Bases de Datos I

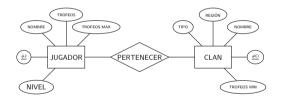
Diseño Lógico: Modelo relacional

Lic. Víctor M. Cardentey Fundora Dra. Lucina García Hernández

Departamento de Computación Facultad de Matemática y Computación Universidad de La Habana

26 de septiembre del 2023

¿Dónde nos quedamos?



JUGADOR

#J	Nombre	Nivel	Trofeos	TrofeosMax
1	Juan	13	7500	7560
2	Pedro	11	7000	7200
3	María	12	7050	7400

CLAN

#C	Nombre	Región	Tipo	TrofeosMin
1	River Plate 2.	MEX	Cerrado	7000
2	TheWarriors	GER	Invitación	7300
3	WestRoyale	ESP	Cerrado	6300

PERTENECER

#C	
2	
3	
1	

Fases del diseño de una base de datos

Análisis de Requerimientos



Diseño Conceptual

Fases del diseño de una base de datos



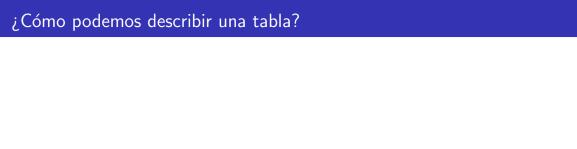
Diseño lógico

El diseño lógico es una descripción de las estructuras de datos utilizadas para almacenar los datos.

Entonces...

Objetivos de la conferencia

- 1. Presentar el concepto de modelo matemático de datos y sus componentes principales.
- 2. Analizar los enfoques pre-relacionales y sus deficiencias
- 3. Presentar el modelo relacional



Modelo matemático de datos

Un modelo matemático de datos es una definición lógica, abstracta y auto-contenida de:

Modelo matemático de datos

Un modelo matemático de datos es una definición lógica, abstracta y auto-contenida de:

Estructuras de datos: utilizadas para la representación de los datos y sus interrelaciones.

Modelo matemático de datos

Un modelo matemático de datos es una definición lógica, abstracta y auto-contenida de:

- Estructuras de datos: utilizadas para la representación de los datos y sus interrelaciones.
- Restricciones de integridad: utilizadas para mantener un estado consistente de la base de datos durante la ejecución de operaciones que modifican la base de datos.

Modelo matemático de datos

Un modelo matemático de datos es una definición lógica, abstracta y auto-contenida de:

- Estructuras de datos: utilizadas para la representación de los datos y sus interrelaciones.
- Restricciones de integridad: utilizadas para mantener un estado consistente de la base de datos durante la ejecución de operaciones que modifican la base de datos.
- Operaciones: utilizadas para manipular los datos.

Modelo matemático de datos

Un modelo matemático de datos es una definición lógica, abstracta y auto-contenida de:

- Estructuras de datos: utilizadas para la representación de los datos y sus interrelaciones.
- Restricciones de integridad: utilizadas para mantener un estado consistente de la base de datos durante la ejecución de operaciones que modifican la base de datos.
- Operaciones: utilizadas para manipular los datos.

que integradas constituyen una máquina abstracta con la que los usuarios interactúan.

La implementación no es una descripción

Implementación de un modelo matemático de datos

Es una realización física en una máquina real de los componentes de la máquina abstracta que constituye el modelo.

Todo es acerca de la conveniencia





Lenguaje declarativo

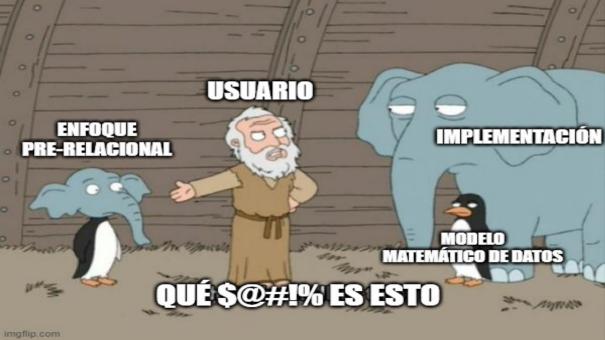
Desarrollador de SGBD



Estructuras de datos Algoritmos Optimización Compilación Gestión de ficheros

Todo es acerca de la conveniencia





Importancia

- Fueron las primeras soluciones computacionales capaces de almacenar y consultar grandes conjuntos de datos.
- ▶ Se desarrollaron productos comerciales de larga vida basados en estos sistemas.

Importancia

- ► Fueron las primeras soluciones computacionales capaces de almacenar y consultar grandes conjuntos de datos.
- ▶ Se desarrollaron productos comerciales de larga vida basados en estos sistemas.

Problemas

► Los modelos de datos se consideran como abstracciones de las estructuras de almacenamiento subyacentes en el nivel físico y sus operadores asociados.

Importancia

- ► Fueron las primeras soluciones computacionales capaces de almacenar y consultar grandes conjuntos de datos.
- ▶ Se desarrollaron productos comerciales de larga vida basados en estos sistemas.

Problemas

El modelo dependía de la implementación.

Importancia

- Fueron las primeras soluciones computacionales capaces de almacenar y consultar grandes conjuntos de datos.
- ▶ Se desarrollaron productos comerciales de larga vida basados en estos sistemas.

- El modelo dependía de la implementación.
- Los datos se representan por colecciones de registros (records) y las interrelaciones entre los datos se representan mediante enlaces (links).

