## 讲堂 > 数据结构与算法之美 > 文章详情

# 08 | 栈:如何实现浏览器的前进和后退功能?

2018-10-08 王争



08 | 栈:如何实现浏览器的前进和后退功能?

朗读人:修阳 14'12" | 6.51M

浏览器的前进、后退功能, 我想你肯定很熟悉吧?

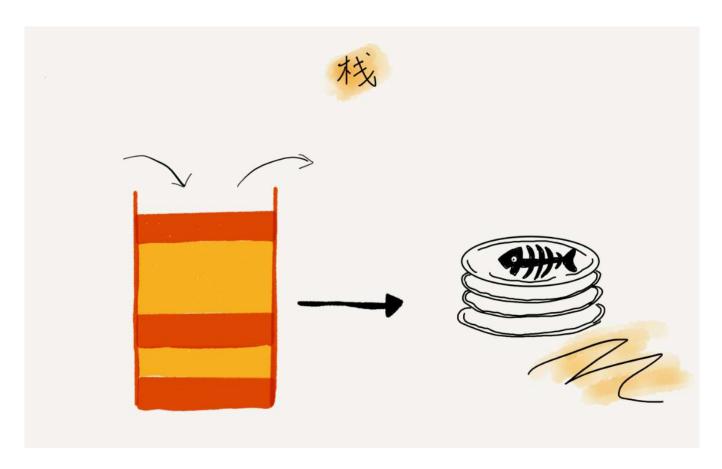
当你依次访问完一串页面 a-b-c 之后,点击浏览器的后退按钮,就可以查看之前浏览过的页面 b 和 a。当你后退到页面 a,点击前进按钮,就可以重新查看页面 b 和 c。但是,如果你后退到页面 b 后,点击了新的页面 d,那就无法再通过前进、后退功能查看页面 c 了。

### 假设你是 Chrome 浏览器的开发工程师, 你会如何实现这个功能呢?

这就要用到我们今天要讲的"栈"这种数据结构。带着这个问题,我们来学习今天的内容。

### 如何理解"栈"?

关于"栈",我有一个非常贴切的例子,就是一摞叠在一起的盘子。我们平时放盘子的时候,都是从下往上一个一个放;取的时候,我们也是从上往下一个一个地依次取,不能从中间任意抽出。后进者先出,先进者后出,这就是典型的"栈"结构。



从栈的操作特性上来看,栈是一种"操作受限"的线性表,只允许在一端插入和删除数据。

我第一次接触这种数据结构的时候,就对它存在的意义产生了很大的疑惑。因为我觉得,相比数组和链表,栈带给我的只有限制,并没有任何优势。那我直接使用数组或者链表不就好了吗?为什么还要用这个"操作受限"的"栈"呢?

事实上,从功能上来说,数组或链表确实可以替代栈,但你要知道,特定的数据结构是对特定场景的抽象,而且,数组或链表暴露了太多的操作接口,操作上的确灵活自由,但使用时就比较不可控,自然也就更容易出错。

当某个数据集合只涉及在一端插入和删除数据,并且满足后进先出、先进后出的特性,我们就应该首选"栈"这种数据结构。

## 如何实现一个"栈"?

从刚才栈的定义里,我们可以看出,栈主要包含两个操作,入栈和出栈,也就是在栈顶插入一个数据和从栈顶删除一个数据。理解了栈的定义之后,我们来看一看如何用代码实现一个栈。

