# METODE MABAC

(Multi-Attributibutive Border Aproximation area Comparison)

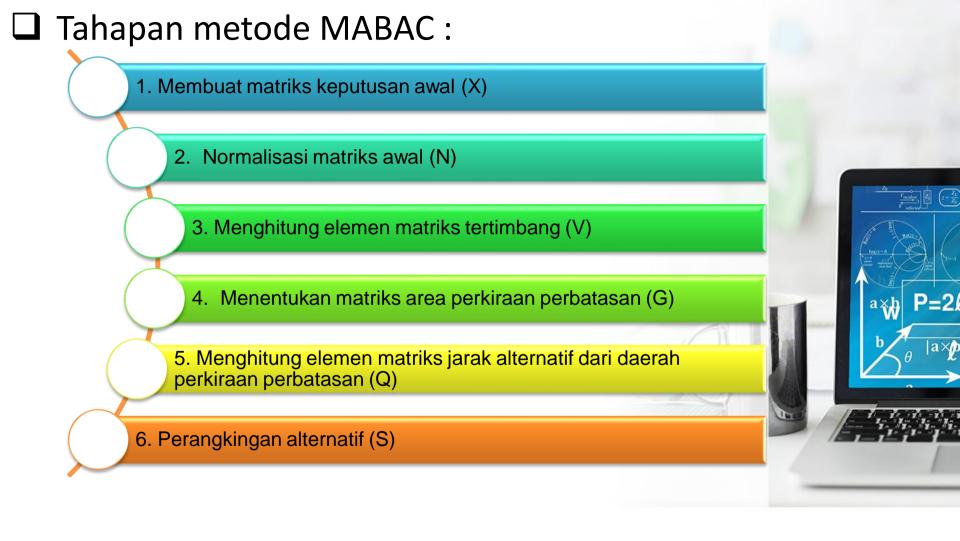


Saifur Rohman Cholil, S.Kom., M.Kom.

- ☐ Metode MABAC dapat menangani masalah pengambilan keputusan yang kompleks dan tidak pasti dengan menghitung jarak antara setiap alternatif dan *Bored Approximation Area* (BAA) (Wang et al., 2020).
- MABAC memiliki proses komputasi yang sederhana, prosedur yang sistematis, dan logika yang sehat yang mewakili rasional dari pengambilan keputusan manusia (Xue et al., 2016).



- ☐ Metode MABAC dapat digunakan untuk membuat hasil secepat mungkin dengan menghitung nilai keuntungan dan kerugian potensial (Liang et al., 2019).
- Metode MABAC stabil dan handal dibandingkan dengan metode SAW, COPRAS, MOORA, TOPSIS dan VIKOR (Ndruru et al., 2020).



### 1. Membuat Matriks Keputusan Awal (X)

Pada langkah ini adanya evaluasi alternatif dengan kriteria dimana alternatif disajikan dalam bentuk vektor.

$$X = A_1 \quad C_1 \quad \cdots \quad C_n$$

$$X = A_3 \begin{pmatrix} X_{11} & \cdots & X_{mn} \\ X_{21} & \cdots & X_{mn} \\ X_{1m} & \cdots & X_{mn} \end{pmatrix}$$

Dimana m adalah nomor alternatif, n adalah jumlah total kriteria.



2. Normalisasi elemen matriks awal (N) Jenis Kriteria Benefit:

$$t_{ij} = \frac{X_{ij} - X_i^-}{X_i^+ - X_i^-}$$

Jenis Kriteria Cost:

$$t_{ij} = \frac{X_{ij} - X_i^+}{X_i^- - X_i^+}$$

 $x_i^+$  = max (x1, x2, x3, ..., xm) mewakili nilai maksimum dari kriteria yang diamati oleh alternatif

 $x_i^-$ = min (x1, x2, x3, ..., xm) mewakili nilai minimum dari kriteria yang diamati oleh alternatif.

$$V_{ij} = (W_i \times t_{ij}) + W_i$$

Keterangan:

 $w_i$  = menyajikan koefisien bobot kriteria

 $t_{ij}$  = menyajikan elemen matriks yang dinormalisasi (N)



4. Penentuan matriks area perkiraan perbatasan (G)

$$g_i = \left[\prod_{j=1}^m V_{ij}\right]^{\frac{1}{m}}$$

 $V_{ij}$  = menampilkan elemen matriks tertimbang/berbobot (V)

m = menyajikan jumlah total alternatif.

