

INSTITUTO POLITECNICO NACIONAL

ESCUELA SUPERIOR DE CÓMPUTO

PRACTICA 7

Autor:
Gomez Hernandez Alan Javier

26 diciembre, 2021—

PALINDROMES

RESUMEN

Realizar un programa que construya palindromes de un lenguaje binario. El lenguaje deberá solicitar únicamente la longitud del palindromo a calcular, de esta manera el programa deberá construir el palindromo de manera aleatoria. La longitud máxima que podría alcanzar un palindromo será de 100,000 caracteres. La salida del programa se irá a un archivo de texto y ahí especificarán qué regla se selecciono y la cadena resultante hasta llegar a la cadena final. El programa deberá ofrecer dos opciones: que el usuario defina la longitud del palindromo o que lo genere todo de manera automática. La gramática libre de contexto que construye palindromes, se define con las siguientes reglas de producción.

- (1) $P \rightarrow e$
- (2) $P \rightarrow 0$
- (3) $P \rightarrow 1$
- (4) $P \rightarrow 0P0$
- (5) $P \rightarrow 1P1$

INTRODUCCION

La historia de la complejidad computacional, en sus casi 40 años (en 2011 se cumplen 40 años de la publicación del histórico artículo de Cook [7] y la definición de la clase NP), es la historia de una elusiva búsqueda de cotas inferiores. Puede conjeturarse que la mayor parte de las cotas superiores obtenidas hasta el momento son ajustadas y que son nuestras débiles cotas inferiores las responsables de la gigantesca brecha existente entre las cotas obtenidas hasta el momento. Son muy pocos los problemas para los cuales la complejidad computacional puede brindar una clara estimación-cuanticación de su complejidad intrínseca, uno de estos pocos problemas es el reconocimiento de palindromos que denotaremos con el símbolo

$$L_{pal}$$

El palíndromo es una palabra o frase que se lee igual de derecha a izquierda que de izquierda a derecha. Para el palíndromo el camino de ida y el camino de vuelta es uno y el mismo.

Este problema fue parte de la introducción a las gramáticas libres de contexto o Context Free Grammars con el objetivo de generar cadenas que fueran parte del lenguaje de los palíndromos formados por ceros y unos como por ejemplo

las cadenas 0011, 1111, 11011 entre otras. Dicho de otra forma, una cadena w forma parte del

$$L_{pal}$$

si y sólo si

$$w = w^R$$

. Para generar el palíndromo se utilizó la siguiente GIC [1]

$$G_{pal} = (P, 0, 1, A, P)$$

Donde A representa el conjunto de las siguientes 5 producciones.

- (1) $P \rightarrow e$
- (2) $P \rightarrow 0$
- (3) $P \rightarrow 1$
- (4) $P \rightarrow 0P0$
- (5) $P \rightarrow 1P1$

El programa cuenta con modo manual y automático en los cuales se introduce la longitud $0 \leq n \leq 1000$ de la cadena que se desea obtener. Y se muestra el proceso de producción en pantalla y un archivo de texto.

DESARROLLO

0.1 MAIN-PALINDROMO (CODIGO)

```
# -*- coding: utf-8 -*-
from __future__ import print_function
from palindromo import palindromo
import random

separador = '*'*20

def main():
    continuar = True
    while continuar:
        opcion = imprimir_menu()
        if opcion == 1:
            entrada_consola()
        elif opcion == 2:
            entrada_automatico()
        else:
            break
        print('=' * 100)
        opcion = input("REALIZAR OTRA [s/n]: ")
        if opcion.lower() != 's':
            continuar = False

    print('Saliendo del programa...')

def imprimir_menu():
    print("""\n\nGramatica libre de contexto Gpal = ({P},{0,1},A,P)
    Donde A es:
    1. P -> e
    2. P -> 0
    3. P -> 1
    4. P -> OP0
    5. P -> 1P1
    """)
    print('\nBIENVENIDO A PALINDROMES\n%sMENU%s' % (separador, separador))
    print("""
    1 -> Ingresar datos (manual)
    2 -> Modo automatico
    4 -> Salir
    """)
    try:
        opcion = int(input("Selecciona una opcion valida: "))
        return opcion
```

```

        except Exception as e:
            print('Error ', e)
            return 0
def entrada_automatiko():
    longitud = random.randint(0, 1000)
    print("Generando palindromo con longitud = %s" % longitud)
    palindromo(longitud)

def entrada_consola():
    longitud = int(input('Introduce un numero entre 0 y 1000: '))
    if longitud>1000 or longitud<0:
        print('Algo salio mal =(')
        return 0
    print("Generando palindromo con longitud = %s" % longitud)
    palindromo(longitud)

main()

