

Instituto de Computação UNIVERSIDADE ESTADUAL DE CAMPINAS



MC102 – Aula 16 NumPy

Algoritmos e Programação de Computadores

Zanoni Dias

2023

Instituto de Computação

Roteiro

NumPy

Array

Acessando o Array

Operadores para Arrays

Operações de Comparação

Operações Algébricas

Métodos Matemáticos

Métodos para Conjuntos

Métodos Probabilísticos

Métodos Estatísticos

Concatenação

Documentação

NumPy

NumPy

- NumPy é uma biblioteca Python que contém tipos para representar vetores e matrizes, juntamente com suporte para diversas operações matemáticas.
- NumPy foi desenvolvida para ser eficiente em aplicações científicas.

NumPy

- Para instalar a biblioteca NumPy, baixe o pacote do seu site oficial: http://www.numpy.org
- Para usar esta biblioteca, deve-se importá-la com o comando: import numpy

Array

Array

- O tipo básico da biblioteca NumPy é o array, que é usado para armazenar objetos homogêneos multidimensionais.
- Um array pode ser criado a partir de uma lista.

```
import numpy
obj = numpy.array([1, 2, 3])
print(type(obj))

# <class 'numpy.ndarray'>
print(obj)

# [1 2 3]
print(obj.ndim)

# 1
print(obj.size)
# 3
```

 Neste exemplo, usamos a biblioteca NumPy para criar um array unidimensional, com 3 elementos.

Array

• Um array pode ser criado a partir de uma lista multidimensional:

```
import numpy
obj = numpy.array([[1, 2, 3], [4, 5, 6]])
print(obj)
# [[1 2 3]
# [4 5 6]]
print(obj.ndim)
# 2
print(obj.size)
# 6
print(obj.shape)
# (2, 3)
```

 Neste exemplo, usamos a biblioteca NumPy para criar um array bidimensional, com 6 elementos.

Método arange

- Um array também pode ser criado utilizando o método arange.
- O método arange cria um array com apenas uma dimensão, similar a função range.
- Exemplo:

```
import numpy
obj = numpy.arange(6)

print(obj)

# [0 1 2 3 4 5]

obj = numpy.arange(1, 6)

print(obj)

# [1 2 3 4 5]

obj = numpy.arange(1, 6, 2)

print(obj)

# [1 3 5]
```

Método reshape

- Objetos do tipo array podem ter suas dimensões modificadas utilizando o método reshape.
- Esse método recebe como parâmetros os tamanhos das dimensões desejadas.
- Exemplo:

```
import numpy
obj = numpy.arange(6)
print(obj)
# [0 1 2 3 4 5]
print(obj.reshape(2, 3))
# [[0 1 2]
# [3 4 5]]
print(obj.reshape(3, 2))
# [[0 1]
# [2 3]
# [4 5]]
```

Método zeros

 NumPy possui o método zeros que cria um array contendo apenas zeros. O parâmetro desse método é uma tupla com os tamanhos de cada dimensão.

```
import numpy
print(numpy.zeros((3)))

# [0. 0. 0.]

print(numpy.zeros((3, 4)))

# [[0. 0. 0. 0.]

# [0. 0. 0. 0.]

# [0. 0. 0. 0.]]
```

Método ones

 NumPy possui o método ones que cria um array contendo apenas uns. O parâmetro desse método é uma tupla com os tamanhos de cada dimensão.

```
import numpy
print(numpy.ones((3)))

# [1. 1. 1.]

print(numpy.ones((3, 4)))

# [[1. 1. 1. 1.]

# [1. 1. 1. 1.]

# [1. 1. 1. 1.]
```

Método full

- Além dos métodos zeros e ones, o NumPy possui o método full, que cria um array contendo apenas o valor indicado.
- Neste método, o primeiro parâmetro é uma tupla com os tamanhos de cada dimensão e o segundo parâmetro é o valor usado para preencher o array.

```
import numpy
print(numpy.full((3, 2), 20.0))

# [[20. 20.]

# [20. 20.]

print(numpy.full((2, 3), 1/3))

# [[0.33333333 0.33333333 0.3333333]

# [0.33333333 0.33333333]
```

Acessando o Array

Acessando os Elementos do Array

- Para acessarmos os elementos de um array, podemos indicar tanto a posição específica quanto uma fatia (chamada de slice).
- Os slices podem ser acessados com a mesma sintaxe utilizada em listas em Python (usando o caractere :).

