## Algorithme glouton

# Algorithme glouton

# Principe

- À chaque étape, on fait un choix, celui qui semble le meilleur à cet instant
- Construit une solution pas à pas
  - sans revenir sur ses décisions
  - en effectuant à chaque étape le choix qui semble le meilleur
  - en espérant obtenir un résultat optimum global
- Approche glouton
  - suivant les problèmes pas de garantie d'optimalité (heuristique gloutonne)
  - peu coûteuse (comparée à une énumération exhaustive)
  - choix intuitif

Marie Pelleau Recherche Locale 2019-2020

2 / 21

2019-2020

## Recherche locale

# Recherche locale

## Principe

- On part d'une solution initiale
- À chaque étape, on modifie la solution
  - en essayant d'améliorer la valeur de la fonction objectif
  - en espérant obtenir l'optimum global
- Approche locale
  - suivant les problèmes pas de garantie d'optimalité (heuristique)
  - peu coûteuse

## Modifications

- Modifie la valeur d'une variable
- Échange la valeur de deux variables

# Résolution de Problèmes Recherche Locale

Marie Pelleau marie.pelleau@unice.fr

Master 1 - Semestre 1

Marie Pelleau Recherche Locale 2019-2020 1 / 1

Recherche locale

## Recherche locale

## Principe

- On part d'une solution initiale
- À chaque étape, on modifie la solution
  - en essayant d'améliorer la valeur de la fonction objectif
  - en espérant obtenir l'optimum global
- Approche locale
  - suivant les problèmes pas de garantie d'optimalité (heuristique)
  - peu coûteuse

## Solution initiale

- Solution "vide"
- Solution aléatoire
- Solution d'un algorithme glouton

Marie Pelleau Recherche Locale 2019-2020 3 / 21 Marie Pelleau Recherche Locale

# Le sac-à-doc (knapsack)

## Description

## On a:

- Un Sac dans lequel on peut mettre un poids limité
- Un ensemble d'objets, chaque objet  $o_i$  a
  - Un poids :  $p_i$
  - Une valeur : vi

Quels sont les objets que l'on doit prendre pour maximizer la valeur transportée tout en respectant la contrainte de poids ?

- La somme des valeurs des objets pris est maximale
- La somme des poids des objets pris est ≤ poidsmax du sac

Iviarie i elleau

Recherche Locale

2019-2020

/ 21

N

Recherche Loca

2019-2020

5 / 21

Recherche locale

# Le sac-à-doc (knapsack)

## Modèle

- La valeur d'un objet et son poids sont des données, donc pour l'objet o<sub>i</sub> on a la valeur v<sub>i</sub> et le poids p<sub>i</sub>
- La variable d'appartenance au sac est  $x_i$
- ullet Le poids maximum du sac est W

## Les contraintes

•  $max \sum_{i=1}^{n} v_i x_i$ 

l'objectif

 $\bullet \sum_{i=1}^n p_i x_i \leq W$ 

somme des poids inférieure ou égale au poids maximal

# Les variables

Le sac-à-doc (knapsack)

- On associe à chaque objet une variable 0-1 (elle ne prend que les valeurs 0 ou 1)
- C'est une variable d'appartenance au sac à dos
- Si l'objet est pris alors la variable vaut 1 sinon elle vaut 0

# Le sac-à-doc (knapsack)

## Solution initiale

• Solution "vide" : sac à dos vide  $\Rightarrow$  fonction objectif 0

Recherche locale

- Solution aléatoire : sac à dos aléatoire ⇒ il faut vérifier que c'est une solution
- Solution d'un algorithme glouton

## Modifications

- Ajoute un élément au sac à dos ⇒ si la capacité max n'est pas dépassée
- Supprime un élément du sac à dos

 Marie Pelleau
 Recherche Locale
 2019-2020
 6 / 21
 Marie Pelleau
 Recherche Locale
 2019-2020
 7 /

# Hitting-set: Recouvrement (set cover)

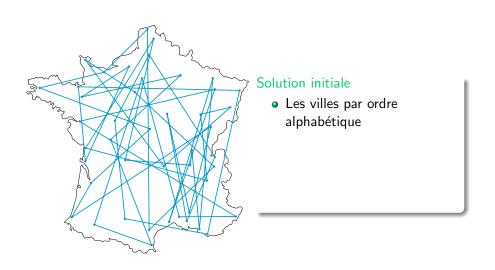
# Description

- Un interrupteur est relié à certaines ampoules
- Si on appuie sur l'interrupteur alors on allume toutes les ampoules reliées
- Question : sur combien d'interrupteur au minimum doit-on appuyer pour allumer toutes les ampoules ?