Importancia

- ► Fueron las primeras soluciones computacionales capaces de almacenar y consultar grandes conjuntos de datos.
- ▶ Se desarrollaron productos comerciales de larga vida basados en estos sistemas.

- El modelo dependía de la implementación.
- Eran muy complicados de utilizar.

Importancia

- Fueron las primeras soluciones computacionales capaces de almacenar y consultar grandes conjuntos de datos.
- ▶ Se desarrollaron productos comerciales de larga vida basados en estos sistemas.

- El modelo dependía de la implementación.
- Eran muy complicados de utilizar.
- Los usuarios son programadores que se deben de encargar, incluso, de la optimización.

Modelo jerárquico

Estructura de datos

- ▶ Representa todas las interrelaciones entre los datos como jerarquías.
- ► Los ficheros se conectan entre sí mediante apuntadores físicos o campos de datos añadidos a los registros individuales.

Modelo jerárquico

Estructura de datos

- Representa todas las interrelaciones entre los datos como jerarquías.
- Los ficheros se conectan entre sí mediante apuntadores físicos o campos de datos añadidos a los registros individuales.

Restricciones de integridad

Ningún hijo puede existir sin su padre.

Operaciones

Recorrer un árbol para:

- Buscar
- Insertar
- Actualizar
- Eliminar

Modelo reticular

Estructura de datos

- Representa todas las interrelaciones entre los datos se pueden expresar a través de un grafo orientado.
- Los ficheros se conectan entre sí mediante apuntadores físicos o campos de datos añadidos a los registros individuales.

Restricciones de integridad

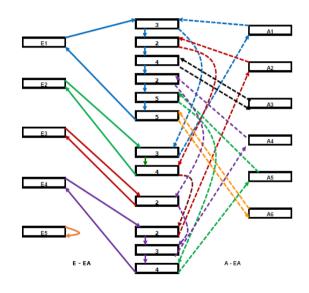
No tiene

Operaciones

Recorrer un grafo para:

- Buscar
- Insertar
- Actualizar
- ► Eliminar

Una imagen vale más que mis palabras



Por fin...

Propuesta de E. F. Codd (1970)

- Relacionar los datos mediante interrelaciones naturales, lógicas, inherentes a los datos y al fenómeno y no a su representación computacional.
- ► Lograr un modelo simple en el que tanto los datos como los vínculos que se establecen entre ellos se representan mediante tablas.

¿Están listos chicos?



Estructura de datos

¿Cómo describir una tabla?

¿Qué conceptos matemáticos pudiesen modelar una tabla?

JUGADOR

#J	Nombre	Nivel	Trofeos	TrofeosMax
1	Juan	13	7500	7560
2	Pedro	11	7000	7200
3	María	12	7050	7400
:	:	:	:	:

¿Podemos utilizar una matriz?

$$A_{m \times n} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & \cdots & a_{mn} \end{bmatrix}$$

¿Podemos utilizar una matriz?

$$A_{m \times n} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & \cdots & a_{mn} \end{bmatrix}$$

No. Las matrices se definen sobre un único dominio

Dominio

Conjunto de valores que puede tomar un atributo.

Dominio

Conjunto de valores que puede tomar un atributo.

Relación (Teoría de conjuntos)

La relación n-aria sobre los dominios $D_1, D_2, ..., D_n$ es el conjunto de tuplas ordenadas $(a_1, a_2, ..., a_n)$ pertenecientes al producto cartesiano $D_1 \times D_2 \times ... \times D_n$, donde $a_i \in D_i$, para cada $i \in 1, ..., n$, cuya condición $R(a_1, a_2, ..., a_n)$ se satisface.

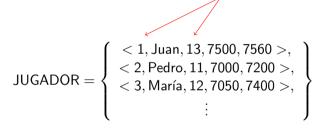
$$R = \{(a_1, a_2, ..., a_n) \in D_1 \times D_2 \times ... \times D_n \mid R(a_1, a_2, ..., a_n)\}$$

¿Se podría mejorar?

$$\mathsf{JUGADOR} = \left\{ \begin{array}{l} <1, \mathsf{Juan}, 13, 7500, 7560 >, \\ <2, \mathsf{Pedro}, 11, 7000, 7200 >, \\ <3, \mathsf{María}, 12, 7050, 7400 >, \\ \vdots \end{array} \right\}$$

¿Se podría mejorar?

¿Cómo el usuario distingue entre el identificador y el nivel?



Problemas

► No es autodescriptiva

¿Se podría mejorar?

El usuario debe recordar que el nombre es el segundo elemento

$$\mathsf{JUGADOR} = \left\{ \begin{array}{l} <1, \mathsf{Juan}, 13, 7500, 7560 >, \\ <2, \mathsf{Pedro}, 11, 7000, 7200 >, \\ <3, \mathsf{María}, 12, 7050, 7400 >, \\ \vdots \end{array} \right\}$$

- No es autodescriptiva
- El orden de los datos importa

Relación (Bases de datos)

Una relación R definida sobre un conjunto de dominios $D_1, D_2, ..., D_n$, no necesariamente distintos, se compone de:

La cabecera, formada por un conjunto finito de pares atributo-dominio

$$\{(A_1:D_1),(A_2:D_2),...,(A_n:D_n)\}$$

tal que el atributo A_j corresponde al y solo al dominio D_j para todo j=1,2,...,n.

