

# ENERGIA, TREBALLICALOR

At ESO

Rodrigo Alcaraz de la Osa. Traducció: Eduard Cremades (🛩 @eduardcremades)



L'energia és la capacitat per a realitzar un treball, i es mesura en joules (1 J = 1 kg m $^2$  s $^{-2}$ ).

# Energies cinètica, potencial i mecànica

## Energia cinètica $E_c$

És l'energia que posseeix un cos pel fet d'estar en **moviment**. Depèn de la massa m i de la velocitat v:

$$E_{\rm c} = \frac{1}{2}mv^2$$

# Energia potencial $E_{\rm p}$

És l'energia que posseeix un cos a causa de la seva **posició** o **configuració**. L'energia potencial **gravitatòria** que posseeix una massa *m* situada a una altura *h* sobre la superfície terrestre val:

$$E_{\rm p} = mgh$$
,

quan  $h \ll R_{\rm T}$  (on  $R_{\rm T}$  és el radi de la Terra) i g és el valor de l'acceleració de la gravetat.

## Energia mecànica $E_{\rm m}$

És la suma de l'energia cinètica  $E_{\rm c}$  i l'energia potencial  $E_{\rm p}$ :

$$E_{\rm m} = E_{\rm c} + E_{\rm p}$$

# Conservació de l'energia

## Principi de conservació de l'energia mecànica

Quan sobre un cos actuen únicament **forces conservatives**, la seva energia mecànica es conserva.

Exemples de **forces conservatives**: forces gravitatòries, elàstiques o electroestàtiques. La força de **fregament** és un exemple de força **no conservativa** o **dissipativa**.

#### Principi de conservació de l'energia

En qualsevol procés de la naturalesa, l'energia **total** es manté constant.

## Intercanvi d'energia

L'energia es pot intercanviar/transferir mitjançant treball o calor.

#### Treball W

El **treball** es transfereix quan entre dos cossos es realitzen **forces** que provoquen desplaçaments o canvis en les seves dimensions.

El treball W realitzat per una força  $\vec{F}$  constant és expressat per:

$$W = \vec{F} \cdot \vec{d} = F \cdot d \cdot \cos \alpha,$$

on F és el mòdul de la força aplicada, d l'espai recorregut i cos  $\alpha$  és el cosinus de l'angle format per la força i el desplaçament.

#### Calor Q

La **calor** es transfereix entre dos cossos que tenen **diferent temperatura**, de forma que la calor cedida pel cos a major temperatura és igual a la calor guanyada pel que està a menor temperatura:  $Q_{\text{cedida}} + Q_{\text{guanyada}} = 0$ .

Per raons històriques la calor es mesura normalment en calories (1 cal =  $4.18 \, \mathrm{J}$ ).

# Treballi potencia

La **potència** P és el treball W realitzat per unitat de temps t:

$$P = \frac{W}{t} = \frac{\vec{F} \cdot \vec{d}}{t} = \vec{F} \cdot \vec{v}$$

En el **SI** la potència es mesura en *watts* (1 W = 1 J/s), sent el **cavall de vapor** (1 CV  $\approx$  735 W) una altra unitat d'ús comú.

El **kilowatt hora**, kW h, és una unitat d'**energia** molt utilitzada en la facturació per a l'energia entregada als consumidors per les companyies elèctriques:

$$1 \text{ kW K} \cdot \frac{1000 \text{ W}}{1 \text{ kW}} \cdot \frac{3600 \text{ s}}{1 \text{ K}} = 3.6 \times 10^6 \text{ W s} = 3.6 \times 10^6 \text{ J}$$

# Efectes de la calor sobre els cossos

## Variació de temperatura

La relació entre la calor Q que es proporciona a una massa m d'una substància i l'increment de temperatura  $\Delta T$  és expressada per:

$$Q = m \cdot c \cdot \Delta T,$$

on c és la **calor específica** de la substància, que representa la quantitat d'energia que és necessari subministrar a la unitat de massa de la substància per elevar la seva temperatura en una unitat. En el **SI** es mesura en J kg<sup>-1</sup> K<sup>-1</sup>.

### Dilatació

Com a regla general, un cos augmenta el seu volum (*es dilata*) en augmentar la seva temperatura.

