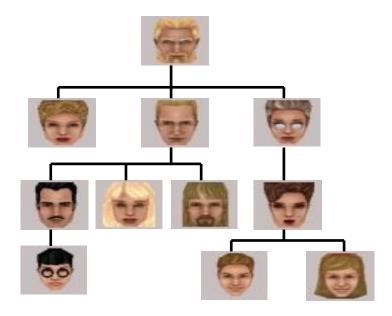
# 3.1 树与树的表示



# 什么是树

#### 客观世界中许多事物存在层次关系

- ▶人类社会家谱
- ▶社会组织结构
- ▶图书信息管理





## 什么是树

分层次组织在管理上具有更高的效率!

数据管理的基本操作之一: 查找

如何实现有效率的查找?



## 查找 (Searching)

查找:根据某个给定关键字K,从集合R中找出关键字与K相同的记录

静态查找:集合中记录是固定的

□ 没有插入和删除操作,只有查找

动态查找:集合中记录是动态变化的

□ 除查找,还可能发生插入和删除



### 静态查找

```
方法1: 顺序查找
                               Th1
int SequentialSearch (StaticTable *Tbl,
                   ElementType K)
 /*在表Tb1[1]~Tb1[n]中查找关键字为K的数据元素*/
                                                 6
   int i;
   Tbl->Element[0] = K; /*建立哨兵*/
   for(i = Tbl->Length; Tbl->Element[i]!= K; i--);
                                                 9
   return i; /*查找成功返回所在单元下标; 不成功返回0*/
                                                10
```

顺序查找算法的时间复杂度为O(n)。



## 方法2: 二分查找 (Binary Search)

❖ 假设n个数据元素的关键字满足有序(比如:小到大)

$$k_1 < k_2 < \dots < k_n$$

并且是连续存放(数组),那么可以进行二分查找。

#### [例] 假设有13个数据元素,按关键字由小到大顺序存放.

二分查找关健字为444的数据元素过程如下:

5	16	39	45	51	98	100	202	226	321	368	444	501	
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
ô 1	eft					ô n	nid					ô r	igh

1. 
$$left = 1$$
,  $right = 13$ ;  $mid = (1+13)/2 = 7$ :  $100 < 444$ ;

$$2 \cdot \text{left} = \text{mid+1=8}, \text{ right} = 13; \text{mid} = (8+13)/2 = 10: 321 < 444;$$



# [例] 仍然以上面**13**个数据元素构成的有序线性表为例 二分查找关健字为 **43** 的数据元素如下:

5	16	39	45	51	98	100	202	226	321	368	444	501
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
<b>å</b> ,	e.					ô	.,					<b>ô</b> .
	eft					n	nid					ri

1. 
$$left = 1$$
,  $right = 13$ ;  $mid = (1+13)/2 = 7$ :  $100 > 43$ ;

2 left = 1, right = mid-1= 6; mid = 
$$(1+6)/2 = 3$$
:  $39 < 43$ ;

3. left = mid+1=4, right = 6; mid = 
$$(4+6)/2 = 5$$
:  $51 > 43$ ;

4. left = 4, right = mid-1= 4; mid = 
$$(4+4)/2 = 4$$
:  $45 > 43$ ;

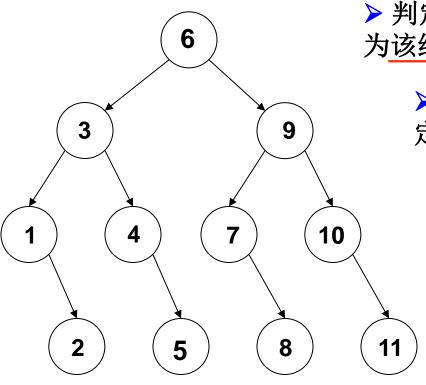


#### 二分查找算法

```
int BinarySearch ( StaticTable * Tbl, ElementType K)
{ /*在表Tbl中查找关键字为K的数据元素*/
 int left, right, mid, NoFound=-1;
            /*初始左边界*/
 left = 1:
 right = Tbl->Length; /*初始右边界*/
 while ( left <= right )</pre>
   mid = (left+right)/2; /*计算中间元素坐标*/
   if(K < Tbl->Element[mid]) right = mid-1; /*调整右边界*/
   else if(K > Tbl->Element[mid]) left = mid+1; /*调整左边界*/
   else return mid; /*查找成功,返回数据元素的下标*/
 return NotFound; /*查找不成功,返回-1*/
□ 二分查找算法具有对数的时间复杂度O(logN)
```



#### ❖ 11个元素的二分查找判定树



▶ 判定树上每个结点需要的查找次数刚好 为该结点所在的层数;

- ▶ 查找成功时查找次数不会超过判 定树的深度
  - ightharpoonup n个结点的判定树的深度为[ $log_2$ n]+1.
    - ➤ ASL = (4\*4+4\*3+2\*2+1)/11 = 3 平均成功查找次数
      - 二分查找的启示?



