Лабораторная работа

Tema 3. Система компьютерной алгебры Scilab

<u>Задание 3.1</u>

Познакомьтесь с «Основами работы в Scilab».

Для этого:

- Прочитайте описание в учебнике.
- Проанализируйте выполнение команд.
- Придумайте для каждого пункта свои 3-4 примера (можно использовать учебники по математике). При необходимости, примеров может быть больше 4 (если надо рассмотреть разные случаи и функции).
- Реализуйте их средствами Scilab.

Выполнение:

1.

Листинг 2.1. Пример использования комментария

```
-->//6+8
-->
--> // 5+3
--> // 12-6
--> //55*76
```

Листинг 2.2. Пример арифметического выражения

```
--> 2.35*(1.8-0.25)+1.34<sup>2</sup>/3.12
ans =
4.2180
```

```
--> 54*5-(4.3/2+0.8)/3+4.3<sup>3</sup>
ans =
  348.52367
--> 4+0.4^23/5-54
ans =
-50.
--> 76-(4/3*6+4.34^6)/2
ans =
 -3269.2455
3.
   Листинг 2.3. Выражение, расположенное на нескольких строках
--> 1+2+3+4+5+6....
7+8+9+10+....
+11+12+13+14+15
ans =
   120
--> 5+6+3+7+....
 > 4+13+54+3
ans =
 95.
--> 54+23+4+....
 > +12+32+67
ans =
  192.
--> 32-54+23-1-...
 > 44+124+2
ans =
  82.
```

```
--> 1+2;

--> 1+2

ans =

3

--> 5+3;

--> 4+2;

--> 6*76;
```

Листинг 2.5. Примеры определения переменных

```
-->//-----
-->//Присваивание значений переменным a и b
--> a=2.3
a =
2.3000
--> b=-34.7
b =
-34.7000
-->//Присваивание значений переменным х и у,
-->//вычисление значения переменной z
--> x=1;y=2; z=(x+y)-a/b
z =
3.0663
-->//Сообщение об ошибке - переменная с не определена
--> c+3/2
??? Undefined function or variable 'c'.
-->//-----
-->//Определение символьной переменной
--> c='a'
c =
-->//Определение строковой переменной
--> h='мама мыла раму'
h =мама мыла раму
```

```
--> a=4
a =
  4.
--> b=2.3
b =
  2.3
--> x=5;y=2.3;z=x+(y*b)/a
  6.3225
--> c+3.4*8
Неопределённая переменная: с
--> c='d'
c =
--> n='privet'
n =
privet
6.
         Листинг 2.6. Пример использования команды clear
-->//Определение переменных х и у
--> x=3; y=-1;
-->//Отмена определения переменной х
--> clear x
-->//Переменная х не определена
??? Undefined function or variable 'x'.
 -->//Переменная у определена
 --> y
 y =
 -->//Определение переменных а и b
 -->a=1;b=2;
 -->//Отмена определения переменных а и b
 -->clear;
 -->//Переменные а и b не определены
 -->a
  !--error 4
 undefined variable : a
  !--error 4
```

undefined variable : b

```
--> clear x
--> x
Неопределённая переменная: х
--> clear y
--> y
Неопределённая переменная: у
--> clear a
--> a
Неопределённая переменная: а
--> h=5; m=2;
--> clear;
--> h
Неопределённая переменная: h
--> m
Неопределённая переменная: m
7.
          Листинг 2.7. Пример работы с переменной ans
--> 25.7-3.14
ans =
22.5600
--> //Значение системной переменной равно 22.5600
--> 2*ans
ans =
45.1200
--> //Значение системной переменной увеличено вдвое
--> x=ans^0.3
    3.1355
--> ans
ans = 45.1200
--> //После использования в выражении значение
```

--> //системной переменной не изменилось и равно 45.1200

```
--> 6.5+4.5
ans =
  11.
--> 5*ans
ans =
 55.
--> n=ans/11
n =
  5.
--> ans
ans =
  55.
8.
       Листинг 2.8. Использование встроенных переменных
-->a=5.4;b=0.1;
-->F=cos(%pi/3)+(a-b)*%e^2
F = 39.661997
--> a=4;b=0.5;
--> F=sin(a)+%pi*b
F =
  0.8139938
--> H=cos(%pi-a)-%e^b
H =
-0.9950776
--> J=sin(a-b) *%pi/%e^2
J =
 -0.1491419
```

Листинг 2.9. Неправильное обращение к переменной %рі

```
-->sin(pi/2)
!--error 4
undefined variable : pi

--> sin(pi)

Неопределённая переменная: pi

--> cos(pi/2)

Неопределённая переменная: pi

--> pi+5

Неопределённая переменная: pi

10.
```

Листинг 2.10. Примеры определения вещественных чисел

```
-->0.123
ans = 0.123
-->-6.42e+2
ans = -642.
-->3.2e-6
ans = 0.0000032

--> 0.56

ans =

0.56

--> 34.2e-5 | --> 54e-2
ans =

0.000342 | 0.54
```

Листинг 2.11. Вывод вещественных чисел

```
-->%pi
%pi =
3.1415927
-->q=0123.4567890123456
q =
123.45679
```

```
--> %pi
%pi =
3.1415927
--> h=004.34
h =
4.34
--> g=033.453000
g =
33.453
```

Листинг 2.12. Вывод вещественных чисел с использованием функции printf

```
-->printf("%1.12f",%pi)
 3.141592653590
 -->printf("%1.15f",%pi)
 3.141592653589793
 -->printf("%1.2f",q)
 123.46
 -->printf("%1.10f",q)
 123.4567890123
 -->//По умолчанию 6 знаков после запятой
 -->printf("%f",q)
 123.456789
--> printf("%1.10f", %pi)
3.1415926536
--> printf("%1.2f", %pi)
3.14
--> printf("%f",g)
33.453000
          Листинг 2.13. Вычисление математического выражения
    -->x=1.2;y=0.3;
    -->z=sqrt(abs(sin(x/y)))*exp(x^y)
    z =
        2.5015073
13.
```

```
--> x=0.5;y=2.3;
--> z=sqrt(sin(x)*exp(y))
   2.1867505
--> h=abs(cos(y/x)-sin(x/y))
h =
   0.3278356
--> j=abs(sqrt(exp(x*y)))
j =
   1.7771305
    Листинг 2.14. Пример определения функции пользователя с помощью
                             оператора deff
    -->deff('z=fun1(x,y)','z=sqrt(abs(sin(x/y)))*exp(x^y)');
    -->x=1.2;y=0.3;z=fun1(x,y)
     z = 2.5015073
14
--> deff('z=fun(x,y)','z=sqrt(exp(x*y))');
--> x=5.4; y=3.2; z=fun(x,y)
 z =
   5653.3298
--> x=0.5; y=3.4; z=fun(x,y)
 z =
   2.3396469
--> x=43; y=23.2; z=fun(x,y)
 z =
   Inf
    Листинг 2.15. Функция, вычисляющая площадь треугольника по фор-
                              муле Герона
    -->deff('S=G(a,b,c)','p=(a+b+c)/2;S=sqrt((p-a)*(p-b)*(p-c))');
    -->G(2,3,3)
    ans = 1.4142136
15.
```

```
--> deff('S=G(a,b,c)','p=(a+b+c)/2;S=sqrt((p-a)*(p-b)*(p-c))');
--> G(1,4,5)
ans =
0.
--> G(2,3,3)
ans =
1.4142136
--> G(5,4,4)
ans =
3.0618622
```