Relación (Bases de datos)

Una relación R definida sobre un conjunto de dominios $D_1, D_2, ..., D_n$, no necesariamente distintos, se compone de:

La cabecera, formada por un conjunto finito de pares atributo-dominio

$$\{(A_1:D_1),(A_2:D_2),...,(A_n:D_n)\}$$

tal que el atributo A_j corresponde al y solo al dominio D_j para todo j = 1, 2, ..., n.

Cabecera para la relación Jugador

```
 \begin{split} \{(\#J:\mathbb{N}), &(\mathsf{Nombre}:\mathbb{S}), (\mathsf{Nivel}:\mathbb{N}), (\mathsf{Trofeos}:\mathbb{N}), (\mathsf{TrofeosMax}:\mathbb{N})\} \\ &\mathbb{S} = \{\mathsf{Conjunto} \ \mathsf{de} \ \mathsf{todas} \ \mathsf{las} \ \mathsf{cadenas} \ \mathsf{de} \ \mathsf{longitud} \leq 20\} \end{split}
```

Relación (Bases de datos)

Una relación R definida sobre un conjunto de dominios $D_1, D_2, ..., D_n$, no necesariamente distintos, se compone de:

► El cuerpo, está formado por un conjunto finito de tuplas, el cual varía en el tiempo. Cada tupla, a su vez, está formada por un conjunto de pares atributo-valor.

$$\{(A_1:V_{i1}),(A_2:V_{i2}),...,(A_n:V_{in})\},(i=1,2,...,m)$$

tal que m es el número de tuplas en el conjunto y $V_{ij} \in D_j$ para todo par $(A_j:V_{ij})$ con j=1,2,...,n

Relación (Bases de datos)

Una relación R definida sobre un conjunto de dominios $D_1, D_2, ..., D_n$, no necesariamente distintos, se compone de:

► El **cuerpo**, está formado por un conjunto finito de tuplas, el cual varía en el tiempo. Cada tupla, a su vez, está formada por un conjunto de pares atributo-valor.

$$\{(A_1:V_{i1}),(A_2:V_{i2}),...,(A_n:V_{in})\},(i=1,2,...,m)$$

tal que m es el número de tuplas en el conjunto y $V_{ij} \in D_j$ para todo par $(A_j:V_{ij})$ con j=1,2,...,n

Ejemplo de tupla para la relación Jugador

 $\{(\#\mathsf{J}:1),(\mathsf{Nombre}:\mathsf{Juan}),(\mathsf{Nivel}:13),(\mathsf{Trofeos}:7500),(\mathsf{TrofeosMax}:7560)\}$

Identificando registros

Llave candidata

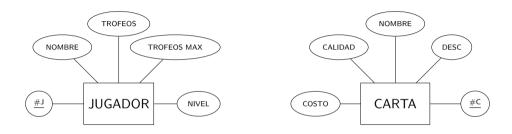
Un conjunto de uno o más atributos $K = \{A_1, A_2, ..., A_n\}$ es una llave candidata de la relación R si cumple las siguiente propiedades:

- 1. **Unicidad**: En cualquier momento dado, no existen dos tuplas distintas de R con los mismos valores para $A_1, A_2, ..., A_n$.
- 2. **Minimalidad**: Ningún subconjunto propio de K tiene la propiedad de unicidad.

Llave primaria

Es una de las llaves candidatas que se selecciona como llave de la relación.

Representando relaciones



Jugador(#J, Nombre, Nivel, Trofeos, TrofeosMax) Carta(#C, Nombre, Calidad, Desc, Costo)

Relaciones para almacenar interrelaciones

Llave foránea

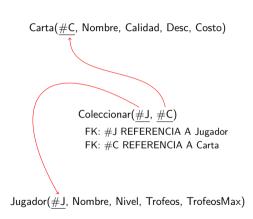
Un conjunto de uno o más atributos $F = \{A_1, A_2, ..., A_n\}$ de una relación R, correspondientes a los dominios $D_1, D_2, ..., D_n$ respectivamente, es una llave foránea referente a la relación R' si:

- 1. La llave primaria de R' es un conjunto de atributos $P = \{B_1, B_2, ..., B_n\}$ correspondientes a los dominios $D_1, D_2, ..., D_n$ respectivamente.
- 2. Existe un acuerdo de correspondencia entre los atributos A_i y B_i para todo i=1,2,...,n

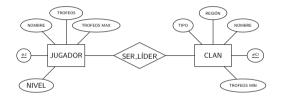
Una tupla de $t \in R$ referencia a una tupla $t' \in R'$ si el valor de A_i en la tupla t es igual al valor de B_i en la tupla t' para todo i = 1, 2, ..., n.

Interrelacionando registros: ejemplo





Interrelacionando registros: ejemplo



 $\label{eq:Jugador} \mbox{Jugador}(\underline{\#J},\mbox{ Nombre},\mbox{ Nivel},\mbox{ TrofeosMax})$ $\mbox{Clan}(\underline{\#CI},\mbox{ $\#L$(der, Nombre, Tipo, Región, TrofeosMin)}$

FK: #Líder REFERENCIA A Jugador (#J)

Identificando relaciones

Esquema de una relación

El esquema de una relación es una especificación de su estructura la cual es independiente de las tuplas que contiene el cuerpo. El esquema se compone de:

- ► El nombre de la relación
- La cabecera
- La llave primaria
- Las llaves foráneas

En una misma base de datos una relación se identifica unívocamente por su nombre.

