



## 4.2. ONDAS Y SONIDO | FÍSICA 2.º BACH

## **EJERCICIOS**

## ALBA LÓPEZ VALENZUELA

..... Ecuación de onda .....

- La ecuación de una onda es:  $y = 0.3 \sin (6\pi t \pi x)$  en unidades del S.I. Calcula:
  - (a) la velocidad de propagación de la onda;
  - (b) la velocidad de vibración del punto que ocupa la posición x = 3 m para t = 8 s;
  - (c) la aceleración máxima de dicho punto en su movimiento de vibración.

**Solución:** a) v = 6 m/s; b) v = -5.65 m/s; c)  $a_{\text{máx}} = 106.6 \text{ m/s}^2$ 

- Una onda de 0.3 m de amplitud tiene una frecuencia de 6 Hz y una longitud de onda de 5 m. Calcular:
  - (a) El periodo y la velocidad de propagación de la onda.
  - (b) La velocidad de vibración del punto que ocupa la posición x=2 m para t=10 s.
  - (c) La distancia mínima entre dos puntos que estén en fase.
  - (d) ¿Cuál es la distancia mínima para que dos puntos estén en oposición de fase?

**Solución:** a) T = 0.17 s, v = 30 m/s; b) v = -9.15 m/s; c)  $\lambda = 5 \text{ m}$ ; d) 2.5 m

- La ecuación de una onda viene dada por la expresión: y(x,t) = 0.05 sen  $(600\pi t 6\pi x + \pi/6)$  (S.I.). Halla:
  - (a) La amplitud, la frecuencia, la longitud de onda y la velocidad de propagación.
  - (b) La velocidad máxima de vibración.
  - (c) La distancia entre dos puntos cuya diferencia de fase sea  $\pi/4$ .

**Solución:** a) A = 0.05 m, f = 300 Hz,  $\lambda = 0.33 \text{ m}$ , v = 100 m/s; b)  $v_{\text{máx}} = 30\pi \text{ m/s}$ ; c)  $\Delta x = \frac{1}{24} \text{ m}$ 

- Un movimiento ondulatorio viene dado, en unidades del S.I. por  $y(x,t) = 5 \cdot \cos(4t + 10x)$ ; con "y" expresada en metros. Calcular:
  - (a)  $\lambda$ , f,  $\omega$ , A.
  - (b) Velocidad de propagación de la onda.
  - (c) Perturbación que sufre un punto situado a 3 m del foco a los 20 s.
  - (d) Expresiones generales de la velocidad y la aceleración de las partículas afectadas por la onda.

**Solución:** a) 
$$\lambda = \frac{\pi}{5}$$
 m,  $f = \frac{2}{\pi}$  Hz,  $\omega = 4$  rad/s,  $A = 5$  m; b)  $v = \frac{2}{5}$  m/s; c)  $y = -5$  m; d)  $v(x,t) = -20$  sen  $(4t + 10x)$ ,  $a(x,t) = -80$  cos  $(4t + 10x)$ 

- 5 La ecuación de una onda es  $y = 2 \cdot \text{sen } [2\pi(5t + 0.1x)]$ , en unidades C.G.S. Calcular:
  - (a)  $\lambda$ , f y velocidad de propagación de la onda.
  - (b) ¿Cuál es la velocidad máxima que adquirirán los puntos afectados por la onda? ¿En qué instantes adquirirá dicha velocidad un punto situado a 10 cm de la fuente de perturbación.

**Solución:** a) 
$$\lambda = 10$$
 cm,  $f = 5$  Hz,  $v = 50$  cm/s; b)  $v_{\text{máx}} = 20\pi$  cm/s;  $t = 0, 0.4, \dots$  s

- La ecuación de una onda que se propaga por una cuerda es:  $y(x,t) = 0.5 \cdot \text{sen}\pi(8t 4x)$  (S.I.). Determine la velocidad de propagación de la onda y la velocidad de un punto de la cuerda y explique el significado de cada una de ellas.
- 7 La ecuación de una onda transversal es y = 10sen  $(2\pi t 10\pi z)$  en el S.I. Calcular:
  - (a) Velocidad de propagación.
  - (b)  $f, \omega, \lambda, T y k$ .
  - (c) Eje en el que se propaga la onda y plano de vibración.
  - (d) Velocidad y aceleración máximas de las partículas de la cuerda afectadas por la onda.