Листинг 2.16. Пример функции решения квадратного уравнения

```
-->deff('[x1,x2]=korni(a,b,c)','d=b^2-4*a*c;

x1=(-b+sqrt(d))/2/a;x2=(-b-sqrt(d))/2/a');

-->[x1,x2]=korni(-2,-3,5)

x2 = 1.

x1 = -2.5
```

```
--> deff('[x1,x2]=korni(a,b,c)','d=b^2-4*a*c;xl=(-b+sqrt(d))/2/a;x2=(-b-sqrt(d))/2/a');
--> [x1,x2]=korni(-5,-3,2)
x2 =
   0.4
x1 =
 -1.
--> [x1,x2]=korni(-3,-6,12)
x2 =
   1.236068
xl =
 -3.236068
--> [x1,x2]=korni(-2,-5,-7)
x2 =
 -1.25 + 1.3919411i
x1 =
  -1.25 - 1.3919411i
              Листинг 2.17. Решение кубического уравнения
     //файл cub.sce
     function [x1,x2,x3]=cub(a,b,c,d)
     r=b/a;
     s=c/a;
     t=d/a;
     p=(3*s-r^2)/3;
     q=2*r^3/27-r*s/3+t;
     D=(p/3)^3+(q/2)^2;
     u=(-q/2+sqrt(D))^{(1/3)};
```

```
t=d/a;

p=(3*s-r^2)/3;

q=2*r^3/27-r*s/3+t;

D=(p/3)^3+(q/2)^2;

u=(-q/2+sqrt(D))^(1/3);

v=(-q/2-sqrt(D))^(1/3);

y1=u+v;

y2=-(u+v)/2+(u-v)/2*%i*sqrt(3);

y3=-(u+v)/2-(u-v)/2*%i*sqrt(3);

x1=y1-r/3;

x2=y2-r/3;

x3=y3-r/3;

endfunction

//Вызов функции и вывод результатов ее работы:

-->exec('./cub.sce')

// Пример вызова функции из файла для ОС Windows:

//-->exec('C:\Scilab\scilab-4.1.1\cub.sce');

-->disp('exec done');
```

Warning :redefining function: cub

-->[x1,x2,x3]=cub(3,-20,-3,4)

17. x1 = 6.7850868

x3 =

x2 = - 0.5064407

exec done

Задание 3.2

Познакомьтесь с темой «Массивы и матрицы в Scilab. Решение задач линейной алгебры».

Для этого:

- Прочитайте описание в учебнике.
- Проанализируйте выполнение команд.
- Придумайте для каждого пункта свои 3-4 примера (можно использовать учебники по математике). При необходимости, примеров может быть больше 4 (если надо рассмотреть разные случаи и функции).
- Реализуйте их средствами Scilab.

Выполнение:

Листинг 3.1. Примеры работы с массивами

```
--> Xn=-3.5;dX=1.5;Xk=4.5;

--> X=Xn:dX:Xk

X =

-3.5000 -2.0000 -0.5000 1.0000 2.5000 4.0000

--> Y=sin(X/2)

Y =

-0.9840 -0.8415 -0.2474 0.4794 0.9490 0.9093

--> A=0:5

A =

0 1 2 3 4 5

--> 0:5

ans =

0 1 2 3 4 5

--> ans/2+%pi

ans =

3.1416 3.6416 4.1416 4.6416 5.1416 5.6416
```

```
--> Xn=-4.5;dX=0.5;Xk=2.5;
--> X=Xn:dX:Xk
x =
     column 1 to 10
 -4.5 -4. -3.5 -3. -2.5 -2. -1.5 -1. -0.5 0.
     column 11 to 15
 0.5 1. 1.5 2. 2.5
--> Xn=-3.5; dX=1.5; Xk=4.5;
--> X=Xn:dX:Xk
x =
 -3.5 -2. -0.5 1. 2.5 4.
--> Y=cos(X/2)
Y =
    column 1 to 4
 -0.1782461 0.5403023 0.9689124 0.8775826
      column 5 to 6
 0.3153224 -0.4161468
--> A=0:6
A =
 0. 1. 2. 3. 4. 5. 6.
--> 0:6
 ans =
 0. 1. 2. 3. 4. 5. 6.
--> ans/4+%pi
 ans =
      column 1 to 4
  3.1415927 3.3915927 3.6415927 3.8915927
      column 5 to 7
  4.1415927 4.3915927 4.6415927
```

Листинг 3.2. Определение вектора-строки

```
--> V=[1 2 3 4 5]
V =
1 2 3 4 5
--> W=[1.1,2.3,-0.1,5.88]
1.1000 2.3000 -0.1000 5.8800
--> V=[1 2 3]
V =
  1. 2. 3.
--> W=[1.5,-0.5,4.5]
W =
  1.5 -0.5 4.5
3.
            Листинг 3.3. Определение вектора-столбца
--> X=[1;2;3]
X =
 1
 2
 3
--> X=[1;2;3;4]
X =
  1.
  2.
  3.
  4.
--> Y=[1.2;0.2;5]
Y =
  1.2
  0.2
  5.
--> H=[6;0.3;74;0.1]
H =
  6.
  0.3
  74.
```

Листинг 3.4. Пример обращения к элементу массива

```
--> W=[1.1,2.3,-0.1,5.88];
--> W(1)+2*W(3)
ans = 0.9000

--> W=[1,2,3,4,5];
--> W(2)+W(3)*3
ans =

11.

--> W(1)-W(2)
ans =

-1.

--> W(4)*2/W(2)
ans =

4.
```

Листинг 3.5. Пример обращения к элементам матрицы

```
--> A=[1 2 3;4 5 6;7 8 9]
           2 3
         5 6
          8
 --> A(1,2)^A(2,2)/A(3,3)
ans = 3.5556
--> A=[1 2 3; 4 5 6]
A =
  1. 2. 3.
  4. 5. 6.
--> A(1,1)+A(2,1)/A(2,2)
ans =
  1.8
--> A(2,1)*A(1,3)/A(1,1)
ans =
  12.
--> A(2,3)/A(1,1)^A(1,2)
ans =
  6.
```

Листинг 3.6. Пример конкатенации матриц

```
--> v1=[1 2 3]; v2=[4 5 6]; v3=[7 8 9];
--> //Горизонтальная конкатенация векторов-строк:
--> V=[v1 v2 v3]
V = 1 2 3 4 5 6 7 8 9
-->//Вертикальная конкатенация векторов-строк,
-->//результат матрица:
--> V=[v1; v2; v3]
V =
1 2 3
4 5 6
7 8 9
-->//Горизонтальная конкатенация матриц:
--> M=[V V V]
M =
1 2 3 1 2 3 1 2 3
4 5 6 4 5 6 4 5 6
789789789
-->//Вертикальная конкатенация матриц:
--> M=[V;V]
M =
1 2 3
4 5 6
7 8 9
1 2 3
4 5 6
7 8 9
--> v1=[3 4 5]; v2=[9 6 1]; v3=[7 2 8];
--> V=[v1 v2 v3]
V =
  3. 4. 5. 9. 6. 1. 7. 2. 8.
--> V=[v1;v2;v3]
v =
  3. 4. 5.
  9.
     6. 1.
  7.
       2.
          8.
--> M=[V V V]
M =
  3.
      4. 5. 3. 4. 5. 3. 4. 5.
      6. 1. 9. 6. 1. 9. 6. 1.
  9.
          8. 7. 2. 8. 7. 2.
  7.
       2.
                                        8.
--> M=[V;V]
  3. 4.
          5.
  9.
     6.
          1.
  7.
     2. 8.
  3.
     4. 5.
  9. 6. 1.
  7. 2. 8.
```

