BÀI TẬP VỀ NHÀ TUẦN 2

Đạo hàm - Xấp xỉ tuyến tính

Môn: Vi tích phân 2

Bài tập 1. Tìm đạo hàm riêng theo yêu cầu

$$a. f(x,y) = \sin^2(mx + ny), \quad f_{xy}, f_{yy}$$

$$c. z = u\sqrt{v - w}; \quad \frac{\partial^3 z}{\partial u \, \partial v \, \partial w}$$

b.
$$u = e^{r\theta} \sin \theta$$
, $\frac{\partial^2 u}{\partial r \partial \theta}$, $\frac{\partial^3 u}{\partial r^2 \partial \theta}$

$$d. z = \arctan \frac{x+y}{1-xy}, \quad z_{xx}, z_{yy}$$

Bài 2. Sử dụng định nghĩa, tìm đạo hàm riêng của các hàm f sau.

a.
$$f(x,y) = x^2 + 4x - 3y + 2y^2$$

b.
$$f(x,y) = \frac{x}{(x+y)^2}$$

Bài 3. Tìm phương trình của mặt phẳng tiếp xúc với mặt cong tại điểm cho trước.

a.
$$z = 9x^2 + y^2 + 6x - 3y + 5$$
, $(1, 2, 18)$ c. $z = \ln(x - 2y)$, $(3, 1, 0)$

c.
$$z = \ln(x - 2y)$$
, $(3, 1, 0)$

b.
$$z = x \sin(x+y)$$
, $(-1, 1, 0)$

d.
$$z = \sqrt{4 - x^2 - 2y^2}$$
, $(1, -1, 1)$

Bài 4. Giải thích tại sao hàm số khả vi tại điểm được cho. Sau đó tìm tuyến tính hóa L(x,y) của hàm số tại điểm đó.

a.
$$h(x, y) = e^x \cos(xy)$$
, $(0, 0)$

b.
$$f(x,y) = \tan^{-1}(x+2y)$$
, $(1,0)$

Bài 5. Dùng phép xấp xỉ tuyến tính, hãy tìm giá trị xấp xỉ của $\sqrt{3.2 + \cos^2(2.1)}$.

Lưu ý. Các bạn có thể đánh máy hoặc làm bài trên giấy, sau đó scan và chỉ nộp 1 file pdf với tên MSSV_ Hovaten.

Link nộp bài: https://forms.gle/Btn64SaxxiLQChPU8

Deadline: Thứ 2, ngày 3 tháng 6 năm 2024.