

# 

At ESO

Rodrigo Alcaraz de la Osa. Traducció: Eduard Cremades (🗲 @eduardcremades)



# La investigació científica

La investigació científica és el procés pel qual, mitjançant l'aplicació del mètode científic, s'aconsegueix ampliar el coneixement o donar solució a problemes científics.

## Hipòtesis, lleis i teories

Hipòtesi Una hipòtesi científica és una proposta d'explicació d'un fenomen, comprovable mitjançant el mètode científic.

Llei Les lleis científiques són enunciats, basats en experiments o observacions repetides, que descriuen o prediuen una sèrie de fenòmens naturals.

Teoria Una teoria científica és una explicació d'un aspecte del món natural que pot ser repetidament comprovat i verificat en condicions controlades, d'acord amb el mètode científic.

# Magnituds escalars i vectorials

## Magnituds escalars

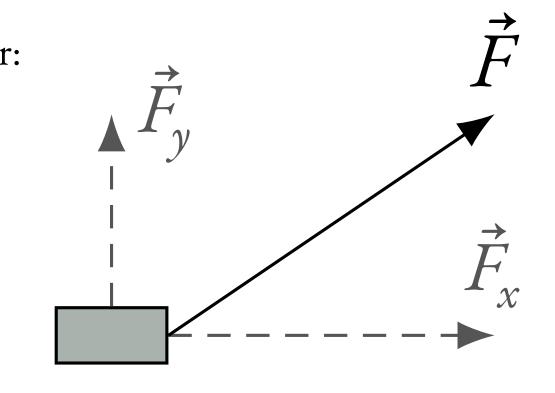
Són aquelles magnituds que queden descrites per un nombre (escalar) i una unitat.

Exemples Massa, volum, densitat, temps, temperatura, energia...

#### Magnituds vectorials

Són aquelles magnituds que queden descrites per:

- Un **nombre** (escalar).
- Una **unitat**.
- Una direcció.
- Un sentit.
- Un punt d'aplicació.



Exemples Posició, desplaçament, velocitat, acceleració, força...

## Magnituds basiques i derivades

### Magnituds bàsiques del SI

El Sistema Internacional de Unidats (SI) defineix set magnituds bàsiques:

Magnitud	Unitat	Símbol
Temps	Segon	S
Longitud	Metre	m
Massa	Kilogram	kg
Corrent elèctrica	Ampere	Ä
Temperatura	Kelvin	K
Quantitat de substància	Mol	mol
Intensitat lluminosa	Candela	cd

#### Magnituds derivades

Les magnituds derivades s'obtenen a partir de dues o més magnituds bàsiques.

Exemples Superfície, volum, densitat, velocitat, acceleració, força, pressió, energia...

### Analisi dimensional

L'anàlisi dimensional ens permet relacionar les dimensions (unitats) d'una magnitud derivada amb les de les magnituds bàsiques en les quals es basa.

## Equació de dimensions

Les **equacions** de **dimensions** són expressions algebraiques en les quals substituïm les magnituds físiques per les seves dimensions (unitats). Per denotar les dimensions d'una magnitud utilitzem la notació de **claudàtors** []. **Destaquem**:

$$[Massa] = M$$
$$[Longitud] = L$$
$$[Temps] = T$$

Sempre que treballem amb equacions de dimensions tractarem d'expressar les dimensions de les magnituds físiques que ens trobarem en funció de M, L y T.

Exemples 
$$[S] = L^2$$
;  $[V] = L^3$ ;  $[d] = ML^{-3}$ ;  $[v] = LT^{-1}$ ;  $[a] = LT^{-2}$ ;  $[F] = MLT^{-2}$ 

# Exemple

Demostra que l'energia cinètica,

$$E_{\rm c}=\frac{1}{2}mv^2,$$

i l'energia potencial gravitatòria,

$$E_{\rm p} = mgh,$$

tenen les mateixes dimensions, on m és la massa, v és la velocitat, g és l'acceleració de la gravetat i b és l'altura. Utilitza el resultat per definir la unitat d'energia en el SI, el joule (J), en funció de les unitats de massa, longitud i temps del SI.

#### Solució

Analitzem les dimensions de l'energia cinètica  $E_c$ :

$$[E_{c}] = \left[\frac{1}{2}mv^{2}\right] = [m] \cdot [v^{2}] = M \cdot [v]^{2},$$

on hem utilizat els nombres (escalars) que no tenen dimensions.