Листинг 3.7. Примеры использования операции «:»

```
-->//Пусть задана матрица А
--> A=[5 7 6 5; 7 10 8 7;6 8 10 9;5 7 9 10]
--> //Выделить из матрицы А второй столбец
--> A(:,2)
ans =
7
10
8
--> //Выделить из матрицы А третью строку
--> A(3,:)
ans = 68109
--> //Выделить из матрицы А подматрицу М
--> M=A(3:4,2:3)
M =
8 10
7 9
--> //Удалить из матрицы А второй столбец
--> A(:,2)=[]
A =
5 8 10
7 7 9
6 10 9
5 9 10
--> //Удалить из матрицы А третью строку
--> A(3,:)=[]
A =
5 8 10
7 7 9
5 9 10
--> //Представить матрицу М в виде вектора-столбца
--> v=M(:)
v =
8
7
10
--> //Выделить из вектора v элементы со второго по четвертый
--> b=v(2:4)
b =
7
10
9
--> //Удалить из массива b второй элемент
--> b(2)=[];
```

```
--> A=[1 2 3; 4 5 6; 7 8 9]
A =
  1. 2. 3.
  4. 5. 6.
  7. 8. 9.
                       --> A(2,:)=[]
                        A =
--> A(:,3)
ans =
                        2. 3.
                        8. 9.
  3.
  6.
  9.
                        --> v=M(:)
--> A(1,:)
                         4.
ans =
                         7.
                        5.
 1. 2. 3.
                        8.
--> M=A(2:3,1:2)
                       --> b=v(1:3)
  4. 5.
                         4.
  7. 8.
                         7.
                        5.
--> A(:,1)=[]
A =
                       --> b(1)=[]
  2. 3.
                         7.
  5.
      6.
  8. 9.
                         5.
```

Листинг 3.8. Примеры матричных операций

```
-->A=[1 2 0;-1 3 1;4 -2 5];
-->B=[-1 0 1;2 1 1;3 -1 -1];
-->//Вычислить (AT+B)2 - 2A(0.5BT-A)
-->(A'+B)^2-2*A*(1/2*B'-A)
ans =
   10. 8.
   11. 20. 35.
   63. - 30.
                 68.
--> //Решить матричные уравнения A•X=B и X•A=B.
-->A=[3 2;4 3];
-->B=[-1 7;3 5];
-->//Решение матричного уравнения АХ=В:
-->X=A\B
X =
 - 9.
        11.
   13. - 13.
-->//Проверка
-->A*X-B
 ans =
   0.
         0.
-->//Решение матричного уравнения ХА=В:
-->X=B/A
X =
 - 31.
          23.
 - 11.
        9.
```

```
--> B=[1 2 1; 1 2 1; 1 2 1];
--> (A'+B)*2-A*B
 -2. 0. 10.
-9. -16. 3.
-16. -32. -4.
--> X=A\B
x =
 -0.5 -1. -0.5
 0. 0. 0.
 0.5 1. 0.5
--> A*X-B
ans =
-8.882D-16 -1.776D-15 -8.882D-16
-5.551D-16 -1.110D-15 -5.551D-16
           0.
--> X=B/A
Оператор / : ошибка -1 ещё не контролируется.
9.
        Листинг 3.9. Пример применения функции к массиву
--> x=[0.1 -2.2 3.14 0 -1];
--> sin(x)
0.0998 -0.8085 0.0016 0 -0.8415
--> x=[0.5 -2.1 3.14 1 -4];
--> cos(x)
ans =
       column 1 to 4
  0.8775826 -0.5048461 -0.9999987 0.5403023
       column 5
 -0.6536436
--> sin(x)
ans =
  0.4794255 -0.8632094 0.0015927 0.841471 0.7568025
```

--> A=[1 2 3; 4 5 6; 7 8 9];

Листинг 3.10. Использование функции matrix

```
-->D=[1 2;3 4;5 6];
 -->matrix(D,2,3)
 ans =
 1. 5. 4.
 3. 2. 6.
 -->matrix(D,3,2)
 ans =
1. 2.
 3. 4.
 5. 6.
-->matrix(D,1,6)
 ans =
1. 3. 5. 2. 4. 6.
 -->matrix(D,6,1)
1.
 3.
 5.
 2.
 4.
 6.
--> D=[1 2 3; 4 5 6];
--> matrix(D,2,3)
ans =
  1. 2. 3.
  4. 5. 6.
--> matrix(D, 3, 2)
ans =
  1. 5.
  4. 3.
  2.
     6.
--> matrix(D,1,6)
ans =
  1. 4. 2. 5. 3. 6.
11.
           Листинг 3.11. Использование функции ones
 -->ones(1,3) //Формируется вектор-строка
 ans =
 1. 1. 1.
 -->ones(2,2) //Формируется квадратная матрица
 ans =
 1. 1.
 1. 1.
 -->m=3; n=2;
```

```
X =
 1. 1.
 1. 1.
 1. 1.
 -->M=[1 2 3;4 5 6]
 M =
 1. 2. 3.
 4. 5. 6.
 -->//Формируется матрица Y, состоящая из единиц,
 -->//той же размерности, что и матрица М
 -->Y=ones(M)
 Y =
 1. 1. 1.
\ 1. 1. 1.
--> ones(1,3)
ans =
  1. 1. 1.
--> ones(2,2)
ans =
  1. 1.
  1. 1.
--> m=2;n=1;
--> X=ones(m,n)
 x =
  1.
  1.
--> M=[1 2;3 4;5 6]
M =
  1. 2.
  3. 4.
  5. 6.
--> Y=ones (M)
 Y =
   1. 1.
  1. 1.
   1. 1.
```

-->X=ones(m,n) //Формируется матрица размерности m на n

Листинг 3.12. Использование функции zeros

```
-->zeros(3,2)
ans =
0. 0.
0. 0.
0. 0.
-->M=[1 2 3 4 5];
-->Z=zeros(M)
Z =
0. 0. 0. 0. 0.
--> zeros(2,2)
ans =
  0. 0.
  0. 0.
--> M=[1 2 3 4];
--> Z=zeros (M)
  0. 0. 0. 0.
```

Листинг 3.13. Примеры использования функции еуе

```
-->eye(3,3)
ans = 1. 0. 0.
0. 1. 0.
0. 0. 1.
-->eye(5,1)
ans =
1.
0.
0.
0.
0.
-->m=3; n=4;
-->E=eye(m,n)
E =
1. 0. 0. 0.
0. 1. 0. 0.
0. 0. 1. 0.
-->M=[0 1;2 3];
-->//Формируется единичная матрица Е
-->//той же размерности, что и матрица М
-->E=eye(M)
E =
1. 0.
0.1.
-->//Функцию можно использовать без параметров eye().
-->//В этом случае задается матрица с неопределенными
-->//размерами, которые будут определены после суммирования
-->//с другой, определенной ранее, матрицей.
-->M=[1 2;3 4;5 6]; E=eye();
-->A=E+M
A =
2. 2.
3. 5.
5. 6.
-->M-E
ans =
0. 2.
3. 3.
5. 6.
```

```
ans =
  1. 0. 0. 0.
  0. 1. 0. 0.
  0. 0. 1. 0.
  0. 0. 0. 1.
--> eye(2,1)
ans =
  1.
  0.
--> m=3;n=2;
--> E=eye(m,n) --> M=[1;2;3];E=eye();
E =
                   --> A=E+M
  1. 0.
                   A =
  0. 1.
  0. 0.
                    2.
                     2.
                     3.
--> M=[1;2;3];
--> E=eye(M)
                --> M-E
E =
                   ans =
  1.
                     0.
  0.
                     2.
 0.
                      3.
14.
     Листинг 3.14. Примеры использования функции rand
-->rand(2,2)//Матрица 2 на 2 случайных чисел
 ans =
0.2113249 0.0002211
0.7560439 0.3303271
--> R=rand(2,2,2)//Многомерный массив случайных чисел
R(:,:,1) =
0.9355 0.4103
0.9169 0.8936
R(:,:,2) =
```