Acessando um Elemento do Array

```
import numpy
A = numpy.array([[10, 9, 8], [1, 2, 3]])
print(A[0, 0])
# 10
print(A[0, 2])
# 8
print(A[1, 2])
# 3
```

Acessando as Linhas do Array

```
import numpy
A = numpy.array([[10, 9, 8], [1, 2, 3]])
print(A[0, :])
# [10 9 8]
print(A[1, :])
# [1 2 3]
```

Acessando as Colunas do Array

```
import numpy
A = numpy.array([[10, 9, 8], [1, 2, 3]])
print(A[:, 1:3])
# [[9 8]
# [2 3]]
print(A[:, 0:2])
# [[10 9]
# [ 1 2]]
```

Alterando Elementos do Array

Operadores para Arrays

Operadores para Arrays

 Os operadores +, -, *, /, **, // e %, quando utilizados sobre arrays, são aplicados em cada posição dos mesmos.

```
1 import numpy
M1 = numpy.array([[1, 2, 3], [4, 5, 6]])
M2 = numpy.array([[6, 5, 4], [3, 2, 1]])
4 print(M1 + 2)
5 # [[3 4 5]
6 # [6 7 8]]
7 print(M2 % 2)
8 # [[0 1 0]
9 # [1 0 1]]
10 print(M2 * 2)
11 # [[12 10 8]
12 # [ 6 4 2]]
```

Operadores para Arrays

 Os operadores +, -, *, /, **, // e %, quando utilizados sobre arrays, são aplicados em cada posição dos mesmos.

```
1 import numpy
M1 = numpy.array([[1, 2, 3], [4, 5, 6]])
M2 = numpy.array([[6, 5, 4], [3, 2, 1]])
4 print(M1 + M2)
5 # [[7 7 7]
6 # [7 7 7]]
7 print(M1 // M2)
8 # [[0 0 0]
9 # [1 2 6]]
10 print(M1 * M2)
11 # [[ 6 10 12]
12 # [12 10 6]]
```

Operações de Comparação

Operadores de Comparação

 Os operadores de comparação ==, !=, >, >=, < e <=, quando utilizados sobre arrays, são aplicados em cada posição dos mesmos.
 Podemos aplicar as operações tanto entre um array e um número, quanto entre dois arrays.

```
1 import numpy
M1 = numpy.array([[1, 5, 7], [1, 2, 6]])
M2 = numpy.array([[6, 5, 4], [3, 2, 1]])
4 print(M1 == 1)
5 # [[True False False]
6 # [True False False]]
7 print(M1[M1 == 1])
8 # [1 1]
9 print(M2 > 5)
10 # [[True False False]
# [False False False]]
12 print(M2[M2 > 5])
13 # [6]
```

Operadores de Comparação

 Os operadores de comparação ==, !=, >, >=, < e <=, quando utilizados sobre arrays, são aplicados em cada posição dos mesmos.
 Podemos aplicar as operações tanto entre um array e um número, quanto entre dois arrays.

```
1 import numpy
M1 = numpy.array([[1, 5, 7], [1, 2, 6]])
M2 = numpy.array([[6, 5, 4], [3, 2, 1]])
4 print(M1 != M2)
5 # [[True False True]
6 # [True False True]]
7 print(M1[M1 != M2])
8 # [1 7 1 6]
print(M1 <= M2)</pre>
10 # [[True True False]
11 # [True True False]]
12 print(M2[M1 <= M2])
13 # [6 5 3 2]
```