实际上, 栈既可以用数组来实现, 也可以用链表来实现。用数组实现的栈, 我们叫作顺序栈, 用链表实现的栈, 我们叫作链式栈。

我这里实现一个基于数组的顺序栈。基于链表实现的链式栈的代码,你可以自己试着写一下。我会将我写好的代码放到 Github 上,你可以去看一下自己写的是否正确。

我这段代码是用 Java 来实现的,但是不涉及任何高级语法,并且我还用中文做了详细的注释, 所以你应该是可以看懂的。

```
■ 复制代码
// 基于数组实现的顺序栈
public class ArrayStack {
 private String[] items; // 数组
 private int count; // 栈中元素个数
 private int n; // 栈的大小
 // 初始化数组,申请一个大小为 n 的数组空间
 public ArrayStack(int n) {
   this.items = new String[n];
   this.n = n;
   this.count = 0;
 }
 // 入栈操作
 public boolean push(String item) {
   // 数组空间不够了,直接返回 false,入栈失败。
   if (count == n) return false;
   // 将 item 放到下标为 count 的位置,并且 count 加一
   items[count] = item;
   ++count;
   return true;
 }
 // 出栈操作
 public String pop() {
   // 栈为空,则直接返回 null
   if (count == 0) return null;
   // 返回下标为 count-1 的数组元素,并且栈中元素个数 count 减一
   String tmp = items[count-1];
   --count;
   return tmp;
 }
}
```

了解了定义和基本操作,那它的操作的时间、空间复杂度是多少呢?

不管是顺序栈还是链式栈,我们存储数据只需要一个大小为 n 的数组就够了。在入栈和出栈过程中,只需要一两个临时变量存储空间,所以空间复杂度是 O(1)。

注意,这里存储数据需要一个大小为 n 的数组,并不是说空间复杂度就是 O(n)。因为,这 n 个空间是必须的,无法省掉。所以我们说空间复杂度的时候,是指除了原本的数据存储空间外,算法运行还需要额外的存储空间。

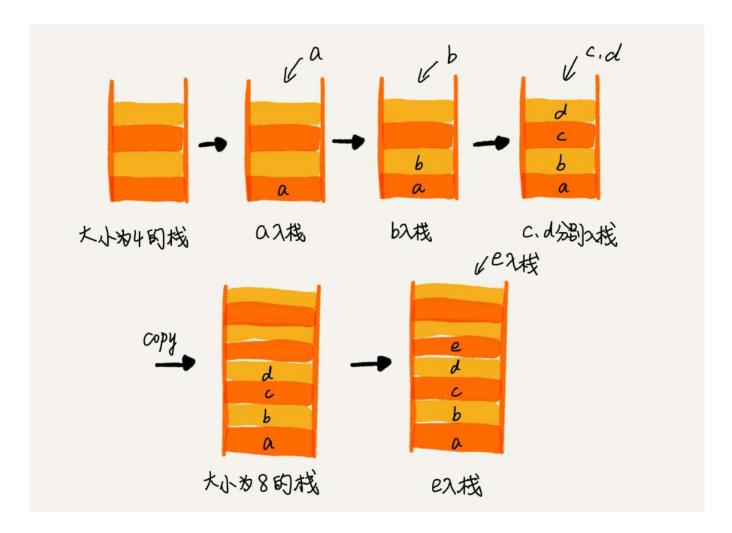
空间复杂度分析是不是很简单?时间复杂度也不难。不管是顺序栈还是链式栈,入栈、出栈只涉及栈顶个别数据的操作,所以时间复杂度都是 O(1)。

### 支持动态扩容的顺序栈

刚才那个基于数组实现的栈,是一个固定大小的栈,也就是说,在初始化栈时需要事先指定栈的大小。当栈满之后,就无法再往栈里添加数据了。尽管链式栈的大小不受限,但要存储 next 指针,内存消耗相对较多。那我们如何基于数组实现一个可以支持动态扩容的栈呢?

你还记得,我们在数组那一节,是如何来实现一个支持动态扩容的数组的吗?当数组空间不够时,我们就重新申请一块更大的内存,将原来数组中数据统统拷贝过去。这样就实现了一个支持动态扩容的数组。

所以,如果要实现一个支持动态扩容的栈,我们只需要底层依赖一个支持动态扩容的数组就可以了。当栈满了之后,我们就申请一个更大的数组,将原来的数据搬移到新数组中。我画了一张图,你可以对照着理解一下。



实际上,支持动态扩容的顺序栈,我们平时开发中并不常用到。我讲这一块的目的,主要还是希望带你练习一下前面讲的复杂度分析方法。所以这一小节的重点是复杂度分析。

你不用死记硬背入栈、出栈的时间复杂度,你需要掌握的是分析方法。能够自己分析才算是真正掌握了。现在我就带你分析一下支持动态扩容的顺序栈的入栈、出栈操作的时间复杂度。