- El periodo de un movimiento ondulatorio que se propaga por el eje OX es de  $3 \times 10^{-3}$  s y la distancia entre dos puntos más próximos con diferencia de fase  $\pi$  / 2 rad es de 30 cm en el eje x.
  - (a) Calcular  $\lambda$  y la velocidad de propagación.
  - (b) Si el periodo se duplicase, ¿qué le ocurriría a las magnitudes del apartado anterior?
- 9 Una onda sinusoidal se propaga a lo largo de una cuerda. El tiempo que transcurre entre el instante de elongación máxima y el de elongación nula en un punto de la cuerda es de 0.17 s. Calcular:
  - (a) Periodo y frecuencia de la onda.
  - (b) Velocidad de propagación si  $\lambda = 1.4$  m.
- Una onda armónica se propaga por una cuerda tensa según  $y(x,t) = 0.4 \cdot \cos(50t 0.2x)$  (S.I.). Calcular:
  - (a) Longitud de onda,  $\lambda$ , y periodo, T.
  - (b) Velocidad máxima de oscilación de los puntos de la cuerda.
  - (c) Diferencia de fase, en el mismo instante, entre dos puntos separados 7.5 m.
- Una onda longitudinal se propaga a lo largo de un resorte en el sentido negativo del eje OX y distancia más próxima entre dos puntos en fase es de 20 cm. El foco emisor, fijo a un extremo del resorte, vibra con una amplitud de 3 cm y f = 25 Hz. Determinar:
  - (a) Velocidad de propagación de la onda.
  - (b) Expresión de la onda sabiendo que la perturbación en el instante inicial en x = 0 es nula.
  - (c) Represente gráficamente la elongación en función de la distancia en el instante inicial.
  - (d) Velocidad y aceleración máximas en un punto del resorte.
- Una onda transversal y sinusoidal tiene una frecuencia de  $40\,\mathrm{Hz}$  y se desplaza en la dirección negativa del eje x con una velocidad de 28.8 cm/s. En el instante inicial, la partícula situada en el origen tiene un desplazamiento de 2 cm y su velocidad es de -377 cm/s. Encontrar la ecuación de la onda. ¿Qué datos pueden obtenerse de ella? Represente gráficamente la elongación en función de la distancia en el instante inicial.
- Una onda armónica transversal se propaga por una cuerda en el sentido positivo del eje OX. Si A=5 mm, f=200 Hz y  $\lambda=$ 10 cm, y en el instante t = 0 la elongación es de 2.5 mm y ese punto se mueve hacia arriba, determina:
  - (a) La ecuación de la onda.
  - (b) La velocidad máxima en un punto de la cuerda.
  - (c) ¿En qué instante será máxima la elongación en un punto situado a 5 cm del foco emisor?
- Una onda plana se propaga en dirección x positiva con velocidad v = 340 m/s, amplitud A = 5 cm y frecuencia f = 100 Hz (fase inicial nula).
  - (a) Escribe la ecuación de la onda.
  - (b) Calcula la distancia entre dos puntos cuya diferencia de fase en un instante dado es de  $2\pi/3$ .
- La ecuación de una onda es  $y(x,t) = 2 \cos 4\pi (5t x)$  (S.I.). Calcula:
  - (a) La velocidad de propagación.
  - (b) La diferencia de fase entre dos puntos separados 25 cm.
  - (c) En la propagación de una onda se transporta ¿materia o energía?
- Una onda sinusoidal de 5 m de amplitud se propaga hacia la derecha con un periodo de 10 s.
  - (a) Halla la elongación en el origen a los 2 s de comenzar el movimiento desde la posición de equilibrio.
  - (b) Si en ese instante (t = 2 s) la elongación de un punto que se encuentra a 1 cm del origen hacia la derecha es nula, calcula la longitud de onda.