Identificando relaciones

Esquema de una relación

El esquema de una relación es una especificación de su estructura la cual es independiente de las tuplas que contiene el cuerpo. El esquema se compone de:

- ► El nombre de la relación
- La cabecera
- La llave primaria
- Las llaves foráneas

En una misma base de datos una relación se identifica unívocamente por su nombre.

Instancia de una relación

Se refiere al conjunto de tuplas que constituye el cuerpo de la relación en un momento específico del tiempo.

Identificando relaciones: Ejemplo

Relación R

$\{(\underline{A}:\mathbb{N}),$	(B:ℕ),	(C:ℕ)}
{(A:2),	(B:5),	(C:6)}
{(A:4),	(B:7),	(C:8)}
{(A:9),	(B:10),	(C:11)}

Relación R

Insertar tupla $\{(A:1),(B:12),(C:3)\}$

Misma relación. Diferentes instancias

Modelo relacional

Estructura de datos Relación

Restricciones de integridad

¿Qué es un estado consistente de la base de datos?

Estado de una base de datos

Conjunto de instancias $\{r_1, r_2, ..., r_n\}$ de las relaciones $R_1, R_2, ..., R_n$ respectivamente que conforman la base de datos en un instante de tiempo específico.

¿Qué es un estado consistente de la base de datos?

Estado de una base de datos

- Conjunto de instancias $\{r_1, r_2, ..., r_n\}$ de las relaciones $R_1, R_2, ..., R_n$ respectivamente que conforman la base de datos en un instante de tiempo específico.
- Un estado es consistente si satisface cada una de las restricciones de integridad definidas sobre la base de datos.

Integridad de las entidades

El valor de una llave primaria debe ser no nulo del todo

Relación R

Integridad de las entidades

El valor de una llave primaria debe ser no nulo del todo

Relación R

$\{(\underline{A}{:}\mathbb{N}),$	$(\underline{B}:\mathbb{N})$,	(C:ℕ)}
{(A:1),	(B:2022),	(C:1000)}
$\{(A:1),$	(B:2021),	(C:1000)}
{(A:2),	(B:2022),	(C:1200)}

```
¿Se puede insertar esta tupla? {(A:1),(B:NULL),(C:1000)}
```

Integridad de las entidades

El valor de una llave primaria debe ser no nulo del todo

Relación R

```
¿Se puede insertar esta tupla? {(A:1),(B:NULL),(C:1000)}
```

La minimalidad

Integridad de las entidades

El valor de una llave primaria debe ser no nulo del todo

Relación R

$\{(\underline{A}:\mathbb{N}),$	$(\underline{B}:\mathbb{N})$,	(C:ℕ)}
{(A:1),	(B:2022),	(C:1000)}
{(A:1),	(B:2021),	(C:1000)}
{(A:2),	(B:2022),	(C:1200)}

```
¿Se puede insertar esta tupla? {(A:1),(B:NULL),(C:1000)}
```

La llave es minimal. Si su valor está incompleto entonces no es único

Integridad referencial

- ▶ El valor de una llave foránea debe ser nulo del todo o bien no nulo del todo.
- Un valor no nulo de la llave foránea tiene que ser un valor real de la llave primaria en la relación a la que hace referencia.

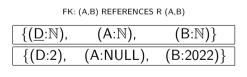
Relación S FK: (A,B) REFERENCES R (A,B)

$\{(\underline{D}:\mathbb{N}),$	(A:ℕ),	(B:ℕ)}
{(D:2),	(A:NULL),	(B:2022)}

Integridad referencial

- ▶ El valor de una llave foránea debe ser nulo del todo o bien no nulo del todo.
- Un valor no nulo de la llave foránea tiene que ser un valor real de la llave primaria en la relación a la que hace referencia.

Relación R			
$\{(\underline{A}:\mathbb{N}),$	(<u>B</u> :ℕ),	(C:ℕ)}	
{(A:1),	(B:2022),	(C:1000)}	
{(A:1),	(B:2021),	(C:1000)}	
{(A:2),	(B:2022),	(C:1200)}	



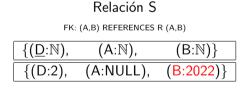
Relación S

¿A cuál tupla de la relación R referencia la tupla de la relación S?

La minimalidad... otra vez

Integridad referencial

- ▶ El valor de una llave foránea debe ser nulo del todo o bien no nulo del todo.
- ▶ Un valor no nulo de la llave foránea tiene que ser un valor real de la llave primaria en la relación a la que hace referencia.



El valor de una llave foránea es un valor de la llave primaria de otra tabla También le afecta la minimalidad.

Integridad de los dominios

► Todos los valores de un atributo de una relación tienen que provenir del dominio pertinente.

Integridad de los dominios

► Todos los valores de un atributo de una relación tienen que provenir del dominio pertinente.

Trivial

Modelo relacional

Estructura de datos

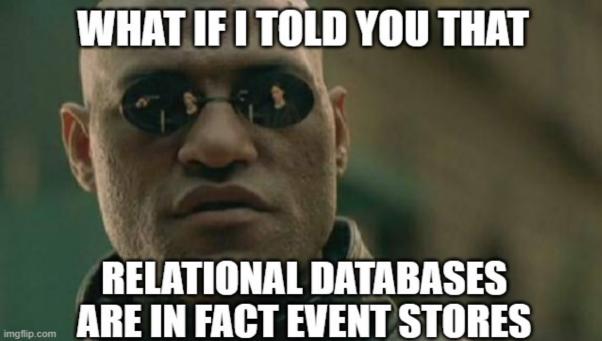
Relación

Restricciones de integridad

- Metarreglas
- Dependencias funcionales (Spoiler)
- ► Restricciones del negocio (Spoiler)

Modelo relacional

Operaciones



Transacciones

Transacciones

Una transacción es un conjunto de operaciones que modifican el estado de la base de datos y:

▶ Atomicity: Se considera como una sola operación, es decir, se realizan todos los cambios o no se realiza ninguno.

