

博弈论: 作业一

班级: _____ 学号: _____ 姓名: _____

部分术语的其它称呼:

- 上策: 占优策略, 优势策略
- 下策: 劣势策略, 劣策略
- 严格下策反复消去法: 重复剔除严格劣策略

1 判断正误 (如果回答“错”, 请构造一个反例)

1. 纳什均衡中, 行为人不可能选择下策.
2. 纳什均衡中, 行为人不可能选择严格下策.
3. 纳什均衡中, 任何行为人单独改变策略, 其最终效用都会严格变小.

2 严格下策反复消去法

考虑如下两人博弈, 其中行为人 1 的可选行动为 {上, 中, 下}, 行为人 2 的可选行动为 {左, 中, 右}. 使用严格下策反复消去法预测博弈的结果.

1\2	左	中	右
上	5, 1	6, 2	4, 3
中	8, 4	3, 6	2, 1
下	9, 6	2, 8	3, 0

3 求解纳什均衡

1. 找出囚徒困境中的所有纳什均衡 (纯策略和混合策略均衡).

1\2	坦白	抵赖
坦白	(0, 0)	(3, -1)
抵赖	(-1, 3)	(2, 2)

2. 找出约会博弈 (或 “性别战博弈”, “协调博弈”) 中的所有纳什均衡 (纯策略和混合策略均衡).

1\2	左	右
上	(2, 1)	(0, 0)
下	(0, 0)	(1, 2)

3. 考虑 n 家寡头厂商同时确定产量的古诺模型. 每家厂商的生产成本为 $c = 0$, 市场总需求为 $p(Q) = p_0 - Q$, 其中 $p_0 > 0$ 为给定常数, Q 为总产量. 已知这个博弈存在一个纯策略纳什均衡, 其中每家厂商的产量均为 q^* . 将 q^* 表示为 n 的函数, 并计算均衡时每家厂商的利润.

四: 剪刀石头布博弈

本问题一共包含四个小问, 我们的最终目标是证明 “剪刀石头布博弈” 存在唯一的纳什均衡.

1. 写出 “剪刀石头布博弈” 的收益矩阵, 其中每个参与人的可选行动均为 {剪刀, 石头, 布}, 获胜效用为 1, 平局效用为 0, 失败效用为 -1 .
2. 用下划线法说明, 博弈不存在纯策略纳什均衡.
3. 证明: 纳什均衡中, 参与人的混合策略不可能只包含两个行动. 也就是说, 均衡中参与人选择三个行动的概率均必须为正. (提示: 假设行为人 1 只在 “剪刀” 和 “布” 之间随机, 给出此时行为人 2 的最优反应, 然后说明行为人 1 有偏离均衡的激励.)

4. 在上一问的基础上, 用无差异原则给出博弈的混合策略纳什均衡.