Necessitem conèixer les dimensions de la velocitat:

$$v = \frac{\Delta x}{\Delta t} \rightarrow [v] = \frac{[\Delta x]}{[\Delta t]} = \frac{L}{T} = LT^{-1}$$

Pel que arribem a:

$$[E_{\rm c}] = M(LT^{-1})^2 = ML^2T^{-2}$$

Analitzem ara les dimensions de l'energia potencial gravitatòria  $E_{\mathfrak{p}}$ :

$$\begin{bmatrix} E_{p} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} mgh \end{bmatrix} = [m] \cdot [g] \cdot [h] = M \cdot [g] \cdot L$$

Necessitem conèixer les **dimensions** de l'acceleració g:

$$g \equiv a = \frac{\Delta v}{\Delta t} \rightarrow [g] = \frac{[\Delta v]}{[\Delta t]} = \frac{\mathsf{LT}^{-1}}{\mathsf{T}} = \mathsf{LT}^{-2}$$

Pel que arribem a:

$$[E_{\rm p}] = M \cdot LT^{-2} \cdot L = ML^2T^{-2}$$

El joule (J) per tant queda definit com:

$$1 J = 1 \text{ kg m}^2 \text{ s}^{-2}$$

# Errors en la mesura

Sempre que es realitza una mesura experimental amb un instrument, aquesta porta associada una incertesa, que fa que sigui impossible obtenir dues mesures *exactament* iguals. Els errors experimentals són la diferència entre els valors mesurats i els valors reals. Distingim entre errors sistemàtics i errors aleatoris.

#### Errors sistemàtics i errors aleatoris

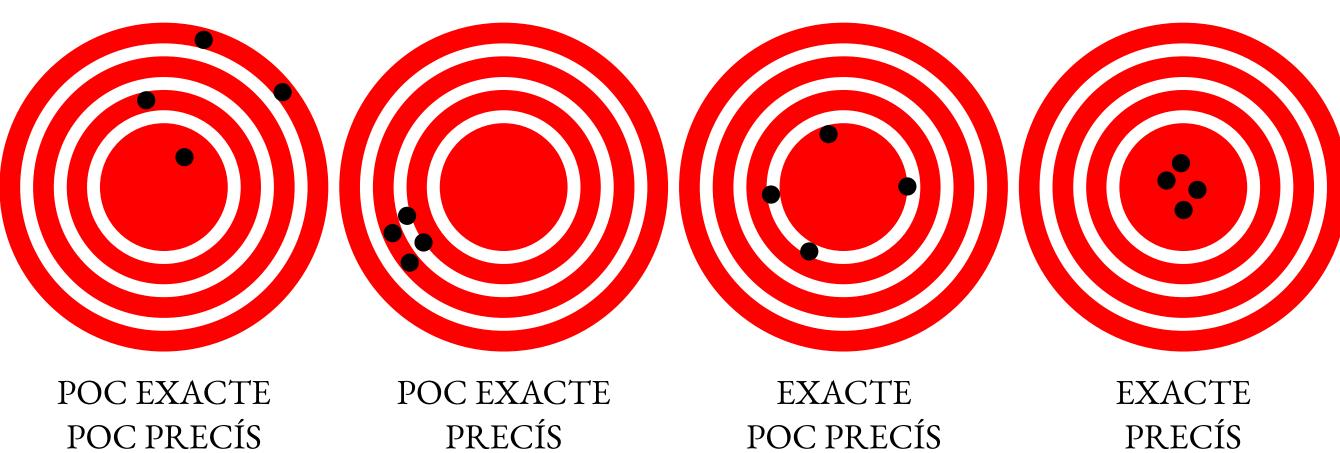
Error sistemàtic És predictible i típicament constant o proporcional al valor vertader. Sol ser degut a imperfeccions de l'instrument de mesura o dels mètodes d'observació (incloent-hi l'observador). Es pot detectar i eliminar.

*Error aleatori* Error **inevitable** que sempre està present en qualsevol mesura. Causat per fluctuacions inherentment **impredictibles**. Es pot **estimar** comparant mesures i **reduir** amitjanant moltes mesures.

### Exactitud i precisió

Exactitud És la proximitat dels mesuraments al valor real. És una descripció dels errors sistemàtics.

Precisió És la proximitat dels mesuraments entre si. És una descripció dels errors aleatoris.



#### Error absolut i error relatiu

Error absolut És la diferència entre el valor mesurat i el valor real:

Té les mateixes dimensions que la magnitud mesurada.

Error relatiu És el quocient entre l'error absolut i el valor real:

error relatiu = 
$$\frac{\text{error absolut}}{\text{valor real}} = \frac{|\text{valor mesurat} - \text{valor real}|}{\text{valor real}}$$

És adimensional (sol expressar-se en % multiplicant-lo per 100).

### Expressió de resultats

Per regla general, les **incerteses sempre** s'expressen amb **una sola xifra significativa**, **arrodonint** la **mesura** en conseqüència (unitats, desenes, centenes, etc.).

#### Exemples

- $t = (5.67 \pm 2.00) \text{ s} \rightarrow t = (6 \pm 2) \text{ s}$
- $l = (1307 \pm 202) \, \mu \text{m} \rightarrow l = (1300 \pm 200) \, \mu \text{m}$
- $m = (437 \pm 27) g \rightarrow m = (440 \pm 30) g$
- $I = (17 \pm 3) \,\mathrm{mA} \rightarrow \mathrm{est\grave{a}}\,\mathrm{ben}\,\mathrm{expressada}$