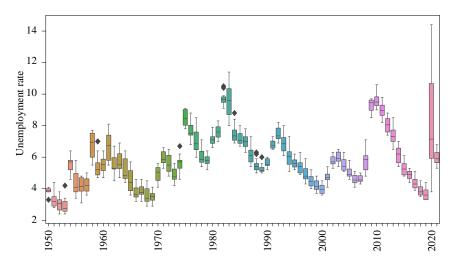


图 15. 年度失业率数据箱型图

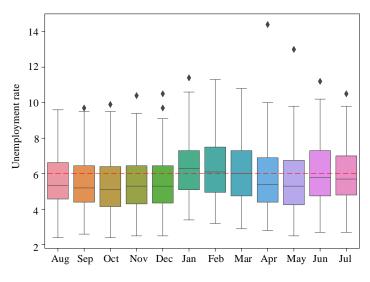


图 16. 月份失业率数据箱型图



Bk6_Ch06_02.py 绘制本节图像。

6.4 时间序列分解

时间序列有如图 17 所示的几种主要的组成部分。具体定义如下:

■ 趋势项 (trend component) T(t),表征时间序列中确定性的非季节性长期总体趋势,通常呈现出线性或非线性的持续上升或者持续下降。当一个时间序列数据长期增长或者长期下降时,表

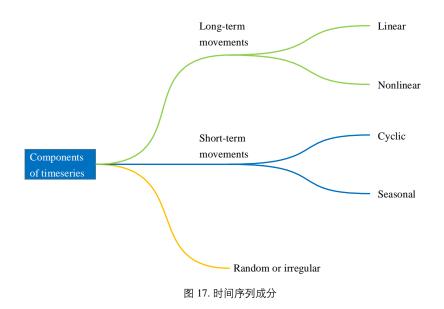
本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套徽课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

示该序列有 趋势 。在某些场合,趋势代表着"转换方向"。例如从增长的趋势转换为下降趋势。

- 季节项 (seasonal component) S(t), 表征时间序列中确定性的周期季节性成分,是在连续时间内 (例如连续几年内) 在相同时间段 (例如月或季度) 重复性的系统变化。当时间序列中的数据受 到季节性因素 (例如一年的时间或者一周的时间) 的影响时,表示该序列具有 季节性。季节性总是一个已知并且固定的频率。
- 循环项 (long-run cycle component) *C(t)*。循环项代表是相对周期更长 (例如几年或者十几年) 的重复性变化,但一般没有固定的平均周期,往往与大型经济体的经济周期息息相关。有时由于时间跨度较短,循环项很难体现出来,这时可能就被当作趋势项来分析了。当时间序列数据存在不固定频率的上升和下降时,表示该序列有 周期性 。这些波动经常由经济活动引起,并且与"商业周期"有关。周期波动通常至少持续两年。
- 随机项 (stochastic component) *I(t)*,表征时间序列中随机的不规则成分,体现出一定的自相关性以及持续时间内无法预测的周期。该成分可以是噪声,但不一定是。往往认为随机项包含有与业务自身密切相关的信息。



许多时间序列同时包含趋势、季节性以及周期性。基于以上的主要成分,一个时间序列可以 有以下几种组合模型。

加法模型

加法模型 (additive model), 各个成分直接相加得到:

$$X(t) = T(t) + S(t) + C(t) + I(t)$$
(3)

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

这可能是最常用的时间序列分解方式。如果一个时间序列仅仅由趋势项 T(t) 和随机项 I(t) 构 成:

$$X(t) = T(t) + I(t) \tag{4}$$

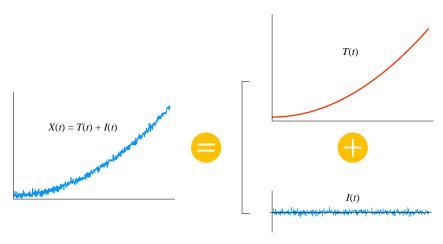


图 18. 累加分解,原始数据 X(t)被分解为趋势成分 T(t)和噪音成分 I(t)

标普 500 指数长期来看随时间增长,按照经济周期涨跌,短期来看指数每天波动不止。长期 趋势成分 (trend component) TR(t) 就可以描述这种时间序列的长期行为,而不规则成分 (irregular component) IR(t) 描述的就是噪音成分,或者说是随机运动成分。

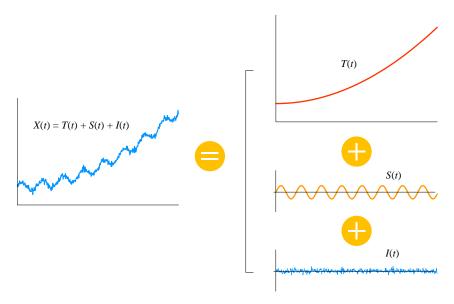


图 19. 累加分解,原始数据 X(t)被分解为趋势成分 T(t)、季节成分 S(t) 和噪音成分 I(t)

