

LAPORAN TUGAS KECIL 3
IF2211 STRATEGI ALGORITMA
Penyelesaian Persoalan 15-Puzzle dengan Algoritma *Branch*
and Bound



Disusun oleh:

Muhammad Akmal Arifin 13520037

Program Studi Teknik Informatika
Sekolah Teknik Elektro dan Informatika
Institut Teknologi Bandung

2022

A. Algoritma *Branch and Bound*

Algoritma merupakan sekumpulan instruksi yang terstruktur dan terbatas yang diimplementasikan ke dalam bentuk program komputer untuk menyelesaikan suatu masalah komputasi tertentu. Algoritma dalam pemrograman berarti menjelaskan langkah-langkah yang diperlukan dalam penyelesaian suatu permasalahan. Strategi algoritma merupakan berbagai algoritma yang dilakukan secara umum untuk memecahkan persoalan secara algoritmis, sehingga dapat diterapkan pada bermacam-macam persoalan. Salah satu strategi algoritma adalah algoritma *Branch and Bound*.

Algoritma *Branch and Bound* merupakan salah satu strategi algoritma yang cara pengerjaannya menggunakan konsep *Breath First Search* akan tetapi menggunakan *Priority Queue* dalam menentukan *node* mana yang akan dibangkitkan selanjutnya. *Priority Queue* ditentukan oleh nilai *cost*, semakin kecil nilai *cost* maka semakin awal dieksekusi. *Cost* setiap persoalan bisa jadi berbeda-beda, dalam persoalan ini *cost* merupakan jumlah langkah yang diperlukan untuk mencapai susunan tersebut dari state awal ditambah dengan jumlah ubin tidak kosong yang belum sesuai dengan *goal state*.

Secara garis besar, algoritma *Branch and Bound* yang digunakan untuk penyelesaian permasalahan *15-Puzzle* pada program ini adalah

1. Membaca masukan state awal *puzzle* pada *file*
2. Melakukan pengecekan apakah *puzzle* dari *state* awal tersebut dapat mencapai *goal state*
3. Apabila *puzzle* dapat diselesaikan, maka dilakukan iterasi pembangkitan sampai menemukan *goal state*
4. Iterasi pembangkitan dilakukan dengan membangkitkan *puzzle* untuk seluruh arah dari ubin yang kosong (atas, kanan, bawah, kiri) serta dilakukan perhitungan *cost* tiap susunan *puzzle* dan ditambahkan ke dalam *priority queue*
5. Setelah itu, susunan *puzzle* yang akan dibangkitkan selanjutnya adalah susunan *puzzle* dengan nilai *cost* terkecil
6. Ketika sudah mendapatkan susunan yang sesuai dengan *goal state*, maka program selesai

B. SOURCE CODE PROGRAM

Program penyelesaian *15-Puzzle* dalam tugas ini menggunakan bahasa pemrograman Python. Berikut hasil tangkapan layer *source code* program.

Import and Constant Variable

```
1  import time
2  from PriorityQueue import PriorityQueue
3
4  # Constant Value
5  GOAL_STATE = [[1, 2, 3, 4], [5, 6, 7, 8], [9, 10, 11, 12], [13, 14, 15, 16]]
6  UP = 1
7  RIGHT = 2
8  DOWN = 3
9  LEFT = 4
10
```

readFile

```
11 def readFile(matrixPuzzle, fileName):
12     lines = []
13     dir = '../test/' + fileName
14     with open(dir, 'r') as f:
15         lines = f.readlines()
16
17     i = 0
18     for line in lines:
19         parse = line.split(' ', 4)
20         arrayPuzzle = []
21         arrayPuzzle.append(int(parse[0]))
22         arrayPuzzle.append(int(parse[1]))
23         arrayPuzzle.append(int(parse[2]))
24         arrayPuzzle.append(int(parse[3]))
25         matrixPuzzle.append(arrayPuzzle)
26
```

listToString

```
27 def listToString(li):
28     text = ""
29     for num in li:
30         text += str(num)
31         text += " "
32     text += "\n"
33     return text
34
```

writeFile

```
35  def writeFile(path, fileName, totalNode, time):
36      dir = '../test/' + fileName
37      f = open(dir, "w")
38
39      for matriks in path:
40          for row in matriks:
41              text = listToString(row)
42              f.write(text)
43              f.write("\n")
44
45      for row in GOAL_STATE:
46          text = listToString(row)
47          f.write(text)
48      f.write("\n")
49      f.write(f"Waktu yang dibutuhkan : {time}\n")
50      f.write(f"Jumlah node yang dibangkitkan : {totalNode}\n")
51
```