--> eye(4,4)

0.0579 0.8132 0.3529 0.0099

ans = 0.6653811

-->rand()//Случайное число

```
--> rand(3,3)
ans =
  0.2113249 0.3303271 0.8497452
  0.7560439 0.6653811 0.685731
  0.0002211 0.6283918 0.8782165
--> R=rand(3,3,3)
R =
(:,:,1)
  0.068374 0.7263507 0.2320748
  0.5608486 0.1985144 0.2312237
  0.6623569 0.5442573 0.2164633
(:,:,2)
  0.8833888 0.9329616 0.3616361
  0.6525135 0.2146008 0.2922267
  0.3076091 0.312642 0.5664249
(:,:,3)
  0.4826472 0.5015342 0.6325745
  0.3321719 0.4368588 0.4051954
  0.5935095 0.2693125 0.9184708
--> rand()
ans =
  0.0437334
```

Листинг 3.15. Использование функций sparse и full

```
-->A=sparse([1 3;3 2;3 5],[4,5,6])
A =

( 3, 5) sparse matrix
( 1, 3) 4.
( 3, 2) 5.
( 3, 5) 6.
-->full(A)
ans =

0. 0. 4. 0. 0.
0. 0. 0. 0. 0.
0. 5. 0. 0. 6.
```

```
--> A=sparse([1 2; 3 4],[5,6])
 A =
( 3, 4) sparse matrix
   1, 2)
                      5.
(3, 4)
                      6.
--> full(A)
 ans =
          5.
    0.
               0.
                    0.
    0.
          0.
               0.
                      0.
    0.
          0.
                0.
16.
      Листинг 3.16. Использование функции hypermat
-->//Пример создания матрицы М,
-->//состоящей из трех матриц размерности два на два,
-->//каждый элемент матрицы - член последовательности
-->//целых чисел от 0 до 11.
-->M=hypermat([2 2 3],0:11)
M =
(:,:,1)
0. 2.
1. 3.
(:,:,2)
4. 6.
5. 7.
(:,:,3)
8. 10.
9. 11.
--> M=hypermat([2 2 2],5:10)
ВНИМАНИЕ: функция hypermat устарела.
ВНИМАНИЕ: Используйте matrix.
17.
          Листинг 3.17. Использование функции diag
--> V=[1,2,3];
--> diag(V)//Диагональная матрица, V на главной диагонали
ans = 1 \ 0 \ 0
      0 2 0
      0 0 3
-->//Диагональная матрица,
-->//V на первой диагонали (выше главной)
--> diag(V,1)
ans = 0 \ 1 \ 0 \ 0
      0 0 2 0
      0 0 0 3
      0 0 0 0
-->//Диагональная матрица,
-->//V на первой диагонали (ниже главной)
```

```
--> diag(V,-1)
ans = 0 0 0 0
    1 0 0 0
     0 200
    0 0 3 0
--> A=[-1 2 0 ;2 1 -1 ;2 1 3]
A =
-120
2 1 -1
2 1 3
--> diag(A) //Главная диагональ матрицы A
ans =
   -1
   1
    3
--> V=[1,2,3,4];
--> diag(V)
ans =
  1. 0. 0. 0.
  0. 2. 0. 0.
0. 0. 3. 0.
  0. 0. 0. 4.
--> diag(V,2)
ans =
  0. 0. 1. 0. 0. 0.
  0.
     0. 0. 2. 0. 0.
  0. 0. 0. 0. 3. 0.
  0. 0. 0. 0. 0. 4. --> A=[1 2 3;4 5 6; 7 8 9]
  0. 0. 0. 0. 0. A =
  0. 0. 0. 0. 0. 0.
                          1. 2. 3.
                          4.
                              5.
                                  6.
                          7. 8. 9.
--> diag(V,-2)
ans =
  0. 0. 0. 0. 0. --> diag(A)
  0. 0. 0. 0. 0. ans =
         0.
             0.
                 0.
                     0.
  0. 2. 0.
            0.
                 0.
                     0.
                          1.
  0. 0. 3. 0. 0. 0.
  0. 0. 0. 4. 0. 0.
                         9.
```

Листинг 3.18. Использование функции cat

```
--> A=[1 2;3 4]; B=[5 6 ;7 8];
--> cat(2,A,B)//Объединение матриц
ans =
1 2 5 6
3 4 7 8
--> cat(1,A,B) //Объединение матриц
ans =
1 2
3 4
5 6
7 8
```

```
--> A=[1 2 3; 4 5 6];B=[7 8 9;10 11 12];
--> cat(2,A,B)
ans =
       2. 3. 7. 8. 9.
  1.
  4.
       5. 6. 10.
                       11. 12.
--> cat(1,A,B)
ans =
  1.
        2. 3.
        5.
  4.
             6.
  7.
       8.
             9.
  10. 11. 12.
19.
         Листинг 3.19. Использование функции tril
--> A=[1 2 3;4 5 6;7 8 9]
A =
1 2 3
4 5 6
-->//Нижняя треугольная матрица, начиная с главной диагонали
--> tril(A)
ans =
1 0 0
4 5 0
7 8 9
--> tril(A,0)//Тоже что и tril(A)
ans =
1 0 0
4 5 0
7 8 9
--> tril(A,1)//Нижняя треугольная матрица,
--> //начиная с первой диагонали (выше главной)
ans =
1 2 0
4 5 6
7 8 9
--> tril(A,-2) )//Нижняя треугольная матрица,
--> //начиная со второй диагонали (ниже главной)
ans =
0 0 0
0 0 0
```

700

```
1. 2. 3.
  4. 5. 6.
  7. 8. 9.
--> tril(A)
ans =
 1. 0. 0.
  4. 5. 0.
  7. 8. 9.
--> tril(A,0)
ans =
 1. 0. 0.
  4. 5. 0.
  7. 8. 9.
--> tril(A,1)
ans =
  1. 2. 0.
  4.
     5. 6.
  7. 8. 9.
--> tril(A,-2)
ans =
 0. 0. 0.
  0. 0. 0.
  7. 0. 0.
20.
        Листинг 3.20. Использование функции triu
--> A=[1 2 3;4 5 6;7 8 9];
--> triu(A)//Верхняя треугольная матрица
ans =
1 2 3
0 5 6
0 0 9
--> triu(A,2) )//Верхняя треугольная матрица,
--> //начиная со второй диагонали (выше главной)
ans =
0 0 3
0 0 0
0 0 0
```