Transacciones

- ▶ Atomicity: Se considera como una sola operación, es decir, se realizan todos los cambios o no se realiza ninguno.
- Consistency: El estado de la base de datos es consistente antes y después de ejecutarse la transacción.

Transacciones

- ▶ Atomicity: Se considera como una sola operación, es decir, se realizan todos los cambios o no se realiza ninguno.
- Consistency: El estado de la base de datos es consistente antes y después de ejecutarse la transacción.
- Isolation: El estado intermedio de una transacción no es visible por el resto de transacciones.

Transacciones

- ▶ Atomicity: Se considera como una sola operación, es decir, se realizan todos los cambios o no se realiza ninguno.
- Consistency: El estado de la base de datos es consistente antes y después de ejecutarse la transacción.
- Isolation: El estado intermedio de una transacción no es visible por el resto de transacciones.
- Durability: Luego de ejecutada la transacción, los cambios al estado son persistentes y no pueden ser deshechos, incluso, en el caso de fallos del sistema.

Transacciones

Una transacción es un conjunto de operaciones que modifican el estado de la base de datos y:

- ▶ Atomicity: Se considera como una sola operación, es decir, se realizan todos los cambios o no se realiza ninguno.
- Consistency: El estado de la base de datos es consistente antes y después de ejecutarse la transacción.
- Isolation: El estado intermedio de una transacción no es visible por el resto de transacciones.
- Durability: Luego de ejecutada la transacción, los cambios al estado son persistentes y no pueden ser deshechos, incluso, en el caso de fallos del sistema.

Propiedades ACID

Operaciones que modifican el estado

Operaciones que modifican el estado

Insertar

1. Debemos comprobar que todas las metarreglas se cumplan para la tupla que vamos a insertar.

Insertar

1. Debemos comprobar que todas las metarreglas se cumplan para la tupla que vamos a insertar.

Eliminar

Insertar

1. Debemos comprobar que todas las metarreglas se cumplan para la tupla que vamos a insertar.

Eliminar

1. No tenemos que comprobar las metarreglas en la tupla que vamos a eliminar pues ya está insertada

Insertar

1. Debemos comprobar que todas las metarreglas se cumplan para la tupla que vamos a insertar.

Eliminar

1. No tenemos que comprobar las metarreglas en la tupla que vamos a eliminar pues ya está insertada

¿Y si eliminamos un valor de llave primaria que es el valor de una llave foránea?

Insertar

1. Debemos comprobar que todas las metarreglas se cumplan para la tupla que vamos a insertar.

Eliminar

- 1. No tenemos que comprobar las metarreglas en la tupla que vamos a eliminar pues ya está insertada
- 2. La relación debe de avisar al resto de relaciones que un valor de llave primaria se va a eliminar

Insertar

1. Debemos comprobar que todas las metarreglas se cumplan para la tupla que vamos a insertar.

Eliminar

- 1. No tenemos que comprobar las metarreglas en la tupla que vamos a eliminar pues ya está insertada
- 2. La relación debe de avisar al resto de relaciones que un valor de llave primaria se va a eliminar
- Las relaciones que referencian a la tupla eliminada tienen tres opciones: detener la eliminación, hacer el valor de llave foránea nulo o eliminar las tuplas que utilicen dicho valor de llave foránea.



Actualizar

Actualizar

Se puede ver como un proceso de insertar una tupla y eliminar una tupla.

Actualizar

1. Debemos hacer las comprobaciones pertinentes a la inserción de la tupla modificada.

Actualizar

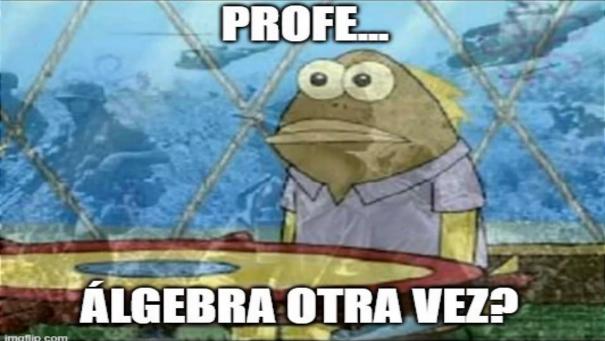
- 1. Debemos hacer las comprobaciones pertinentes a la inserción de la tupla modificada.
- 2. Si el valor de la llave primaria se modifica debemos avisar al resto de relaciones para que actualicen el valor de la llave foránea.

Actualizar

- 1. Debemos hacer las comprobaciones pertinentes a la inserción de la tupla modificada.
- 2. Si el valor de la llave primaria se modifica debemos avisar al resto de relaciones para que actualicen el valor de la llave foránea.
- 3. Realizar una transacción de dos operaciones:
 - 3.1 Eliminar la tupla original
 - 3.2 Insertar la tupla modificada

Operaciones para responder preguntas

Álgebra relacional



Operaciones para responder preguntas

Álgebra relacional

- Lenguaje procedimental para el manejo y construcción de relaciones.
- Compuesta por operandos (variables y relaciones) y operadores (extensión de la Teoría de conjuntos).
- Las operaciones del álgebra relacional manipulan y producen relaciones (Propiedad relacional del cierre o clausura).