estimateCost

```
53  def estimateCost(matrixPuzzle):
54      jumlahKurang = 0
55      for i in range(4):
56          for j in range(4):
57              if (matrixPuzzle[i][j] == 16):
58                  continue
59              if(matrixPuzzle[i][j] != GOAL_STATE[i][j]):
60                  jumlahKurang += 1
61      return jumlahKurang
62
```

kurang

```
63  def kurang(matrixPuzzle):
64      jumlahKurang = 0
65      for i in range(4):
66          for j in range(4):
67              num = matrixPuzzle[i][j]
68              for k in range(i, 4):
69                  for l in range(4):
70                      if (i == k and l < j):
71                          continue
72                      elif (num > matrixPuzzle[k][l]):
73                          jumlahKurang += 1
74      return jumlahKurang
75
```

isSolveable

```
76 def isSolveable(matrixPuzzle):
77     sum = kurang(matrixPuzzle)
78     for i in range(4):
79         for j in range(4):
80             if matrixPuzzle[i][j] == 16:
81                 sum += (i+j)%2
82     return sum % 2 == 0
83
```

Bangkitkan #1

```
85 def bangkitkan(queue, totalNode):
86     i0 = queue.getEmptyi()
87     j0 = queue.getEmptyj()
88     matrixRise = queue.getMatrix()
89     path = []
90     pathRise = queue.getPath()
91     if (len(pathRise) > 0):
92         for i in range(len(pathRise)):
93             tempPath = [[0 for j in range(4)] for i in range(4)]
94             for j in range(4):
95                 for k in range(4):
96                     tempPath[j][k] = pathRise[i][j][k]
97             path.append(tempPath)
98     path.append(queue.getMatrix())
99     queue.delete()
100
```

Bangkitkan #2 : Langkah ke Atas

```
101     try:
102         matrixUp = [[0 for j in range(4)] for i in range(4)]
103         for i in range(4):
104             for j in range(4):
105                 matrixUp[i][j] = matrixRise[i][j]
106         temp = matrixUp[i0][j0]
107         matrixUp[i0][j0] = matrixUp[i0-1][j0]
108         matrixUp[i0-1][j0] = temp
109
110         costUp = len(path) + estimateCost(matrixUp)
111
112         iUp = i0-1
113         jUp = j0
114         if (not matrixUp in path):
115             queue.insert(costUp, iUp, jUp, matrixUp, path)
116             totalNode += 1
117     except IndexError:
118         # print("index error")
119         pass
120
```

Bangkitkan #3 : Langkah ke Kanan

```
121     try:
122         matrixRight = [[0 for j in range(4)] for i in range(4)]
123         for i in range(4):
124             for j in range(4):
125                 matrixRight[i][j] = matrixRise[i][j]
126         temp = matrixRight[i0][j0]
127         matrixRight[i0][j0] = matrixRight[i0][j0+1]
128         matrixRight[i0][j0+1] = temp
129
130         costRight = len(path) + estimateCost(matrixRight)
131
132         iRight = i0
133         jRight = j0+1
134
135         if (not matrixRight in path):
136             queue.insert(costRight, iRight, jRight, matrixRight, path)
137             totalNode += 1
138     except IndexError:
139         # print("index error")
140         pass
141
```

Bangkitkan #4 : Langkah ke Bawah

```
142     try:
143         matrixDown = [[0 for j in range(4)] for i in range(4)]
144         for i in range(4):
145             for j in range(4):
146                 matrixDown[i][j] = matrixRise[i][j]
147         temp = matrixDown[i0][j0]
148         matrixDown[i0][j0] = matrixDown[i0+1][j0]
149         matrixDown[i0+1][j0] = temp
150
151         costDown = len(path) + estimateCost(matrixDown)
152
153         iDown = i0+1
154         jDown = j0
155
156         if (not matrixDown in path):
157             queue.insert(costDown, iDown, jDown, matrixDown, path)
158             totalNode += 1
159     except IndexError:
160         # print("index error")
161         pass
162
```

