

T1:

对于一个点，显然按照子树大小和权值和的比值升序来 dfs，确定一个起点时，树形 DP 显然。

对于一个起点  $X$ ，将起点变为  $X$  的某个儿子  $Y$  时的答案可以通过类似的办法维护出来。

时间复杂度  $O(N \log N)$

T2:

先跑出一棵最小生成树，显然，对于一条已经在最小生成树中的边，答案为所有覆盖这条边的非树边的最小值，对于一条非树边，答案为覆盖的树边的最大值。

前者可以在树上打标记然后启发式合并得到，后者可以直接倍增求出。

时间复杂度  $O(N (\log N)^2)$

T3:

首先考虑所有行一起的答案。

设  $f[x]$  为每一行在  $x$  之前的数字都被选走，最后连续  $K$  个为  $x$ ，且其他数字都没有连续出现  $k$  次的方案数。只考虑  $x$  连续出现  $k$  次的方案数是一个简单的组合数式子，考虑去掉别的数字出现  $K$  次的方案，不妨设第一次连续出现  $K$  次的数字为  $y$ ，则  $y$  对  $x$  的贡献也是  $f[y]$  和一些组合数的乘积。将所有满足条件的  $y$  的贡献都减去即可。为了方便实现，我们在每一行最后加一个数字  $N+1$ ，则最后的答案就是  $\frac{f[N+1]}{K!}$ 。这样的单次复杂度是  $N^2 K$  的，总复杂度为  $N^2 K^3$ 。

考虑固定行的起点，枚举行的终点，每次新加入一行，所有的组合数都可以维护，复杂度  $N^2 K^2$ 。

由于随机的性质，考虑满足条件的数对  $(x, y)$ ，在只有一行的时候，数量为  $\frac{N^2}{2}$ ，然后每多一行，原来的数对继续满足条件的概率都为  $\frac{1}{2}$ ，所以数量  $/2$ ，所以对于每个行起点，行终点的移动过程中，满足条件的数对  $(x, y)$  的总数为  $N^2$ ，所以我们在新加入一行时候维护每个  $x$  合法的  $y$  即可。

时间复杂度  $O(NK(N + K))$