Decision Tree

Ejercicio 1 – Importancia de variables en el árbol de decisión

0. Nodo Raíz:
$$\begin{cases} rank \le 6.5 \\ Gini = 0.497 \rightarrow \begin{cases} Left (true) \rightarrow Gini = 0; n = 5 \\ Right (false) \rightarrow Gini = 0.21875; n = 8 \end{cases}$$

$$\circ$$
 Reducción de Gini ($\Delta Gini$) = $0.497 - \left(\frac{5}{13} \cdot 0 + \frac{8}{13} \cdot 0.21875\right) = 0.3624 ...$

$$\circ$$
 Contribución de rank a este nodo: $\frac{5+8}{13} \cdot 0.3624 \dots = \mathbf{0.3624} \dots$

1. Nodo 1:
$$\begin{cases} age \leq 39.5 \\ Gini = 0.21875 \rightarrow \begin{cases} Left\ (true) \rightarrow Gini = 0.375\ ; n = 4 \\ n = 8 \end{cases}$$
 Right $(false) \rightarrow Gini = 0\ ; n = 4$

$$\circ$$
 Reducción de Gini (\triangle Gini) = 0.21875 - $\left(\frac{4}{8} \cdot 0.375 + \frac{4}{8} \cdot 0\right) = \frac{1}{32} = 0.03125$

$$\circ$$
 Contribución de age a este nodo: $\frac{4+4}{13} \cdot 0.03125 = \frac{1}{52} = \mathbf{0.0192} \dots$

2. Nodo 2:
$$\begin{cases} age \le 35.5 \\ Gini = 0.375 \rightarrow \begin{cases} Left \ (true) \rightarrow Gini = 0 \ ; n = 3 \\ n = 4 \end{cases}$$
 Right $(false) \rightarrow Gini = 0 \ ; n = 1$

$$\circ$$
 Reducción de Gini (Δ Gini) = $0.375 - \left(\frac{3}{4} \cdot 0 + \frac{1}{4} \cdot 0\right) = 0.375$

• Contribución de age a este nodo:
$$\frac{3+1}{13}$$
 • 0.375 = $\frac{3}{26}$ = **0.1153** ...

$$\bullet \ Age \ importance = \frac{Contribuciones \ de \ Age}{Total \ de \ contribuciones} = \frac{0.0192 \ ... + 0.1153 \ ...}{0.3624 \ ... + 0.0192 \ ... + 0.1153 \ ...} = \frac{35}{48} = 0.7291 \hat{6}$$

• Experience importance =
$$\frac{Contribuciones\ de\ Experience}{Total\ de\ contribuciones} = \frac{0}{0.3624\ldots + 0.0192\ldots + 0.1153\ldots} = 0$$

$$\bullet \ Rank \ importance = \frac{Contribuciones \ de \ Rank}{Total \ de \ contribuciones} = \frac{0.3624 \dots}{0.3624 \dots + 0.0192 \dots + 0.1153 \dots} = \frac{13}{48} = 0.2708 \hat{3}$$

$$\bullet \ Nationality \ importance = \frac{Contribuciones \ de \ Nationality}{Total \ de \ contribuciones} = \frac{0}{0.3624 \ldots + 0.0192 \ldots + 0.1153 \ldots} = 0$$