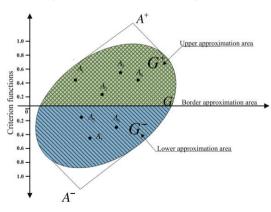
Setelah menghitung nilai-nilai  $g_i$  berdasarkan kriteria, itu membentuk matriks daerah perkiraan perbatasan G dalam bentuk n x 1 ("n" menyajikan jumlah total kriteria yang dilakukan pemilihan alternatif yang ditawarkan).



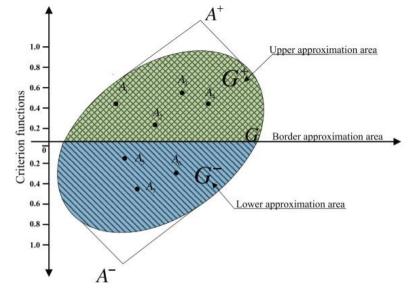
$$Q = V - G$$

V = elemen matriks tertimbang

G = matriks area perkiraan perbatasan







Alternatif Ai dapat termasuk ke area perkiraan perbatasan (G), area perkiraan atas (G+) atau area perkiraan lebih rendah (G-), Daerah perkiraan atas (G+) menyajikan area di mana alternatif ideal terletak (A+), sedangkan area perkiraan yang lebih rendah (G-) menyajikan area di mana alternatif anti-ideal berada (A-).



6. Perangkingan Alternatif (S).

Perangkingan dilakukan dengan melihat hasil dari perhitungan jumlah akhir dari daerah perkiraan perbatasan (Q), dimana nilai tertinggi menjadi rangking 1 dan seterusnya.

$$S_i = \sum_{j=1}^{n} Q_{ij}, j = 1, 2 \dots n, \qquad i = 1, 2 \dots m$$
 n = kriteria

m = alternatif

#### Contoh:

- ☐ Sebuah perusahaan akan melakukan rekrutmen kerja terhadap 5 calon pekerja untuk posisi operator mesin.
- ☐ Posisi yang dibutuhkan hanya 2 orang.
- ☐ Kriteria :
  - ✓ Pengalaman kerja (disimbolkan C1) → Benefit
  - ✓ Pendidikan (C2) → Benefit
  - ✓ Usia (C3) → Benefit
  - ✓ Status perkawinan (C4) → Cost
  - ✓ Alamat (C5) → Cost



### ☐ Pembobotan (w)

Kriteria	Bobot
C1	0,3
C2	0,2
C3	0,2
C4	0,15
C5	0,15
Total	1



- □ Ada lima orang yang menjadi kandidat (alternatif) yaitu :
  - ✓ Doni Prakosa (disimbolkan A1)
  - ✓ Dion Pratama (A2)
  - ✓ Dina Ayu Palupi(A3)
  - ✓ Dini Ambarwati (A4)
  - ✓ Danu Nugraha (A5)



#### ☐ Penilaian alternatif untuk setiap kriteria

Alternatif	kriteria				
	C1	C2	C3	C4	C5
A1	0,5	1	0,7	0,7	0,8
A2	0,8	0,7	1	0,5	1
A3	1	0,3	0,4	0,7	1
A4	0,2	1	0,5	0,9	0,7
A5	1	0,7	0,4	0,7	1