## Ondas estacionarias

- Hallar las ecuaciones de la onda estacionaria resultante de sumar las ondas, la amplitud máxima y la amplitud en la posición x de las ondas estacionarias resultantes y calcular la posición de los nodos y vientres de:
  - (a)  $y_1 = A \operatorname{sen} (\omega t + kx); y_2 = A \operatorname{sen} (\omega t kx)$
  - (b)  $y_1 = A \operatorname{sen} (\omega t + kx); y_2 = -A \operatorname{sen} (\omega t kx)$
  - (c)  $y_1 = A \cos(\omega t + kx)$ ;  $y_2 = A \cos(\omega t kx)$
  - (d)  $y_1 = A \cos(\omega t + kx)$ ;  $y_2 = -A \cos(\omega t kx)$
- De cierta onda se sabe que tiene una amplitud máxima de 8 m, que se desplaza de izquierda a derecha con una velocidad de 3 m/s, y que la mínima distancia entre dos puntos que vibran en fase es de 10 m.
  - (a) Escribe su ecuación.
  - (b) Escribe la ecuación de otra onda idéntica pero desplazándose en el sentido contrario.
  - (c) Escribe la ecuación de la onda resultante de la interferencia que se produce entre las dos ondas anteriores e indica sus características.
  - (d) Calcula las posiciones de los nodos y los vientres de esta onda resultante.
- Una onda estacionaria viene dada por y = 0.04 sen (0.4x) cos (25t) (S.I.). ¿Cuál es su velocidad de propagación? Calcular f,  $\lambda$ , A, y la velocidad de propagación de las O.V. (ondas viajeras).
- Un alambre vibra según y = 0.5 sen  $(\pi / 3x)$  cos  $(40\pi t)$  (C.G.S.). Calcular:
  - (a) f, A,  $\lambda$  y velocidad de las ondas viajeras.
  - (b) Distancia entre los nodos.
  - (c) Velocidad de una partícula del alambre que está en x = 1.5 cm en el instante t = 9/8s.
- La ecuación de una onda transversal en una cuerda es  $y = 10 \cos \pi (2x 10t)$  (C.G.S.):
  - (a) Escribir la expresión de la onda que, al interferir con ella, producirá una O.E.
  - (b) Indicar la distancia entre los nodos en la O.E. y la amplitud que tendrán los antinodos.
- Se produce una interferencia de las ondas de ecuaciones:  $y_1 = 0.2$  sen (200t 0.5x);  $y_2 = 0.2$  sen (200t + 0.5x) determina:
  - (a) la función de onda resultante,
  - (b) el valor de la amplitud de un punto situado a 10 m y
  - (c) las posiciones de los nodos producidos.
- La ecuación de una onda es  $y = 6 \cos(0.2\pi x) \sin(4\pi t)$  (S.I.). Determinar:
  - (a) Magnitudes características.
  - (b) ¿En qué instantes será máxima la velocidad del punto x = 0.5 m?
  - (c) Amplitud y velocidad de fase de las ondas cuya superposición podría producirla.
- Al pulsar una cuerda de 2 m de longitud sujeta por los dos extremos, vibra formándose 8 nodos y la amplitud resulta ser de 6 cm. Si la velocidad de propagación es de 4 m/s determina la ecuación de la onda estacionaria formada. La cuerda está en el eje OX y vibra en el eje OY.

- Una onda sonora, que tiene una longitud de onda de  $0.6\,\mathrm{m}$ , se propaga en el agua con una velocidad de  $1450\,\mathrm{m\,s}^{-1}$ . Calcula:
  - (a) La frecuencia de la onda.
  - (b) Su longitud de onda en el aire.

**Solución:** a) 2417 Hz; b) 0.14 m

- 26 La potencia de un foco emisor de una onda esférica es 100 W. Calcula la intensidad de la onda a una distancia de:
  - (a) 50 cm.
  - (b) 5 m.