Operações Algébricas

Método transpose

- Arrays possuem o método transpose, que retorna a matriz transposta.
- Exemplo:

```
import numpy
v = numpy.arange(1, 7)
m = v.reshape(2, 3)
print(m)
# [[1 2 3]
# [4 5 6]]
t = m.transpose()
print(t)
# [[1 4]
# [2 5]
# [2 5]
# [3 6]]
```

Método dot

- Arrays possuem o método dot, que calcula a multiplicação de matrizes.
- Como parâmetro, o método recebe outra matriz.
- Exemplo:

```
1 import numpy
A = numpy.arange(2, 6).reshape(2, 2)
B = numpy.arange(1, 5).reshape(2, 2)
4 print(A)
5 # [[2 3]
6 # Γ4 511
7 print(B)
8 # [[1 2]
9 # [3 4]]
print(A.dot(B))
11 # [[11 16]
12 # [19 28]]
```

Método linalg.det

- A biblioteca NumPy possui o método linalg.det, que calcula o determinante de uma matriz.
- Como parâmetro, o método recebe um array.
- Exemplo:

```
import numpy
A = numpy.array([[1, 9, 5], [3, 7, 8], [10, 4, 2]])
B = numpy.array([[4, 2], [10, 4]])
print(numpy.linalg.det(A))
# 358.0
print(numpy.linalg.det(B))
# -4.0
```

Métodos Matemáticos

Método sqrt

- A biblioteca NumPy possui o método sqrt, que calcula a raiz quadrada.
- Como parâmetro, o método recebe um array.
- Exemplo:

```
import numpy
print(numpy.sqrt([25, 16, 9, 4, 3]))
# [5. 4. 3. 2. 1.73205081]
print(numpy.sqrt([[1, 2, 3], [4, 5, 6]]))
# [[1. 1.41421356 1.73205081]
# [2. 2.23606798 2.44948974]]
```

Método exp

- A biblioteca NumPy possui o método exp, que calcula e (o número de Euler) elevado aos elementos de um array.
- Como parâmetro, o método recebe um array.
- Exemplo:

```
import numpy
print(numpy.exp([1, 2, 3, 4]))
# [2.718281 7.389056 20.085536 54.598150]
```

Cálculo de Logaritmos

- Na biblioteca NumPy, existem diversos métodos para calcular logaritmo.
- Os métodos mais utilizadas são log, log10 e log2, que calculam o logaritmo na base e, 10 e 2, respectivamente.
- Como parâmetro, todas eles recebem um array.
- Exemplo:

```
import numpy
print(numpy.log([1, 10, 100]))

# [0. 2.30258509 4.60517019]
print(numpy.log10([1, 10, 100]))

# [0. 1. 2.]
print(numpy.log2([1, 10, 100]))

# [0. 3.32192809 6.64385619]
```

Métodos para Conjuntos

Operações para Conjuntos

- Alguns métodos para conjuntos (representados por arrays):
 - union1d: união entre dois conjuntos.
 - intersect1d: intersecção entre dois conjuntos.
 - setdiff1d: diferença entre dois conjuntos.

Operações para Conjuntos

```
import numpy
A = numpy.array([1, 2, 3, 4])
B = numpy.array([3, 4, 5, 6)
print(numpy.union1d(A, B))
# [1 2 3 4 5 6]
print(numpy.intersect1d(A, B))
# [3 4]
print(numpy.setdiff1d(A, B))
# [1 2]
print(numpy.setdiff1d(B, A))
# [5 6]
```

Métodos Probabilísticos

Método random.randint

- Podemos sortear um número inteiro usando o método random.randint.
- O método recebe dois parâmetros, um valor para low (indicando o ínicio do intervalo) e um valor para high (indicando o final do intervalo).
- O valor em low é incluído no intervalo, enquanto o valor de high é excluído do intervalo.
- O método pode também receber apenas um valor. Neste caso, o sorteio será feito de 0 (incluído) até o valor passado como parâmetro (excluído).