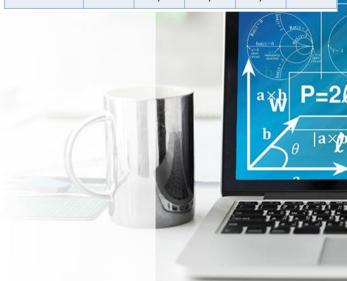


#### Jawab:

1. Membuat matriks keputusan awal (X):

			•		` '
	0,5	1	0,7	0,7	0,8
	0,8	0,7	1	0,5	0,8 1 1 0,7
X =	1	0,3	0,4	0,7	1
	0,2	1	0,5	0,9	0,7
	1	0,7	0,4	0,7	1

Alternatif	kriteria				
	C1	C2	C3	C4	C5
A1	0,5	1	0,7	0,7	0,8
A2	0,8	0,7	1	0,5	1
А3	1	0,3	0,4	0,7	1
A4	0,2	1	0,5	0,9	0,7
A5	1	0,7	0,4	0,7	1



2. Normalisasi elemen matriks awal (X)
$$X_{i}^{+} = \{0,5; 0,8; 1; 0,2; 1\}$$

$$= 1$$

$$X_{i}^{-} = \{0,5; 0,8; 1; 0,2; 1\}$$

$$= 0,2$$
Vritorio C1

# Kriteria C1: $t_{11} = \left(\frac{0.5 - 0.2}{1 - 0.2}\right) = 0.375$

 $t_{31} = \left(\frac{1-0.2}{1-0.2}\right) = 1$ 

 $t_{41} = \left(\frac{0,2-0,2}{1-0.2}\right) = 0$ 

 $t_{51} = \left(\frac{1 - 0.2}{1 - 0.2}\right) = 1$ 

Kriteria C1:  

$$t_{11} = \left(\frac{0.5 - 0.2}{1 - 0.2}\right) = 0.375$$

$$t_{21} = \left(\frac{0.8 - 0.2}{1 - 0.2}\right) = 0.75$$

$$= 0.2$$
iteria C1:
$$= \left(\frac{0.5 - 0.2}{1 - 0.2}\right) = 0.375$$

$$0,9$$
  $0,$   $0,$   $1$ 

Jenis Kriteria Untuk Benefit: 
$$X_{i,i} - X_{i}$$

Jenis Kriteria Untuk Cost:

$$\frac{X_{ij} - X_i^+}{X_i^- - X_i^+}$$

$$\frac{X_i^+}{X_i^+}$$

$$t_{ij} = \frac{X_{ij}}{X_i^-}$$

$$t_{ij} = \frac{X_{ij} - X_{ij} - X_{ij}}{X_{i} - X_{ij}}$$

 $t_{42} = \left(\frac{1 - 0.3}{1 - 0.3}\right) = 1$ 

 $t_{52} = \left(\frac{0.7 - 0.3}{1 - 0.3}\right) = 0.571$ 

 $X_i^+ = \{1; 0,7; 0,3; 1; 0,7\}$ 

0,2 1 0,5 0,4 0,7 1

0,2 1 0,5 0,9 0,7

1 0,7 0,4 0,7 1

Jenis Kriteria Untuk Benefit:
$$t_{i,i} = \frac{X_{i,j} - X_i^{-}}{X_i}$$

Jenis Kriteria Untuk Cost:  $t_{ij} = \frac{X_{ij} - X_i^+}{X_i^- - X_i^+}$ 

Jenis K
$$t_{ij} = \frac{X}{X}$$

 $t_{53} = \left(\frac{0.4 - 0.4}{1 - 0.4}\right) = 0$ 

 $X_i^+ = \{0.7; 1; 0.4; 0.5; 0.4\}$ 

Jenis Kriteria Untuk Benefit:  $X_{ij} - X_{i}$ 

 $t_{ij} = \frac{X_{ij} - X_i^-}{X_i^+ - X_i^-}$ Jenis Kriteria Untuk Cost:

Jenis Kriteria Untuk Cost:  $t_{ij} = \frac{X_{ij} - X_i^+}{X_i^- - X_i^+}$ 

 $X_i^+ = \{0,7; 0,5; 0,7; 0,9; 0,7\}$ 

0,2 1 0,5 0,9 0,7 1 

Jenis Kriteria Untuk Benefit:
$$t_{ij} = \frac{X_{ij} - X_i^-}{X_i^+ - X_i^-}$$
Jenis Kriteria Untuk Cost:
$$t_{ij} = \frac{X_{ij} - X_i^+}{X_i^+ - X_i^-}$$