--> A=[1 2 3;4 5 6;7 8 9]

```
--> triu(A,-1) )//Верхняя треугольная матрица,
--> //начиная с первой диагонали (ниже главной)
ans =
1 2 3
4 5 6
0 8 9
--> A=[1 2 3;4 5 6;7 8 9];
--> triu(A)
 ans =
  1. 2. 3.
  0. 5. 6.
  0. 0. 9.
--> triu(A,2)
 ans =
  0. 0. 3.
  0. 0. 0.
       0. 0.
--> triu(A,-2)
 ans =
  1. 2. 3.
   4. 5. 6.
   7. 8. 9.
21.
       Листинг 3.21. Использование функции sort
-->b=[2 0 1]; sort(b) //Сортировка по убыванию
  2.
-->-sort(-b) //Сортировка по возрастанию
  0. 1.
-->A=[1 2 0;-1 3 1;4 -2 5];
-->sort(A) //Сортировка матрицы
ans =
      2. 0.
   5.
   4. 1. - 1.
   3. 1. - 2.
--> b=[3 5 2]; sort(b)
Heoпределённая переменная: sort
--> -sort (-b)
Heonpeделённая переменная: sort
```

```
Листинг 3.22. Использование функции size
```

```
-->M=[1 2;3 4;5 6;7 8];
-->[n,m]=size(M)
 m =
2.
 n =
-->size(M,1)
 ans =
-->size(M,2)
 ans =
2.
--> M=[1 2 3 4;5 6 7 8];
--> [n,m]=size(M)
m =
  4.
n =
  2.
--> size(M,1)
ans =
  2.
--> size(M,2)
ans =
  4.
23.
        Листинг 3.23. Использование функции length
--> V=[-1 0 3 -2 1 -1 1];//Вектор-строка
--> length(V)//Длина вектора
ans =
    7
-->[1 2 3;4 5 6];//Mатрица
-->length(ans)//Количество элементов матрицы
ans =
   6.
```

```
--> V=[3 4 6 2 8];
--> length(V)
ans =
  5.
--> [1 2;3 4;5 6];
--> length(ans)
ans =
 6.
```

Листинг 3.24. Примеры использования функции sum

```
-->M=[1 2 3;4 5 6;7 8 9];
 -->Y=sum(M) //Сумма элементов матрицы
 Y = 45.
-->S1=sum(M,1) //Сумма элементов матрицы по столбцам
S1 =
-->S2=sum(M,2) // Сумма элементов матрицы по строкам
S2 =
15
24
--> V=[-1 0 3 -2 1 -1 1];
--> sum(V) //Сумма элементов вектора
ans = 1
-->//Частный случай. Вычисление скалярного произведения
--> a=[1 2 3];b=[2 0 1];
--> sum(a.*b)
ans = 5
--> M=[1 2;3 4;5 6];
--> Y=sum (M)
Y =
  21.
--> S1=sum(M,1)
S1 =
  9. 12.
--> S2=sum(M,2)
S2 =
  3.
  7.
  11.
--> V=[6 5 3 9 7];
--> sum(V)
ans =
--> a=[1 2 3];b=[4 5 6];
--> sum(a.*b)
ans =
  32.
```

Листинг 3.25. Использование функции prod

```
-->prod(M)
ans = 362880.
-->p1=prod(M,1)
p1 =
28 80 162
-->p2=prod(M,2)
p2 =
6
120
504
--> V=[1,2,3];
--> prod(V) //Произведение элементов вектора
--> prod (M)
ans =
  720.
--> pl=prod(M,1)
p1 =
  15. 48.
--> p2=prod(M,2)
p2 =
  2.
  12.
  30.
--> V=[1,2,3];
--> prod(V)
ans =
  6.
```

Листинг 3.26. Использование функции тах

```
-->M=[5 0 3;2 7 1;0 4 9];
-->max(M)
ans =
-->max(M,'r')
ans =
   5.
        7.
               9.
-->max(M,'c')
ans =
   5.
   7.
   9.
                                                   3. 3.
-->[x,nom]=max(M)
                                                x =
nom =
                                                9.
```

```
--> M=[1 2;3 4;5 6];
--> max (M)
ans =
  6.
--> max (M, 'r')
 ans =
  5. 6.
--> max (M, 'c')
 ans =
  2.
  4.
  6.
--> [x, nom] = max (M)
nom =
  3. 2.
 x =
  6.
27.
          Листинг 3.27. Использование функции min
-->A=[5 10 3 2 7 1 25 4 0];
-->[x,nom]=min(A)
 nom =
    7.
x =
    25.
--> A=[1 4 6 3 7 9];
--> [x,nom]=min(A)
nom =
  1.
x =
  1.
```

Листинг 3.28. Использование функции mean

```
-->mean(M)
 ans =
    3.444444
-->mean(M,1)
 ans =
                3.6666667
    2.3333333
                              4.3333333
-->mean(M,2)
 ans =
    2.6666667
    3.3333333
    4.3333333
--> mean (M)
ans =
  3.5
--> mean (M, 1)
ans =
  3. 4.
--> mean (M, 2)
ans =
  1.5
  3.5
  5.5
29.
        Листинг 3.29. Использование функции median
                                                       2.
                                                            4.
                                                                   3.
                                                   -->median(M,2)
-->M=[5 0 3;2 7 1;0 4 9];
-->median(M)
                                                    ans =
ans = 3.
                                                       3.
                                                       2.
-->median(M,1)
                                                       4.
ans =
```

```
--> M=[1 2 3; 4 5 6; 7 8 9];
--> median(M)
ans =
  5.
--> median (M, 1)
 ans =
  4. 5. 6.
--> median (M, 2)
ans =
  2.
  5.
  8.
30.
          Листинг 3.30. Использование функции det
-->M=[1 0 2;3 2 1;0 3 1];
-->det(M)
 ans = 17.
-->Z=[1 2 2;0 1 3;2 4 4];
-->det(Z)
 ans = 0.
--> M=[1 2 3;4 5 6;7 8 9];
--> det (M)
ans =
 -9.516D-16
--> Z=[1 1 1;2 2 2;3 3 3];
--> det(Z)
ans =
 -1.849D-32
--> H=[1 0 1;1 0 1;1 0 1];
--> det(H)
ans =
  0.
```

Листинг 3.31. Использование функции rank

```
-->M=[1 0 2;3 2 1;0 3 1];
-->rank(M)
 ans = 3.
-->Z=[1 2 2;0 1 3;2 4 4];
-->rank(Z)
 ans = 2.
--> M=[1 2 3;4 5 6;7 8 9];
--> rank(M)
ans =
  2.
--> Z=[1 1 1;2 2 2;3 3 3];
--> rank(Z)
ans =
  1.
--> H=[1 0 1;1 0 1;1 0 1];
--> rank(H)
ans =
  1.
```

Листинг 3.32. Использование функции norm

```
-->M=[1 0 2;3 2 1;0 3 1];
-->norm(M,1)
ans = 5.
-->norm(M,2)
   4.5806705
-->norm(M,'inf')
ans = 6.
-->norm(M,'fro')
ans = 5.3851648
-->X=[5 -3 4 -1 2];
-->norm(X,1)
ans = 15.
-->sum(abs(X))//To жe, что и norm(X,1)
ans = 15.
-->norm(X,2)
ans = 7.4161985
-->sqrt(sum(X^2)) //To жe, что и norm(X,2)
ans = 7.4161985
-->norm(X,'inf')
ans =
-->max(abs(X))//То же, что и norm(X,'inf')
ans =
    5.
```

```
--> M=[1 2 3;4 5 6;7 8 9]; --> sum(abs(X))
                        ans =
--> norm(M, 1)
ans =
                          18.
 18.
                        --> norm(X,2)
                        ans =
--> norm (M, 2)
                          9.8994949
 16.848103
                       --> sqrt(sum(X^2))
--> norm(M,'inf')
                         ans =
ans =
                          9.8994949
 24.
--> norm(M,'fro')
                       --> norm(X,'inf')
ans =
                        ans =
 16.881943
                          7.
--> X=[3 2 7 6];
                        --> max (abs(X))
--> norm(X,1)
                        ans =
ans =
                          7.
 18.
```

Листинг 3.33. Использование функции cond

```
-->A=[5 7 6 5;7 10 8 7;6 8 10 9;5 7 9 10];
-->cond(A)
ans =
2984.0927

--> A=[1 2 3;4 5 6;7 8 9];
--> cond(A)
ans =
5.052D+16

--> Z=[1 2;3 4];
--> cond(Z)
ans =
14.933034
```