Método random.randint

Exemplo:

```
import numpy

# sorteando um número entre 0 e 9

print(numpy.random.randint(10))

# sorteando um número entre 5 e 9

print(numpy.random.randint(low=5, high=10))

# sorteando três números entre 0 e 9

print(numpy.random.randint(10, size=3))

# criando um array bidimensional com 6 números entre 0 e 9

print(numpy.random.randint(10, size=(2, 3)))
```

Método random.choice

- Podemos sortear números de um array usando o método random.choice.
- Para selecionarmos se existirá ou não reposição, utilizamos o parâmetro replace (valor padrão igual a True).
- Exemplo:

```
import numpy

# sorteando um número do array

print(numpy.random.choice([1, -2, 3, 10, 5]))

# sorteando três números do array

print(numpy.random.choice([1, -2, 3, 10, 5], size=3))

# criando um array bidimensional, com reposição

print(numpy.random.choice([1, -2, 3, 10, 5], size=(2, 2)))

# criando um array bidimensional, sem reposição

print(numpy.random.choice([1, -2, 3, 10, 5], size=(2, 2),

replace=False))
```

Método random.uniform

- Podemos sortear números reais seguindo uma distribuição uniforme.
- Para isto, podemos utilizar o método random.uniform.
- O valor mínimo e máximo do intervalo são definidos pelos parâmetros low e high, respectivamente.
- Exemplo:

```
import numpy

# sorteando um número seguindo uma distribuição uniforme

print(numpy.random.uniform(low=0, high=10))

# sorteando três números seguindo uma distribuição uniforme

print(numpy.random.uniform(low=0, high=10, size=3))

# sorteando seis números seguindo uma distribuição uniforme

print(numpy.random.uniform(low=0, high=10, size=(2, 3)))
```

Método random.normal

- Podemos sortear números reais seguindo uma distribuição normal.
- Para isto, podemos utilizar o método random.normal.
- O valor da média e do desvio padrão são definidos pelos parâmetros loc e scale, respectivamente.
- Exemplo:

```
import numpy

# sorteando um número seguindo uma distribuição normal

print(numpy.random.normal(loc=0, scale=10))

# sorteando três números seguindo uma distribuição normal

print(numpy.random.normal(loc=0, scale=10, size=3))

# sorteando seis números seguindo uma distribuição normal

print(numpy.random.normal(loc=0, scale=10, size=(2, 3)))
```

Métodos Estatísticos

Métodos estatísticos

- A partir de um array, podemos calcular diversas medidas estatísticas:
 - mean: média.
 - min: mínimo.
 - max: máximo.
 - median: mediana.
 - std: desvio padrão.
 - var: variância.

Métodos estatísticos

Exemplo:

```
1 import numpy
A = \text{numpy.array}([3, 2, 5, 7, 9, 1])
g print(numpy.mean(A))
4 # 4.5
5 print(numpy.min(A))
6 # 1
7 print(numpy.max(A))
8 # 9
print(numpy.median(A))
10 # 4.0
print(numpy.std(A))
12 # 2.8136571693556887
print(numpy.var(A))
14 # 7.916666666666667
```

Concatenação

Concatenação

- Podemos concatenar dois ou mais arrays a partir do método concatenate.
- Para isto, indicamos os arrays que serão concatenados em um formato de lista.
- Além disto, devemos indicar em qual dimensão queremos concatenar os arrays, utilizando o parâmetro axis.
- Para a primeira dimensão, usamos o valor 0, para a segunda dimensão, usamos o valor 1.

Concatenação

Exemplo:

```
import numpy
A = numpy.array([[1, 2, 3], [4, 5, 6]])
B = numpy.zeros((2, 3))
print(numpy.concatenate([A, B], axis=0))
# [[1. 2. 3.]
# [4. 5. 6.]
# [0. 0. 0.]
# [0. 0. 0.]
print(numpy.concatenate([A, B], axis=1))
# [[1. 2. 3. 0. 0. 0.]
# [4. 5. 6. 0. 0. 0.]]
```

Documentação

NumPy

- Na biblioteca NumPy existe uma variedade de outras funções e métodos, por exemplo, para calcular autovalores e autovetores, para resolução de sistemas de equações lineares, etc.
- A biblioteca fornece uma documentação completa: https://numpy.org/devdocs/reference