At ESO

Rodrigo Alcaraz de la Osa. Traducció: Eduard Cremades (🛩 @eduardcremades)



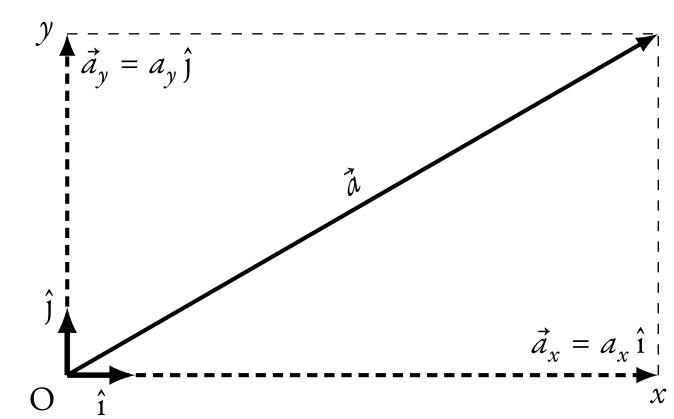
Naturalesa vectorial de les forces

Les **forces** són **magnituds vectorials**, cosa que significa que queden definides per un **vector**, del qual s'ha de definir el seu:

Mòdul Longitud del segment.

Direcció Recta que el conté.

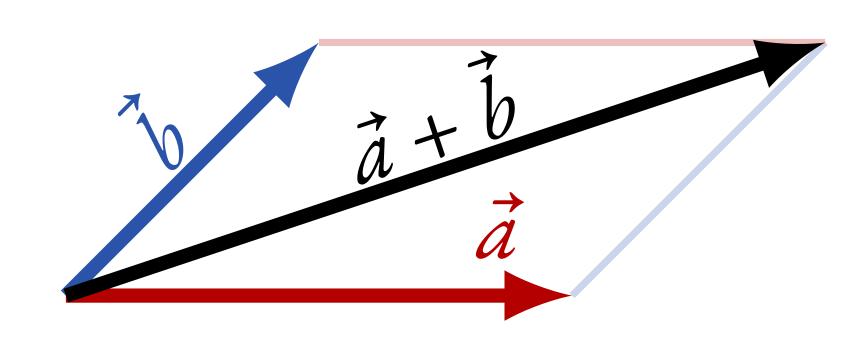
Sentit Donat per la punta de la fletxa.



En dues dimensions, un vector es pot escriure com $\vec{a} = a_x \hat{1} + a_y \hat{j}$, on $\hat{1} \hat{1} \hat{j}$ són vectors unitaris (mòdul = 1) al llarg dels eixos x i y. El mòdul de \vec{a} , $|\vec{a}|$, es calcula com (teorema de Pitàgores) $|\vec{a}| = \sqrt{a_x^2 + a_y^2}$.

Suma o resta de vectors

Gràficament, dibuixant un vector a continuació de l'altre i unint l'origen amb el punt final:



O analíticament, component a component:

$$\vec{a} + \vec{b} = (a_x + b_x) \hat{1} + (a_y + b_y) \hat{j}$$

Leis de Newton

1a llei (llei de la inèrcia)

"Tot cos manté el seu estat de repòs o moviment rectilini uniforme excepte si actua una força sobre ell."

2a llei (llei fonamental de la dinàmica)

"El canvi de moviment és proporcional a la força exercida i es fa en la direcció de la línia recta en la qual s'exerceix la força."

Matemàticament, s'escriu com

$$\sum_{i} \vec{F} = m\vec{a}$$
 (l'acceleració és proporcional a la força neta)

En el **SI** la força es mesura en **newton** (N): $1 \text{ N} = 1 \text{ kg m s}^{-2}$.

3a llei (llei de l'acció-reacció)

"Per a tota acció sempre hi ha una reacció igual i oposada."

Si un cos A exerceix una força sobre un altre cos B, aquest exercirà sobre A una força igual i de sentit contrari ($\vec{F}_{AB} = -\vec{F}_{BA}$).

Forces d'especial interès

Pes \vec{P}

El **pes** és la força amb la qual la Terra atrau un objecte. Es calcula com:

$$\vec{P} = m\vec{g},$$

on m és la massa de l'objecte i \vec{g} és l'acceleració de la gravetat. Sempre es dirigeix cap al centre de la Terra (cap a baix en la majoria dels casos).

Normal \vec{N}

També anomenada força de **reacció**, es defineix com la força que exerceix una superfície sobre un cos recolzat sobre ella. Aquesta és d'igual magnitud i direcció, però de sentit contrari a la força exercida pel cos sobre la superfície.