 $t_{45} = \left(\frac{0.7 - 1}{0.7 - 1}\right) = 1$ 

 $t_{55} = \left(\frac{1-1}{0.7-1}\right) = 0$ 

 $X_i^+ = \{0,8;1;1;0,7;1\}$ 

 $t_{ij} = \frac{X_{ij} - X_i^+}{X_i^- - X_i^+}$ 

$$X = \begin{bmatrix} 0.5 & 1 & 0.7 & 0.7 & 0.8 \\ 0.8 & 0.7 & 1 & 0.5 & 1 \\ 1 & 0.3 & 0.4 & 0.7 & 1 \\ 0.2 & 1 & 0.5 & 0.9 & 0.7 \\ 1 & 0.7 & 0.4 & 0.7 & 1 \end{bmatrix}$$

$$t_{ij} = \frac{X_{ij} - X_i^-}{X_i^+ - X_i^-}$$

Jenis Kriteria Untuk Cost:

#### Hasil normalisasi elemen matriks awal (N):

	0,375	1	0,5	0,5	0,667
	0,75	0,571	1	1	0
N =	1	0	0	0,5	0
	0	1	0,167	0	1
	1	0,571	0	0,5	0



#### Kriteria C1:

$$V_{11} = (0.3 \times 0.375) + 0.3 = 0.413$$
  
 $V_{21} = (0.3 \times 0.75) + 0.3 = 0.525$ 

$$V_{31} = (0.3 \times 1) + 0.3 = 0.6$$

$$V_{41} = (0.3 \times 0) + 0.3 = 0.3$$

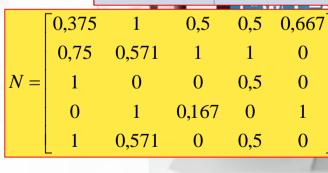
$$V_{51} = (0.3 \times 1) + 0.3 = 0.6$$

$(m_1, m_2)$	)) · ···ι	
Keterangan:		
w. = menyajikan l	koefisien hohot kriteria	

 $V_{\cdot \cdot \cdot} = (W_{\cdot} \times t_{\cdot \cdot}) + W_{\cdot}$ 

 $w_i$  = menyajikan koefisien bobot kriteria  $t_{ij}$  = menyajikan elemen matriks yang dinormalisas (N)

	(14)	5
	Kriteria	Bobot
	C1	0,3
	C2	0,2
	C3	0,2
	C4	0,15
	C5	0,15
Γο 276	1 0.5	05 0667



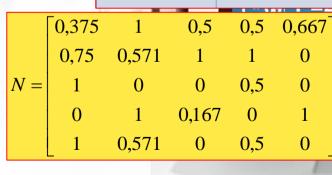
#### Kriteria C2:

$$V_{12} = (0,2 \times 1) + 0,2 = 0,4$$
  
 $V_{22} = (0,2 \times 0,571) + 0,2 = 0,314$   
 $V_{32} = (0,2 \times 0) + 0,2 = 0,2$   
 $V_{42} = (0,2 \times 1) + 0,2 = 0,4$   
 $V_{52} = (0,2 \times 0,571) + 0,2 = 0,314$ 

Vritoria	Robet			
(N)				
$t_{ij}$ = menyajikan elemen	matriks yang dinormalisasi			
$w_i$ = menyajikan koefisien bobot kriteria				
Keterangan:				

	(14)	
	Kriteria	Bobot
	C1	0,3
	C2	0,2
	C3	0,2
	C4	0,15
	C5	0,15
Γ <sub>0</sub> 375	1 0.5	0.5 0.667