Asignación (:=)

La asignación se utiliza para destinar a una variable de relación el valor que se crea a partir de la aplicación de cualesquiera de las operaciones sobre las relaciones existentes.

Renombrar

Operación que no afecta el conjunto de tuplas presentes en la relación sino que modifica el esquema de la relación. En específico permite cambiar el nombre tanto de los atributos como el de la relación.

Condiciones

- 1. Dos relaciones R y S, no necesariamente distintas.
- 2. R y S tienen el mismo esquema, exceptuando, quizás, el nombre.

Operaciones de conjuntos

Condiciones

- 1. Dos relaciones R y S, no necesariamente distintas.
- 2. R y S tienen el mismo esquema, exceptuando, quizás, el nombre.

Operaciones de conjuntos

 $ightharpoonup R \cup S$ es una relación con el mismo esquema, a excepción del nombre, cuyo cuerpo consiste en las tuplas que pertenecen a la relación R o a la relación S o ambas. Las tuplas duplicadas se eliminan.

Condiciones

- 1. Dos relaciones R y S, no necesariamente distintas.
- 2. R y S tienen el mismo esquema, exceptuando, quizás, el nombre.

Operaciones de conjuntos

- $ightharpoonup R \cup S$ es una relación con el mismo esquema, a excepción del nombre, cuyo cuerpo consiste en las tuplas que pertenecen a la relación R o a la relación S o ambas. Las tuplas duplicadas se eliminan.
- $Arr R \cap S$ es una relación con el mismo esquema, a excepción del nombre, cuyo cuerpo consiste en las tuplas que pertenecen tanto a la relación R como a la relación S.

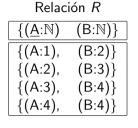
Condiciones

- 1. Dos relaciones R y S, no necesariamente distintas.
- 2. R y S tienen el mismo esquema, exceptuando, quizás, el nombre.

Operaciones de conjuntos

- $ightharpoonup R \cup S$ es una relación con el mismo esquema, a excepción del nombre, cuyo cuerpo consiste en las tuplas que pertenecen a la relación R o a la relación S o ambas. Las tuplas duplicadas se eliminan.
- $Arr R \cap S$ es una relación con el mismo esquema, a excepción del nombre, cuyo cuerpo consiste en las tuplas que pertenecen tanto a la relación R como a la relación S.
- ightharpoonup R-S es una relación con el mismo esquema, a excepción del nombre, cuyo cuerpo consiste en las tuplas que pertenecen a la relación R y no a la relación S.

Operaciones de Teoría de conjuntos: Ejemplo



(B:2)

```
 \frac{\{(\underline{A}:\mathbb{N}) \quad (B:\mathbb{N})\}}{\{(A:1), \quad (B:2)\}} 
 \{(A:2), \quad (B:4)\} 
 \{(A:5), \quad (B:7)\} 
 \{(A:6), \quad (B:1)\}
```

Relación S

Relación $R \cup S$ $\{(A:\mathbb{N}) \quad (B:\mathbb{N})\}$

```
{(A:2), (B:3)}
{(A:3), (B:4)}
{(A:4), (B:4)}
{(A:5), (B:7)}
{(A:6), (B:1)}
```

 $\{(A:1),$

```
Relación R \cap S

\{(\underline{A}:\mathbb{N}) \quad (B:\mathbb{N})\}

\{(A:1), \quad (B:2)\}

\{(A:2), \quad (B:3)\}
```

Relación R - S $\frac{\{(\underline{A}: \mathbb{N}) \quad (B: \mathbb{N})\}}{\{(A:3), \quad (B:4)\}}$ $\{(A:4), \quad (B:4)\}$

Operaciones que remueven parte de una relación

Restricción o Selección $(R \sigma F)$

 $R \sigma F$ produce una nueva relación con el mismo esquema que R, a excepción del nombre, cuyo cuerpo es un subconjunto del cuerpo de R. Es decir, las tuplas en la relación resultante son aquellas tuplas de R que satisfacen la condición F, expresada mediante una fórmula bien formada.

Restricción: Ejemplo

Relación R

$\{(\underline{A}:\mathbb{N})$	(B:ℕ)	(C:ℕ)}
{(A:1),	(B:2),	(C:5)}
{(A:2),	(B:2),	(C:7)}
{(A:3),	(B:4),	(C:7)}
{(A:4),	(B:4),	(C:7)}

Relación $R \sigma (B = 4 \wedge C = 7)$

$\{(\underline{A}:\mathbb{N})\}$	(B:ℕ)	(C:ℕ)}
{(A:3),	(B:4),	(C:7)}
{(A:4),	(B:4),	(C:7)}

Relación $R \sigma (B + C > 7)$

$\{(\underline{A}:\mathbb{N})\}$	(B:ℕ)	(C:ℕ)}
{(A:2),	(B:2),	(C:7)}
{(A:3),	(B:4),	(C:7)}
{(A:4),	(B:4),	(C:7)}

Relación $R \sigma (B=2)$

$\{(\underline{A}:\mathbb{N})\}$	(B:ℕ)	(C:ℕ)}
{(A:1),	(B:2),	(C:5)}
{(A:2),	(B:2),	(C:7)}

Operaciones que remueven parte de una relación

Proyección $(\pi_{A_1,A_2,...,A_n}(R))$

 $\pi_{A_1,A_2,...,A_n}(R)$ produce una relación cuyo esquema solo contiene los atributos $A_1,A_2,...,A_n$ de R. El cuerpo de la relación consiste en todas las tuplas $\{(A_1:a_1),(A_2:a_2),...,(A_n:a_n)\}$ tal que existe una tupla en R cuyo valor asociado al atributo A_i es a_i para todo i=1,...,n.