对于出栈操作来说,我们不会涉及内存的重新申请和数据的搬移,所以出栈的时间复杂度仍然是O(1)。但是,对于入栈操作来说,情况就不一样了。当栈中有空闲空间时,入栈操作的时间复杂度为O(1)。但当空间不够时,就需要重新申请内存和数据搬移,所以时间复杂度就变成了O(n)。

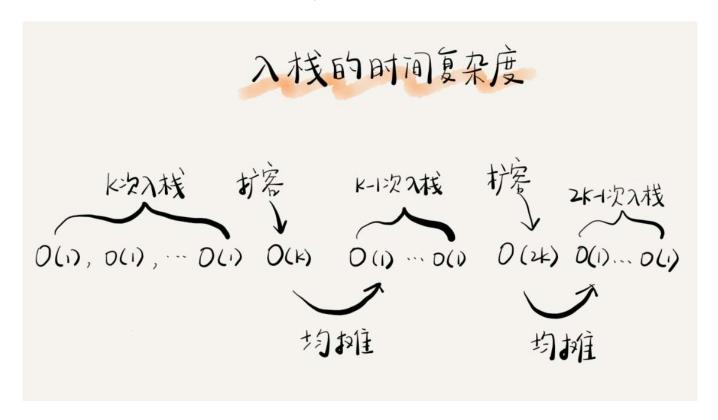
也就是说,对于入栈操作来说,最好情况时间复杂度是 O(1),最坏情况时间复杂度是 O(n)。那平均情况下的时间复杂度又是多少呢?还记得我们在复杂度分析那一节中讲的摊还分析法吗?这个入栈操作的平均情况下的时间复杂度可以用摊还分析法来分析。我们也正好借此来实战一下摊还分析法。

为了分析的方便,我们需要事先做一些假设和定义:

- 栈空间不够时,我们重新申请一个是原来大小两倍的数组;
- 为了简化分析, 假设只有入栈操作没有出栈操作;

• 定义不涉及内存搬移的入栈操作为 simple-push 操作, 时间复杂度为 O(1)。

如果当前栈大小为 K, 并且已满, 当再有新的数据要入栈时, 就需要重新申请 2 倍大小的内存, 并且做 K 个数据的搬移操作, 然后再入栈。但是, 接下来的 K-1 次入栈操作, 我们都不需要再重新申请内存和搬移数据, 所以这 K-1 次入栈操作都只需要一个 simple-push 操作就可以完成。为了让你更加直观地理解这个过程, 我画了一张图。



你应该可以看出来,这 K 次入栈操作,总共涉及了 K 个数据的搬移,以及 K 次 simple-push操作。将 K 个数据搬移均摊到 K 次入栈操作,那每个入栈操作只需要一个数据搬移和一个simple-push操作。以此类推,入栈操作的均摊时间复杂度就为 O(1)。

通过这个例子的实战分析,也印证了前面讲到的,均摊时间复杂度一般都等于最好情况时间复杂度。因为在大部分情况下,入栈操作的时间复杂度 O 都是 O(1),只有在个别时刻才会退化为 O(n),所以把耗时多的入栈操作的时间均摊到其他入栈操作上,平均情况下的耗时就接近 O(1)。

## 栈在函数调用中的应用

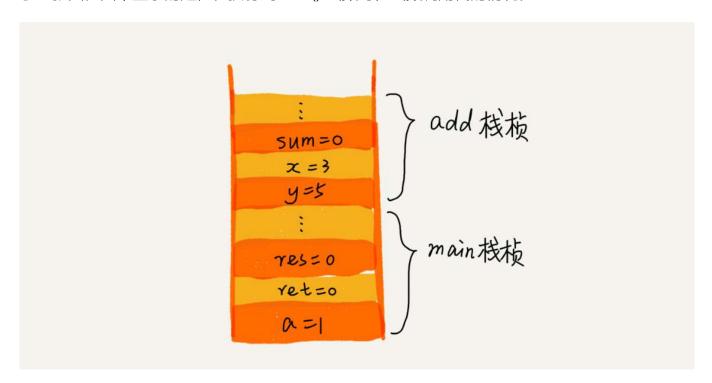
前面我讲的都比较偏理论,我们现在来看下,栈在软件工程中的实际应用。栈作为一个比较基础的数据结构,应用场景还是蛮多的。其中,比较经典的一个应用场景就是函数调用栈。