 $V_{ii} = (W_i \times t_{ii}) + W_i$ 



#### Kriteria C3:

$$V_{13} = (0,2 \times 0,5) + 0,2 = 0,3$$

$$V_{23} = (0,2 \times 1) + 0,2 = 0,4$$

$$V_{33} = (0,2 \times 0) + 0,2 = 0,2$$

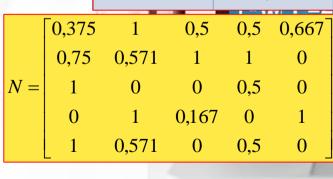
$$V_{43} = (0,2 \times 0,167) + 0,2 = 0,233$$

$$V_{53} = (0,2 \times 0) + 0,2 = 0,2$$

ı	
	(N)
	$t_{ij}$ = menyajikan elemen matriks yang dinormalisasi
	$w_i$ = menyajikan koefisien bobot kriteria
	Keterangan:
ı	

 $\overline{V_{ii}} = \overline{(W_i x t_{ii})} + W_i$ 

	(14)	5
	Kriteria	Bobot
	C1	0,3
	C2	0,2
	C3	0,2
	C4	0,15
	C5	0,15
Γ0 375	1 0.5	0.5 0.667



#### Kriteria C4:

$$V_{14} = (0.15 \times 0.5) + 0.15 = 0.225$$

$$V_{24} = (0.15 \times 1) + 0.15 = 0.3$$
  
 $V_{34} = (0.15 \times 0.5) + 0.15 = 0.225$ 

$$V_{44} = (0,15 \times 0) + 0,15 = 0,15$$

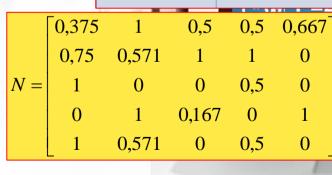
$$V_{44} = (0,15 \times 0) + 0,15 = 0,15$$
  
 $V_{54} = (0,15 \times 0,5) + 0,15 = 0,225$ 

( )	4))	·	
Keterangan:			
$w_i$ = menyajikar	n koefisier	n bobot kriteria	

 $w_i$  = menyajikan koefisien bobot kriteria iij = menyajikan elemen matriks yang dinormalisasi (N)

	(14)	
	Kriteria	Bobot
	C1	0,3
	C2	0,2
	C3	0,2
	C4	0,15
	C5	0,15
[0.375	1 05	0.5 0.667

 $V_{ii} = (W_i \times t_{ii}) + W_i$ 



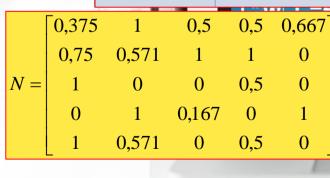
#### Kriteria C5:

$$V_{15} = (0,15 \times 0,667) + 0,15 = 0,25$$
  
 $V_{25} = (0,15 \times 0) + 0,15 = 0,15$   
 $V_{35} = (0,15 \times 0) + 0,15 = 0,15$   
 $V_{45} = (0,15 \times 1) + 0,15 = 0,3$   
 $V_{55} = (0,15 \times 0) + 0,15 = 0,15$ 

Kriteria	Bobot		
$t_{ij}$ = menyajikan elemen matriks yang dinormalisa: (N)			
$w_i$ = menyajikan koefisien			
Keterangan:			

	\	in the second se
	Kriteria	Bobot
	C1	0,3
	C2	0,2
	C3	0,2
	C4	0,15
	C5	0,15
[0,375	5 1 0,5	0,5 0,667

 $V_{ii} = (W_i \times t_{ii}) + W_i$ 



	0,413	0,4	0,3	0,225	0,25	
	0,525	0,314	0,4	0,3	0,15	3
V =	0,6	0,2	0,2	0,225	0,15	A
	0,3	0,4	0,233	0,15	0,3	1
	0,6	0,314	0,2	0,225	0,15	
						6