**Solución:** a) 31.8 W/m<sup>2</sup>; b) 0.318 W/m<sup>2</sup>

La mínima longitud de onda sonora que pude percibir el oído de los murciélagos es 3.4 mm. ¿Cuál es la máxima frecuencia que pueden captar estos mamíferos?

**Solución:**  $f = 1 \times 10^5 \text{ Hz}$ 

Calcula el nivel de intensidad sonora producido por un vehículo que emite una onda sonora de  $1 \times 10^{-3}$  W/m<sup>2</sup> de intensidad.

*Solución:*  $\beta = 90 \text{ dB}$ 

29 Calcula la intensidad de una onda sonora que tiene un nivel de intensidad de 110 dB.

Solución: 0.1 W/m<sup>2</sup>

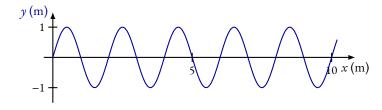
Se tiene un altavoz de 5 kg en un resorte horizontal de constante elástica 20 N/m que oscila con una amplitud de 50 cm. El altavoz emite una frecuencia de 440 Hz, calcula la frecuencia máxima y la frecuencia mínima que escuchará un observador en reposo.

*Solución:* 432 Hz y 441 Hz

- 31 Demostrar que si se duplica la intensidad de un sonido, el nivel de sensación sonora aumenta en 3,0 decibelios.
- Los altavoces A y B están alimentados por el mismo amplificador y emiten ondas sinusoidales en fase. El altavoz B está a 2.00 m del altavoz A. La frecuencia de las ondas producidas por los altavoces es 700 Hz y su velocidad en el aire es de 350 m/s. Considerar el punto P entre los altavoces y a lo largo de la línea que los conecta, a una distancia x hacia la derecha del altavoz A. ¿Para qué valores de x se producirán interferencias destructivas en el punto P?

Solución: 0.25 m, 0.75 m, 1.25 m, 1.75 m

En la figura se muestra una gráfica de un sonido con  $v=340\,\mathrm{m/s}$  e  $I_0=1\times10^{-12}\,\mathrm{W/m^2}$ .



- (a) Calcular  $\lambda$  y f.
- (b) Suponer que el nivel de intensidad sonora a cierta distancia del foco es de 60 dB. ¿Cuál será su intensidad en W/m²?
- (c) ¿Cuál es la relación entre las intensidades de dos sonidos cuyo nivel de intensidad difiera en 20 dB?
- (d) ¿Cuál será la intensidad de la onda si se mide a una distancia doble?

**Solución:** a)  $\lambda = 2 \text{ m}$ , f = 170 Hz; b)  $I = 1 \times 10^{-6} \text{ W/m}^2$ ; c)  $I_2 = 100I_1$ ; d)  $I_B = \frac{I_A}{4}$ 

- Una onda plana que se propaga por un medio absorbente reduce su intensidad a la mitad después de recorrer 4 m en el medio. Calcula:
  - (a) El coeficiente de absorción del medio.
  - (b) ¿Cuánto se reducirá la intensidad de la onda después de recorrer 10 m?

**Solución:** a)  $0.17 \,\mathrm{m}^{-1}$ ; b)  $I = 0.18 I_0 \rightarrow 18 \,\%$ 

La sirena de una ambulancia emite un sonido cuya frecuencia es 200 Hz. La ambulancia viaja a 80 m/s (alejándose del receptor). El receptor se aleja de la ambulancia a velocidad de 5 m/s ¿con qué frecuencia recibe el sonido el receptor?

Solución: 160 Hz

.....EBAU.....