我们知道,操作系统给每个线程分配了一块独立的内存空间,这块内存被组织成"栈"这种结构,用来存储函数调用时的临时变量。每进入一个函数,就会将临时变量作为一个栈帧入栈,当被调用函数执行完成,返回之后,将这个函数对应的栈帧出栈。为了让你更好地理解,我们一块来看下这段代码的执行过程。

```
int main() {
    int a = 1;
    int ret = 0;
    int res = 0;
    ret = add(3, 5);
    res = a + ret;
    printf("%d", res);
    reuturn 0;
}

int add(int x, int y) {
    int sum = 0;
    sum = x + y;
    return sum;
}
```

从代码中我们可以看出, main() 函数调用了 add() 函数, 获取计算结果, 并且与临时变量 a 相加, 最后打印 res 的值。为了让你清晰地看到这个过程对应的函数栈里出栈、入栈的操作, 我画了一张图。图中显示的是, 在执行到 add() 函数时, 函数调用栈的情况。



## 栈在表达式求值中的应用

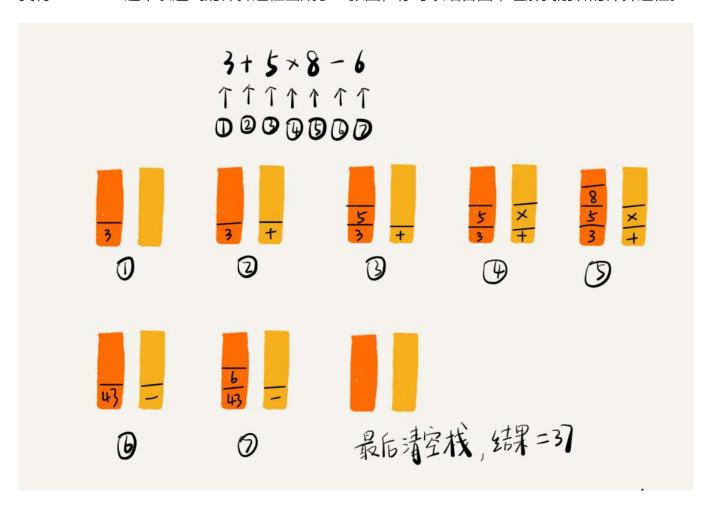
我们再来看栈的另一个常见的应用场景,编译器如何利用栈来实现表达式求值。

为了方便解释,我将算术表达式简化为只包含加减乘除四则运算,比如:34+13\*9+44-12/3。 对于这个四则运算,我们人脑可以很快求解出答案,但是对于计算机来说,理解这个表达式本身 就是个挺难的事儿。如果换作你,让你来实现这样一个表达式求值的功能,你会怎么做呢?

实际上,编译器就是通过两个栈来实现的。其中一个保存操作数的栈,另一个是保存运算符的 栈。我们从左向右遍历表达式,当遇到数字,我们就直接压入操作数栈;当遇到运算符,就与运算符栈的栈顶元素进行比较。

如果比运算符栈顶元素的优先级高,就将当前运算符压入栈;如果比运算符栈顶元素的优先级低或者相同,从运算符栈中取栈顶运算符,从操作数栈的栈顶取2个操作数,然后进行计算,再把计算完的结果压入操作数栈,继续比较。

我将 3+5\*8-6 这个表达式的计算过程画成了一张图, 你可以结合图来理解我刚讲的计算过程。



这样用两个栈来解决的思路是不是非常巧妙? 你有没有想到呢?

## 栈在括号匹配中的应用

除了用栈来实现表达式求值,我们还可以借助栈来检查表达式中的括号是否匹配。

我们同样简化一下背景。我们假设表达式中只包含三种括号,圆括号()、方括号[]和花括号{},并且它们可以任意嵌套。比如,{[{}]}或[{()}([])]等都为合法格式,而{[}()]或[({)]为不合法的格式。那我现在给你一个包含三种括号的表达式字符串,如何检查它是否合法呢?

