

循环左移数组

问题描述： 给定一个数组，如 $a[a, b, c, d, e, f, g]$ 循环左移 k 位
 $a[d, e, f, g, a, b, c]$ ；要求时间复杂度为 $O(N)$ 。

问题分析：

1. 输入：一个数组， $[a, b, c, d, e, f, g]$
2. 特征：
 - ① 循环左移
 - ② 元素的相对位置不变 $[d, e, f, g], [a, b, c]$
3. 约束：① 时间复杂度为 $O(n)$
4. 输出： $[d, e, f, g, a, b, c]$ 。

解决思路一：

1. 新建一个数组 $b[k]$ ，用于存放前 k 个元素: $b[a,b,c]$
2. 将原数组的后 $n-k$ 个元素移动到前面: $a[d,e,f,g]$
3. 将 $b[k]$ 中的元素放入原数组的后面: $a[d,e,f,g,a,b,c]$

C++代码实现：

```
#include <stdio.h>
#include <iostream>
using namespace std;
int main()
{
    const int n=7,k=3;
    char a[n]={'a','b','c','d','e','f','g'};
    char b[k];
    int i;
    for(i=0;i<k;i++)b[i]=a[i];
    for(;i<n;i++)a[i-k]=a[i];
    for(i=0;i<k;i++)a[n-k+i]=b[i];
    for(i=0;i<n;i++)cout<<a[i]<<" ";
    cout<<endl;
}
```

算法的时间复杂度：

1. 时间复杂度：可以看到算法只需进行线性的扫描即可，故时间复杂度为 $O(n)$

2. 空间复杂度：由于用到一个临时数组 $b[k]$ ，故空间复杂度为 $O(k)$

//将前 k 个放到新的数组里

//将后边的元素前移

//将前 k 个元素放到末尾

解决思路二：

1. 假设前 k 个元素为 A , 后 $n-k$ 个元素为 B , 原数组为 AB
2. 新数组为 $BA = ((BA)^{-1})^{-1} = (A^{-1} B^{-1})^{-1}$
3. 先对 A 求逆, 再对 B 求逆, 再对 $A^{-1} B^{-1}$ 求逆
4. 时间复杂度: 算法只是线性扫描为 $O(n)$
5. 空间复杂度: 算法只用原数组的空间, 故为 $O(1)$

C++代码实现：

```
#include <stdio.h>
#include <iostream>
using namespace std;
void Reverse(char *a, int left, int right)
{
    int mid = (left + right) / 2;
    char temp;
    for (int i = 0; i <= (mid - left); i++)
    {
        temp = a[left + i];
        a[left + i] = a[right - i];
        a[right - i] = temp;
    }
}
```

```
int main()
{
    const int n = 7, k = 3;
    char a[n] = {'a', 'b', 'c', 'd', 'e', 'f', 'g'};
    Reverse(a, 0, n - 1 - k); // 对A进行逆置
    Reverse(a, n - k, n - 1); // 对B进行逆置
    Reverse(a, 0, n - 1); // 对A^-1 B^-1进行逆置
    for (int i = 0; i < n; i++) cout << a[i] << " ";
    cout << endl;
}
```