Листинг 3.34. Использование функции spec

```
-->M=[3 -2;-4 1]
 M =
3. - 2.
- 4. 1.
-->spec(M) //Собственные числа матрицы
- 1.
  5.
//Х - собственные векторы,
-->соответствующие собственным значениям из матрицы Ү.
-->[X,Y]=spec(M)
 Y =
! - 1. 0 !
        5. !
! 0
 χ =
! 0.4472136 - 0.7071068 !
! 0.8944272 0.7071068 !
--> M=[1 2;3 4]
M =
 1. 2.
 3. 4.
--> spec(M)
ans =
 -0.3722813
 5.3722813
--> [X,Y] = spec(M)
Y =
-0.3722813 0.
 0. 5.3722813
x =
 -0.8245648 -0.4159736
 0.5657675 -0.9093767
35.
         Листинг 3.35. Использование функции inv
-->//Пример вычисления обратной матрицы.
-->A=[1 2 3 5;0 1 3 2;4 2 1 1;2 3 0 1];
-->inv(A)
 ans =
! 0.0285714 - 0.1428571 0.3428571 - 0.2 !
! - 0.2 0.5 0.1 - 0.1 !
! 0.3714286 - 0.3571429 - 0.0428571 - 0.1 !
```

```
-->//При умножении обратной матрицы на исходную,
-->//получилась матрица, близкая к единичной.
-->inv(A)*A
 ans =
1. - 1.110D-16 0. 0.
    1. - 5.551D-17 5.551D-17
0. 0. 1. 1.388D-17
    0. 6.939D-17 1.
-->//При попытке обратить вырожденную матрицу
-->//(определитель равен или близок к нулю)
-->//пользователь получит сообщение об ошибке.
-->B=[1 2 3;1 4 5;1 6 7];
-->inv(B)
 !--error
           19
Problem is singular
--> A=[1 2 3;4 5 6;7 8 9];
--> inv(A)
Предупреждение:
матрица близка к сингулярной или плохо масштабирована. rcond = 2.
ans =
  3.153D+15 -6.305D+15 3.153D+15
 -6.305D+15 1.261D+16 -6.305D+15
  3.153D+15 -6.305D+15 3.153D+15
--> inv(A) *A
Предупреждение:
матрица близка к сингулярной или плохо масштабирована. rcond = 2.
 -2. 0. 2.
  4. 0. 12.
 -2. 0. -2.
--> B=[1 2 3;1 4 5;1 6 7];
--> inv(B)
inv: Задача вырождена.
36.
        Листинг 3.36. Использование функции pinv
-->pinv(A)
 ans =
  - 0.2 0.5 0.1 - 0.1
  0.3714286 - 0.3571429 - 0.0428571 - 0.1
```

```
--> pinv(A)
 ans =
  -0.6388889 -0.1666667 0.3055556
  -0.0555556 1.249D-16 0.0555556
   0.5277778
                  0.1666667 -0.1944444
37.
    Листинг 3.37. Пример использования функции linsolve
-->//Решение системы линейных уравнений
-->//\{x1+2x2-7=0; x1+x2-6=0\}.
-->//Свободные коэффициенты вводятся как вектор-столбец
-->//и с учетом знаков.
-->A=[1 2;1 1];b=[-7;-6];
-->x=linsolve(A,b)
 x =
5.
1.
-->//Результатом операции А*х+b является вектор, достаточно
-->//близкий к нулю, это значит, что система решена верно.
-->A*x+b
 ans =
  1.0D-14 *
- 0.6217249
 0.0888178
-->//Решение системы {x1+x2-1=0; x1+x2-3=0}
-->A=[1 1;1 1]; b=[-1;-3];
-->//Система не имеет решений:
-->linsolve(A,b)
WARNING: Conflicting linear constraints!
 ans =
     []
-->//Решение системы {3x1-x2-1=0; 6x1-2x2-2=0}.
-->//В случае, когда система имеет бесконечное
-->//множество решений, SCILAB выдаст одно из них.
-->A=[3 -1;6 -2];
-->b=[-1;-2];
-->x=linsolve(A,b)
x =
0.3
   - 0.1
-->//Проверка неверна
-->A*x+b
 ans =
  1.0D-15 *
- 0.1110223
- 0.2220446
38.
      Листинг 3.38. Пример использования функции rref
--> A=[3 -2 1 5;6 -4 2 7;9 -6 3 12]
A =
3 -2 1 5
6 -4 2 7
9 -6 3 12
--> rref(A)
1.0000 -0.6667 0.3333 0
0 0 0 1.0000
```

0 0 0 0

```
--> A=[1 2 3;4 5 6;7 8 9]
A =
 1. 2. 3.
  4. 5. 6.
  7. 8. 9.
--> rref(A)
ans =
  1. 0. -1.
  0. 1. 2.
  0. 0. 0.
--> B=[4 5;3 8;8 0;2 1]
B =
                       --> M=[2 6 8 4;0 8 4 8; 2 6 3 8]
                       M =
  4. 5.
  3. 8.
                         2. 6. 8. 4.
  8. 0.
                         0. 8. 4. 8.
  2. 1.
                         2. 6. 3. 8.
--> rref(B)
ans =
                       --> rref(M)
                       ans =
  1. 0.
                         1. 0. 0. 1.
  0. 1.
                         0. 1. 0. 1.4
  0. 0.
  0. 0.
                         0. 0. 1. -0.8
39.
         Листинг 3.39. Использование функции 1u
-->A=[2 -1 5;3 2 -5;1 1 -2]
 A =
2. - 1. 5.
3. 2. - 5.
1. 1. - 2.
-->[L,U]=lu(A)
 U =
3. 2. - 5.
0. - 2.3333333 8.3333333 !
0. 0. 0.8571429 !
 L =
0.6666667 1. 0.
1. 0. 0.
```

2. - 1. 5. 3. 2. - 5. 1. 1. - 2.

-->LU=L*U

0.3333333 - 0.1428571 1.

```
--> A=[1 2 3;4 5 6;7 8 9]
A =
 1. 2. 3.
 4. 5. 6.
 7. 8. 9.
--> [L,U]=lu(A)
Ω =
 7. 8. 9.
0. 0.8571429 1.7142857
0. 0. -1.586D-16
L =
 0.1428571 1. 0.
 0.5714286 0.5 1.
         0. 0.
 1.
--> LU=L*U
TA =
 1. 2. 3.
4. 5. 6.
 7. 8. 9.
40.
        Листинг 3.40. Использование функции qr
-->[Q,R]=qr(A)
 R =
- 3.7416574 - 1.3363062 1.8708287
 0. - 2.0528726 7.0632734
          0.
                    0.7811335
 0.
 Q =
- 0.8017837 - 0.4523279 - 0.3905667
                                     2. - 1. 5.
0.2672612 - 0.3131501 0.9113224
                                      3. 2. - 5.
-->Q*R
                                     1. 1. - 2.
ans =
--> [Q, R] =qr(A)
R =
 -8.1240384 -9.6011363 -11.078234
 0. 0.904534 1.8090681
            0. -7.588D-16
 0.
 Q =
 -0.1230915 0.904534 0.4082483
 -0.492366 0.3015113 -0.8164966
 -0.8616404 -0.3015113 0.4082483
--> Q*R
 ans =
  1. 2. 3.
  4. 5. 6.
  7. 8. 9.
```

