BÀI TẬP VỀ NHÀ TUẦN 3

Môn: Vi tích phân 2

Bài 1. Sử dụng quy tắc đạo hàm hàm hợp để tìm các đạo hàm riêng được chỉ ra.

a).
$$u = \sqrt{r^2 + s^2}$$
, $r = y + x \cos t$, $s = x + y \sin t$; $\frac{\partial u}{\partial x}$, $\frac{\partial u}{\partial y}$, $\frac{\partial u}{\partial t}$ khi $x = 1, y = 2, t = 0$

b).
$$R = \ln(u^2 + v^2 + w^2)$$
, $u = x + 2y$, $v = 2x - y$, $w = 2xy$; $\frac{\partial R}{\partial x}$, $\frac{\partial R}{\partial y}$ khi $x = y = 1$.

Bài 2. Cho W(s,t) = F(u(s,t),v(s,t)) trong đó F,u và v khả vi, và

$$u(1,0) = 2$$
, $u_t(1,0) = 6$, $u_s(1,0) = -2$, $F_u(2,3) = -1$

$$v(1,0) = 3$$
, $v_t(1,0) = 4$, $v_s(1,0) = 5$, $F_v(2,3) = 10$

Tìm $W_s(1,0)$ và $W_t(1,0)$.

Bài 3. Tìm đạo hàm theo hướng của hàm số tại điểm được cho theo hướng của vector v.

a).
$$f(x,y) = 1 + 2x\sqrt{y}$$
, $(3,4)$, $\mathbf{v} = \langle 4, -3 \rangle$

b).
$$f(x,y) = \ln(x^2 + y^2)$$
, $(2,1)$, $\mathbf{v} = \langle -1, 2 \rangle$

c).
$$g(x, y, z) = (x + 2y + 3z)^{3/2}$$
, $(1, 1, 2)$, $\mathbf{v} = 2\mathbf{j} - \mathbf{k}$.

Bài 4. Tìm phương trình của mặt phẳng tiếp xúc và pháp tuyến với mặt được cho tại điểm tương ứng.

a).
$$yz = \ln(x+z)$$
, $(0,0,1)$

c).
$$x = y^2 + z^2 - 2$$
, $(-1, 1, 0)$

b).
$$z + 1 = xe^y \cos z$$
, $(1, 0, 0)$

d).
$$x^2 - 2y^2 + z^2 + yz = 2$$
, $(2, 1, -1)$

Lưu ý. Các bạn có thể đánh máy hoặc làm bài trên giấy, sau đó scan và chỉ nộp 1 file pdf với tên MSSV_ Hovaten.

Link nộp bài: https://forms.gle/ESqPAW3HqR4ikyAu7

Deadline: Thứ 2, ngày 10 tháng 6 năm 2024.