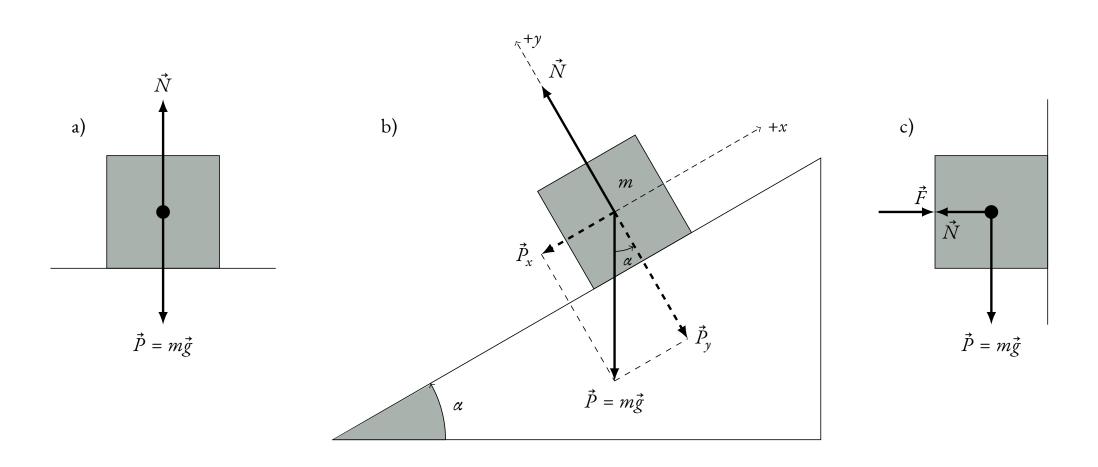


Figura 1. Força normal en a) una superfície horitzontal, b) un pla inclinat i c) una superfície vertical.

Fregament \vec{f}_r

La **força de fregament** és la força que existeix entre dues superfícies en contacte, oposantse sempre al moviment relatiu entre ambdues superfícies. La força de fregament és proporcional a la normal N:

$$f_{\rm r} = \mu N$$
,

on μ és el coeficient de fregament.

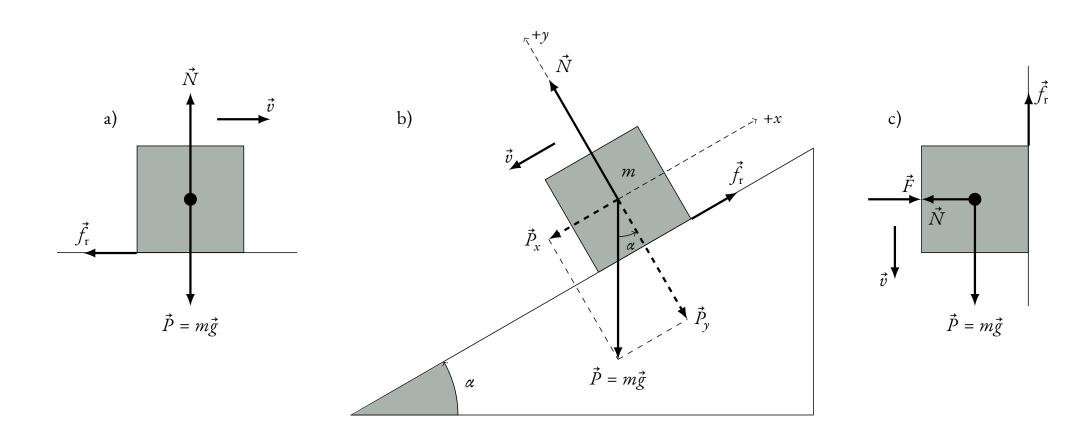


Figura 2. Força de fregament en a) una superfície horitzontal, b) un pla inclinat i c) una superfície vertical.

Centrípeta $\vec{f}_{\rm c}$

S'anomena **força centrípeta** a la força o a la component de la força que actua sobre un objecte en moviment sobre una trajectòria curvilínia i que està dirigida cap al centre de curvatura de la trajectòria. El seu mòdul es calcula a partir de l'**acceleració centrípeta**, fent ús de la **2a llei de Newton**:

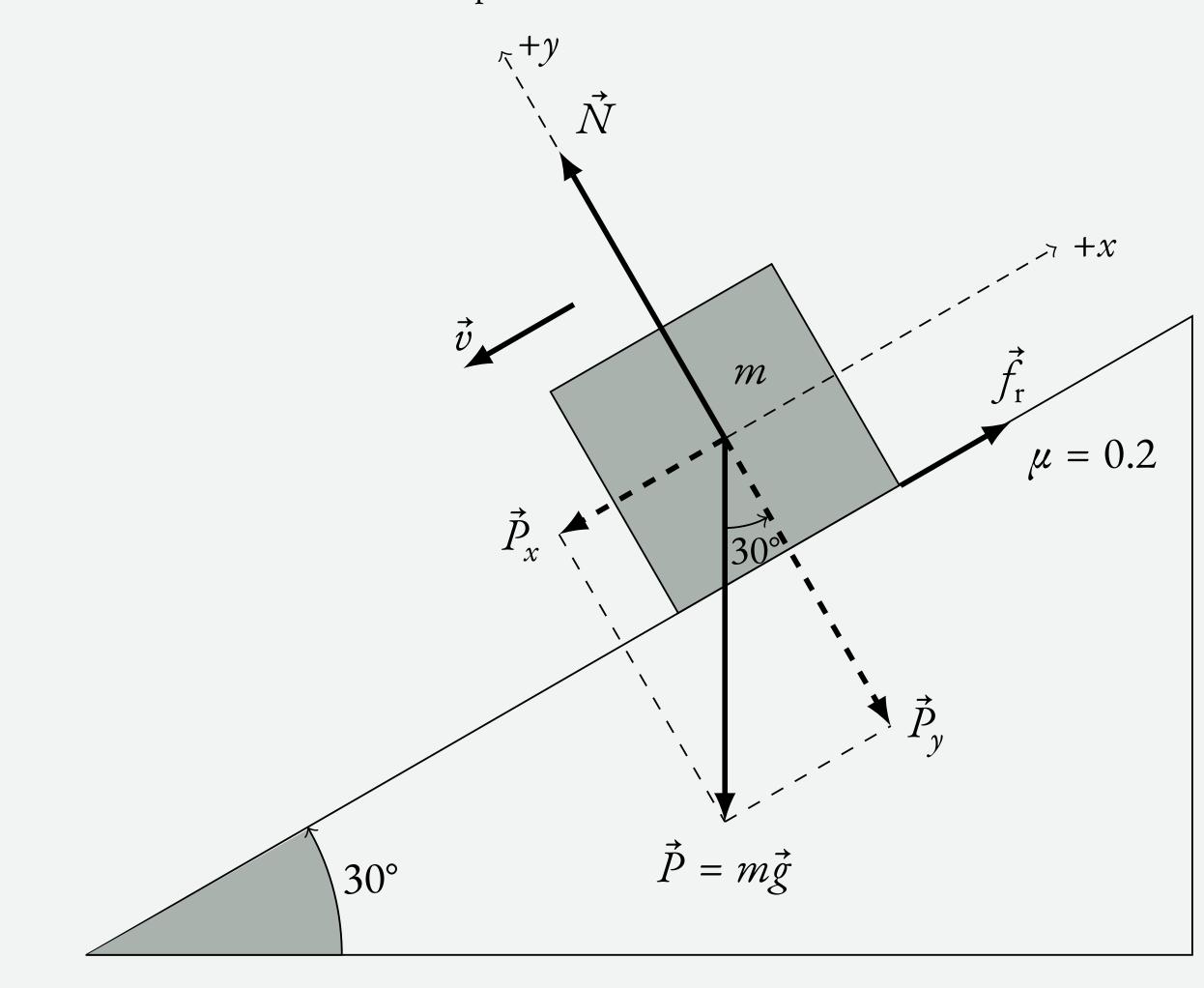
$$f_{c} = ma_{c} = m \cdot \frac{v^{2}}{R} = \frac{mv^{2}}{R}$$

Exemple

Un cos baixa per un pla inclinat 30° amb un coeficient de fregament $\mu = 0.2$. Calcula la velocitat que aconseguirà i l'espai recorregut al cap de 5 s, si inicialment estava en repòs.

Solució

Primer de tot farem un dibuix representant la situació:



Les **forces** que actuen són:

• Pes
$$\vec{P} = -P_x \hat{1} - P_y \hat{j}$$
, on:

$$P_x = mg \sin \alpha = 9.8m \sin 30^\circ = 4.9m \text{ N}$$

 $P_y = mg \cos \alpha = 9.8m \cos 30^\circ = 4.9\sqrt{3}m \text{ N}$

- Normal $\vec{N} = N\hat{j}$
- Força de fregament $\vec{f}_r = \mu N \hat{i} = 0.2N \hat{i} N$

Escrivim la 2a llei de Newton per a cada component:

Component
$$x \to f_r - P_x = ma$$

Component
$$y \to N - P_y = 0$$
 (2)

Aïllant $N = P_y = 4.9\sqrt{3}m$ de (2) i substituint en (1), utilitzant a més a més que $f_r = 0.2N$ i que $P_x = 4.9m$:

$$0.2 \cdot 4.9\sqrt{3}m - 4.9m = ma \rightarrow a = -3.2 \text{ m/s}^2$$

 $\vec{a} = -3.2 \text{ î m/s}^2$

La velocitat que aconseguirà als 5 s la calculem amb l'equació de la velocitat:

$$v = v_0 + at = 0 - 3.2 \cdot 5 = -16.0 \text{ m/s}$$

 $\vec{v} = -16.0 \text{ î m/s}$

Per l'espai recorregut podem utilitzar l'equació del moviment:

$$\Delta x = |x - x_0| = \left| v_0 \cdot t + \frac{1}{2} a t^2 \right| = \left| 0 - \frac{1}{2} \cdot 3.2 \cdot 5^2 \right| = 40.0 \text{ m}$$