博弈论: 作业一

| 班级: | 学号: | 姓名: |
|-----|-----|-----|
|-----|-----|-----|

部分术语的其它称呼:

- · **上策**: 占优策略, 优势策略
- · **下策**: 劣势策略, 劣策略
- · 严格下策反复消去法: 重复剔除严格劣策略
 - 1. 判断正误 (如果回答"错",请构造一个反例)
- 1. 纳什均衡中, 行为人不可能选择下策.

2. 纳什均衡中, 行为人不可能选择严格下策.

3. 纳什均衡中, 任何行为人单独改变策略, 其最终效用都会严格变小.

2. 严格下策反复消去法

考虑如下两人博弈, 其中行为人1的可选行动为{上,中,下},行为人2的可选行动为{左,中,右}.使用严格下策反复消去法预测博弈的结果.

| 1\2 | 左 | | 中 | | 右 | |
|-----|----|---|----|---|----|---|
| 上 | 5, | 1 | 6, | 2 | 4, | 3 |
| 中 | 8, | 4 | 3, | 6 | 2, | 1 |
| 下 | 9, | 6 | 2, | 8 | 3, | 0 |

3. 求解纳什均衡

1. 找出囚徒困境中的所有纳什均衡 (纯策略和混合策略均衡).

| 1\2 | 坦白 | 抵赖 |
|-----|---------|---------|
| 坦白 | (0, 0) | (3, -1) |
| 抵赖 | (-1, 3) | (2, 2) |

2. 找出约会博弈(或"性别战博弈","协调博弈")中的所有纳什均衡(纯策略和混合策略均衡).

| 1\2 | 左 | 右 |
|-----|--------|--------|
| 上 | (2, 1) | (0, 0) |
| 下 | (0, 0) | (1, 2) |

| 3. | 考虑 n 家寡头厂商同时确定产量的古诺模型. 每家厂商的生产成本为 $c=0$,市场总需求为 $p(Q)=p_0-Q$,其中 $p_0>0$ 为给定常数, Q 为总产量. 已知这个博弈存在一个纯策略纳什均衡,其中 每家厂商的产量均为 q^* . 将 q^* 表示为 n 的函数,并计算均衡时每家厂商的利润. |
|----|---|
| | |
| | |
| | |
| | 4. 剪刀石头布博弈 问题一共包含四个小问, 我们的最终目标是证明 "剪刀石头布博弈" 存在唯一的纳什均衡. 写出 "剪刀石头布博弈" 的收益矩阵, 其中每个参与人的可选行动均为 {剪刀, 石头, 布}, 获胜效用为1, 平局效用为0, 失败效用为—1. |
| 2. | 用下划线法说明, 博弈不存在纯策略纳什均衡. |
| 3. | 证明: 纳什均衡中, 参与人的混合策略不可能只包含两个行动. 也就是说, 均衡中参与人选择三个行动的概率均必须为正. (提示: 假设行为人 1 只在"剪刀"和"布"之间随机, 给出此时行为人 2 的最优反应, 然后说明行为人 1 有偏离均衡的激励.) |

4. 在上一问的基础上, 用无差异原则给出博弈的混合策略纳什均衡.