ライフゲーム (Conway's Game of Life)

1. ライフゲームとは

1970年イギリスの数学者コンウェイ(John Horton Conway,1937年生まれ)が発表した「シミュレーションゲーム」です。

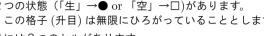
碁盤の目のような格子(升目)があります(右図)。

各正方形(セル)に、物体(生物)が誕生したり、

消滅したりする「シミュレーションゲーム」です。

各セルには2つの状態 (「生」 $\rightarrow \blacksquare$ or 「空」 $\rightarrow \square$)があります。

とりあえず、この格子(升目)は無限にひろがっていることとします。



各セルの周りには8つのセルがあります。

この周りのセルの生命の数によって、中央のセルに生命が生まれたり、消滅したりします。

下の(ルール)をすべてのセルに適応し、次の世代の状態を決めます。

(ルール)

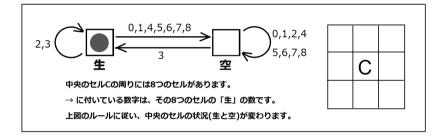
(1) 中央のセルに生命があるとき

周りの8つのセルの中に2つまたは3つの生命があれば、中央のセルの生命は維持されます。 それ以外の場合は、中央のセルは「生」から「空」に変わります。

(2) 中央のセルに生命がないとき(空であるとき)

周りの8つのセルの中に3つの生命があれば、中央のセルに新たな生命が生まれ、「生」になります。 それ以外の場合は、中央のセルは「空」のままです。

この (ルール) を下図で表すこともできます。

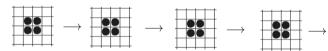


2. 様々な物体 (生物)

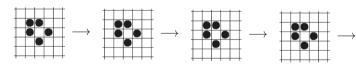
この (ルール) で生成されるパターンを、いくつかあげてみましょう。

(a) 固定物体

● ブロック (block)

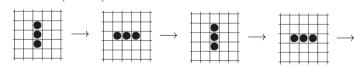


ボート (boat)

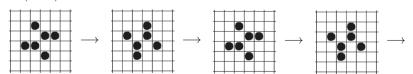


(b) 振動子

ブリンカー (blinker)

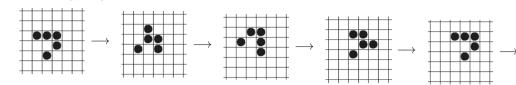


• 時計 (clock)

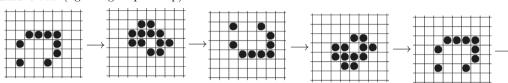


(c) 移動物体

グライダー (glider)



• 軽量級宇宙船 (lightweight spaceship)



(d) 長寿型

r-ペントミノ (r-pentomino)





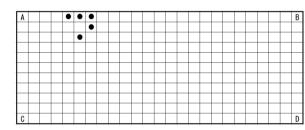
ダイハード (die hard)





3. エンドレス「ライフゲーム」の作り方

下図のような長方形の格子の上下・左右の辺を繋げると、エンドレスの「ライフゲーム」を簡単に作ることができます。



(方法1)

「行A→B」の上の行は「行C→D」、

「列B→D」の右の列は「列A→C」、

「セルA」の斜め左上のセルは「セルD」

とみなして「コンウェイのルール」を適応します。

(図1) のようなドーナッツ (数学では「トーラス」と呼びます) の表面で ライフゲームをすることになります。

(方法2)

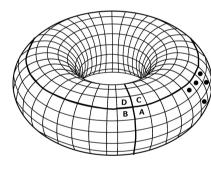
「行A→B」の上の行は「行C→D」、

「列B→D」の右の列は「列C→A」、

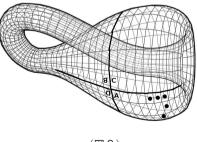
「セルA」の斜め左上のセルは「セルB」

とみなして「コンウェイのルール」を適応します。 (図2)のような曲面

(「クラインの壺」と呼ばれている、内部と外部の区別がつかない壺)で ライフゲームをすることになります。



(図1)



(図2)

4. 参考

- (a) ライフゲーム Wikipedia (https://ja.wikipedia.org/wiki/ライフゲーム)
- (b) ライフゲーム | 第一学習社 (http://www.daiichi-g.co.jp/osusume/forfun/07_lifegame/07.html)
- (c) ライフゲーム (https://kmaeda.net/kmaeda/demo/gameoflife/)
- (d) John Conway's Game of Life Bitstorm.org (https://bitstorm.org/gameoflife/)

(hakuta 2020/03)