# Домашние задания по курсу «Математическая логика»

ИТМО, группы М3234.. М3239 Весна 2018 г.

### Общие замечания

Для всех программ кодировка входных и выходных файлов должна быть UTF8. Задания подаются в систему Яндекс.контест, подробные описания — по ссылке из README.md. Для компиляции решения требуется использования мэйкфайлов, краткое описание принципов построения мэйкфайлов находится в файле make.pdf из данного репозитория.

## Задача 0. Разбор выражения

Стоимость: 0 баллов, решение на Ocaml или Haskell: 0 баллов

Данная задача разобрана, решения её приведены (см. README.md), однако, мы крайне рекомендуем написать своё её решение по двум причинам: (а) разбор высказываний можно будет переиспользовать в других задачах; (б) можно протестировать среду исполнения на Яндексе.

На вход программе (в файле input.txt) подаётся выражение в следующей грамматике:

```
      ⟨файл⟩
      ::=
      ⟨выражение⟩

      ⟨выражение⟩
      ::=
      ⟨дизъюнкция⟩ | ⟨дизъюнкция⟩ '1' ⟨конъюнкция⟩

      ⟨дизъюнкция⟩
      ::=
      ⟨конъюнкция⟩ | ⟨конъюнкция⟩ '&' ⟨отрицание⟩

      ⟨отрицание⟩
      ::=
      ('A'...'Z') {'A'...'Z'| '0'...'9'}* | '!' ⟨отрицание⟩ | '(' ⟨выражение⟩ ')'
```

Пробелы, символы табуляции и возврата каретки (ASCII-код  $13_{10}$ ) должны игнорироваться. Символ 'I' имеет ASCII-код  $124_{10}$ .

Написать программу, разбирающую выражение и строящую его дерево разбора, и выводящую полученное дерево в файл output.txt в следующей грамматике.

```
⟨файл⟩ ::= ⟨вершина⟩

⟨вершина⟩ ::= '('⟨знак⟩','⟨вершина⟩','⟨вершина⟩')'

| '(!'⟨вершина⟩')'

| ('A'...'Z') {'A'...'Z'|'0'...'9'}*

⟨знак⟩ ::= '&'|'|'|'->'
```

#### Пример входного файла:

P->!QQ->!R10&S|!T&U&V

#### Выходной файл для данного входного файла:

```
(->,P,(->,(!QQ),(|,(&,(!R10),S),(&,(&,(!T),U),V))))
```

#### Задача 1. Проверка вывода

Стоимость: 7 баллов, решение на Ocaml или Haskell: 9 баллов

Написать программу, проверяющую вывод  $\gamma_1, \dots \gamma_n \vdash \alpha$  в исчислении высказываний на корректность. Входной файл соответствует следующей грамматике, нетерминал (выражение) определён в грамматике из задачи 0:

```
\langle \Phi \text{айл} \rangle ::= \langle \text{заголовок} \rangle \cdot \mathbf{n} \langle \langle \text{выражение} \rangle \cdot \mathbf{n} \rangle^*  \langle \text{заголовок} \rangle ::= [\langle \text{выражение} \rangle \langle \cdot , \cdot \rangle \rangle^*] \cdot \mathbf{l} - \langle \cdot \rangle \rangle
```

В первой строке входного файла (заголовок) перечислены предположения  $\gamma_i$  (этот список может быть пустым) и доказываемое утверждение  $\alpha$ . В последующих строках указаны формулы, составляющие вывод формулы  $\alpha$ . Пробелы, символы табуляции и возврата каретки (ASCII-код  $13_{10}$ ) должны игнорироваться. Символ '1' имеет ASCII-код  $124_{10}$ .

Результатом работы программы должен быть файл с проаннотированным текстом доказательства, в котором первая строка — это заголовок из входного файла, каждая же последующая строка — соответствующая строка из вывода, расширенная в соответствии с грамматикой:

Выражение не должно содержать пробелов, номер от выражения и выражение от аннотации должны отделяться одним пробелом. Выражения в доказательстве должны нумероваться подряд натуральными числами с 1. Если выражение  $\delta_n$  получено из  $\delta_i$  и  $\delta_j$ , где  $\delta_j \equiv \delta_i \to \delta_n$  путём применения правила Modus Ponens, то аннотация должна выглядеть как 'М.Р. i, j', обратный порядок номеров не допускается.

Уделите внимание производительности: ваша программа должна проверять доказательство в 50000 выражений (общим объемом 1Мб) на Intel Core i5-2520M (2.5 GHz) за несколько секунд.