- [36] [Mayo 91, Mayo 93, Extremadura] La ecuación de una onda transversal que se propaga a lo largo de una cuerda viene dada por la expresión y = 25 sen  $[2\pi(0.80t - 1.25x)]$ , donde x e y se expresan en cm y t en segundos. Determinad la velocidad máxima de oscilación que puede tener un punto cualquiera de la cuerda.
- [37] [Mayo 91, Salamanca] Una onda sinusoidal transversal que se propaga de derecha a izquierda tiene una longitud de onda de 20 m, una amplitud de 4 m y una velocidad de propagación de 200 m/s. Hallar:
  - (a) La ecuación de la onda.
  - (b) Velocidad transversal máxima de un punto alcanzado por la vibración.
  - (c) Aceleración transversal máxima de un punto del medio en vibración.
  - (d) Definir qué se entiende por onda estacionaria.
- [Julio 2020, Extremadura] Una onda mecánica viaja a una velocidad de 400 cm/s tiene una frecuencia de 0.06 Hz. Determina: a) el tiempo que tardará en alcanzar un punto situado a 20 m del foco donde se origina y b) su longitud de onda.
- [Junio 2021, Extremadura] Una onda mecánica de frecuencia de 0.08 Hz viaja a una velocidad de 200 cm/s. Determina: a) el tiempo que tardará en alcanzar un punto situado a 30 m del foco donde se origina y b) su longitud de onda.
- [Julio 2022, Extremadura] Una onda tiene una longitud de onda de 10 m, una amplitud de 18 m, y una frecuencia de 8 Hz. Determine a) la velocidad de propagación y b) la ecuación de la onda.
- [Julio 2019, Extremadura] La ecuación de una onda transversal que se propaga en una cuerda es y = 30 sen  $\pi(0.4t 2x)$ donde x e y se expresan en centímetros y t en segundos. Un punto es alcanzado por la onda a 0.06 m del foco. En el instante t = 4 s, determina: a) su elongación y b) su velocidad de vibración.
- [Julio 2021, Extremadura] La ecuación de una onda viene dada por y(x,t) = 80 sen  $\left[2\pi \left(6t \frac{x}{20}\right)\right]$ , estando las magnitudes medidas en el Sistema Internacional de unidades. Determinar: a) la amplitud, b) la frecuencia, c) la longitud de onda y d) la velocidad de propagación.
- [Junio 2022, Extremadura] La ecuación de una onda viene dada por y(x,t) = 6 sen  $\left[2\pi \left(4t \frac{x}{15}\right)\right]$ , estando las magnitudes medidas en el Sistema Internacional de unidades. Determinar: a) la amplitud, b) el periodo, c) la longitud de onda y d) la velocidad de propagación.
- [Junio 2019, Extremadura] En un punto de una cuerda, por la que se transmite una onda armónica, se produce un movimiento armónico simple de frecuencia 10 Hz y amplitud 6 mm. Si la velocidad de transmisión de la onda es 40 m/s, determine: a) El periodo y la longitud de onda; y b) la ecuación de la onda generada en la cuerda.
- [Junio 2018, Extremadura] En una cuerda tensa se genera una onda de 20 cm de amplitud mediante un oscilador de 30 Hz. La onda se propaga a 6 m/s. a) Escriba la ecuación de la onda suponiendo que se propaga de derecha a izquierda y que en el instante inicial la elongación del foco es nula. b) Determine la velocidad de una partícula de la cuerda situada a 1 m del foco emisor en el instante 4 s.
- [Junio 2016, Extremadura] Una onda se propaga según la ecuación y(x,t) = 3 sen  $(20\pi t 50\pi x)$  (medida en el sistema internacional). Un punto es alcanzado por la onda a 0.5 m del foco. En el instante t = 2 s, determina: a) su elongación, y b) su velocidad de vibración.
- [Junio 2015, Julio 2017, Extremadura] Una onda mecánica viaja a velocidad 5 m/s y tiene una frecuencia de 0.12 Hz. Determina: a) el tiempo que tardará en alcanzar un punto situado a 18 m del foco donde se origina y b) su longitud de onda.
- [Julio 2014, Extremadura] Una onda mecánica tiene una frecuencia de 0.08 Hz y viaja a una velocidad de 3 m/s. Determina: a) el tiempo que tardará en alcanzar un punto situado a 12 m del foco donde se origina y b) su longitud de onda.
- [Julio 2019, Extremadura] Se perciben dos sonidos de igual frecuencia que, por separado, producen cada uno la sensación de 50 dB. Determine la sensación que producirán al oírlos conjuntamente.