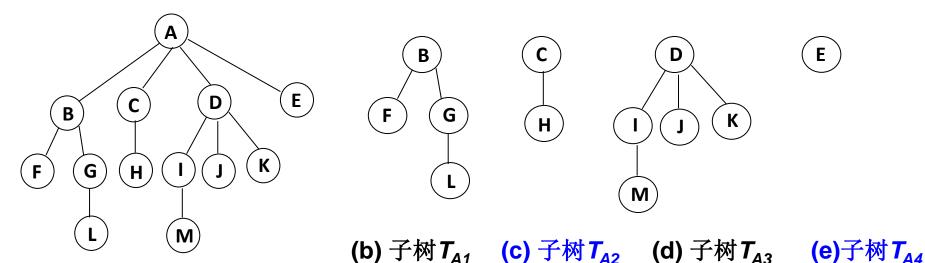
## 树的定义

树(Tree): n(n≥0)个结点构成的有限集合。

当n=0时,称为空树;

对于任一棵非空树(n>0),它具备以下性质:

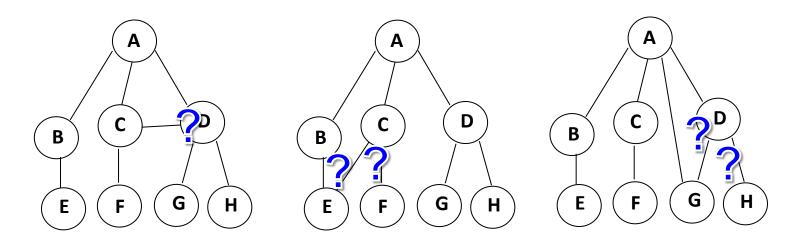
- □ 树中有一个称为"根(Root)"的特殊结点,用r表示;
- □ 其余结点可分为m(m>0)个<u>互不相交的</u>有限集 $T_1$ ,  $T_2$ , ...,  $T_m$ , 其中每个集合本身又是一棵树,称为原来树的"子树(SubTree)"



(a) 树T

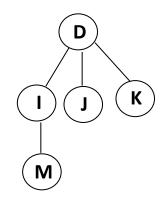


#### ❖ 树与非树?



- > 子树是不相交的;
- ▶ 除了根结点外,每个结点有且仅有一个父结点;
- ➤ 一棵N个结点的树有N-1条边。

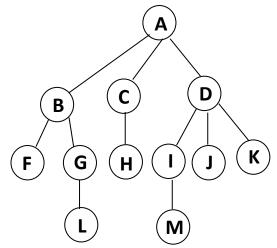
树是保证所有节点连接的最小方式





#### ❖ 树的一些基本术语

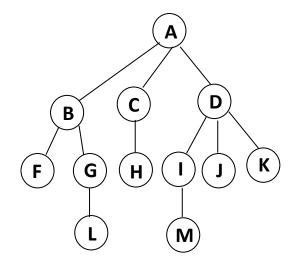
- 1. 结点的度(Degree):结点的子树个数
- 2. 树的度: 树的所有结点中最大的度数 如A、D
- 3. 叶结点 (Leaf): 度为0的结点 如F
- 4. 父结点(Parent): 有子树的结点是其子树的根结点的父结点
- 5. 子结点(Child):若A结点是B结点的父结点,则称B结点是A结点的子结点;子结点也称孩子结点。
- 6. 兄弟结点(Sibling): 具有同一父结点的各结点彼此是兄弟结点。





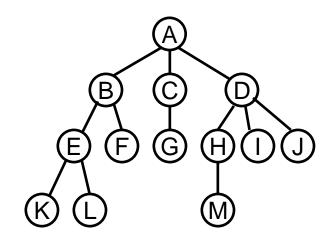
#### ❖ 树的一些基本术语

- 7. 路径和路径长度:从结点 $n_1$ 到 $n_k$ 的路径为一个结点序列 $n_1$ ,  $n_2$ ,..., $n_k$ ,  $n_i$ 是  $n_{i+1}$ 的父结点。路径所包含边的个数为路径的长度。
- 9. 祖先结点(Ancestor): 沿树根到某一结点路 径上的所有结点都是这个结点的祖先结点。
- 10. 子孙结点(Descendant): 某一结点的子树中的所有结点是这个结点的子孙。
- 11. 结点的层次(Level):规定根结点在1层, 其它任一结点的层数是其父结点的层数加1。
- **12.** 树的深度(Depth):树中所有结点中的最大层次是这棵树的深度。



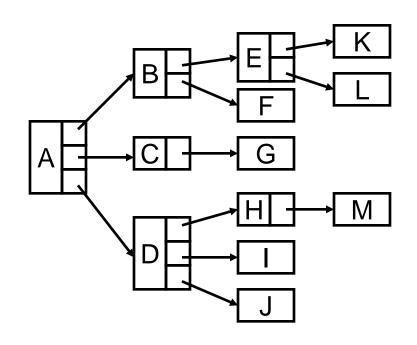


## 树的表示



#### 1.数组表示太困难

2.单纯的链表表示(若指针数量不定),会造成实现上的困难 3.若按照最大的度来设计链表,有很多子节点指针为空,造成空间的浪费





## ❖ 儿子-兄弟表示法

