Домашние задания по курсу «Математическая логика»

ИТМО, группы М3234.. М3239 Весна 2018 г.

Общие замечания

Для всех программ кодировка входных и выходных файлов должна быть UTF8. Задания подаются в систему Яндекс.контест, подробные описания— по ссылке из README.md.

Задача 0. Разбор выражения

Стоимость: 0 баллов, решение на Ocaml или Haskell: 0 баллов

Данная задача разобрана, решения её приведены (см. README.md), однако, мы крайне рекомендуем написать своё её решение по двум причинам: (а) разбор высказываний можно будет переиспользовать в других задачах; (б) можно протестировать среду исполнения на Яндексе.

На вход программе (в файле input.txt) подаётся выражение в следующей грамматике:

Пробелы, символы табуляции и возврата каретки (ASCII-код 13_{10}) должны игнорироваться. Символ 'I' имеет ASCII-код 124_{10} .

Написать программу, разбирающую выражение и строящую его дерево разбора, и выводящую полученное дерево в файл output.txt в следующей грамматике.

Пример входного файла:

P->!QQ->!R10&S|!T&U&V

Выходной файл для данного входного файла:

```
(->, P, (->, (!QQ), (|, (&, (!R10), S), (&, (&, (!T), U), V))))
```

Задача 1. Проверка вывода

Стоимость: 7 баллов, решение на Ocaml или Haskell: 9 баллов

Написать программу, проверяющую вывод $\gamma_1, \dots \gamma_n \vdash \alpha$ в исчислении высказываний на корректность. Входной файл соответствует грамматике из задания 0.

В первой строке входного файла (заголовок) перечислены предположения γ_i (этот список может быть пустым) и доказываемое утверждение α . В последующих строках указаны формулы, составляющие вывод формулы α . Пробелы, символы табуляции и возврата каретки (ASCII-код 13_{10}) должны игнорироваться. Символ '|' имеет ASCII-код 124_{10} .

Результатом работы программы должен быть файл с проаннотированным текстом доказательства, в котором первая строка — это заголовок из входного файла, каждая же последующая строка — соответствующая строка из вывода, расширенная в соответствии с грамматикой:

Выражение не должно содержать пробелов, номер от выражения и выражение от аннотации должны отделяться одним пробелом. Выражения в доказательстве должны нумероваться подряд натуральными числами с 1. Если выражение δ_n получено из δ_i и δ_j , где $\delta_j \equiv \delta_i \to \delta_n$ путём применения правила Modus Ponens, то аннотация должна выглядеть как 'M.P. i, j', обратный порядок номеров не допускается.

Уделите внимание производительности: ваша программа должна проверять доказательство в 50000 выражений (общим объемом 1Мб) на Intel Core i5-2520M (2.5 GHz) за несколько секунд.