- [Julio 2020, Extremadura] Un foco sonoro emite con potencia de 32 W, ondas sonoras que se transmiten en un medio homogéneo. Hallar: a) la intensidad sonora y b) el nivel de intensidad sonora o sensación sonora en un punto que está a 8 m del foco, prescindiendo de la absorción que pudiera producirse en el medio. Dato: intensidad umbral =  $1 \times 10^{-12}$  W/m<sup>2</sup>.
- [Junio 2021, Extremadura] Un foco sonoro emite con potencia de 50 W, ondas sonoras que se transmiten en un medio homogéneo. Hallar: a) la intensidad sonora y b) el nivel de intensidad sonora o sensación sonora en un punto que está a 12 m del foco, prescindiendo de la absorción que pudiera producirse en el medio. Dato: intensidad umbral =  $10^{-12}$  W/m<sup>2</sup>.
- [Junio 2020, Extremadura] Una ventana de 2 m<sup>2</sup> de superficie está abierta a una calle de mucho tráfico cuyo ruido produce una sensación sonora de 80 dB. Determine a) la intensidad y b) la potencia acústica trasportada por las ondas sonoras que atraviesan la ventana, sabiendo que la intensidad del sonido recibido que corresponde a  $0 \, dB$  es  $1 \times 10^{-12} \, W/m^2$ .
- [Julio 2021, Extremadura] Un foco sonoro emite ondas sonoras que se transmiten en un medio homogéneo. La intensidad sonora es 0.1 W/m² en un punto situado a 14 m de dicho foco. Hallar: a) el nivel de intensidad sonora o sensación sonora en dicho punto, prescindiendo de la absorción que pudiera producirse en el medio; y b) la potencia con que emite el foco sonoro. Dato: intensidad umbral =  $10^{-12}$  W/m<sup>2</sup>.
- [Junio 2022, Extremadura] La sensación sonora en un punto situado a 12 m de un foco que emite ondas sonoras, que se transmiten en un medio homogéneo, es de 100 dB. Hallar: a) La intensidad sonora en dicho punto, prescindiendo de la absorción que pudiera producirse en el medio; y b) la potencia con que emite el foco sonoro. Dato: intensidad umbral =  $10^{-12}$  W/m<sup>2</sup>.
- [Junio 2017, Extremadura] Diga si la siguiente frase es CIERTA o FALSA y razone la respuesta: "El avance de una onda armónica de amplitud 0.5 m que se propaga 6 metros en un medio elástico, provoca que una partícula del medio elástico recorra también 6 metros".
- [Julio 2016, Extremadura] Diga si la siguiente frase es CIERTA o FALSA y razone la respuesta: "Cuando una onda se propaga por un medio, toda la materia se propaga también".
- [Julio 2022, Extremadura] Diga si la siguiente frase es CIERTA o FALSA y razone la respuesta: "Si la intensidad de una onda es "I" en un punto situado a 2 metros del foco emisor, entonces a 6 metros será I/3".
- [Junio 2018, Extremadura] Explica las diferencias entre ondas longitudinales y transversales. Cita un ejemplo de cada una de ellas.
- [Junio 2020, Extremadura] Indique 5 magnitudes características de una onda a partir de su expresión matemática.
- [Junio 2019, Extremadura] Determina la velocidad de propagación de una onda y la de vibración de las partículas que la forman, interpretando ambos resultados.
- [Julio 2018, Extremadura] Intensidad de una onda. Determina la relación entre las intensidades de una onda en dos puntos alejados a diferentes distancias del foco emisor.
- [Julio 2015, Extremadura] Energía transmitida por una onda.
- [Junio 2015, Julio 2017, Extremadura] Nivel de intensidad sonora o sensación sonora: Definición, expresión matemática y unidad de medida.