

CCF 全国信息学奥林匹克联赛（NOIP2014）复赛

提高组 day2

(请选手务必仔细阅读本页内容)

一. 题目概况

中文题目名称	第一题	整数划分	观光旅行
英文题目与子目录名	eat	division	trip
可执行文件名	eat	division	trip
输入文件名	eat.in	division.in	trip.in
输出文件名	eat.out	division.out	trip.out
每个测试点时限	1 秒	1 秒	1 秒
测试点数目	10	20	20
每个测试点分值	10	5	5
附加样例文件	有	有	有
结果比较方式	全文比较（过滤行末空格及文末回车）		
题目类型	传统	传统	传统
运行内存上限	128M	128M	128M

二. 提交源程序文件名

对于 C++ 语言	eat.cpp	division.cpp	trip.cpp
对于 C 语言	eat.c	division.c	trip.c
对于 pascal 语言	eat.pas	division.pas	trip.pas

三. 编译命令（不包含任何优化开关）

对于 C++ 语言	g++ -o eat eat.cpp -lm	g++ -o division division.cpp -lm	g++ -o trip trip.cpp -lm
对于 C 语言	gcc -o eat eat.c -lm	gcc -o division division.c -lm	gcc -o trip trip.c -lm
对于 pascal 语言	fpc eat.pas	fpc division.pas	fpc trip.pas

注意事项:

- 1、文件名（程序名和输入输出文件名）必须使用英文小写。
- 2、C/C++ 中函数 main() 的返回值类型必须是 int，程序正常结束时的返回值必须是 0。
- 3、全国统一评测时采用的机器配置为：CPU AMD Athlon(tm) 64x2 Dual Core CPU 5200+，2.71GHz，内存 2G，上述时限以此配置为准。
- 4、只提供 Linux 格式附加样例文件。
- 5、特别提醒：评测在 NOI Linux 下进行。

1. 第一题

(eat.cpp/c/pas)

【问题描述】

凶猛的**出来吃人了！

每天早晨，**从大山里出来，到达一个城市，然后花费一整天的时间把这座城市里的人吃光。直到夜晚，**才回到山中去。当**经过一个城市时，不管是否吃人，它都会把这座城市彻底破坏，以至于下次不能再到这个城市吃人了。

显然，城市里的居民无法忍受这样的状况。所以，每天夜晚，每座城市里都会有一个人逃到乡下去，到了乡下以后**就永远吃不到他了。

城市之间有一些双向道路连接着。其中 1 号城市连接着大山，即**每天的旅途的起点。当然，**只能沿着这些道路走。

意识到必须抓紧时间吃人，所以它每天都要认真选取要去的城市，当然它不能选择已经被吃过或破坏过的城市。现在问题来了，在所有城市没有人居住之前，最多能吃掉多少人？

【输入】

输入文件名为 eat.in。

第一行两个整数 n, m ，用一个空格隔开，表示城市的个数和道路数。

第二行 n 个整数 a_i ，表示每座城市初始的人数。两个数之间用一个空格隔开。

接下来 m 行，每行两个整数 u, v ($1 \leq u, v \leq n, u \neq v$)，用一个空格隔开，表示城市 u 和城市 v 之间有一条双向道路。城市 1 和大山之间也有一条双向道路。

数据保证所有城市都存在到城市 1 的路径。

【输出】

输出文件名为 eat.out。

输出共一行一个整数，表示在所有城市没有人居住之前，**最多能吃掉的人数。

【输入输出样例】

eat.in	eat.out
5 5 1 3 2 4 7 1 2 1 3 2 3 2 4 3 5	11

【数据说明】

对于 10% 的数据， $1 \leq n \leq 5$ ， $0 \leq m \leq 10$ ， $0 \leq a_i \leq 5$ 。

对于 30% 的数据， $1 \leq n \leq 200$ ， $0 \leq m \leq 500$ ， $0 \leq a_i \leq 200$ 。

对于 60% 的数据， $1 \leq n \leq 2,000$ ， $0 \leq m \leq 10,000$ ， $0 \leq a_i \leq 20,000$ 。

对于 100% 的数据， $1 \leq n \leq 200,000$ ， $0 \leq m \leq 2,000,000$ ， $0 \leq a_i \leq 2,000,000$ 。

2. 整数划分

(division.cpp/c/pas)