Bangkitkan #5 : Langkah ke Kiri

```
163  try:
164      matrixLeft = [[0 for j in range(4)] for i in range(4)]
165      for i in range(4):
166          for j in range(4):
167              matrixLeft[i][j] = matrixRise[i][j]
168      temp = matrixLeft[i0][j0]
169      matrixLeft[i0][j0] = matrixLeft[i0][j0-1]
170      matrixLeft[i0][j0-1] = temp
171
172      costLeft = len(path) + estimateCost(matrixLeft)
173
174      iLeft = i0
175      jLeft = j0-1
176
177      if (not matrixLeft in path):
178          queue.insert(costLeft, iLeft, jLeft, matrixLeft, path)
179          totalNode += 1
180  except IndexError:
181      # print("index error")
182      pass
183
184  return queue, totalNode
185
```

checkGoal

```
187  def checkGoal(matrixPuzzle):
188      isSame = True
189      for i in range(4):
190          for j in range(4):
191              if (matrixPuzzle[i][j] != GOAL_STATE[i][j]):
192                  isSame = False
193
194      return isSame
195
```

branchAndBound

```
196 def branchAndBound(matrixPuzzle):
197     queue = PriorityQueue()
198     cost = estimateCost(matrixPuzzle)
199     totalNode = 1
200
201     for i in range(4):
202         for j in range(4):
203             if matrixPuzzle[i][j] == 16:
204                 i0 = i
205                 j0 = j
206
207     queue.insert(cost, i0, j0, matrixPuzzle, [])
208     isFound = False
209     while(not isFound and not queue.isEmpty()):
210         queue, totalNode = bangkitkan(queue, totalNode)
211         if (checkGoal(queue.getMatrix())):
212             goalPath = queue.getPath()
213             isFound = True
214     if (isFound):
215         return goalPath, totalNode
216     else:
217         return [], totalNode
218
```

main

```
219 def main():
220     matrixPuzzle = []
221     readFile(matrixPuzzle, "3.txt")
222
223     if (isSolveable(matrixPuzzle)):
224         tStart = time.time()
225         goalPath, totalNode = branchAndBound(matrixPuzzle)
226         tEnd = time.time()
227         writeFile(goalPath, "solusi.txt", totalNode, tEnd-tStart)
228     else:
229         print("unsolveable")
230
231 main()
```


PriorityQueue.py #1

```
1 class PriorityQueue(object):
2     def __init__(self):
3         self.queue = []
4
5     def isEmpty(self):
6         return len(self.queue) == 0
7
8     def insert(self, dataCost, i, j, dataMatrix, dataPath):
9         self.queue.append([dataCost, i, j, dataMatrix, dataPath])
10
11    def getCost(self):
12        try:
13            min = 0
14            for i in range(len(self.queue)):
15                if self.queue[i][0] < self.queue[min][0]:
16                    min = i
17            item = self.queue[min][0]
18            return item
19        except IndexError:
20            print()
21            exit()
22
```

PriorityQueue.py #2 : getMatrix

```
23    def getMatrix(self):
24        try:
25            min = 0
26            for i in range(len(self.queue)):
27                if self.queue[i][0] < self.queue[min][0]:
28                    min = i
29            item = self.queue[min][3]
30            return item
31        except IndexError:
32            print()
33            exit()
34
```

PriorityQueue.py #3 : getPath

```
35    def getPath(self):
36        try:
37            min = 0
38            for i in range(len(self.queue)):
39                if self.queue[i][0] < self.queue[min][0]:
40                    min = i
41            item = self.queue[min][4]
42            return item
43        except IndexError:
44            print()
45            exit()
46
```

PriorityQueue.py #4 : getEmptyi

```
47     def getEmptyi(self):
48         try:
49             min = 0
50             for i in range(len(self.queue)):
51                 if self.queue[i][0] < self.queue[min][0]:
52                     min = i
53             item = self.queue[min][1]
54             return item
55         except IndexError:
56             print()
57             exit()
58
```

PriorityQueue.py #5 : getEmptyj

```
59     def getEmptyj(self):
60         try:
61             min = 0
62             for i in range(len(self.queue)):
63                 if self.queue[i][0] < self.queue[min][0]:
64                     min = i
65             item = self.queue[min][2]
66             return item
67         except IndexError:
68             print()
69             exit()
70
```

PriorityQueue.py #6 : delete

```
71     def delete(self):
72         try:
73             min = 0
74             for i in range(len(self.queue)):
75                 if self.queue[i][0] < self.queue[min][0]:
76                     min = i
77             del self.queue[min]
78         except IndexError:
79             print()
80             exit()
81
```

PriorityQueue.py #7 : print

```
82     def print(self):
83         print(self.getCost())
84         print(self.getMatrix())
85         print(self.getPath())
```

C. SCREENSHOT INPUT DAN OUTPUT

Instansi Persoalan yang Bisa Diselesaikan

Input 1.txt

```
test > ≡ 1.txt
1    2 5 3 4
2    1 10 6 8
3    9 16 7 11
4    13 14 15 12
```