Proyección: Ejemplo

Relación R

$\{(\underline{A}:\mathbb{N})\}$	(B:ℕ)	(C:ℕ)}
{(A:1),	(B:2),	(C:5)}
{(A:2),	(B:2),	(C:7)}
{(A:3),	(B:4),	(C:7)}
{(A:4),	(B:4),	(C:7)}

Relación $\pi_{A,B}(R)$

$$\frac{\{(\underline{A}:\mathbb{N}) \quad (B:\mathbb{N})\}}{\{(A:1), \quad (B:2)\}} \\ \{(A:2), \quad (B:2)\} \\ \{(A:3), \quad (B:4)\} \\ \{(A:4), \quad (B:4)\}$$

Relación $\pi_B(R)$



Relación $\pi_{B,C}(R)$

$\{(\underline{B}:\mathbb{N})$	(<u>C</u> :ℕ)}
{(B:2),	(C:5)}
{(B:2),	(C:7)}
{(B:4),	(C:7)}

Operaciones que combinan relaciones

Producto cartesiano $(R \times S)$

Es una nueva relación cuyo encabezado es la unión de los encabezados de la relación R y la relación S. La llave primaria de la nueva relación es la unión de las llaves primarias de R y S. Y las llaves foráneas de R y S también son llaves foráneas en $R \times S$. El cuerpo consiste en el conjunto resultante de unir cada tupla de R con cada una de las tuplas de S.

Producto Cartesiano: Ejemplo

Relación R

$\{(\underline{A}{:}\mathbb{N}),$	$(B:\mathbb{N})\}$
{(A:1),	(B:2)}
{(A:3),	(B:4)}

Relación S

$\{(\underline{B}:\mathbb{N}),$	(C:ℕ),	(D:ℕ)}
{(B:2),	(C:5),	(D:6)}
{(B:4),	(C:7),	(D:8)}
{(B:9),	(C:10),	(D:11)}

Producto Cartesiano: Ejemplo

Relación R

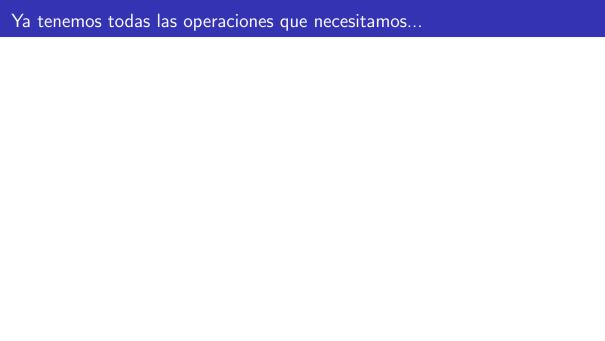
$\{(\underline{A}:\mathbb{N}),$	(B:ℕ)}
{(A:1),	(B:2)}
{(A:3),	(B:4)}

$\mathsf{Relaci\'{o}n}\ \mathsf{S}$

$\{(\underline{B}:\mathbb{N}),$	(C:ℕ),	(D:ℕ)}
{(B:2),	(C:5),	(D:6)}
{(B:4),	(C:7),	(D:8)}
{(B:9),	(C:10),	(D:11)}

Relación $R \times S$

$\{(\underline{A}{:}\mathbb{N})$	(R.B:ℕ)	$(\underline{S}.\underline{B}:\mathbb{N}),$	(C:ℕ),	(D:ℕ)}
{(A:1),	(R.B:2),	(S.B:2),	(C:5),	(D:6)}
{(A:1),	(R.B:2),	(S.B:4),	(C:7),	(D:8)}
{(A:1),	(R.B:2),	(S.B:9),	(C:10),	(D:11)}
{(A:3),	(R.B:4),	(S.B:2),	(C:5),	(D:6)}
{(A:3),	(R.B:4),	(S.B:4),	(C:7),	(D:8)}
{(A:3),	(R.B:4),	(S.B:9),	(C:10),	(D:11)}



Ya tenemos todas las operaciones que necesitamos...

...para poder definir el resto

Operaciones que combinan relaciones

Natural Join $(R \bowtie S)$

Sean R y S dos relaciones, no necesariamente distintas, distinguimos los siguientes conjuntos de atributos:

- ▶ El conjunto $R_1, ..., R_m$ son atributos de R y no de S.
- ▶ El conjunto $S_1, ..., S_n$ son atributos de S y no de R.
- ▶ El conjunto $A_1, ..., A_k$ son atributos comunes de R y S, es decir, atributos con el mismo nombre y mismo dominio asociado en ambas relaciones.