#### 4. Penentuan matriks area perkiraan perbatasan (G)

$$m = \frac{1}{5} = 0,2$$

$$G_{C1} = (0,413 \times 0,525 \times 0,6 \times 0,3 \times 0,6)^{0,2} = 0,472$$

$$G_{C2} = (0,4 \times 0,314 \times 0,2 \times 0,4 \times 0,314)^{0,2} = 0,316$$

$$G_{C3} = (0,3 \times 0,4 \times 0,2 \times 0,233 \times 0,2)^{0,2} = 0,257$$

$$G_{C4} = (0,225 \times 0,3 \times 0,225 \times 0,15 \times 0,225)^{0,2} = 0,220$$

$$V_{ij} = \frac{\text{menampilkan elemen matriks tertimbang/berbobot (V)}}{\text{m = menyajikan jumlah total alternatif.}}$$

$$V = \begin{bmatrix} 0,413 & 0,4 & 0,3 & 0,225 & 0,25 \\ 0,525 & 0,314 & 0,4 & 0,3 & 0,15 \\ 0,525 & 0,314 & 0,4 & 0,3 & 0,15 \\ 0,6 & 0,2 & 0,2 & 0,225 & 0,15 \\ 0,3 & 0,4 & 0,233 & 0,15 & 0,3 \\ 0,6 & 0,314 & 0,2 & 0,225 & 0,15 \end{bmatrix}$$

$\mathbf{c}_{C5} = (0, 0)$	25 x 0,15 x	0,15 X 0,3	X 0,15) <sup>0,2</sup>	= 0,19	)T	b
	<b>C1</b>	C2	<b>C</b> 3	<b>C4</b>	<b>C5</b>	
G	0,472	0,316	0,257	0,220	0,191	