Output solusi_1.txt

```
test > ≡ solusi_1.txt
1    2 5 3 4
2    1 10 6 8
3    9 16 7 11
4    13 14 15 12
5
6    2 5 3 4
7    1 16 6 8
8    9 10 7 11
9    13 14 15 12
10
11   2 16 3 4
12   1 5 6 8
13   9 10 7 11
14   13 14 15 12
15
16   16 2 3 4
17   1 5 6 8
18   9 10 7 11
19   13 14 15 12
20
21   1 2 3 4
22   16 5 6 8
23   9 10 7 11
24   13 14 15 12
25
```

```
26    1 2 3 4
27    5 16 6 8
28    9 10 7 11
29    13 14 15 12
30
31    1 2 3 4
32    5 6 16 8
33    9 10 7 11
34    13 14 15 12
35
36    1 2 3 4
37    5 6 7 8
38    9 10 16 11
39    13 14 15 12
40
41    1 2 3 4
42    5 6 7 8
43    9 10 11 16
44    13 14 15 12
45
46    1 2 3 4
47    5 6 7 8
48    9 10 11 12
49    13 14 15 16
50
51    Waktu yang dibutuhkan : 0.0
52    Jumlah node yang dibangkitkan : 46
53
```

Input 2.txt

```
test > ≡ 2.txt
1  2 16 3 4
2  1 5 6 8
3  9 10 7 11
4  13 14 15 12
```

Output solusi_2.txt

```
test > ≡ solusi_2.txt
1  2 16 3 4
2  1 5 6 8
3  9 10 7 11
4  13 14 15 12
5
6  16 2 3 4
7  1 5 6 8
8  9 10 7 11
9  13 14 15 12
10
11  1 2 3 4
12  16 5 6 8
13  9 10 7 11
14  13 14 15 12
15
16  1 2 3 4
17  5 16 6 8
18  9 10 7 11
19  13 14 15 12
20
21  1 2 3 4
22  5 6 16 8
23  9 10 7 11
24  13 14 15 12
25
```

```
26  1 2 3 4
27  5 6 7 8
28  9 10 16 11
29  13 14 15 12
30
31  1 2 3 4
32  5 6 7 8
33  9 10 11 16
34  13 14 15 12
35
36  1 2 3 4
37  5 6 7 8
38  9 10 11 12
39  13 14 15 16
40
41  Waktu yang dibutuhkan : 0.0009846687316894531
42  Jumlah node yang dibangkitkan : 22
43
```

Input 3.txt

```
test > ≡ 3.txt
1 1 2 3 4
2 5 6 7 8
3 10 13 11 12
4 9 16 14 15
```

Output solusi_3.txt

```
test > ≡ solusi_3.txt
1 1 2 3 4
2 5 6 7 8
3 10 13 11 12
4 9 16 14 15
5
6 1 2 3 4
7 5 6 7 8
8 10 16 11 12
9 9 13 14 15
10
11 1 2 3 4
12 5 6 7 8
13 16 10 11 12
14 9 13 14 15
15
16 1 2 3 4
17 5 6 7 8
18 9 10 11 12
19 16 13 14 15
20
21 1 2 3 4
22 5 6 7 8
23 9 10 11 12
24 13 16 14 15
25
```

```
26  1 2 3 4
27  5 6 7 8
28  9 10 11 12
29  13 14 16 15
30
31  1 2 3 4
32  5 6 7 8
33  9 10 11 12
34  13 14 15 16
35
36  Waktu yang dibutuhkan : 0.0008742809295654297
37  Jumlah node yang dibangkitkan : 21
38
```


Instansi Persoalan yang Tidak bisa diselesaikan

Input 4.txt

```
test > ≡ 4.txt
1  4 2 3 1
2  5 6 7 8
3  9 10 11 12
4  13 14 15 16
```

```
D:\Education\Formal\Institut Teknologi Bandung\Akademik\Semester IV\Strategi Algoritma\Tugas\Tugas Kecil\Tucil3_13520037\src>py Puzzle.py
unsolveable
```

Input 5.txt

```
test > ≡ 5.txt
1  1 4 2 3
2  5 10 13 11
3  12 14 15 6
4  16 8 7 9
```

```
D:\Education\Formal\Institut Teknologi Bandung\Akademik\Semester IV\Strategi Algoritma\Tugas\Tugas Kecil\Tucil3_13520037\src>py Puzzle.py
unsolveable
```

D. ALAMAT *DRIVE* KODE PROGRAM

Alamat drive untuk kode program ini adalah :

[AkmalArifin/IF2211-Tugas-Kecil-3-15-Puzzle](#)

E. CEKLIST

Poin	Ya	Tidak
1. Program berhasil dikompilasi	√	
2. Program berhasil running	√	
3. Program dapat menerima input dan menuliskan output	√	
4. Luaran sudah benar untuk semua data	√	
5. Bonus dibuat		√