Листинг 3.41. Использование функции svd

```
-->[U,S,V]=svd(A)
V =
S =
U =
0.5951314 0.8028320 0.0357682
- 0.7449652 0.5678344 - 0.3501300
- 0.3014060 0.1817273 0.9360180
-->U*S*V'
ans =
2. - 1. 5.
3. 2. - 5.
1. 1. - 2.
-->s=svd(A)
s =
7.8003308
3.6207331
0.2124427
--> [U,S,V]=svd(A)
v =
 -0.4796712 -0.776691 -0.4082483
 -0.5723678 -0.0756865 0.8164966
 -0.6650644 0.6253181 -0.4082483
 S =
  16.848103 0.
                          0.
              1.0683695 0.
  0.
              0.
                     3.335D-16
  0.
 U =
 -0.2148372 0.8872307 0.4082483
 -0.5205874 0.249644 -0.8164966
 -0.8263375 -0.3879428 0.4082483
--> U*S*V'
 ans =
  1. 2. 3.
  4. 5. 6.
  7.
       8. 9.
--> s=svd(A)
s =
  16.848103
  1.0683695
   3.335D-16
```

Листинг 3.42. Использование функции kernel

```
-->A=[4 1 -3 -1;2 3 1 -5;1 -2 -2 3]
 A =
 4. 1. - 3. - 1.
2. 3. 1. - 5.
1. - 2. - 2. 3.
 -->X=kernel(A)
 X =
 0.3464102
 0.5773503
 0.4618802
 0.5773503
--> A=[1 2 3;4 5 6;7 8 9]
A =
  1. 2. 3.
  4. 5. 6.
  7. 8. 9.
--> X=kernel(A)
X =
 0.4082483
 -0.8164966
 0.4082483
```

Листинг 3.43. Формирование символьных матриц

```
-->M=['a' 'b';'c' 'd']
M =
a b
c d
-->P=['1' '2';'3' '4']
 P =
1 2
3 4
--> M=['a' 'b';'c' 'd';'e' 'f']
M =
!a b !
1
     1
!c d !
!e f !
--> P=['1' '2';'3' '4']
P =
!1 2 !
     !
!3 4 !
```

-->M+P

Листинг 3.44. Операции над символьными матрицами

```
ans =
a1 b2
c3 d4
-->M'
 ans =
a c
b d
--> P=['1' '2';'3' '4';'5' '6'];
--> M+P
ans =
!al b2 !
!c3 d4 !
!e5 f6 !
--> M'
ans =
!b d f !
--> P'
ans =
!1 3 5 !
12 4 6 1
  45.
           Листинг 3.45. Использование функций addf и mulf
   -->addf(M(1,1),P(2,2))
```

```
ans =
 a+4
-->mulf(M(1,2),P(2,1))
 ans =
 b*3
--> addf(M(1,1),P(2,2))
Неопределённая переменная: addf
--> mulf(M(1,2),P(2,1))
Неопределённая переменная: mulf
```

```
Листинг 3.46. Текст файла-сценария решения СЛАУ методом
                             Крамера
 //Матрица коэффициентов:
 A=[2 \ 1 \ -5 \ 1;1 \ -3 \ 0 \ -6;0 \ 2 \ -1 \ 2;1 \ 4 \ -7 \ 6];
 b=[8;9;-5;0]; //Вектор свободных коэффициентов
 А1=А;А1(:,1)=b; //Первая вспомогательная матрица
 А2=А;А2(:,2)=b; //Вторая вспомогательная матрица
 АЗ=А;АЗ(:,3)=b; //Третья вспомогательная матрица
 А4=А;А4(:,4)=b; //Четвертая вспомогательная матрица
 D=det(A); //Главный определитель
 //Определители вспомогательных матриц:
 d(1)=det(A1); d(2)=det(A2); d(3)=det(A3); d(4)=det(A4);
 x=d/D //Вектор неизвестных
 Р=А*х-b //Проверка
--> A=[1 2 3;4 5 6;7 8 9];
--> b=[2;4;6];
--> Al=A; Al=(:,1)=b;
Al=A; Al=(:,1)=b;
         44
Ошибка: syntax error, unexpected :
47.
Листинг 3.47. Вызов файла-сценария решения СЛАУ методом
                         Крамера
 -->exec('C:\scilab-4.1.1\kramer.sce');disp('exec done');
    3.
  - 4.
  - 1.
    1.
 P = 1.0D-14 *
     0.1776357
        0.
   - 0.0888178
     0.1554312
 exec done
--> exec('C:\scilab-4.1.1\kramer.sce');disp('exec done');
exec: Не удалось открыть файл C:\scilab-4.1.1\kramer.sce.
48.
```

Листинг 3.48. Решение СЛАУ с использованием функции inv

```
//Матрица и вектор свободных коэффициентов системы:
A=[2 \ 1 \ -5 \ 1;1 \ -3 \ 0 \ -6;0 \ 2 \ -1 \ 2;1 \ 4 \ -7 \ 6];b=[8;9;-5;0];
x=inv(A)*b //Решение системы
//Результаты работы файла-сценария:
--> x =
3.
- 4.
- 1.
1.
--> A=[1 2 3;4 5 6;7 8 9];b=[2;4;6];
--> x=inv(A) *b
Предупреждение:
матрица близка к сингулярной или плохо масштабирована. rcond = 2.
   0.
   0.
   0.
49.
   Листинг 3.49. Использование функции rref для решения СЛАУ
 //Матрица и вектор свободных коэффициентов системы:
 A=[2 -1 1;3 2 -5;1 3 -2]; b=[0;1;4];
 //Приведение расширенной матрицы к треугольному виду:
 C=rref([A b]);
 //Определение размерности расширенной матрицы:
 [n,m]=size(C); //m- номер последнего столбца матрицы С
 //Выделение последнего столбца из матрицы С:
 x=C(:,m) //x - решение системы
 //Результаты работы программы:
 --> x =
     0.4642857
     1.6785714
     0.75
--> A=[1 2 3;4 5 6;7 8 9];b=[0;1;2];
--> C=rref([A b]);
--> [n,m]=size(C);
--> x=C(:,m)
x =
  0.6666667
 -0.3333333
   0.
```

Задание 3.3

Познакомьтесь с темой «Численное интегрирование и дифференцирование».

Для этого:

- Прочитайте описание в учебнике.
- Проанализируйте выполнение команд.
- Придумайте для каждого пункта свои 3-4 примера (можно использовать учебники по математике). При необходимости, примеров может быть больше 4 (если надо рассмотреть разные случаи и функции).
- Реализуйте их средствами Scilab.

Выполнение:

```
Листинг 7.1. Точное решение задачи 7.1
```

```
-->a=5;b=13;

-->I=1/3*(2*b-1)^(3/2)-1/3*(2*a-1)^(3/2)

I = 32.666667

--> a=5;b=13;

--> I=1/3*(2*b-1)^(3/2)-1/3*(2*a-1)^(3/2)

I = 32.666667

--> a=10;b=25;

--> I=1/3*(2*b-1)^(3/2)-1/3*(2*a-1)^(3/2)

I = 86.726973

--> a=13;b=17;

--> I=1/3*(2*b-1)^(3/2)-1/3*(2*a-1)^(3/2)

I = 21.523522
```

```
Листинг 7.2. Приближенное решение задачи 7.1 с использованием
                    функции inttrap
  -->x=a:b;y=sqrt(2*x-1);
  -->inttrap(x,y)
  ans =
     32.655571
  -->h=0.5; x=a:h:b; y=sqrt(2*x-1);
  -->inttrap(x,y)
  ans =
     32.66389
  -->h=0.1; x=a:h:b; y=sqrt(2*x-1);
  -->inttrap(x,y)
  ans =
     32.666556
--> x=a:b;y=sqrt(2*x-1);
--> inttrap(x,y)
ans =
  21.521363
--> h=0.5; x=a:h:b; y=sqrt(2*x-1);
--> inttrap(x,y)
ans =
  21.522982
--> h=0.3; x=a:h:b; y=sqrt(2*x-1);
--> inttrap(x,y)
ans =
  20.949747
--> h=0.8; x=a:h:b; y=sqrt(2*x-1);
--> inttrap(x,y)
ans =
 21.52214
3.
  Листинг 7.3. Использование функции inttrap с одним аргументом
 -->x=a:b;y=sqrt(2*x-1);
 -->inttrap(y)
              32.655571
 ans =
```

