

МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ
НАЦІОНАЛЬНИЙ ТЕХНІЧНИЙ УНІВЕРСИТЕТ
«ХАРКІВСЬКИЙ ПОЛІТЕХНІЧНИЙ ІНСТИТУТ»

Кафедра програмної інженерії та інформаційних технологій управління

Звіт з лабораторної роботи № 7
з дисципліни «Основи теорії алгоритмів»

Виконав:
ст. гр. КН-221в
Шулюпов Є.Р.
Перевірила:
доцент каф. ПІТУ
Солонська С.В

Харків
2022

ТЕМА: ГЕОМЕТРИЧНІ АЛГОРИТМИ

ЗАВДАННЯ НА ЛАБОРАТОРНУ РОБОТУ

Розробити програму, яка читає з клавіатури число N ($1 < N < 256$) та N пар дійсних чисел — координати точок на площині. Програма виконує один за алгоритмів згідно варіанту.

Побудувати опуклу оболонку наданих точок алгоритмом Джарвіса.

МЕТА РОБОТИ

Ознайомлення із основними геометричними алгоритмами.

1 ОСНОВНІ ТЕОРЕТИЧНІ ПОЛОЖЕННЯ

Важливу роль в багатьох геометричних алгоритмах відіграє визначення напрямку повороту одного вектора до другого. Для розв'язання даної задачі часто використовують поняття векторного (чи, як його називають ще, псевдоскалярного) добутку.

Алгоритм Джарвіса [1].

Побудова опуклої оболонки даної множини починається з точки, яка гарантовано буде входити до опуклої оболонки. Очевидно, що сама ліва нижня точка підходить під цю умову, позначимо її [1].

Далі знаходиться наступна точка (де – крок алгоритму) у випадку обходу проти годинникової стрілки. Вона, очевидно, володіє властивістю, що інші точки лежать зліва від вектора [1].

Пошук точки, що включається на -м кроці алгоритму можна здійснити так. Вибираємо будь-яку точку не з оболонки як претендента на включення, позначимо її . Потім послідовно порівнюємо точку з точками не з оболонки (а також з початковою точкою оболонки , так як нам необхідно в кінці побудови оболонки «зімкнути» її, тобто із поточної точки знову прийти в точку). Для порівняння точок будемо використовувати

знак векторного добутку. Якщо для одної із точок, що розглядаються, вказаний вираз менший від нуля, то вважаємо її претендентом на включення і продовжуємо перевірку інших точок. Якщо ж значення векторного добутку рівне нулю, то вибираємо ту точку, яка розташована далі від точки [2].

Алгоритм обходу Грехема був описаний ним в одній із його перших робіт та присвячений питанню розробки ефективних геометричних алгоритмів.

Алгоритм починає свою роботу з знаходження початкової точки із заданої множини точок (не меншої трьох), яка гарантовано є вершиною опуклої оболонки. В якості такої береться сама ліва із самих нижніх точок множини [1].

На етапі попереднього сортування всі точки вихідної множини (окрім) сортуються за зростанням полярного кута, утвореного кожною поточною точкою, відносно точки. Якщо дві точки мають однаковий полярний кут, то залишаємо для подальшого розгляду ту точку, відстань від якої до точки більша, так як точка з меншою відстанню до задалегідь не потрапляє до оболонки. Відсортовані точки поміщаються в стек. Відмітимо, що таке сортування можна здійснити за допомогою векторного добутку.

На етапі побудови опуклої оболонки алгоритм виконує покрокову обробку відсортованих точок, формуючи оболонку шляхом видалення тих точок, в яких не здійснюючи лівий поворот. Це очевидно, так як оболонка будується проти годинникової стрілки, починаючи від, значить, рух здійснюється завжди наліво [1].

На кожному кроці даного етапу перевіряється взаємне розташування трьох точок (спочатку вибираються в перші дві точки у відсортованому списку). Перевірка полягає у визначенні, чи утворюють точки, які перевіряються, лівий або правий поворот. Таку перевірку також можна здійснити за допомогою векторного добутку [2].

2 ОПИСАННЯ РОЗРОБЛЕНОГО ЗАСТОСУНКУ

Програма реалізована в одному файлі source.cpp

```
#include<iostream>
#include<vector>
using namespace std;
```

```

using namespace std;
//Структура точки
struct Point {
    int x, y;
};
//Обчислення позиції точки
int cal_orientation(Point p, Point q, Point r) {
    int val = (q.y - p.y) * (r.x - q.x) - (q.x - p.x) * (r.y - q.y);
    if (val == 0) return 0; //колінеарні
    return (val > 0) ? 1 : 2; //за або проти годинниковою стрілкою
}

void convexHull(Point points[], int n) {
    if (n < 3) return;
    vector<Point> hull;
    //обчислення лівої точки
    int l = 0;
    for (int i = 1; i < n; i++)
    {
        if (points[i].x < points[l].x)
            l = i;
    }

    //рухаємося за годинниковою стрілкою
    int p = l, q;
    do {
        //додавання поточної точки до результату
        hull.push_back(points[p]);
        q = (p + 1) % n;
        for (int i = 0; i < n; i++) {
            if (cal_orientation(points[p], points[i], points[q]) == 2)
                q = i;
        }
        p = q;
    } while (p != l); //якщо не дійшов до першої точки
    for (int i = 0; i < hull.size(); i++)
        cout << "(" << hull[i].x << ", " << hull[i].y << ")\n";
}

int main()
{
    setlocale(LC_ALL, "Ukr");
    cout << "Введіть значення N, стільки пар координат введіть" << endl;
    Point points[256];
    int n;
    cin >> n;
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        int x, y;
        cout << "Введіть координату x:" << endl;
        cin >> x;
        points[i].x = x;
        cout << "Введіть координату y:" << endl;
        cin >> y;
        points[i].y = y;
    }
    cout << "Опукла оболонка складається з точок:" << endl;
    convexHull(points, n);
    return 0;
}

```

Результат роботи представлений на рисунку 2.1.

```
Введіть координату x:  
1  
Введіть координату y:  
1  
Введіть координату x:  
10  
Введіть координату y:  
1  
Введіть координату x:  
1  
Введіть координату y:  
10  
Введіть координату x:  
10  
Введіть координату y:  
10  
Введіть координату x:  
5  
Введіть координату y:  
5  
Опукла оболонка складається з точок:  
(1, 1)  
(10, 1)  
(10, 10)  
(1, 10)
```

Рисунок 2.1 – Результат

ВИСНОВКИ

Під час цієї лабораторної роботи була розроблена програма, яка виконує геометричний алгоритм згідно варіанту завдання, а саме будування опуклої оболонки на площині із точок, із виведення на консольний застосунок тих точок, що утворюють дану оболонку. Дана програма виконує всі необхідні функції, які описані у завданні до даної лабораторної роботи.

СПИСОК ВИКОРИСТАНИХ ДЖЕРЕЛ

1 Методичні вказівки до виконання лабораторних робіт з курсу "Алгоритми і структури даних": для студентів, які навчаються за спец. 121 "Інженерія програмного забезпечення" [Електронний ресурс] / уклад. Н. К. Стратієнко, І. О. Бородіна ; Харківський політехнічний інститут, національний технічний університет університет –

Електрон. текстові дані. – Харків, 2017. – 36 с. – Режим доступу: <http://repository.kpi.kharkov.ua/handle/KhPI-Press/26426>.

2. Алгоритми і структури даних: практикум: навч. посіб./ Н.К. Стратієнко, М.Д. Годлевський, І.О. Бородіна.- Харьков: НТУ"ХПИ", 2017. - 224 с.