乘法模型

乘法模型 (multiplicative model),各个成分直接相乘得到:

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。 版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套微课视频均发布在 B 站-—_生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

$$X(t) = T(t) \cdot S(t) \cdot C(t) \cdot I(t)$$
(5)

如果只考虑趋势项 T(t) 和随机项 I(t):

$$X(t) = T(t) \cdot I(t) \tag{6}$$

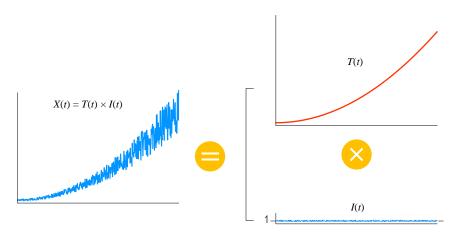


图 20. 累乘分解,原始数据 X(t)被分解为趋势成分 T(t)和噪音成分 I(t)

考虑季节成分的乘法模型:

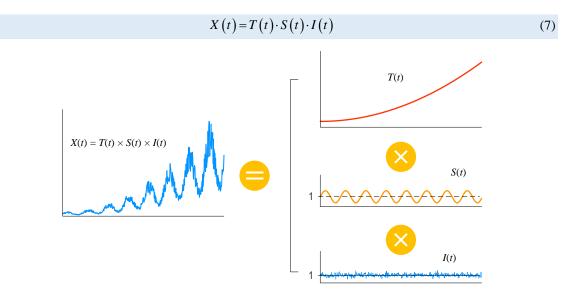


图 21. 累乘分解,原始数据 X(t)被分解为趋势成分 T(t)和噪音成分 I(t)

当然,时间序列还可以存在其他分解模型。比如对数加法模型 (log-additive model),时间序列 取对数后由各个成分相加得到:

$$\ln X(t) = T(t) + S(t) + C(t) + I(t)$$
(8)

相当于对 X(t) 进行对数转换。对于更复杂的时间序列分解模型,本书不做介绍。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。 版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站— —_生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

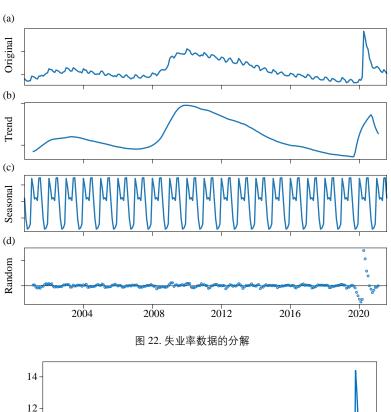
欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

6.5 季节调整

本节利用 scipy.stats.tsa.seasonal_decompose() 函数完成本章前文失业率数据的季节性调整。这个函数同时支持加法模型, seasonal_decompose(series, model='additive'), 和乘法模型, seasonal_decompose(series, model='multiplicative')。本节采用的是默认的加法模型。

图 22 所示为失业率数据的分解。图 22 (a) 为原始数据,图 22 (b) 为趋势成分,图 22 (c) 为季节成分,图 22 (d) 为噪音成分。注意,图 22 四副子图的纵轴尺度完全不同。图 23、图 24、图 25 三幅图分别展示这四种成分。

scipy.stats.tsa.seasonal_decompose() 函数采用比较简单卷积方法进行季节调整,对于更复杂的季节性调整,建议大家了解 X11,本书不做展开。



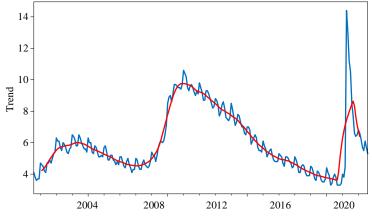


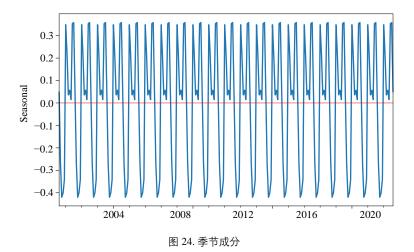
图 23. 比较原始数据和趋势成分

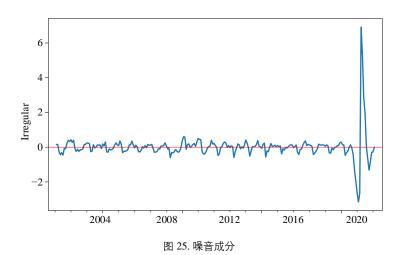
本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com







Bk6_Ch06_03.py 绘制本节图像。