

Programmer som data trial exam

Albert Ross Johannessen

December 9, 2024

1

Betragt den ikke-deterministiske endelige automat ("nondeterministic finite automaton", NFA) nedenfor. Det anvendte alfabet er $\{a, b\}$. Der er i alt 5 tilstande, hvor tilstand 5 er den eneste accepttilstand.

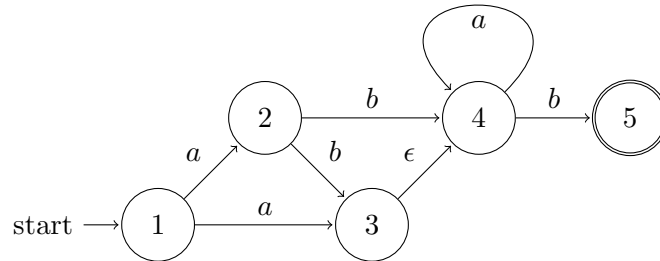


Figure 1: The labeled NFA

1.1 Angiv alle årsager til at automaten er ikke-deterministisk

- Fra knude 1 er der 2 a kanter.
- Fra knude 2 er der 2 b kanter.
- Fra knude 3 er der en ϵ kant.

1.2 Giv tre eksempler på strenge der genkendes af automaten

- abb
- abaaaab
- aaaaaab

1.3 Giv en uformel beskrivelse af sproget (mængden af alle strenge) der beskrives af automaten

- Der er to måder at starte på denne automat.
 1. Ét a og herefter ét b .
 2. Ét eller flere a .

Herefter er slutningen ens man kan vælge et vilkårligt antal a og herefter **skal** man slutte af på ét b . Kanten fra 2 til 3 er overflødig og det samme er knude 3, hvis man sætter en kant mellem 1 og 4.

1.4 Konstruer og tegn en deterministisk endelig automat

Konstruer og tegn en deterministisk endelig automat ("deterministic finite automaton", DFA) der svarer til automaten ovenfor. Husk at angive starttilstand og accepttilstand (e). Du skal enten bruge en systematisk konstruktion svarende til den i forelæsningen eller som i Introduction to Compiler Design (ICD), eller Basics of Compiler Design (BCD), eller forklare hvorfor den resulterende automat er korrekt.

Vi starter med at konstruere vores subset.

	a	b	NFA State
S_1	$\{2, 3, 4\}^{S_2}$	$\{\}$	$\{1\}$
S_2	$\{4\}^{S_3}$	$\{3, 4, 5\}^{S_4}$	$\{2, 3, 4\}$
S_3	$\{\}^{S_3}$	$\{5\}^{S_5}$	$\{4\}$
S_4	$\{\}^{S_3}$	$\{5\}^{S_5}$	$\{3, 4, 5\}$
S_5	$\{\}$	$\{\}$	$\{5\}$

Dette giver følgende DFA, vi skal dog verificere at den er minimal.

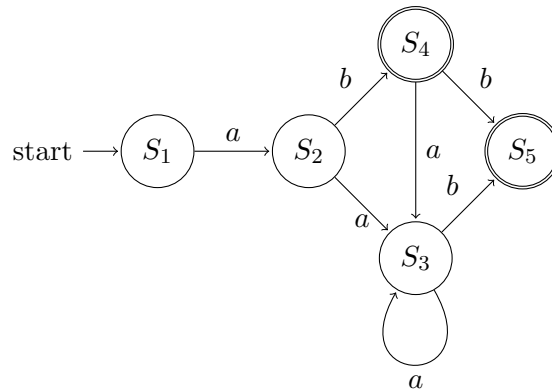


Figure 2: The labeled DFA

Vi starter med at tjekke om grupperne er konsistente.

$$\begin{array}{c|c} G_1 & \{S_1, S_2, S_3\} \\ G_2 & \{S_4, S_5\} \end{array}$$

G_1	a	b
S_1	$\{G_1\}$	-
S_2	$\{G_1\}$	$\{G_2\}$
S_3	$\{G_1\}$	$\{G_2\}$

G_1 er ikke konsistent så vi opretter 2 nye grupper.

$$\begin{array}{c|c} G_2 & \{S_4, S_5\} \\ G_3 & \{S_1\} \\ G_4 & \{S_2, S_3\} \end{array}$$

G_2	a	b
S_4	$\{G_4\}$	$\{G_2\}$
S_5	-	-

$$\begin{array}{c|c} G_3 & \{S_1\} \\ G_4 & \{S_2, S_3\} \\ G_5 & \{S_4\} \\ G_6 & \{S_5\} \end{array}$$

G_3	a	b
S_1	$\{G_4\}$	-

G_4	a	b
S_2	$\{G_4\}$	$\{G_5\}$
S_3	$\{G_4\}$	$\{G_6\}$

G_3	$\{S_1\}$
G_5	$\{S_4\}$
G_6	$\{S_5\}$
G_7	$\{S_2\}$
G_8	$\{S_3\}$

There are only singletons left, this means that we have a minimal DFA.

1.5 Angiv et regulært udtryk

Angiv et regulær udtryk der beskriver mængden af strenge over alfabetet $\{a, b\}$, som beskrives af automaten ovenfor. Check og forklar at det regulære udtryk også beskriver mængden af strenge for din DFA.

$$ab?a * b \quad (1)$$

2 Opgave 2

$$\frac{
 \begin{array}{c}
 p_1 \frac{}{\rho \vdash 21 : \text{int}} \quad
 p_3 \frac{\rho(x) = \forall \alpha. \alpha \rightarrow \text{int}}{\rho \vdash x : \text{int}} \quad
 p_4 \frac{
 \begin{array}{c}
 p_1 \frac{}{\rho \vdash 2 : \text{int}} \quad
 \frac{}{\rho \vdash 3 : \text{int}} \quad
 p_1 \frac{}{\rho \vdash 40 : \text{int}}
 \end{array}
 }{\rho \vdash 2+3 : \text{int}}
 }{
 \frac{
 \rho[f \rightarrow \forall \alpha_1 \dots \alpha_n. t_x \rightarrow t_r] \vdash x \text{ within } [2+3, 40] : \text{bool}
 }{\rho \vdash \text{let } x = 23 \text{ in } x \text{ within } [2+3, 40] \text{ end} : \text{bool}}
 }
 }{
 }
 \quad \text{inCheck} \quad p_6$$