La operación $R \bowtie S$ se define como:

$$\pi_{R_1,\ldots,R_m,S_1,\ldots,S_n,R.A_1,\ldots,R.A_k}((R\times S)\,\sigma\,(R.A_1=S.A_1\wedge\ldots\wedge R.A_k=S.A_k))$$

Relación R

$\{(\underline{\mathbf{A}}:\mathbb{N}),$	(B:ℕ)}
{(A:1),	(B:2)}
{(A:3),	(B:4)}

$\mathsf{Relaci\'{o}n}\ \mathsf{S}$

$\{(\underline{B}:\mathbb{N}),$	(C:ℕ),	(D:ℕ)}
{(B:2),	(C:5),	(D:6)}
{(B:4),	(C:7),	(D:8)}
{(B:9),	(C:10),	(D:11)}

Relación $R \times S$

$\{(\underline{A}:\mathbb{N})\}$	(R.B:ℕ)	$(\underline{S}.\underline{B}:\mathbb{N}),$	(C:ℕ),	(D:ℕ)}
{(A:1),	(R.B:2),	(S.B:2),	(C:5),	(D:6)}
{(A:1),	(R.B:2),	(S.B:4),	(C:7),	(D:8)}
{(A:1),	(R.B:2),	(S.B:9),	(C:10),	(D:11)}
{(A:3),	(R.B:4),	(S.B:2),	(C:5),	(D:6)}
{(A:3),	(R.B:4),	(S.B:4),	(C:7),	(D:8)}
{(A:3),	(R.B:4),	(S.B:9),	(C:10),	(D:11)}

Relación $R \times S$

$\{(\underline{A}{:}\mathbb{N})$	(R.B:ℕ)	$(\underline{S}.\underline{B}:\mathbb{N}),$	(C:ℕ),	(D:ℕ)}
{(A:1),	(R.B:2),	(S.B:2),	(C:5),	(D:6)}
$\{(A:1),$	(R.B:2),	(S.B:4),	(C:7),	(D:8)}
$\{(A:1),$	(R.B:2),	(S.B:9),	(C:10),	(D:11)}
{(A:3),	(R.B:4),	(S.B:2),	(C:5),	(D:6)}
{(A:3),	(R.B:4),	(S.B:4),	(C:7),	(D:8)}
$\{(A:3),$	(R.B:4),	(S.B:9),	(C:10),	(D:11)}

$$F: R.B = S.B$$

Relación $R \times S$

$\{(\underline{A}{:}\mathbb{N})$	(R.B:ℕ)	$(\underline{S}.\underline{B}:\mathbb{N}),$	(C:ℕ),	(D:ℕ)}
{(A:1),	(R.B:2),	(S.B:2),	(C:5),	(D:6)}
$\{(A:1),$	(R.B:2),	(S.B:4),	(C:7),	(D:8)}
$\{(A:1),$	(R.B:2),	(S.B:9),	(C:10),	(D:11)}
{(A:3),	(R.B:4),	(S.B:2),	(C:5),	(D:6)}
{(A:3),	(R.B:4),	(S.B:4),	(C:7),	(D:8)}
$\{(A:3),$	(R.B:4),	(S.B:9),	(C:10),	(D:11)}

$$F: R.B = S.B$$

Relación $R \times S$

$\{(\underline{A}{:}\mathbb{N})$	(R.B:ℕ)	$(\underline{S}.\underline{B}:\mathbb{N}),$	(C:ℕ),	(D:ℕ)}
{(A:1),	(R.B:2),	(S.B:2),	(C:5),	(D:6)}
$\{(A:1),$	(R.B:2),	(S.B:4),	(C:7),	(D:8)}
$\{(A:1),$	(R.B:2),	(S.B:9),	(C:10),	(D:11)}
{(A:3),	(R.B:4),	(S.B:2),	(C:5),	(D:6)}
{(A:3),	(R.B:4),	(S.B:4),	(C:7),	(D:8)}
{(A:3),	(R.B:4),	(S.B:9),	(C:10),	(D:11)}

$$F: R.B = S.B$$

Relación (R × S) σF

$\{(\underline{A}{:}\mathbb{N})$	(R.B:ℕ)	(<u>S.B</u> :ℕ),	(C:ℕ),	(D:ℕ)}
{(A:1),	(R.B:2),	(S.B:2),	(C:5),	(D:6)}
{(A:3),	(R.B:4),	(S.B:4),	(C:7),	(D:8)}

Relación $\pi_{A,R.B,C,D}$ ((R×S) σF)

$\{(\underline{A}:\mathbb{N})\}$	(<u>R.B</u> :ℕ)	(C:ℕ),	(D:ℕ)}
{(A:1),	(R.B:2),	(C:5),	(D:6)}
{(A:3),	(R.B:4),	(C:7),	(D:8)}

Relación R ⋈ S

$\{(\underline{A}{:}\mathbb{N})$	(<u>B</u> :ℕ)	(C:ℕ),	(D:ℕ)}
{(A:1),	(B:2),	(C:5),	(D:6)}
{(A:3),	(B:4),	(C:7),	(D:8)}

Operaciones que combinan relaciones

Theta Join (θ -Join)

Sean R y S dos relaciones, no necesariamente distintas, definimos el θ -Join de R y S como:

$$(R \times S) \sigma F : F = \theta$$

donde θ es un condición, expresada mediante una fórmula bien formada.

Modelo relacional

Estructura de datos

Relación

Restricciones de integridad

- Metarreglas
- ► Dependencias funcionales (Spoiler)
- Restricciones del negocio (Spoiler)

Operaciones

- Insertar
- Actualizar
- Eliminar
- Álgebra relacional

Entonces...

... alguna duda?