Marie Pelleau Recherche Locale 2019-2020 8 / 2

Recherche locale

# **TSP**



# Hitting-set: Recouvrement (set cover)

## Solution initiale

- $\bullet$  Solution "vide" : tous les interrupteurs allumés  $\Rightarrow$  fonction objectif nombre d'interrupteurs
- Solution aléatoire : position des interrupteurs aléatoire ⇒ il faut vérifier que c'est une solution
- Solution d'un algorithme glouton

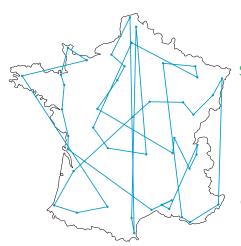
## Modifications

- Allume un interrupteur
- Éteint un interrupteur  $\Rightarrow$  si toutes les ampoules restent allumées

Marie Pelleau Recherche Locale 2019-2020 9 / 21

Recherche locale

## **TSP**



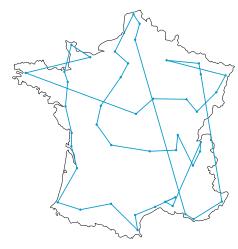
## Solution initiale

- Les villes par ordre alphabétique
- Les villes dans un ordre aléatoire

 Marie Pelleau
 Recherche Locale
 2019-2020
 10 / 21
 Marie Pelleau
 Recherche Locale
 2019-2020
 10 /

**TSP** 

**TSP** 



Solution initiale

- Les villes par ordre alphabétique
- Les villes dans un ordre aléatoire
- Solution d'un algorithme glouton

Modifications *k*-opt • k = 2• k = 3

Recherche locale

Marie Pelleau Recherche Locale 2019-2020 10 / 21

Recherche Locale

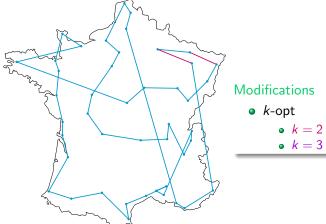
Recherche locale

2019-2020 11 / 21

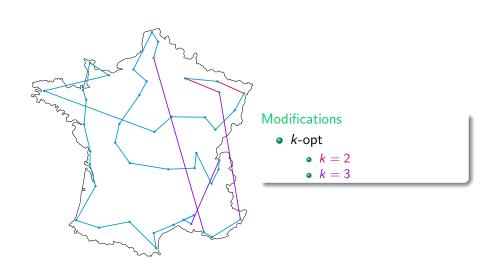
Recherche locale

**TSP** 

**TSP** 



- k = 2



Marie Pelleau Recherche Locale 2019-2020 11 / 21 Marie Pelleau Recherche Locale 2019-2020 11 / 21

**TSP** 



# Modifications • k-opt • k = 2• k = 3

## Principe

- On part d'une solution initiale
- À chaque étape, on modifie la solution ⇒ notion de voisinage

Recherche locale

## Voisinage

Pour une solution, l'ensemble des solutions à une modification près

 Marie Pelleau
 Recherche Locale
 2019-2020
 11 / 21

Marie Pelleau

cherche Locale

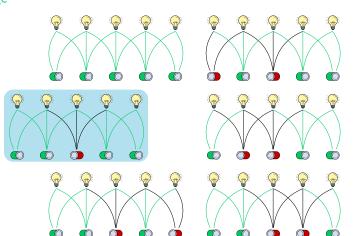
2019-2020 12

12 / 21

Recherche locale

Hitting-set: Recouvrement (set cover)

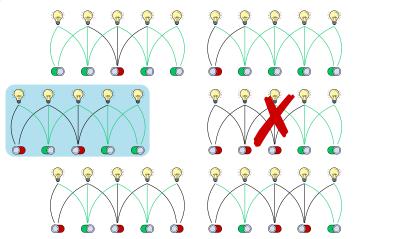
Voisinage



## Recherche locale

Hitting-set: Recouvrement (set cover)

Voisinage



## Principe

- On part d'une solution initiale
- À chaque étape, on modifie la solution (on choisit un voisin)

## Quel voisin choisir?

- Aléatoirement
- Le meilleur
- Un parmi les meilleurs

Marie Pelleau

Recherche Locale

2019-2020

15 / 21

Recherche Local

2019-2020

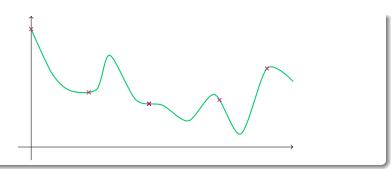
16 / 21

Marche aléatoire

# Marche aléatoire

## Principe

- On part d'une solution initiale
- À chaque étape, on modifie aléatoirement la solution



## Plan

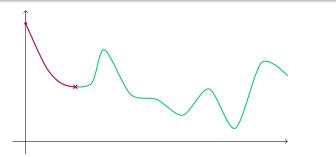
- Marche aléatoire
- 2 Algorithme de la descente
- Restarts
- Recherche Tabou

Algorithme de la descente

# Algorithme de la descente

## Principe

- On part d'une solution initiale
- À chaque étape, on se déplace vers une solution du voisinage améliorant strictement l'objectif



## Inconvénients

Marie Pellea

On peut rester bloquer dans des minimum locaux

17 / 21

Recherche Locale

2019-2020

18 / 21

Marie Pelle

Recherche Local

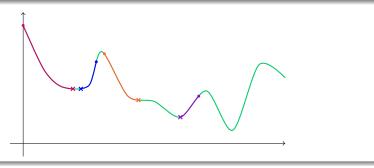
2019-2020

Algorithme de la descente

# Algorithme de la descente

## Principe

- On part d'une solution initiale
- À chaque étape, on se déplace vers une solution du voisinage améliorant strictement l'objectif



## Restarts

On recommence à partir d'une autre solution

Marie Pelleau

echerche Locale

2019-2020

18 / 21

Recherche Tabou

# Recherche Tabou [Glover, 1986]

## Principe

- ullet On part d'une solution s
- On se déplace vers la meilleure solution du voisinage qui ne soit pas interdite
- On ajoute s aux solutions interdites pour les m itérations suivantes

### Mémoire

- Interdire des solutions peut être coûteux en mémoire
- À la place on interdit des mouvements

## Critère d'aspiration

On peut accepter un mouvement tabou s'il permet d'obtenir une meilleure solution que la meilleure solution connue jusqu'ici

Restart

## Recherche locale

## Restarts

- Solution aléatoire
- Solution "vide", dans laquelle on fixe un certain pourcentage de variables comme dans la meilleure solution trouvée jusqu'ici
  - 5%, 10%, 20%

Large Neighborhood Search (LNS) [Shaw, 1998]

## Pas d'amélioration

On se déplace vers une solution du voisinage sans améliorer l'objectif
 Il ne faut pas être un poisson rouge

arie Pelleau Recherche Locale 2019-2020 19 / 2

Recherche Tabou

## Taille de la liste taboue

- Si m trop faible, intensification trop forte ⇒ blocage de la recherche autour d'un optimum local
- Si m trop grand, diversification trop forte ⇒ risque de rater des solutions

La longueur optimale de la liste varie

- d'un problème à l'autre
- d'une instance à l'autre d'un même problème
- au cours de la résolution d'une même instance

[Battiti, Protasi 2001]: adapter cette longueur dynamiquement

- $\bullet \ \, \mathsf{Besoin} \ \, \mathsf{de} \ \, \mathsf{diversification} \Rightarrow \mathsf{augmenter} \ \, m \\$
- Besoin de d'intensification  $\Rightarrow$  diminuer m

Marie Pelleau Recherche Locale 2019-2020 20 / 21 Marie Pelleau Recherche Locale 2019-2020 21 / 21