Si considerem una vareta de longitud inicial  $l_0$  a una temperatura inicial  $T_0$  i elevem la seva temperatura fins T, la vareta augmentarà la seva longitud fins l. L'augment de longitud experimentat,  $\Delta l = l - l_0$ , és proporcional a la longitud inicial  $l_0$  i a la variació de temperatura  $\Delta T = T - T_0$ :

$$\Delta l = \alpha \cdot l_0 \cdot \Delta T,$$

on  $\alpha$  és l'anomenat **coeficient de dilatació lineal**, les unitats del qual en el **SI** són K<sup>-1</sup>. Es pot demostrar que els coeficients de dilatació superficial i cúbica són el doble i el triple, respectivament, del lineal:

$$\Delta S = 2\alpha \cdot S_0 \cdot \Delta T; \quad \Delta V = 3\alpha \cdot V_0 \cdot \Delta T$$

#### Canvis d'estat

En transferir calor a un cos, la seva temperatura augmenta. En variar la temperatura d'un cos, aquest pot **canviar** el seu **estat** d'agregació.

**Durant** un **canvi** d'estat, la **temperatura** del cos es manté **constant**, ja que l'energia transferida al cos s'utilitza en reorganitzar les partícules (trencar enllaços).

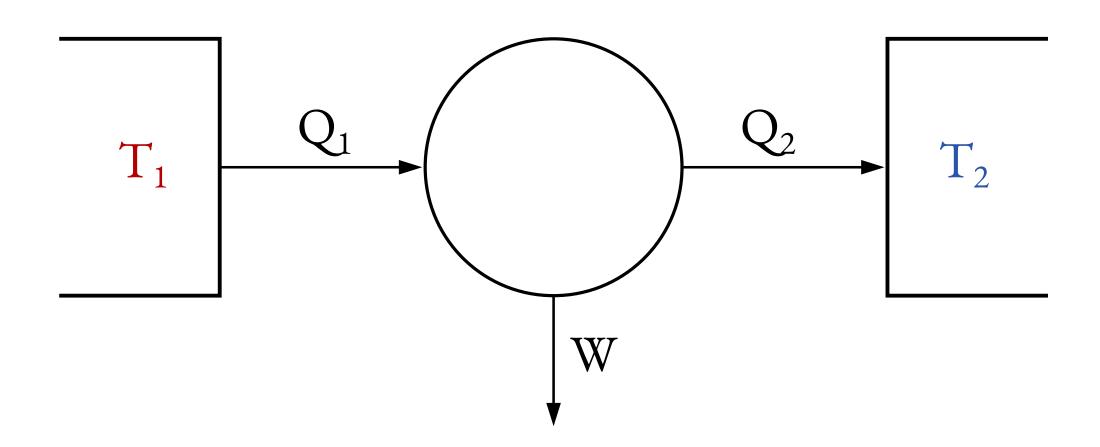
La quantitat de calor Q que és necessari comunicar a una substància perquè canviï d'estat depèn de la pròpia substància i de la seva massa m, a través de l'expressió:

$$Q = m \cdot L$$
,

on L és la **calor latent**, que representa la quantitat d'energia requerida per la substància per canviar d'estat. En el **SI** es mesura en J/kg.

# Maquines terniques

Considerem una **màquina tèrmica** a un sistema que funciona **periòdicament** entre dos focus a diferent temperatura, i transforma part de la calor absorbida del focus calent en treball, cedint una altra part al focus fred:



**Figura 1.** Esquema d'una **màquina tèrmica**. La màquina absorbeix calor des de la font calenta  $T_1$  i cedeix calor a la freda  $T_2$ , produint treball:  $Q_1 = W + |Q_2|$ . Adaptada de https://commons.wikimedia.org/wiki/File:Carnot\_heat\_engine\_2.svg.

## Rendiment energètic

Anomenem **rendiment energètic**,  $\eta$ , al quocient entre el *benefici* i el *cost*:

 $\eta = \frac{\text{treball que obtinc}}{\text{calor que consumeixo}}$ 

Per a un **motor**:

$$\eta = \frac{W}{Q_1} = \frac{Q_1 - |Q_2|}{Q_1} = 1 - \frac{|Q_2|}{Q_1} < 1$$

Es pot demostrar que el rendiment d'una màquina tèrmica ideal (anomenada màquina de Carnot) només depèn de les temperatures d'ambdós focus:

$$\eta_{\text{ideal}} = 1 - \frac{T_2}{T_1},$$

que és el màxim rendiment que pot obtenir-se per a un cicle tèrmic que es realitza entre dues fonts amb aquestes temperatures.

#### Motor d'explosió

Es tracta d'una màquina tèrmica de combustió interna produïda per una guspira elèctrica. Es pot considerar a volum constant. El més utilitzat és el de quatre temps (gasolina), sent el cicle d'Otto l'aproximació més utilitzada:

