#### Bases de Datos I

#### Modelo relacional: diseño intuitivo y lenguajes de consulta

Lic. Víctor M. Cardentey Fundora Dra. Lucina García Hernández

Departamento de Computación Facultad de Matemática y Computación Universidad de La Habana

3 de octubre de 2023

### ¿Dónde nos quedamos?



Jugador(#J, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax)

Carta(#C, Nombre, Calidad, Desc., Costo)

Coleccionar(#J, #C)

FK: #J REFERENCES Jugador FK: #C REFERENCES Carta

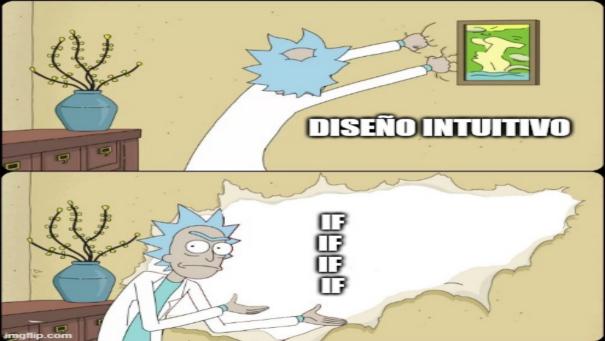
## ¿Para qué están aquí?

### Objetivos para la conferencia

- 1. Poder transformar un diseño conceptual descrito por el modelo MERX en un diseño lógico basado en el modelo Relacional.
- 2. Poder utilizar el diseño lógico obtenido para responder las preguntas del usuario.

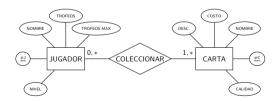
### Transformando el diseño

# Diseño intuitivo



Ahora sí... transformando el diseño

# Algoritmo del diseño intuitivo



#### La idea básica

1. Convertir cada conjunto de entidades en una relación con el mismo conjunto de atributos.



#### La idea básica

1. Convertir cada conjunto de entidades en una relación con el mismo conjunto de atributos.



 $\label{eq:Jugador} \begin{array}{l} \textbf{Jugador}(\underline{\#J}, \, \mathsf{Nombre}, \, \mathsf{Nivel}, \, \mathsf{Trofeos}, \, \mathsf{TrofeosMax}) \\ \textbf{Carta}(\underline{\#C}, \, \mathsf{Nombre}, \, \mathsf{Calidad}, \, \mathsf{Desc.}, \, \mathsf{Costo}) \end{array}$ 

#### La idea básica

- 1. Convertir cada conjunto de entidades en una relación con el mismo conjunto de atributos.
- Convertir cada interrelación en una relación cuyos atributos son las llaves primarias de las relaciones que representan los conjuntos de entidades conectados.



 $\label{eq:Jugador} \begin{array}{l} \textbf{Jugador}(\underline{\#J}, \ \mathsf{Nombre}, \ \mathsf{Nivel}, \ \mathsf{Trofeos}, \ \mathsf{TrofeosMax}) \\ \textbf{Carta}(\underline{\#C}, \ \mathsf{Nombre}, \ \mathsf{Calidad}, \ \mathsf{Desc.}, \ \mathsf{Costo}) \end{array}$ 

#### La idea básica

- 1. Convertir cada conjunto de entidades en una relación con el mismo conjunto de atributos.
- Convertir cada interrelación en una relación cuyos atributos son las llaves primarias de las relaciones que representan los conjuntos de entidades conectados.



Jugador(#J, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax)

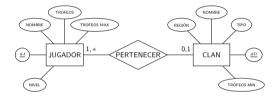
Carta(#C, Nombre, Calidad, Desc., Costo)

Coleccionar(#J, #C)

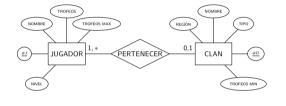
FK: #J REFERENCES Jugador FK: #C REFERENCES Carta

FK: #C REFERENCES Carta

# Aplicando el algoritmo



### Aplicando el algoritmo



Jugador(#J, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax)

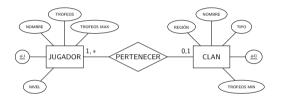
Clan(#Cl, Nombre, Región, Tipo, TrofeosMin)

Pertenecer(#J, #CI)

 $\mathsf{FK} \colon \# \mathsf{J} \; \mathsf{REFERENCES} \; \mathsf{Jugador}$ 

FK: #CI REFERENCES Clan

### Aplicando el algoritmo



Jugador(#J, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax)

Clan(#CI, Nombre, Región, Tipo, TrofeosMin)

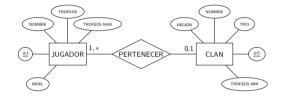
Pertenecer(#J, #CI)

 $\mathsf{FK} \colon \# \mathsf{J} \; \mathsf{REFERENCES} \; \mathsf{Jugador}$ 

FK: #CI REFERENCES Clan

### ¿Este diseño es eficiente?

### Un caso especial



Jugador(#J, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax, #CI)
FK: #CI REFERENCES Clan HAS NULL
Clan(#CI, Nombre, Región, Tipo, TrofeosMin)

Añadir la llave primaria de la relación correspondiente al conjunto de entidades en el extremo con cardinalidad máxima uno a la relación correspondiente al conjunto de entidades en el otro extremo.

Jugador(#J, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax)

Clan(#Cl, Nombre, Región, Tipo, TrofeosMin)

Pertenecer(#J, #CI)

FK: #J REFERENCES Jugador

FK: #CI REFERENCES Clan

 $Jugador(\underline{\#J}, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax, \#CI)$ 

FK: #CI REFERENCES Clan HAS NULL

 $Clan(\underline{\#Cl}, Nombre, Región, Tipo, TrofeosMin)$ 

#### Comparemos estos enfoques

Supongamos que:

- Cada identificador es un entero de 64 bits y el indicador NULL también ocupa 64 bits.
- ▶ Se tienen datos de 2 millones de jugadores en la base de datos.
- Se tiene que 500 mil jugadores pertenecen a un clan.

```
\textbf{Jugador}(\underline{\#J}, \ \mathsf{Nombre}, \ \mathsf{Nivel}, \ \mathsf{Trofeos}, \ \mathsf{TrofeosMax})
```

Clan(#CI, Nombre, Región, Tipo, TrofeosMin)

Pertenecer(#J, #CI)

 $\mathsf{FK} \colon \# \mathsf{J} \; \mathsf{REFERENCES} \; \mathsf{Jugador}$ 

FK: #CI REFERENCES Clan

 $Jugador(\underline{\#J}, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax, \#CI)$ 

FK: #CI REFERENCES Clan HAS NULL

 $Clan(\underline{\#Cl}, Nombre, Región, Tipo, TrofeosMin)$ 

### Comparemos estos enfoques

Supongamos que:

- ▶ Cada identificador es un entero de 64 bits y el indicador NULL también ocupa 64 bits.
- Se tienen datos de 2 millones de jugadores en la base de datos.
- ▶ Se tiene que 500 mil jugadores pertenecen a un clan.

Jugador(#J, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax)

Clan(#CI, Nombre, Región, Tipo, TrofeosMin)

Pertenecer(#J, #CI)

FK: #J REFERENCES Jugador

FK: #CI REFERENCES Clan

 $128 \times 5 \times 10^5$  bits = 8 Megabytes

 $Jugador(\underline{\#J}, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax, \#CI)$ 

FK: #CI REFERENCES Clan HAS NULL

 $Clan(\underline{\#Cl}, Nombre, Región, Tipo, TrofeosMin)$ 

 $64 \times 2 \times 10^6 \, \text{bits} = 16 \, \text{Megabytes}$ 

#### Comparemos estos enfoques

Supongamos que:

- ▶ Cada identificador es un entero de 64 bits y el indicador NULL también ocupa 64 bits.
- ▶ Se tienen datos de 2 millones de jugadores en la base de datos.
- ► Se tiene que 1.5 millones de jugadores pertenecen a un clan.

 $\textbf{Jugador}(\underline{\#J}, \ \mathsf{Nombre}, \ \mathsf{Nivel}, \ \mathsf{Trofeos}, \ \mathsf{TrofeosMax})$ 

Clan(#Cl, Nombre, Región, Tipo, TrofeosMin)

Pertenecer(#J, #CI)

 $\mathsf{FK} \colon \# \mathsf{J} \; \mathsf{REFERENCES} \; \mathsf{Jugador}$ 

FK: #CI REFERENCES Clan

 $Jugador(\underline{\#J}, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax, \#CI)$ 

FK: #CI REFERENCES Clan HAS NULL

 $Clan(\underline{\#Cl}, Nombre, Región, Tipo, TrofeosMin)$ 

### Comparemos estos enfoques

Supongamos que:

- ▶ Cada identificador es un entero de 64 bits y el indicador NULL también ocupa 64 bits.
- ► Se tienen datos de 2 millones de jugadores en la base de datos.
- Se tiene que 1.5 millones de jugadores pertenecen a un clan.

Jugador(#J, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax)

Clan(#CI, Nombre, Región, Tipo, TrofeosMin)

Pertenecer(#J, #CI)

FK: #J REFERENCES Jugador FK: #CI REFERENCES Clan

 $128 \times 1.5 \times 10^6$  bits = 24 Megabytes

 $Jugador(\underline{\#J}, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax, \#CI)$ 

FK: #CI REFERENCES Clan HAS NULL

 $Clan(\underline{\#Cl}, Nombre, Región, Tipo, TrofeosMin)$ 

 $64 \times 2 \times 10^6 \, \text{bits} = 16 \, \text{Megabytes}$ 

 $\textbf{Jugador}(\underline{\#J}, \ \mathsf{Nombre}, \ \mathsf{Nivel}, \ \mathsf{Trofeos}, \ \mathsf{TrofeosMax})$ 

Clan(#Cl, Nombre, Región, Tipo, TrofeosMin)

Pertenecer(#J, #CI)

 $\mathsf{FK} \colon \# \mathsf{J} \; \mathsf{REFERENCES} \; \mathsf{Jugador}$ 

FK: #CI REFERENCES Clan

 $Jugador(\underline{\#J}, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax, \#CI)$ 

FK: #CI REFERENCES Clan HAS NULL

 $\pmb{\mathsf{Clan}}(\underline{\#\mathsf{Cl}},\,\mathsf{Nombre},\,\mathsf{Región},\,\mathsf{Tipo},\,\mathsf{TrofeosMin})$ 

 $\textbf{Jugador}(\underline{\#J}, \ \mathsf{Nombre}, \ \mathsf{Nivel}, \ \mathsf{Trofeos}, \ \mathsf{TrofeosMax})$ 

 $\pmb{\mathsf{Clan}}(\underline{\#\mathsf{Cl}},\,\mathsf{Nombre},\,\mathsf{Región},\,\mathsf{Tipo},\,\mathsf{TrofeosMin})$ 

Pertenecer(<u>#J</u>, <u>#Cl</u>)

FK: #J REFERENCES Jugador FK: #CI REFERENCES Clan

- Más eficiente espacialmente cuando la multiplicidad de la interrelación es pequeña.
- Menos eficiente para realizar operaciones sobre los datos

Jugador(#J, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax, #CI)
FK: #CI REFERENCES Clan HAS NULL

Clan(#CI, Nombre, Región, Tipo, TrofeosMin)

 $\textbf{Jugador}(\underline{\#J}, \ \mathsf{Nombre}, \ \mathsf{Nivel}, \ \mathsf{Trofeos}, \ \mathsf{TrofeosMax})$ 

Clan(#CI, Nombre, Región, Tipo, TrofeosMin)

Pertenecer(#J, #CI)

FK: #J REFERENCES Jugador FK: #CI REFERENCES Clan

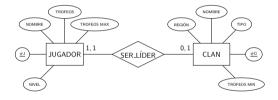
- Más eficiente espacialmente cuando la multiplicidad de la interrelación es pequeña.
- Menos eficiente para realizar operaciones sobre los datos

Jugador(#J, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax, #CI)
FK: #CI REFERENCES Clan HAS NULL

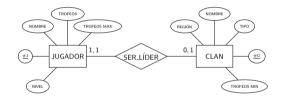
Clan(#CI, Nombre, Región, Tipo, TrofeosMin)

- Más eficiente espacialmente cuando la multiplicidad de la interrelación es grande.
- Más eficiente para realizar operaciones sobre los datos

## El caso especial del caso especial

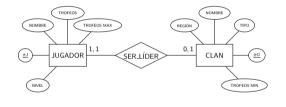


### Diseño para interrelaciones uno a uno: Opcionalidad



Jugador(#J, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax, #CI)
FK: #CI REFERENCES Clan HAS NULL
Clan(#CI, Nombre, Región, Tipo, TrofeosMin)

### Diseño para interrelaciones uno a uno: Obligatoriedad



$$\begin{split} \textbf{Jugador}(\underline{\#J}, \text{ Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax}) \\ \textbf{Clan}(\underline{\#Cl}, \text{ Nombre, Región, Tipo, TrofeosMin, } \#J) \\ \textbf{FK: } \#J \text{ REFERENCES Jugador} \end{split}$$

Jugador(#J, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax, #Cl)
FK: #Cl REFERENCES Clan HAS NULL
Clan(#Cl, Nombre, Región, Tipo, TrofeosMin)

$$\begin{split} & \textbf{Jugador}(\underline{\#J}, \text{ Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax}) \\ & \textbf{Clan}(\underline{\#Cl}, \text{ Nombre, Región, Tipo, TrofeosMin, } \#\textbf{J}) \\ & \textbf{FK: } \#\textbf{J} \text{ REFERENCES Jugador} \end{split}$$

Seleccionar el extremo con mayor cardinalidad mínima es más eficiente

# Diseño para interrelaciones con roles



### Diseño para interrelaciones con roles



Ser\_Amigo(#Amigo1, #Amigo2)

FK: #Amigo1 REFERENCES Jugador (#J)

FK: #Amigo2 REFERENCES Jugador (#J)

### Diseño para interrelaciones con roles



Ser\_Amigo(#Amigo1, #Amigo2)

FK: #Amigo1 REFERENCES Jugador (#J)

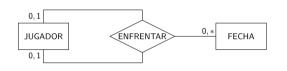
FK: #Amigo2 REFERENCES Jugador (#J)

Se deben renombrar los atributos que tienen el mismo nombre

## Diseño para interrelaciones *n*-arias



### Diseño para interrelaciones *n*-arias



#### Fecha(Fecha)

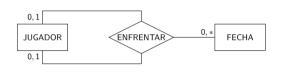
Enfrentar(#J1, #J2, Fecha)

FK: #J1 REFERENCES Jugador (#J)

FK: #J2 REFERENCES Jugador (#J)

FK: Fecha REFERENCES Fecha

### Diseño para interrelaciones *n*-arias



#### Fecha(Fecha)

Enfrentar(#J1, #J2, Fecha)

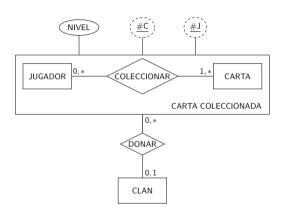
FK: #J1 REFERENCES Jugador (#J)

FK: #J2 REFERENCES Jugador (#J)

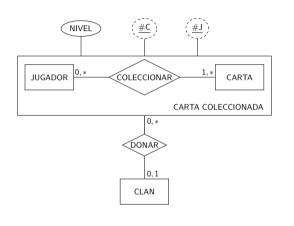
FK: Fecha REFERENCES Fecha

- ► Convertir la interrelación en una relación cuyos atributos son las llaves primarias de las relaciones que representan los conjuntos de entidades conectados.
- Si existen extremos de la interrelación con cardinalidad máxima uno, se escoge uno de ellos y su llave primaria se retira de la llave primaria de la relación resultante.

# Diseño de agregaciones



### Diseño de agregaciones



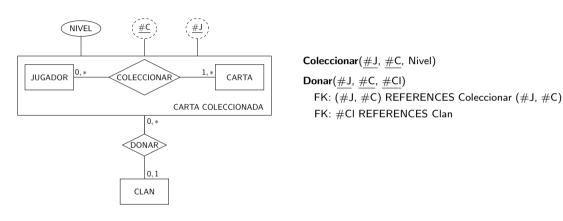
Coleccionar(#J, #C, Nivel)

Donar(#J, #C, #CI)

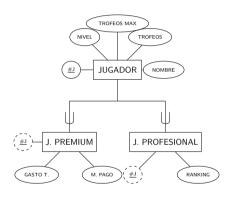
FK: (#J, #C) REFERENCES Coleccionar (#J, #C)

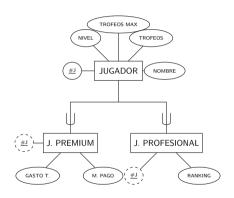
FK: #CI REFERENCES Clan

### Diseño de agregaciones

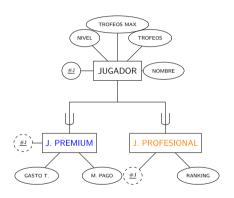


Agregar los atributos a la relación resultante de la interrelación

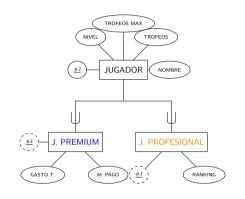




 $\begin{array}{ll} \textbf{Jugador}(\underline{\#J}, \ \mathsf{Nombre}, \ \mathsf{Nivel}, \ \mathsf{Trofeos}, \ \mathsf{TrofeosMax}, \\ \mathsf{Gasto} \ \mathsf{T.}, \ \overline{\mathsf{M}}. \ \mathsf{Pago}, \ \mathsf{Ranking}) \end{array}$ 

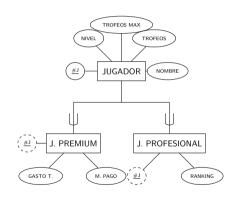


 $\begin{array}{lll} \textbf{Jugador}(\#J, \ \mathsf{Nombre}, \ \mathsf{Nivel}, \ \mathsf{Trofeos}, \ \mathsf{TrofeosMax}, \\ \mathsf{Gasto} \ \mathsf{T.}, \ \ \mathsf{M}. \ \mathsf{Pago}, \ \mathsf{Ranking}) \end{array}$ 



 $\begin{array}{ll} \textbf{Jugador}( \#J, \text{ Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax,} \\ \textbf{Gasto T., M. Pago, Ranking}) \end{array}$ 

¿Qué ocurre si un jugador es profesional pero no premium?



Jugador(#J, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax)

J. Premium(<u>#J</u>, Gasto T., M. Pago) FK: #J REFERENCES Jugador

J. Profesional(#J, Ranking)

FK: #J REFERENCES Jugador

 $\begin{array}{ll} \textbf{Jugador}(\#J, \text{ Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax,} \\ \textbf{Gasto T., M. Pago, Ranking)} \end{array}$ 

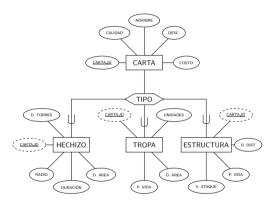
- Es eficiente espacialmente si la intersección entre los conjuntos especializados es grande.
- Es eficiente para recuperar los datos.

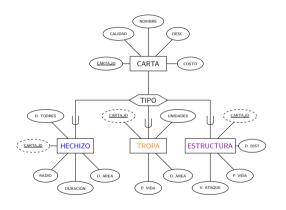
Jugador(#J, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax)

- J. Premium(<u>#J</u>, Gasto T., M. Pago)
  FK: #J REFERENCES Jugador
- J. Profesional(#J, Ranking)

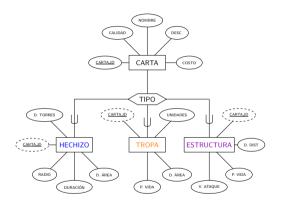
FK: #J REFERENCES Jugador

- Siempre es eficiente espacialmente (Nunca produce el estado NULL de un atributo)
- Para obtener todos los datos de una entidad a profundidad h en la jerarquía se deben realizar h joins.



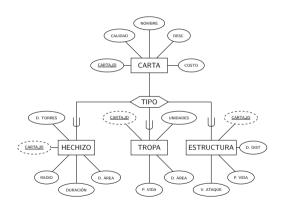


Carta(#C, Nombre, Calidad, Desc., Costo, D.Torres, Radio, Duración, H. D. Área, Unidades, T. P. Vida, T. D. Área, D. Dist, E. P. Vida, V. Ataque)



Carta(<u>#C</u>, Nombre, Calidad, Desc., Costo, D.Torres, Radio, Duración, H. D. Área, Unidades, T. P. Vida, T. D. Área, D. Dist, E. P. Vida, V. Ataque)

Muy ineficiente espacialmente porque la intersección es vacía.



Carta(#C, Nombre, Calidad, Desc., Costo)

Hechizo(<u>#C</u>, D.Torres, Radio, Duración, D. Área)

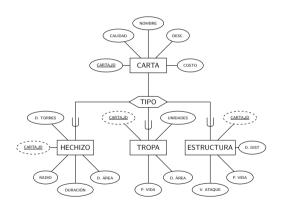
FK: #C REFERENCES Carta

**Tropa**(#C, Unidades, P. Vida, D. Área)

FK: #C REFERENCES Carta

 $\textbf{Estructura}(\underline{\#C},\ \mathsf{D}.\ \mathsf{Dist},\ \mathsf{P}.\ \mathsf{Vida},\ \mathsf{V}.\ \mathsf{Ataque})$ 

FK: #C REFERENCES Carta



Hechizo(<u>#C</u>, Nombre, Calidad, Desc., Costo, D.Torres, Radio, Duración, D. Área)

Tropa(<u>#C</u>, Nombre, Calidad, Desc., Costo, Unidades, P. Vida, D. Área)

 $\begin{array}{l} \textbf{Estructura}(\underline{\#C}, \ \mathsf{Nombre}, \ \mathsf{Calidad}, \ \mathsf{Desc.}, \ \mathsf{Costo}, \ \mathsf{D}. \\ \mathsf{Dist}, \ \mathsf{P.} \ \mathsf{Vida}, \ \mathsf{V}. \ \mathsf{Ataque}) \end{array}$ 

 $Carta(\underline{\#C}, Nombre, Calidad, Desc., Costo)$ 

Hechizo(<u>#C</u>, D.Torres, Radio, Duración, D. Área)

FK: #C REFERENCES Carta

Tropa(#C, Unidades, P. Vida, D. Área)

FK: #C REFERENCES Carta

**Estructura**(#C, D. Dist, P. Vida, V. Ataque)

FK: #C REFERENCES Carta

- Siempre es eficiente espacialmente (Nunca produce el estado NULL de un atributo)
- Para obtener todos los datos de una entidad a profundidad h en la jerarquía se deben realizar h joins.

Hechizo(<u>#C</u>, Nombre, Calidad, Desc., Costo, D.Torres, Radio, Duración, D. Área) Tropa(<u>#C</u>, Nombre, Calidad, Desc., Costo, Unidades, P. Vida, D. Área)

**Estructura**(#C, Nombre, Calidad, Desc., Costo, D. Dist, P. Vida, V. Ataque)

- Siempre es eficiente espacialmente (Nunca produce el estado NULL de un atributo)
- Para obtener la generalización se debe calcular la unión de los conjuntos especializados.

## Diseño para las entidades débiles



### Diseño para las entidades débiles



Liga(<u>#L</u>, Nombre, Patrocinador)
Temporada(<u>#L</u>, <u>Año</u>, Premio)
FK: #L REFERENCES Liga

El diseño lógico no es subjetivo



Respondiendo preguntas

# Lenguajes de consulta

#### Lenguajes de consulta

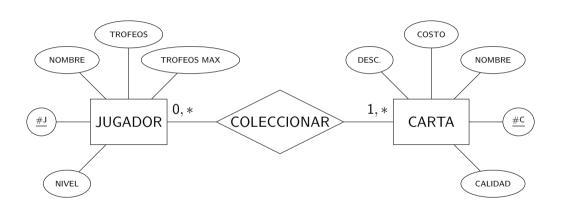
#### Definición

Son aquellos lenguajes utilizados para definir solicitudes de recuperación sobre los datos almacenados en una base de datos

#### Consulta

Una solicitud de recuperación, es decir, una expresión relacional o una declaración que solicita la evaluación de tal expresión

#### Caso de estudio



Consultas

#### Consultas

1. Obtener el nombre de todos los jugadores cuyo nivel es al menos 10.

#### Consultas

1. Obtener el nombre de todos los jugadores cuyo nivel es al menos 10.

$$r := \pi_{\#\mathsf{J},\;\mathsf{Nombre}}(\mathsf{Jugador}\,\sigma\,(\mathsf{Nivel} \geq 10))$$

#### Consultas

1. Obtener el nombre de todos los jugadores cuyo nivel es al menos 10.

$$r := \pi_{\#J, Nombre}(\mathsf{Jugador}\,\sigma\,(\mathsf{Nivel} \geq 10))$$

2. Obtener el nombre de todas las cartas cuya calidad sea épica.

#### Consultas

1. Obtener el nombre de todos los jugadores cuyo nivel es al menos 10.

$$r := \pi_{\#J, Nombre}(\mathsf{Jugador}\,\sigma\,(\mathsf{Nivel} \geq 10))$$

2. Obtener el nombre de todas las cartas cuya calidad sea épica.

$$r := \pi_{\#C, Nombre}(\mathsf{Carta}\,\sigma(\mathsf{Calidad} = "\acute{\mathsf{Epica"}}))$$

#### Consultas

3. Obtener el nombre de todos los jugadores que tienen la carta con identificador 2.

$$r_1 = \pi_{\#J,Nombre}((Jugador \bowtie Coleccionar) \sigma (\#C = 2))$$

$$r_2 = \pi_{\#J,Nombre}(Jugador \bowtie (Coleccionar \sigma (\#C = 2)))$$

¿Cuál es mejor?

$$\pi_{\#J,Nombre}((Jugador \bowtie Coleccionar) \sigma (\#C = 2))$$

$$\pi_{\#J,Nombre}((Jugador \bowtie Coleccionar) \sigma (\#C = 2))$$

- 1. Jugador ⋈ Coleccionar
- 2. (Jugador  $\bowtie$  Coleccionar)  $\sigma$  (#C = 2)
- 3.  $\pi_{\#J,Nombre}((Jugador \bowtie Colectionar) \sigma (\#C = 2))$

$$\pi_{\#J,Nombre}((Jugador \bowtie Coleccionar) \sigma (\#C = 2))$$

- 1. Jugador  $\bowtie$  Coleccionar  $O(|\mathsf{Jugador}| \times |\mathsf{Coleccionar}|)$
- 2. (Jugador  $\bowtie$  Coleccionar)  $\sigma$  (#C = 2)
- 3.  $\pi_{\#J,Nombre}((Jugador \bowtie Coleccionar) \sigma (\#C = 2))$

$$\pi_{\#J,Nombre}((Jugador \bowtie Coleccionar) \sigma (\#C = 2))$$

- 1. Jugador  $\bowtie$  Coleccionar  $O(|\mathsf{Jugador}| \times |\mathsf{Coleccionar}|)$
- 2. (Jugador  $\bowtie$  Coleccionar)  $\sigma$  (#C = 2) O(|Coleccionar|)
- 3.  $\pi_{\#J,Nombre}((Jugador \bowtie Colectionar) \sigma (\#C = 2))$

$$\pi_{\#J,Nombre}((Jugador \bowtie Coleccionar) \sigma (\#C = 2))$$

- 1. Jugador  $\bowtie$  Coleccionar  $O(|Jugador| \times |Coleccionar|)$
- 2. (Jugador  $\bowtie$  Coleccionar)  $\sigma$  (#C = 2) O(|Coleccionar|)
- 3.  $\pi_{\#J,Nombre}((Jugador \bowtie Coleccionar) \sigma (\#C = 2))$  O(|Jugador|)

$$\pi_{\#J,Nombre}((Jugador \bowtie Coleccionar) \sigma (\#C = 2))$$

- 1. Jugador  $\bowtie$  Coleccionar  $O(|Jugador| \times |Coleccionar|)$
- 2. (Jugador  $\bowtie$  Coleccionar)  $\sigma$  (#C = 2) O(|Coleccionar|)
- 3.  $\pi_{\#J,Nombre}((Jugador \bowtie Coleccionar) \sigma (\#C = 2))$  O(|Jugador|)

$$O(|\mathsf{Jugador}| \times |\mathsf{Coleccionar}| + |\mathsf{Coleccionar}| + |\mathsf{Jugador}|)$$

$$\pi_{\#J,Nombre}((Jugador \bowtie Coleccionar) \sigma (\#C = 2))$$

- 1. Jugador  $\bowtie$  Coleccionar  $O(|Jugador| \times |Coleccionar|)$
- 2. (Jugador  $\bowtie$  Coleccionar)  $\sigma$  (#C = 2) O(|Coleccionar|)
- 3.  $\pi_{\#J,Nombre}((Jugador \bowtie Coleccionar) \sigma (\#C = 2))$  O(|Jugador|)

$$O(|\mathsf{Jugador}| \times |\mathsf{Coleccionar}| + |\mathsf{Coleccionar}| + |\mathsf{Jugador}|)$$
  
=  $O(|\mathsf{Jugador}|^2 \times |\mathsf{Carta}| + |\mathsf{Coleccionar}| + |\mathsf{Jugador}|)$   
dado que  $|\mathsf{Coleccionar}| = O(|\mathsf{Jugador}| \times |\mathsf{Carta}|)$ 

$$\pi_{\#\mathsf{J},\mathsf{Nombre}}(\mathsf{Jugador}\bowtie(\mathsf{Coleccionar}\,\sigma\,(\#\mathsf{C}=2)))$$

$$\pi_{\#J,Nombre}(Jugador \bowtie (Coleccionar \sigma (\#C = 2)))$$

- 1. Coleccionar  $\sigma$  (#C = 2)
- 2. Jugador  $\bowtie$  (Coleccionar  $\sigma$  (#C = 2))
- 3.  $\pi_{\#J,Nombre}(Jugador \bowtie (Coleccionar \sigma (\#C = 2)))$

$$\pi_{\#J,Nombre}(Jugador \bowtie (Coleccionar \sigma (\#C = 2)))$$

- 1. Coleccionar  $\sigma$  (#C = 2) O(|Coleccionar|)
- 2. Jugador  $\bowtie$  (Coleccionar  $\sigma$  (#C = 2))
- 3.  $\pi_{\#J,Nombre}(Jugador \bowtie (Coleccionar \sigma (\#C = 2)))$

$$\pi_{\#J,Nombre}(Jugador \bowtie (Coleccionar \sigma (\#C = 2)))$$

- 1. Coleccionar  $\sigma$  (#C = 2) O(|Coleccionar|)
- 2. Jugador  $\bowtie$  (Coleccionar  $\sigma$  (#C = 2))  $O(|\text{Jugador}|^2)$
- 3.  $\pi_{\#J,Nombre}(Jugador \bowtie (Coleccionar \sigma (\#C = 2)))$

$$\pi_{\#J,Nombre}(Jugador \bowtie (Coleccionar \sigma (\#C = 2)))$$

- 1. Coleccionar  $\sigma$  (#C = 2) O(|Coleccionar|)
- 2. Jugador  $\bowtie$  (Coleccionar  $\sigma$  (#C = 2))  $O(|\text{Jugador}|^2)$
- 3.  $\pi_{\#J,Nombre}(Jugador \bowtie (Coleccionar \sigma (\#C = 2)))$  O(|Jugador|)

# El problema del álgebra relacional

$$\pi_{\#J,Nombre}(Jugador \bowtie (Coleccionar \sigma (\#C = 2)))$$

# ¿En qué orden se ejecutan las operaciones?

- 1. Coleccionar  $\sigma$  (#C = 2) O(|Coleccionar|)
- 2. Jugador  $\bowtie$  (Coleccionar  $\sigma$  (#C = 2))  $O(|\text{Jugador}|^2)$
- 3.  $\pi_{\#J,Nombre}(Jugador \bowtie (Coleccionar \sigma (\#C = 2)))$  O(|Jugador|)

$$O(|\mathsf{Jugador}|^2 + |\mathsf{Coleccionar}| + |\mathsf{Jugador}|)$$

El caracter imperativo del álgebra relacional

No permite que el usuario se abstraiga de la optimización

# Lenguajes de consulta declarativo

### Cálculo relacional

- Cálculo relacional de tuplas
- Cálculo relacional de dominios

### Definición

Una consulta en el cálculo relacional de tuplas se expresa de la forma:

$$\{t \,|\, P(t)\}$$

### donde:

- t es una variable que representa una tupla
- ▶ *P* es una fórmula bien formada compuesta de átomos

### Consultas

1. Obtener todos los jugadores cuyo nivel es al menos 10.

### Consultas

1. Obtener todos los jugadores cuyo nivel es al menos 10.

```
\{t\,|\,t\in\mathsf{Jugador}\land t[\mathsf{Nivel}]\geq 10\}
```

### Consultas

1. Obtener todos los jugadores cuyo nivel es al menos 10.

$$\{t \mid t \in \mathsf{Jugador} \land t[\mathsf{Nivel}] \ge 10\}$$

2. Obtener el nombre de todos los jugadores cuyo nivel es al menos 10.

### Consultas

1. Obtener todos los jugadores cuyo nivel es al menos 10.

$$\{t \mid t \in \mathsf{Jugador} \land t[\mathsf{Nivel}] \ge 10\}$$

2. Obtener el nombre de todos los jugadores cuyo nivel es al menos 10.

$$\{t \,|\, \exists j \in \mathsf{Jugador}(t[\#\mathsf{J}] = j[\#\mathsf{J}] \land t[\mathsf{Nombre}] = j[\mathsf{Nombre}] \land j[\mathsf{Nivel}] \geq 10)\}$$

### Consultas

3. Obtener el nombre de todos los jugadores que tienen la carta con identificador 2.

### Consultas

3. Obtener el nombre de todos los jugadores que tienen la carta con identificador 2.

```
\{t|\exists j\in \mathsf{Jugador}(t[\#\mathsf{J}]=j[\#\mathsf{J}]\land t[\mathsf{Nombre}]=j[\mathsf{Nombre}]\land \exists c\in \mathsf{Coleccionar}(j[\#\mathsf{J}]=c[\#\mathsf{J}]\land c[\#\mathsf{C}]=2))\}
```

### Definición

Una consulta en el cálculo relacional de dominios se expresa de la forma

$$\{ \langle x_1, x_2, ..., x_n | P(x_1, x_2, ..., x_n) \}$$

### donde:

- $\triangleright$   $x_1, x_2, ..., x_n$  son variables de dominio
- ▶ P es una fórmula bien formada compuesta de átomos

### Consultas

Sean las variables a,b,c,d,e correspondientes a #J, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax en la relación Jugador.

1. Obtener todos los jugadores cuyo nivel es al menos 10.

### Consultas

Sean las variables a,b,c,d,e correspondientes a #J, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax en la relación Jugador.

1. Obtener todos los jugadores cuyo nivel es al menos 10.

$$\{ \langle a,b,c,d,e \rangle \mid \langle a,b,c,d,e \rangle \in \mathsf{Jugador} \land c \geq 10 \}$$

### Consultas

Sean las variables a,b,c,d,e correspondientes a #J, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax en la relación Jugador.

1. Obtener todos los jugadores cuyo nivel es al menos 10.

$$\{ < \textit{a},\textit{b},\textit{c},\textit{d},\textit{e} > | < \textit{a},\textit{b},\textit{c},\textit{d},\textit{e} > \in \mathsf{Jugador} \land \textit{c} \geq \mathsf{10} \}$$

2. Obtener el nombre de todos los jugadores cuyo nivel es al menos 10.

### Consultas

Sean las variables a,b,c,d,e correspondientes a #J, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax en la relación Jugador.

1. Obtener todos los jugadores cuyo nivel es al menos 10.

$$\{ < \textit{a},\textit{b},\textit{c},\textit{d},\textit{e} > | < \textit{a},\textit{b},\textit{c},\textit{d},\textit{e} > \in \mathsf{Jugador} \land \textit{c} \geq \mathsf{10} \}$$

2. Obtener el nombre de todos los jugadores cuyo nivel es al menos 10.

$$\{ \langle a, b \rangle \mid \exists c, d, e (\langle a, b, c, d, e \rangle \in \mathsf{Jugador} \land c \geq 10) \}$$

### Consultas

Sean las variables a, b, c, d, e correspondientes a #J, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax en la relación Jugador. Sea la variable f correspondiente a #C en la relación Coleccionar.

1. Obtener el nombre de todos los jugadores que tienen la carta con identificador 2.

### Consultas

Sean las variables a, b, c, d, e correspondientes a #J, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax en la relación Jugador. Sea la variable f correspondiente a #C en la relación Coleccionar.

1. Obtener el nombre de todos los jugadores que tienen la carta con identificador 2.

$$\{\langle a,b \rangle \mid \exists c,d,e (\langle a,b,c,d,e \rangle \in \mathsf{Jugador} \land \exists f (\langle a,f \rangle \in \mathsf{Coleccionar} \land f = 2))\}$$

# Equivalencia entre lenguajes

### El teorema de Codd

- Para toda expresión E del álgebra relacional existe una consulta Q del cálculo relacional tal que  $E \equiv Q$
- Para toda consulta Q del cálculo relacional existe una expresión algebraica E tal que  $Q \equiv E$

El cálculo relacional es un lenguaje relacional completo

# Equivalencia entre lenguajes

### El teorema de Codd

- Para toda expresión E del álgebra relacional existe una consulta Q del cálculo relacional tal que  $E \equiv Q$
- Para toda consulta Q del cálculo relacional existe una expresión algebraica E tal que  $Q \equiv E$

El cálculo relacional es un lenguaje relacional completo

## Optimización de consultas

Transformar una consulta Q del cálculo relacional en una expresión E del álgebra relacional.

# Turing completo vs Relacional completo

# Turing completo vs Relacional completo

- Mayor expresividad
- No puede ser optimizado para el caso general de forma automática.

- Menor expresividad
- Puede ser optimizado para el caso general de forma automática.

# Entonces...

... alguna duda?

