Medidas sobre variables estadísticas

Medidas de centralización

La media aritmética \overline{x} es el cociente de la suma de todos los datos multiplicados por su frecuencia entre el número total de datos. En el caso de variables continuas, x_i es la marca de clase.

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^{n} f_i \cdot x_i}{N}$$

La moda, Mo, es el dato que tiene mayor frecuencia. Si la variable es continua, hablamos de intervalo modal. Puede haber más de una moda.

La mediana, Me, es el valor que ocupa la posición central de los datos, después de ordenarlos, o la medida de los datos centrales, si el número es par. Si la variable es continua, hablamos de intervalo mediano.

Medidas de dispersión

El rango o recorrido R es la diferencia entre el mayor y el menor valor de la variable.

La varianza σ^2 es la media de los cuadrados de las desviaciones.

La desviación típica σ es la raíz cuadrada positiva de la varianza.

EJEMPLO

El número de aciertos de 100 alumnos en una prueba de 30 preguntas se presenta en esta tabla:

	x_i	f_i	$\boldsymbol{F_i}$	$f_i \cdot x_i$	$f_i \cdot (x_i - \overline{x})^2$
[0, 5)	2,5	3	3	7,5	579,63
[5, 10)	7,5	10	13	75	792,1
[10, 15)	12,5	25	38	312,5	380,25
[15, 20)	17,5	38	76	665	45,98
[20, 25)	22,5	16	92	360	595,36
[25, 30)	27,5	8	100	220	985,68
Total		100		1640	3379
Entre N		1		$\overline{x} = 16,4$	$\sigma^2 = 33,79$

 x_i se denomina marca de clase, y es el punto medio de cada intervalo.

Media = 16,4 Mo = [15, 20) Me = [20, 25) R = 30 - 0 = 30 Varianza = 33,79 Desviación típica = $\sqrt{33,79}$ = 5,81