【问题描述】

BG 得到了一个整数 N ，他想要把 N 分解成若干个小整数的乘积。

BG 给出了他的分解规则：

- 分解出的整数必须来自集合 S ；
- 分解出的整数必须互不相同，且两两互质。

现在给出整数 N ，集合大小 M 和集合 S ，求 BG 有多少种分解方法。

【输入】

输入文件名为 division.in。

第一行两个整数 N, M ，表示要分解的数和集合大小。

第二行包含 M 个互不相同的整数 a_i ，描述了集合 S ，即 $S = \{a_1, a_2, a_3, \dots, a_M\}$ 。

【输出】

输出文件名为 division.out。

输出共一行一个整数，表示方案数。数据保证答案在 64 位带符号整数范围内。

如果没有方案，输出一个 0。

【输入输出样例 1】

division.in	division.out
12 5 2 3 4 5 6	1

【输入输出样例说明】

共 1 种方案： 3×4 。

【输入输出样例 2】

division.in	division.out
42 8 1 2 3 6 7 14 21 42	10

【输入输出样例说明】

共 10 种方案：42, 1×42 , 2×21 , 3×14 , 6×7 , $1 \times 2 \times 21$, $1 \times 3 \times 14$, $1 \times 6 \times 7$, $2 \times 3 \times 7$ 和 $1 \times 2 \times 3 \times 7$ 。

【数据说明】

对于 10% 的数据, $2 \leq N \leq 20$, $1 \leq M \leq 5$, $1 \leq a_i \leq 10$;

对于 20% 的数据, $2 \leq N \leq 1,000$, $1 \leq M \leq 20$, $1 \leq a_i \leq 100$;

对于 40% 的数据, $2 \leq N \leq 1,000,000$, $1 \leq M \leq 80$, $1 \leq a_i \leq 10,000$;

对于 70% 的数据, $2 \leq N \leq 1,000,000,000$, $1 \leq M \leq 200$, $1 \leq a_i \leq 10,000,000$;

对于 100% 的数据, $2 \leq N \leq 10^{18}$, $1 \leq M \leq 500$, $1 \leq a_i \leq 1,000,000,000$ 。

3. 观光旅行

(trip.cpp/c/pas)

【问题描述】

BG 来到了一个美丽的风景区旅行, 这个景区共有 n 个景点, 编号从 1 到 n 。这 n 个景点之间共有 m 条双向的观光道路, 每条观光道路都有一个魅力值, 第 i 条观光道路的魅力值为 w_i 。

现在 BG 想从任意一个景点出发, 沿着一条路径旅行其它景点。为了避免旅途的枯燥, BG 每次经过的道路的魅力值都要严格大于之前经过的任何道路。同时, 他想让旅途尽可能长。

请问在满足他的要求的情况下, 路径的最长长度是多少, 并求出不同的最长路径共有多少条。路径的长度即它经过的道路数。两条路径被认为不同, 当且仅当它们经过的景点序列不同。为了防止输出的数字过大, 你只需输出路径数对 1,000,000,007 取模的结果。

【输入】

输入文件名为 trip.in。

输入文件的第一行有两个用一个空格隔开的整数 n 、 m , 表示该景区有 n 个景点和 m 条观光道路。

接下来 m 行每行三个整数 u_i, v_i, w_i , 每两个整数之间用一个空格隔开, 表示第 i 条道路的魅力值为 w_i , 在景点 u_i 和 v_i 之间。

输入数据保证 $u_i \neq v_i$, 两个景点之间最多只有一条观光道路, 第一问的答案至少为 2。

【输出】

输出文件名为 trip.out。

输出的第一行一个整数，表示最长的路径长度。

输出的第二行一个整数，表示不同的最长路径数对1,000,000,007取模的结果。

【输入输出样例】

trip.in	trip.out
5 5	3
1 2 4	3
1 3 5	
2 4 3	
2 3 1	
2 5 2	

【输入输出样例说明】

共有 3 条长度为 3 的合法路径：

1. 3—2—1—3，经过道路的魅力值为 1、4、5；
2. 4—2—1—3，经过道路的魅力值为 3、4、5；
3. 5—2—1—3，经过道路的魅力值为 2、4、5。

【数据说明】

对于 10%的数据， $1 \leq n \leq 10$ ， $1 \leq m \leq 20$ ；

对于 30%的数据， $1 \leq n \leq 100$ ， $1 \leq m \leq 500$ ；

对于 60%的数据， $1 \leq n \leq 1,000$ ， $1 \leq m \leq 3,000$ ；

对于 80%的数据， $1 \leq n \leq 2,000$ ， $1 \leq m \leq 100,000$ ；

对于 100%的数据， $1 \leq n \leq 50,000$ ， $1 \leq m \leq 200,000$ ， $0 \leq w_i \leq 10^9$ 。