Propiedades de funciones en expresión algebraica

Principales tipos de funciones

• Funciones polinómicas.

$$f(x) = 4x^2 + 2x - 2$$

Funciones racionales

$$f(x) = \frac{4+2x}{x+1}$$

Funciones radicales

$$f(x) = \sqrt{x - 1}$$

Dominio

Las funciones *polinómicas* tienen dominio en todos los números reales.

El dominio de la primera función sería:

$$Dom(f(x)) = \mathbb{R}$$

Las funciones racionales (con x en el denominador) no están definidas cuando el denominador es 0.

La función del ejemplo, no está definida si:

$$x+1=0\to x=-1$$

Por lo tanto, su dominio sería:

$$Dom(f(x)) = \mathbb{R} - \{-1\}$$

Las funciones (*radicales*) con raíces de índice par sólo están definidas para números positivos.

La función del ejemplo, sólo está definida si:

$$x - 1 \ge 0 \rightarrow x \ge 1$$

Por lo tanto, su dominio sería:

$$Dom(f(x)) = [1, +\infty)$$

Puntos de corte con los ejes

Los puntos de corte con el eje X se calculan igualando la función a cero. Es decir: f(x)=0

Los puntos de corte con el eje Y se calculan hallando la imagen del cero. Es decir: f(0)

Para la función polinómica del ejemplo

Los puntos de corte con el eje X serían:

$$f(x) = 0 \rightarrow 4x^2 + 2x - 2 = 0$$
 (ecuación de segundo grado)

Soluciones:
$$x_1 = \frac{1}{2}$$
; $x_2 = -1$

→ La función corta el eje X en dos puntos:

$$\left(\frac{1}{2},0\right);(-1,0)$$

Los puntos de corte con el eje Y serían:

$$f(0) = 4 \cdot 0^2 + 2 \cdot 0 - 2 = -2$$

 \rightarrow La función corta el eje Y en el punto: (0, -2)

Para la función racional del ejemplo

Los puntos de corte con el eje X serían:

$$f(x) = 0 \rightarrow \frac{4+2x}{x+1} = 0 \rightarrow 4+2x = 0 \rightarrow 2x = -4 \rightarrow x = -2$$

 \rightarrow La función corta el eje X en el punto: (-2,0)

Los puntos de corte con el eje Y serían:

$$f(0) = \frac{4+2\cdot 0}{0+1} = 4$$

→ La función corta el eje Y en el punto: (0,4)

Para la función radical del ejemplo

Los puntos de corte con el eje X serían:

$$f(x) = 0 \rightarrow \sqrt{x-1} = 0 \rightarrow (\sqrt{x-1})^2 = 0^2 \rightarrow x - 1 = 0 \rightarrow x = 1$$

→ La función corta el eje X en el punto: (1,0)

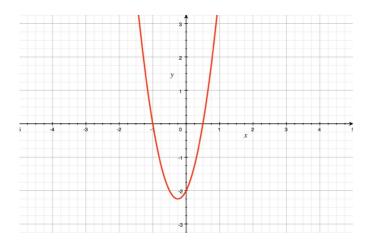
Los puntos de corte con el eje Y serían:

$$f(0) = \sqrt{0 - 1} = \sqrt{-1}$$

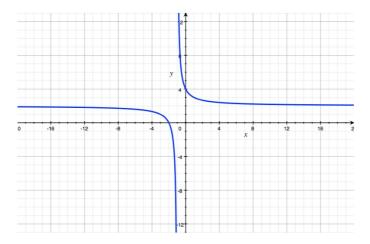
→ La función nunca corta el eje Y

Representaciones gráficas de los ejemplos

$$f(x) = 4x^2 + 2x - 2$$



$$f(x) = \frac{4+2x}{x+1}$$



$$f(x) = \sqrt{x - 1}$$

