### 第一讲 基本概念

#### 浙江大学 陈 越



## 1.3 应用实例: 最大子列和问题



### 给定N个整数的序列{ $A_1, A_2, ..., A_N$ }, 求函数 $f(i,j) = \max\{0, \sum_{k=i}^{j} A_k\}$ 的最大值。

#### 算法1 暴力算法

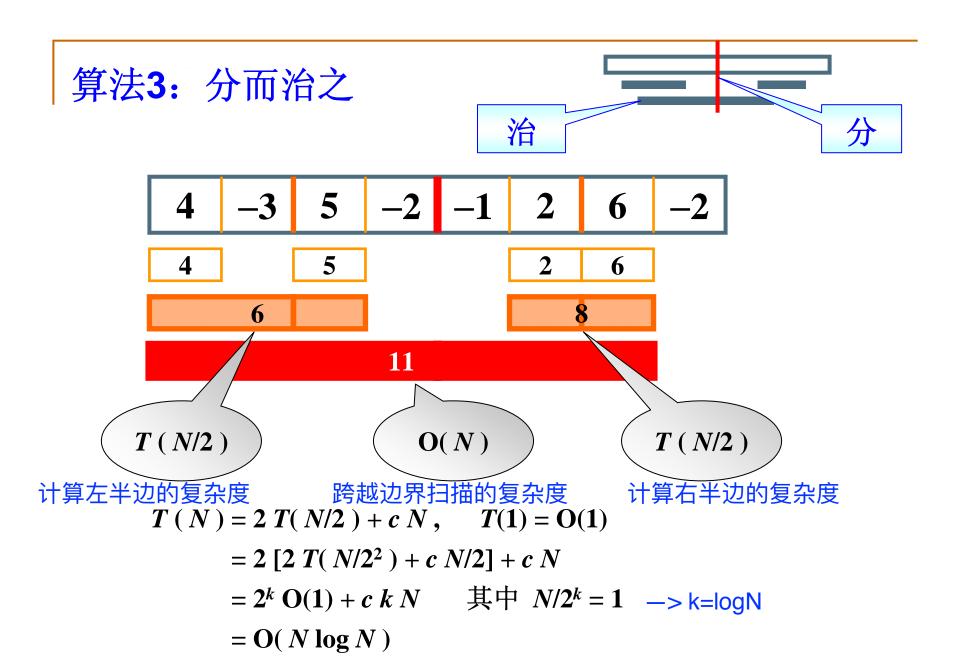
```
int MaxSubseqSum1( int A[], int N )
{ int ThisSum, MaxSum = 0;
  int i, j, k;
  for( i = 0; i < N; i++ ) { /* i是子列左端位置 */
    for( j = i; j < N; j++ ) { /* j是子列右端位置 */
        ThisSum = 0; /* ThisSum是从A[i]到A[j]的子列和 */
    for( k = i; k <= j; k++ )
        ThisSum += A[k];
    if( ThisSum > MaxSum ) /* 如果刚得到的这个子列和更大 */
        MaxSum = ThisSum; /* 则更新结果 */
    } /* j循环结束 */
    return MaxSum;
}
```



#### 算法2

```
int MaxSubseqSum2( int A[], int N )
{ int ThisSum, MaxSum = 0;
    int i, j;
    for( i = 0; i < N; i++ ) { /* i是子列左端位置 */
        ThisSum = 0; /* ThisSum是从A[i]到A[j]的子列和 */
        for( j = i; j < N; j++ ) { /* j是子列右端位置 */
            ThisSum += A[j];
            /*对于相同的i, 不同的j, 只要在j-1次循环的基础上累加1项即可*/
            if( ThisSum > MaxSum ) /* 如果刚得到的这个子列和更大 */
            MaxSum = ThisSum; /* 则更新结果 */
        } /* i循环结束 */
        return MaxSum;
}
```







#### 算法4: 在线处理

"在线"的意思是指每输入一个数据就进行即时处理,在任何一个地方中止输入,算法都能正确给出当前的解。



# 运行时间比较 (秒)

算 法		1	2	3	4
时间复杂度		O( N³ )	O( N² )	O(N log N)	O( N )
	<i>N</i> =10	0.00103	0.00045	0.00066	0.00034
输入 规模	<i>N</i> =100	0.47015	0.01112	0.00486	0.00063
	<i>N</i> =1,000	448.77	1.1233	0.05843	0.00333
	<i>N</i> =10,000	NA	111.13	0.68631	0.03042
	<i>N</i> =100,000	NA	NA	8.0113	0.29832