# Kriteria C1:

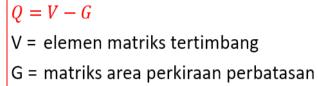
$$Q_{11} = 0.413 - 0.472 = -0.059$$

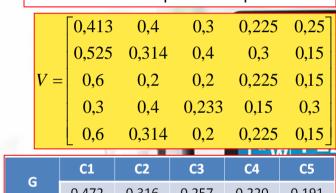
$$Q_{21} = 0.525 - 0.472 = 0.053$$

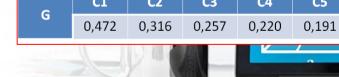
$$Q_{31} = 0.6 - 0.472 = 0.128$$

$$Q_{41} = 0.3 - 0.472 = -0.172$$

$$Q_{51} = 0.6 - 0.472 = 0.128$$







# Kriteria C2:

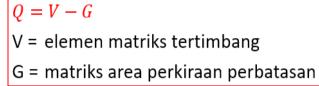
$$Q_{12} = 0.4 - 0.316 = 0.084$$

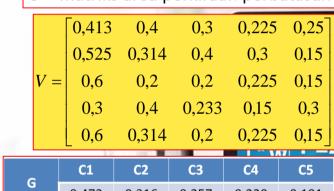
$$Q_{22} = 0.314 - 0.316 = -0.002$$

$$Q_{32} = 0.2 - 0.316 = -0.116$$

$$Q_{42} = 0.4 - 0.316 = 0.084$$

$$Q_{52} = 0.314 - 0.316 = -0.002$$







# Kriteria C3:

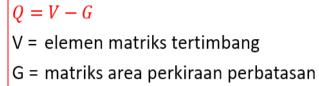
$$Q_{13} = 0.3 - 0.257 = 0.043$$

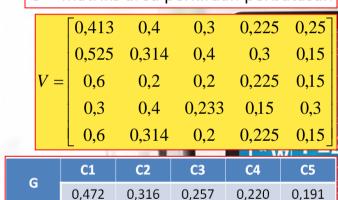
$$Q_{23} = 0.4 - 0.257 = 0.143$$

$$Q_{33} = 0.2 - 0.257 = -0.057$$

$$Q_{43} = 0.233 - 0.257 = -0.024$$

$$Q_{53} = 0.2 - 0.257 = -0.057$$





# Kriteria C4:

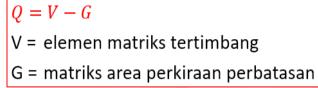
$$Q_{14} = 0.225 - 0.220 = 0.005$$

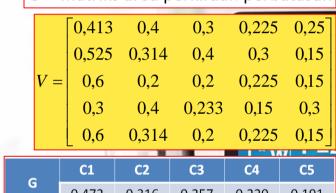
$$Q_{24} = 0.3 - 0.220 = 0.080$$

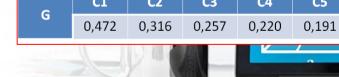
$$Q_{34} = 0.225 - 0.220 = 0.005$$

$$Q_{44} = 0.15 - 0.220 = -0.070$$

$$Q_{54} = 0.225 - 0.220 = -0.005$$







# Kriteria C5:

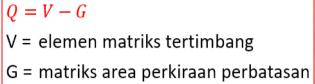
$$Q_{15} = 0.25 - 0.191 = 0.059$$

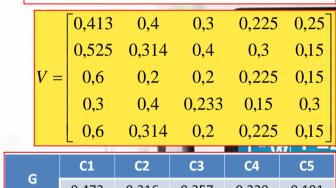
$$Q_{25} = 0.15 - 0.191 = -0.041$$

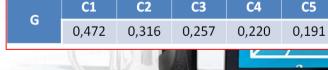
$$Q_{35} = 0.15 - 0.191 = -0.041$$

$$Q_{45} = 0.3 - 0.191 = 0.109$$

$$Q_{55} = 0.15 - 0.191 = -0.041$$







Hasil perhitungan elemen matriks jarak alternatif dari daerah perkiraan perbatasan (Q):

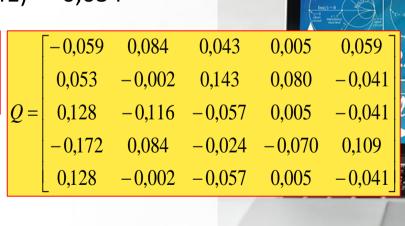
	[-0,059]	0,084	0,043	0,005	0,059	
	0,053	-0,002	0,143	0,080	-0,041	
Q =	0,128	-0,116	-0,057	0,005	-0,041	-
	-0,172	0,084	-0,024	-0,070	0,109	1
	0,128	-0,002	-0,057	0,005	-0,041	
						4



#### 6. Perangkingan Alternatif (S).

$$S_1 = -0.059 + 0.084 + 0.043 + 0.005 + 0.059 = 0.132$$
  
 $S_2 = 0.053 + (-0.002) + 0.143 + 0.080 + (-0.041) = 0.234$   
 $S_3 = 0.128 + (-0.116) + (-0.057) + 0.005 + (-0.041) = -0.081$   
 $S_4 = -0.172 + 0.084 + (-0.024) + (-0.070) + 0.109 = -0.072$   
 $S_5 = 0.128 + (-0.002) + (-0.057) + 0.005 + (-0.041) = 0.034$ 

$$S_i = \sum_{j=1}^n Q_{ij}, j=1,2\dots n, \qquad i=1,2\dots m$$
 n = kriteria m = alternatif



- □ Nilai terbesar ada pada A2 = 0,234 dan A1 = 0,132 sehingga Dion Pratama dan Doni Prakosa adalah alternatif yang terpilih sebagai alternatif terbaik.
- □ Dengan kata lain, Dion Pratama dan Doni Prakosa terpilih untuk posisi operator mesin.

Rete	rence:
	The selection of transport and handling resources in logistics centers using Multi-Attributive Border Approximation area Comparison (MABAC)-Pamučar, D., & Ćirović, G. (2015)
	An interval-valued intuitionistic fuzzy MABAC approach for material selection with incomplete weight information-Xue, Y. X., You, J. X., Lai, X. D., & Liu, H. C. (2016)
	Risk assessment of rockburst via an extended MABAC method under fuzzy environment-Liang, W., Zhao, G., Wu, H & Dai, B. (2019)
	Penerapan Metode MABAC Untuk Mendukung Pengambilan Keputusan Pemilihan Kepala Cabang Pada PT. Cefa Indonesia Sejahtera Lestari-Ndruru, N., Mesran, Waruru, F. T., & Utomo, D. P. (2020)
	MABAC method for multiple attribute group decision making under q-rung orthopair fuzzy environment-Wang, J., Wei, G., Wei, C., & Wei, Y. (2020)