这里也可以用栈来解决。我们用栈来保存未匹配的左括号,从左到右依次扫描字符串。当扫描到左括号时,则将其压入栈中;当扫描到右括号时,从栈顶取出一个左括号。如果能够匹配,比如"("跟")"匹配,"["跟"]"匹配,"{"跟"}"匹配,则继续扫描剩下的字符串。如果扫描的过程中,遇到不能配对的右括号,或者栈中没有数据,则说明为非法格式。

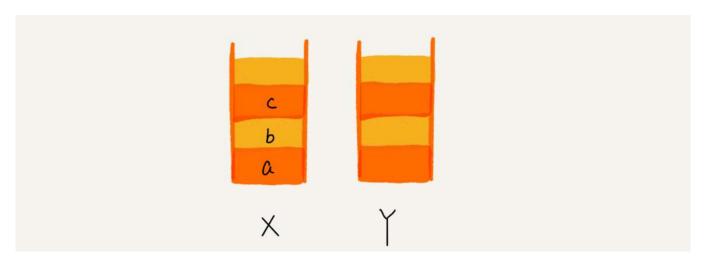
当所有的括号都扫描完成之后,如果栈为空,则说明字符串为合法格式;否则,说明有未匹配的 左括号,为非法格式。

## 解答开篇

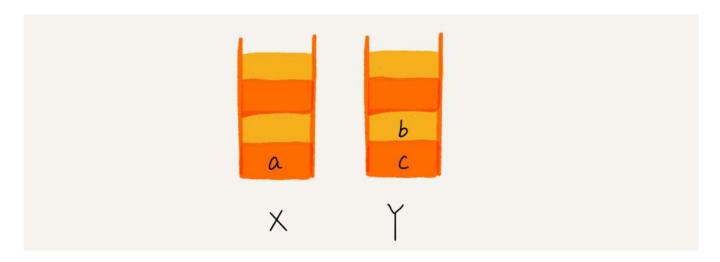
好了,我想现在你已经完全理解了栈的概念。我们再回来看看开篇的思考题,如何实现浏览器的前进、后退功能?其实,用两个栈就可以非常完美地解决这个问题。

我们使用两个栈, X 和 Y, 我们把首次浏览的页面依次压入栈 X, 当点击后退按钮时, 再依次从栈 X 中出栈, 并将出栈的数据依次放入栈 Y。当我们点击前进按钮时, 我们依次从栈 Y 中取出数据, 放入栈 X 中。当栈 X 中没有数据时, 那就说明没有页面可以继续后退浏览了。当栈 Y 中没有数据, 那就说明没有页面可以点击前进按钮浏览了。

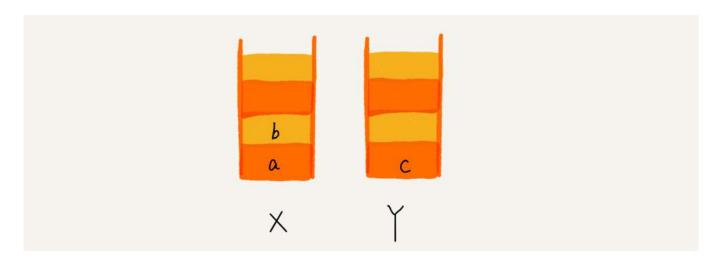
比如你顺序查看了 a, b, c 三个页面, 我们就依次把 a, b, c 压入栈, 这个时候, 两个栈的数据就是这个样子:



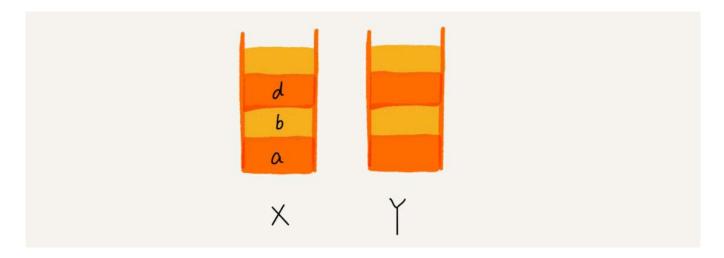
当你通过浏览器的后退按钮,从页面 c 后退到页面 a 之后,我们就依次把 c 和 b 从栈 X 中弹出,并且依次放入到栈 Y。这个时候,两个栈的数据就是这个样子:



这个时候你又想看页面 b,于是你又点击前进按钮回到 b 页面,我们就把 b 再从栈 Y 中出栈,放入栈 X 中。此时两个栈的数据是这个样子:



这个时候, 你通过页面 b 又跳转到新的页面 d 了, 页面 c 就无法再通过前进、后退按钮重复查看了, 所以需要清空栈 Y。此时两个栈的数据这个样子:



## 内容小结

我们来回顾一下今天讲的内容。栈是一种操作受限的数据结构,只支持入栈和出栈操作。后进先出是它最大的特点。栈既可以通过数组实现,也可以通过链表来实现。不管基于数组还是链表,

入栈、出栈的时间复杂度都为 O(1)。除此之外,我们还讲了一种支持动态扩容的顺序栈,你需要重点掌握它的均摊时间复杂度分析方法。

### 课后思考

- 1. 我们在讲栈的应用时,讲到用函数调用栈来保存临时变量,为什么函数调用要用"栈"来保存临时变量呢?用其他数据结构不行吗?
- 2. 我们都知道, JVM 内存管理中有个"堆栈"的概念。栈内存用来存储局部变量和方法调用, 堆内存用来存储 Java 中的对象。那 JVM 里面的"栈"跟我们这里说的"栈"是不是一回事呢?如果不是, 那它为什么又叫作"栈"呢?

欢迎留言和我分享,我会第一时间给你反馈。

### 戳此查看本节内容相关的详细代码



版权归极客邦科技所有, 未经许可不得转载

写留言

精选留言



阿杜S考特

ഥ 17

内存中的堆栈和数据结构堆栈不是一个概念,可以说内存中的堆栈是真实存在的物理区,数 据结构中的堆栈是抽象的数据存储结构。

内存空间在逻辑上分为三部分:代码区、静态数据区和动态数据区,动态数据区又分为栈区 和堆区。

代码区: 存储方法体的二进制代码。高级调度(作业调度)、中级调度(内存调度)、低级

调度(进程调度)控制代码区执行代码的切换。

public boolean isEmpty(){

return N == 0;

public int size(){

//改变数组容量

//元素个数

return N;

}

静态数据区:存储全局变量、静态变量、常量,常量包括final修饰的常量和String常量。系统自动分配和回收。

栈区:存储运行方法的形参、局部变量、返回值。由系统自动分配和回收。

堆区: new一个对象的引用或地址存储在栈区,指向该对象存储在堆区中的真实数据。



```
private void resize(int length) {
Item[] temp = (Item[])new Object[length];
for (int i = 0; i < N; i++) {
temp[i] = a[i];
a = temp;
//返回栈中最近添加的元素而不删除它
public Item peek(){
return a[N-1];
@Override
public Iterator<Item> iterator() {
return new Arraylterator();
}
//内部类
class Arraylterator implements Iterator{
//控制迭代数量
int i = N;
@Override
public boolean hasNext() {
return i > 0;
}
@Override
public Item next() {
return a[--i];
}
}
实现代码: (栈的链表实现)
public class StackOfLinked<Item> implements Iterable<Item> {
//定义一个内部类,就可以直接使用类型参数
private class Node{
Item item;
Node next;
private Node first;
private int N;
//构造器
public StackOfLinked(){}
//添加
public void push(Item item){
```

```
Node oldfirst = first;
first = new Node();
first.item = item;
first.next = oldfirst;
N++;
//删除
public Item pop(){
Item item = first.item;
first = first.next;
N--;
return item;
}
//是否为空
public boolean isEmpty(){
return N == 0;
//元素数量
public int size(){
return N;
//返回栈中最近添加的元素而不删除它
public Item peek(){
return first.item;
}
@Override
public Iterator<Item> iterator() {
return new LinkedIterator();
}
//内部类: 迭代器
class LinkedIterator implements Iterator{
int i = N:
Node t = first;
@Override
public boolean hasNext() {
return i > 0;
@Override
public Item next() {
Item item = (Item) t.item;
t = t.next;
i--;
return item;
```

姜威

<del>女/</del>纵 一、什么是栈?

