

三角形

对于 30% 的数据：

对每次询问暴力枚举选哪三条边。

复杂度 $O(n^3 q)$ 。

对于 60% 的数据：

可以发现，对于每次询问，选取长度相邻的三条边一定最优。

证明：设 $\{A_i\}$ 有序，若 A_x, A_y, A_z 是一种合法的选取方案，则 A_{z-2}, A_{z-1}, A_z 一定合法且更优。

因此对于每次询问我们可以将序列排序，枚举选连续的三条边。

复杂度 $O(n \log n q)$ 。

对于 80% 的数据：

我们可以发现，对于有序序列 $\{A_i\}$ ，不存在合法的选边方案当且仅当 $A_{i+2} > A_{i+1} + A_i$ 。

通过打表可以发现，当 $A_i \leq 10^9$ 时，不合法的序列长度不会超过 50，即连续的 50 个数中一定存在合法的选边方案。

因此对于每次询问，我们只需要考虑前 50 大的数即可。

带修区间第 k 大可以通过树状数组套权值线段树等维护。

复杂度 $O(50 \log^2 n q)$ 。

对于 100% 的数据：

显然区间前 50 大可以通过线段树来维护。

线段树上每个点维护对应区间前 50 大，合并时取左右儿子的前 50 大即可。

复杂度 $O(50 \log n q)$ 。

动态树

注：本题解中使用的求和符号 Σ 均为为异或和

对于 20% 的数据：

对于每一时刻的每一个点进行一遍 dfs，统计子树异或和。

复杂度 $O(n^3)$ 。

对于 40% 的数据：

设 $p_{i,j}$ 代表第 i 个时刻 j 点的权值。

显然 $p_{i,j} = p_{i-1,j} \wedge \sum_{k \in \text{son}(j)} p_{i,k}$ 。

复杂度 $O(n^2)$ 。

对于 60% 的数据：

对于同一深度的点，同一时刻对答案的贡献次数（即答案异或上该点权值的次数）相同。

设 $f_{i,j}$ 代表时刻 i 深度为 j 的点的答案贡献次数， ans_i 代表时刻 i 的答案， h_i 表示所有深度为 i 的点的异或和。

则有 $f_{i,j} = f_{i-1,j} + f_{i,j-1}$ ， $\text{ans}_i = \sum_{j=0}^{\text{dep}} (f_{i,j} \& 1) * h_j$ 。

复杂度 $O(\text{dep}^2)$ 。

对于 80% 的数据：

我们发现， $f_{i,j}$ 的递推式和组合数很像，通过打表可以发现 $f_{i,j} = C_{i+j-1}^{i-1}$ （我只能想到这么证明了。——）。。

由于我们只关心 $f_{i,j}$ 的奇偶，这里直接给出结论： C_{i+j}^i 为奇数当且仅当 $i \& j = 0$ （具体证明较长，这里实在懒得写了。——）。。

因此可以得出，时刻 i 时，深度为 j 的点的答案有贡献（贡献次数为奇数）当且仅当 $(i-1) \& j = 0$ 。

即 $\text{ans}_i = \sum_j^{j \& (i-1) = 0} h_j$ ， j 可以通过枚举 $i-1$ 补集的子集来枚举。

复杂度 $O(3^{\log_2 n})$ 。

对于 100% 的数据：

我们发现，80 分算法的瓶颈在于枚举子集，考虑优化。

设 $\text{dp}_{i,j} = \sum_{k: k \text{ 的前 } j \text{ 位是 } i \text{ 前 } j \text{ 位的子集, 其余与 } i \text{ 相同}} h_k$ ， $S = \log_2 \text{dep}$ 。

（我知道我这个定义又丑又笨）

显然 $\text{dp}_{i,0} = h_i$ 。考虑 i 的第 j 位为 0 或 1，则有 $\text{dp}_{i,j} = \text{dp}_{i,j-1} + [i \& (1 \ll j)] * \text{dp}_{i \wedge (1 \ll j), j-1}$ ，

$$\text{ans}_i = \text{dp}_{(1 \ll s) - i, s}$$

复杂度 $O(n \log n)$

或与异或

对于 30% 的数据

暴力枚举选哪几个数。

复杂度 $O(2^n n)$

对于 60% 的数据

考虑 dp 转移。

设 $f_{i,j,k}$ 代表前 i 个数，异或起来为 j ，或起来为 k 的方案数。

则有 $f_{i-1,j \wedge a_i, k|a_i} = f_{i-1,j,k} + f_{i-1,j \wedge a_i, k|a_i}$ ， $\text{ans} = \sum_{i=1}^a f_{n,i,0}$ 。

复杂度 $O(a^2 n)$

对于 100% 的数据

考虑优化，我们发现，当某一位异或起来为 1 时，或起来一定也为 1。

因此我们可以稍稍修改一下 f 数组的定义，

设 $f_{i,j,k}$ 为前 i 个数，异或起来为 j ，或起来为 $j|k$ 的方案数，并且满足 $j \& k = 0$ ，即 k 是或中扣掉了异或的其他部分。

对于每一个 j ，转移时我们枚举 j 补集的子集 k 。

转移 $f_{i,j \wedge a_i, k|j|a_i \wedge j \wedge a_i} = f_{i-1,j,k} + f_{i-1,j \wedge a_i, k|j|a_i \wedge j \wedge a_i}$ ， $\text{ans} = \sum_{i=1}^a f_{n,i,0}$ 。

复杂度 $O(3^{\log a} n)$

