```vue
<template>
  <div>
    <h1>Todo List</h1>
    <ul>
      <li v-for="(task, index) in tasks" :key="index">
        {{ task.task_name }}
        <button @click="eliminarTarea(task.id)">Eliminar</button>
      </li>
    </ul>
    <input v-model="nuevaTarea" placeholder="Agregar nueva tarea" />
    <button @click="agregarTarea">Agregar</button>
  </div>
</template>

<script>
import { reactive, toRefs, onMounted } from 'vue'

export default {
  setup() {
    const state = reactive({
      nuevaTarea: '',
      tasks: [],
    })

    const cargarTareas = () => {
      fetch('http://localhost/api/api.php', { // Añade 'api/' en la ruta
        method: 'GET',
      })
        .then(response => response.json())
        .then(data => {
          state.tasks = data
        })
        .catch(error => {
          console.error(error)
        })
    }

    const agregarTarea = () => {
      if (state.nuevaTarea.trim() !== '') {
        fetch('http://localhost/api/api.php', { // Añade 'api/' en la ruta
          method: 'POST',
          body: JSON.stringify({ taskName: state.nuevaTarea }),
        })
          .then(response => response.json())
          .then(data => {
            console.log(data)
            state.nuevaTarea = ''
            cargarTareas()
          })
          .catch(error => {
            console.error(error)
          })
      }
```

```
      }

    const eliminarTarea = taskId => {
      // Implementa la lógica para eliminar una tarea utilizando Fetch y el ID de la tarea
      fetch(`http://localhost/api/api.php?id=${taskId}`, {
        method: 'DELETE',
      })
        .then(response => response.json())
        .then(data => {
          console.log(data)
          cargarTareas()
        })
        .catch(error => {
          console.error(error)
        })
    }

    onMounted(() => {
      cargarTareas()
    })

    return {
      ...toRefs(state),
      agregarTarea,
      eliminarTarea,
    }
  },
}

</script>
```