- 1.后进者先出,先进者后出,这就是典型的"栈"结构。
- 2.从栈的操作特性来看,是一种"操作受限"的线性表,只允许在端插入和删除数据。
- 二、为什么需要栈?
- 1.栈是一种操作受限的数据结构,其操作特性用数组和链表均可实现。
- 2.但,任何数据结构都是对特定应用场景的抽象,数组和链表虽然使用起来更加灵活,但却暴露了几乎所有的操作,难免会引发错误操作的风险。

凸 5

- 3.所以, 当某个数据集合只涉及在某端插入和删除数据, 且满足后进者先出, 先进者后出的操作特性时, 我们应该首选栈这种数据结构。
- 三、如何实现栈?

```
1.栈的API
```

public class Stack<Item> {

//压栈

public void push(Item item){}

//弹栈

public Item pop(){}

//是否为空

public boolean isEmpty(){}

//栈中数据的数量

public int size(){}

//返回栈中最近添加的元素而不删除它

public Item peek(){}

}

## 2.数组实现(自动扩容)

时间复杂度分析:根据均摊复杂度的定义,可以得数组实现(自动扩容)符合大多数情况是O(1)级别复杂度,个别情况是O(n)级别复杂度,比如自动扩容时,会进行完整数据的拷贝。空间复杂度分析:在入栈和出栈的过程中,只需要一两个临时变量存储空间,所以O(1)级别。我们说空间复杂度的时候,是指除了原本的数据存储空间外,算法运行还需要额外的存储空间。

实现代码: (见另一条留言)

#### 3.链表实现

时间复杂度分析:压栈和弹栈的时间复杂度均为O(1)级别,因为只需更改单个节点的索引即可。

空间复杂度分析:在入栈和出栈的过程中,只需要一两个临时变量存储空间,所以O(1)级别。我们说空间复杂度的时候,是指除了原本的数据存储空间外,算法运行还需要额外的存储空间。

实现代码: (见另一条留言)

#### 四、栈的应用

#### 1.栈在函数调用中的应用

操作系统给每个线程分配了一块独立的内存空间,这块内存被组织成"栈"这种结构,用来存储函数调用时的临时变量。每进入一个函数,就会将其中的临时变量作为栈帧入栈,当被调用函数执行完成,返回之后,将这个函数对应的栈帧出栈。

2.栈在表达式求值中的应用(比如: 34+13\*9+44-12/3)

利用两个栈,其中一个用来保存操作数,另一个用来保存运算符。我们从左向右遍历表达式,当遇到数字,我们就直接压入操作数栈;当遇到运算符,就与运算符栈的栈顶元素进行比较,若比运算符栈顶元素优先级高,就将当前运算符压入栈,若比运算符栈顶元素的优先级低或者相同,从运算符栈中取出栈顶运算符,从操作数栈顶取出2个操作数,然后进行计算,把计算完的结果压入操作数栈,继续比较。

3.栈在括号匹配中的应用(比如: {}{[()]()})

用栈保存为匹配的左括号,从左到右一次扫描字符串,当扫描到左括号时,则将其压入栈中;当扫描到右括号时,从栈顶取出一个左括号,如果能匹配上,则继续扫描剩下的字符串。如果扫描过程中,遇到不能配对的右括号,或者栈中没有数据,则说明为非法格式。当所有的括号都扫描完成之后,如果栈为空,则说明字符串为合法格式;否则,说明未匹配的左括号为非法格式。

4.如何实现浏览器的前进后退功能?

我们使用两个栈X和Y,我们把首次浏览的页面依次压如栈X,当点击后退按钮时,再依次从 栈X中出栈,并将出栈的数据一次放入Y栈。当点击前进按钮时,我们依次从栈Y中取出数据, 放入栈X中。当栈X中没有数据时,说明没有页面可以继续后退浏览了。当Y栈没有数据,那 就说明没有页面可以点击前进浏览了。

#### 五、思考

1. 我们在讲栈的应用时,讲到用函数调用栈来保存临时变量,为什么函数调用要用"栈"来保存临时变量呢? 用其他数据结构不行吗?

