## Esercitazione 1

## Cinetica enzimatica a due stadi.

$$S + E \Leftarrow_{k_{-1}} = =^{k_1} \Rightarrow C = =^{k_2} \Rightarrow P + E$$

$$\begin{cases} \frac{ds}{dt} = k_{-1}c - k_1s(e_0 - c), \\ \frac{dc}{dt} = k_1s(e_0 - c) - (k_{-1} + k_2)c, \\ s(0) = s_0 = K_m = \frac{k_{-1} + k_2}{k_1} = 1.e - 5M, \quad c(0) = 0 \end{cases}$$

|   | parametri cinetici    |               |               |                        |
|---|-----------------------|---------------|---------------|------------------------|
| Γ | $k_1$                 | $k_{-1}$      | $k_2$         | $e_0$                  |
|   | $4.e+6 M^{-1} s^{-1}$ | $25 \ s^{-1}$ | $15 \ s^{-1}$ | 1.e-3 * $K_m$ =1.e-8 M |

Cinetica idrolisi del benzo-L-arginine ethylester per mezzo della trypsins:

- Simulare il sistema dinamico sull'intervallo [0, 100] mediante la subroutine Matlab **ode15s**. Stimare la costante di tempo rapida e lenta. In base alle stime delle costanti temporali analizzare graficamente i risultati visualizzandoli separatamente durante il regime transitorio ed il regime quasi-stazionario.
- Si consideri la seguente approssimazione uniforme (ottenuta considerando il raccordo tra i termini del primo ordine dello sviluppo in potenze di  $\epsilon = \frac{e_0}{s_0}$  della soluzione esterna e della soluzione interna relativamente ai sistemi dinamici adimensionati perturbati):

$$\begin{cases} \frac{ds_u(t)}{dt} = -\frac{k_2 e_0 s_u(t)}{K_m + s_u(t)}, \quad s_u(0) = s_0 \\ \\ c_u(t) = \frac{e_0 s_u(t)}{K_m + s_u(t)} - \frac{e_0 s_0}{K_m + s_0} exp(-(K_m + s_0)k_1 t). \end{cases}$$

- Si valutino gli errori relativi dell'approssimazione  $\{s_u(t), c_u(t)\}$  su tutto l'intervallo considerando come soluzione esatta l'approssimazione numerica fornita da **ode15s** con alta accuratezza richiesta definendo le variabile options ad esempio: options=odeset('RelTol',5.e-13, 'AbsTol',[1.e-13 1.e-13],'InitialStep',1.e-5,'MaxStep',5);
- Analizzare graficamente gli errori dell'approssimazione visualizzandoli separatamente durante il regime transitorio ed il regime quasi-stazionario.