-->h=0.1; x=a:h:b; y=sqrt(2*x-1);

-->inttrap(y)

ans = 326.66556

```
--> inttrap(y)
ans =
 21.521363
--> h=0.8; x=a:h:b; y=sqrt(2*x-1);
--> inttrap(y)
ans =
 26.902675
--> h=0.5; x=a:h:b; y=sqrt(2*x-1);
--> inttrap(y)
ans =
 43.045965
--> h=0.1; x=a:h:b; y=sqrt(2*x-1);
--> inttrap(y)
ans =
  215.23501
4.
         Листинг 7.4. Использование функции integrate
-->integrate('(2*x-1)^0.5','x',5,13)
 ans = 32.666667
--> integrate('(2*x-1)^0.5','x',5,13)
 ans =
  32.666667
--> integrate('(2*x-1)^0.5','x',10,17)
ans =
  35.583829
--> integrate('(2*x-1)^0.5','x',2,9)
ans =
   21.632214
```

--> x=a:b;y=sqrt(2*x-1);

```
Листинг 7.5. Использование функции intg
```

```
-->deff('y=G(x)','y=sqrt(2*x-1)'); intg(5,13,G)
ans = 32.666667

--> deff('y=G(x)','y=sqrt(2*x-1)'); intg(5,13,G)
ans =
32.666667

--> deff('y=G(x)','y=sqrt(2*x-1)'); intg(10,17,G)
ans =
35.583829

--> deff('y=G(x)','y=sqrt(2*x-1)'); intg(2,9,G)
ans =
21.632214
```

Листинг 7.6. Решение задачи 7.4

```
-->function y=f(t),y=t^2/sqrt(3+sin(t)),endfunction;
-->[I,er]=intg(0,1,f)
er = 1.933D-15
I =
       0.1741192
 --> function y=f(t),y=t^2/sqrt(3+sin(t)),endfunction;
  --> [I,er]=intg(0,1,f)
  er =
    1.933D-15
  I =
    0.1741192
  --> [I,er]=intg(5,10,f)
    4.308D-09
  I =
    162.48468
  --> [I,er]=intg(2,5,f)
    5.765D-12
    25.214719
```

Листинг 7.7. Использование функции diff

```
-->h=5;x=50:5:65;
 -->y=log10(x)
                1.7403627 1.7781513 1.8129134
 y = 1.69897
 -->dy=diff(y)
 dy = 0.0413927 0.0377886 0.0347621
 -->dy2=diff(y,2)
 dy2 = -0.0036041 - 0.0030265
 -->dy3=diff(y,3)
 dy3 = 0.0005777
 -->//Приближенное значение у'(50) по формуле (7.2)
 -->Y=(dy(1)-dy2(1)/2+dy3(1)/3)/h
 Y = 0.0086775
 -->//3начение у'(50) для lg'(x)=1/ln(10)/x
 -->1/log(10)/x(1)
 ans = 0.0086859
 -->//Приближенное значение y'(x), x=50,55,60 (7.2)
 -->Y=(dy-dy2(1:\$-1)/2+dy3(1:\$-2)/3)/h
 Y = 0.0086389 0.0079181 0.0073128 
-->//Значение y'(x), x=50,55,60, для lg'(x)=1/ln(10)/x
 -->(1/\log(10))./x(1:\$-1)
 ans = 0.0086859
                   0.0078963 0.0072382
--> h=5;x=50:5:65;
--> y=log10(x)
у =
  1.69897 1.7403627 1.7781513 1.8129134
--> dy=diff(y)
dy =
  0.0413927 0.0377886 0.0347621
--> dy2=diff(y,2)
dy2 =
 -0.0036041 -0.0030265
--> dy3=diff(y,3)
dy3 =
  0.0005777
--> Y=(dy(1)-dy2(1)/2+dy3(1)/3)/h
Y =
 0.0086775
--> 1/log(10)/x(1)
ans =
  0.0086859
```

```
--> Y=(dy-dy2(1:$-1)/2+dy3(1:$-2)/3)/h
операция +: Предупреждение, суммирование матрицы с пустой матрице
Y =
   []
--> (1/log(10))./x(1:$-1)
ans =
 0.0086859 0.0078963 0.0072382
8.
                   Листинг 7.8. Решение задачи 7.6
 -->function f=my(x), f=(x+2)^3+5*x, endfunction;
 -->numdiff(my,1)
  ans = 32.
 -->x=1;3*(x+2)^2+5
  ans = 32.
--> function f=my(x), f=(x+2)^3+5*x, endfunction;
--> numdiff(my,1)
Неопределённая переменная: numdiff
--> x=1;3*(x+2)^2+5
ans =
   32.
--> x=5;3*(x+2)^2+5
ans =
   152.
--> x=10;3*(x+2)^2+5
 ans =
  437.
9.
                Листинг 7.9. Решение задачи 7.7
 -->v=0:3;
 -->numdiff(my,v)
  ans =
           0.
                 0.
                             0.
    17.
     0.
           32.
                 0.
                              0.
     0.
           0.
                 52.999999
                            0.
                              80.000002
           0.
                  0.
 -->function f1=my1(x), f1=3*(x+2)^2+5, endfunction;
 -->my1(v)
 ans = 17. 32. 53. 80.
```

```
--> v=0:3;
--> numdiff(my, v)
Неопределённая переменная: numdiff
--> function fl=myl(x),fl=3*(x+2)^2+5,endfunction;
--> myl(v)
ans =
  17. 32. 53. 80.
--> function fl=myl(x),fl=5*(x-2)^3+21,endfunction;
Предупреждение : переопределение функции: myl
--> myl(v)
ans =
 -19. 16. 21. 26.
--> function fl=myl(x),fl=10*(x+12)^2-11,endfunction;
Предупреждение : переопределение функции: myl
--> myl(v)
ans =
  1429. 1679. 1949. 2239.
10.
                 Листинг 7.10. Решение задачи 7.8
-->function [Y]=f(X), Y=X(1)*X(2)^X(3)+X(1)^2*X(3), endfunction
-->X=[1 2 3];
-->numdiff(f,X)
 ans = 14. 12. 6.5451775
-->//-----
-->function [Y]=f1(X),
Y(1)=X(2)^X(3)+2*X(1)*X(3),
Y(2)=X(1)*X(3)*X(2)^(X(3)-1),
Y(3)=x(1)*X(2)^X(3)*log(X(2))+X(1)^2,
endfunction
-->f1(X)
 ans =
    14.
    12.
    6.5451774
--> function [Y]=f(X),Y=X(1)*X(2)^X(3)+X(1)^2*X(3), endfunction
Предупреждение : переопределение функции: f
                                                 . Чтобы это сообщение не появлялось, используйте funcprot(0)
--> X=[1 2 3];
--> numdiff(f.X)
Неопределённая переменная: numdiff
--> function [Y]=f1(X), Y(1)=X(2)^X(3)+2*X(1)*X(3), Y(2)=X(1)*X(3)*X(2)^(X(3)-1), Y(3)=X(1)*X(2)^X(3)*log(X(2))+X(1)^2, endfunction
--> fl(X)
ans =
 6.5451774
```