答:因为函数调用的执行顺序符合后进者先出,先进者后出的特点。比如函数中的局部变量的生命周期的长短是先定义的生命周期长,后定义的生命周期短;还有函数中调用函数也是这样,先开始执行的函数只有等到内部调用的其他函数执行完毕,该函数才能执行结束。正是由于函数调用的这些特点,根据数据结构是特定应用场景的抽象的原则,我们优先考虑栈结构。

2.我们都知道, JVM 内存管理中有个"堆栈"的概念。栈内存用来存储局部变量和方法调用, 堆内存用来存储 Java 中的对象。那 JVM 里面的"栈"跟我们这里说的"栈"是不是一回事呢?如果不是, 那它为什么又叫作"栈"呢?

答: JVM里面的栈和我们这里说的是一回事,被称为方法栈。和前面函数调用的作用是一致的,用来存储方法中的局部变量。

2018-10-08



| 小洋洋

ഥ 5

函数调用之所以用栈,是因为函数调用中经常嵌套,栗子: A调用B, B又调用C, 那么就需要 先把C执行完,结果赋值给B中的临时变量, B的执行结果再赋值给A的临时变量, 嵌套越深的 函数越需要被先执行, 这样刚好符合栈的特点, 因此每次遇到函数调用, 只需要压栈, 最后 依次从栈顶弹出依次执行即可,这个过程很像文稿中的3+5\*8-6//小白之拙见,欢迎拍砖\*^o

2018-10-08



Liam 位 3

1 函数调用和返回符合后进先出原则,而局部变量的生命周期应该和函数一致,因此用栈保存局部变量是合适的,函数出栈时同时销毁局部变量

2 jvm的栈就是一种栈数据结构,本质相同

2018-10-08



刘大侠

മ 3

不一样的栈,java里面栈和堆有数据共享不共享的问题,所以不一样

2018-10-08



Smallfly

ம் 2

函数调用为什么用栈实现,其中一个原因是为了满足递归的需求。

2018-10-08



zyzheng

ம் 2

函数调用使用的栈是有硬件基础的,所有的CPU都有相应的SP寄存器用于存储栈顶指针,也有相应的入栈出栈指令,用于实现函数调用栈效率很高,和软件数据结构的栈有所不同。

如果要回答为什么函数调用要要用栈,个人理解是CPU设计就是如此

2018-10-08



kylexu

ഥ 2

看完再睡!

2018-10-08



smx

ம் 1

迫不及待想看后面的更新啊,后面的能看看草图,草稿也是极好的啊

2018-10-08



小老鼠

凸 1

嵌套函数中的变量也是用栈的技术吧!

2018-10-08



天涯过客

凸 1

课后思考题会给思路吗?

2018-10-08



thewangzl

凸 1

JVM中的"栈"应该有两个。

一个是每个线程中方法调用用到的栈。该栈以栈帧为元素,当调用一个方法时,会把方法相关的局部变量表、操作数栈、方法返回地址等信息封装到栈帧中,把该栈帧入栈;当方法执行结束后,把该栈帧出栈。

第二个栈就是栈帧中的操作数栈。JVM的解释执行引擎是"基于栈的执行引擎",是因为JVM的指令都是对操作数栈中的元素进行入栈出栈操作。

两者应该都是标准的栈。

2018-10-08



#### ZerahMu

ഥ 1

深夜更,占沙发,国庆玩嗨了,落下三节课,明天地铁开始补了,晚安

2018-10-08



孙立中

ഥ ()

我觉得就是一个东西。文中讲到的加减乘除运算,和Java的函数调用栈很像啊。运算符类比方法,数字类比变量。还是一个道理的,方法可以嵌套,类比运算符的优先级。就是2018-10-09



#### 观弈道人

**心** 

感觉在留言区做笔记没多大意义,留言区还是提问问题或回答问题笔记合适,长篇累牍的笔记给谁看啊,占空间~~

2018-10-08



### objcoding

ഥ ()

通俗易懂,感谢老师!

2018-10-08



#### Never too late

ഥ ()

希望每一次新的一课之中可以包含前一节课问题的答案

2018-10-08



#### 罗爱军

ഥ ()

老师, 动态扩容顺序栈例子也解释了04节的课后习题了, 数组拷贝均摊后时间复杂度为O(1), 数组插入的时间复杂度也为O(1), 所以整体的时间复杂度为O(1)

2018-10-08