```

0.2 PALINDROMO (CODIGO)

```

# -*- coding: utf-8 -*-
from __future__ import print_function
import random
def palindromo(repeticiones):
    archivo = open('palindromo-historia.txt', 'w')
    cadena = 'P'
    base_random = ''
    archivo.write('Longitud = %s\n' %repeticiones)
    archivo.write(cadena + '\n')
    print(cadena)
    if repeticiones % 2 == 1:
        cadena = generar_cadena(cadena, (repeticiones-1)/2, archivo)
        base_random = random.choice(['0', '1'])
    else:
        cadena = generar_cadena(cadena, repeticiones/2, archivo)
    cadena = cadena.replace('P', base_random)
    if base_random == '':
        base_random = 'e'
    archivo.write('Cadena final con base P=%s -> %s\n' %(base_random, cadena))
    print('Cadena final con base P=%s -> %s' %(base_random, cadena))
    archivo.close()

def generar_cadena(cadena, repeticiones, archivo):
    if repeticiones > 0:
        regla = random.choice(['0', '1'])

```

```
cadena = cadena.replace('P', regla+'P'+regla)
print('%s      Regla usada: %sP%s ' %(cadena, regla, regla))
archivo.write('%s      Regla usada: %sP%s \n' %(cadena, regla, regla))
repeticiones = repeticiones - 1
cadena = generar_cadena(cadena, repeticiones, archivo)
return cadena
```

0.3 FUNCIONAMIENTO Y PRUEBAS

```

Gramatica libre de contexto Gpal = ((P),{0,1},A,P)
Donde A es:
1. P -> x e
2. P -> 0
3. P -> 1
4. P -> 0P0
5. P -> 1P1

BIENVENIDO A PALINDROMES
-----MENU-----
1 -> Ingresar datos (manual)
2 -> Modo automatico
4 -> Salir

Selecciona una opcion valida: 1

Introduce un numero entre 0 y 1000: 20
Generando palindromo con Longitud = 20
P
1P1 Regla usada: 1P1
10P1 Regla usada: 0P0
101P101 Regla usada: 1P1
1011P1101 Regla usada: 1P1
10110P110101 Regla usada: 0P0
1011000P01101 Regla usada: 0P0
10110000P0001101 Regla usada: 0P0
101100001P10001101 Regla usada: 1P1
101100010P0110001101 Regla usada: 0P0
1011000100P00110001101 Regla usada: 0P0
Cadena final con base P=e -> 10110001000010001101
-----
REALIZAR OTRA [s/n]:

```

Figure 1: Menú Manual



```

palindromo-historia.txt: Bloc de notes
Archivo Edición Formato Ver Ayuda
Longitud = 20
P
IP1 Regla usada: IP1
10P01 Regla usada: ØP0
101P101 Regla usada: IP1
1011P101 Regla usada: IP1
10110P101 Regla usada: ØP0
101100P00101 Regla usada: ØP0
1011000P000101 Regla usada: ØP0
10110001P000101 Regla usada: IP1
101100010P000101 Regla usada: ØP0
1011000100P00100101 Regla usada: ØP0
Cadena final con base P=ε -> 10110001000010001101

```

Figure 2: Historia del automata

1 CONCLUSION

Para esta práctica siguiendo la gramática libre de contexto $G_{pal} = (P, 0, 1, A, P)$, para cadenas donde pueden ser tan grandes como dicta el problema siguiendo las reglas aplicadas a los números binarios dados, generados en la cadena tanto de forma manual o automático, de manera que se van aplicando las reglas con las funciones que le fuimos proporcionando. No hubo algún problema para ir dando las funciones a utilizar y dar la regla correspondiente y la cerradura, lo único que podría mejorar de esta al igual que la pasada, aplicarla con otros caracteres y ver como funciona.

References

- [1] J. E. Hopcroft, R. Motwani, and J. D. Ullman, Introduccion a La Teoria De Automatas, Lenguajes Y Computacion. Addison-Wesley, 2007.
- [2] J. D. Ullman, "Finite Automata." <http://infolab.stanford.edu/~ullman/ialc/spr10/slides/fa1.pdf>, 2010. [Consultado: 2021-12-20].