Laboratorio Nro. 5 Grafos



Objetivos: 1. Comparar las ventajas y desventajas de implementaciones dinámicas y estáticas de estructuras de datos. 2. Escoger la estructura de datos apropiada para resolver un problema dado. 3. Resolver problemas fundamentales de grafos, incluyendo búsqueda DFS y BFS



Consideraciones: Lean y verifiquen las consideraciones de entrega,



Leer la Guía



Trabajo en Parejas



Si tienen reclamos, regístrenlos en http://bit.ly/2g4TTKf



Ver calificaciones en Eafit Interactiva



En el GitHub docente, encontrarán la traducción de los Ejercicios en Línea

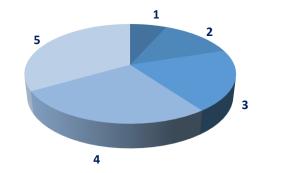


Hoy, plazo de entrega



Subir el informe pdf en la carpeta informe, el código del ejercicio 1 en la carpeta codigo y el código del 2 en la carpeta ejercicioEnLinea

Porcentajes y criterios de evaluación



1. Simulacro sustentación proyecto

2. Análisis de complejidad

3. Código de laboratorio

4. Simulacro de parcial

5. Ejercicio con juez en línea

PhD. Mauricio Toro Bermúdez



Resumen de ejercicios a resolver

- 1.1 Diseñar un algoritmo para disminuir el tráfico mediante la estrategia de vehículos compartidos. El algoritmo debe encontrar el mínimo número de vehículos particulares para que todos los dueños de vehículos particulares de una empresa puedan ir a trabajar recogiendo unos a otros
- 2.1 Decidir si dado un grafo conexo arbitrario se puede colorear con 2 colores.
- 2.2 [Ejercicio Opcional] http://bit.ly/2gTLZ53
- 2.3 [Ejercicio Opcional] http://bit.ly/2hGqJPB
- 2.4 [Ejercicio Opcional] http://bit.ly/2hrrCfS
- 2.5 [Ejercicio Opcional] http://bit.ly/2k8CGSG
- **3.1 [Ejercicio Opcional]** Escriban una explicación **del numeral 1**. Digan cómo funciona, cómo está representado el mapa de la ciudad, por ejemplo, utilizaron matrices, listas, tablas de hash, ¿por qué?
- 3.2 Si representamos el mapa de Medellín del numeral 1 con matrices de adyacencia, ¿Cuánta memoria consumiría? Tengan en cuenta que hay alrededor de 300,000 vértices
- **3.3** ¿Cómo solucionaron el problema de que los identificadores de los puntos del mapa no empiezan en cero?
- **3.4 [Ejercicio Opcional]** Expliquen la estructura de datos que utilizan para resolver el problema, y cómo funcionan los algoritmos realizados en el numeral 2.1 y los ejercicios opcionales que hayan hecho del punto 2. Esto en 3 a 6 líneas de texto.
- 3.5 Calculen la complejidad del ejercicio 2.1 y, si los hicieron, de los Ejercicios Opcionales
- **3.6** Expliquen con sus palabras las variables (qué es 'n', qué es 'm', etc.) del cálculo de complejidad del numeral 3.5
- 4. Simulacro de Parcial
- 5. [Ejercicio Opcional] Lectura recomendada
- 6. [Ejercicio Opcional] Trabajo en Equipo y Progreso Gradual
- 7. [Ejercicio Opcional] Utilicen la plantilla dispuesta en este idioma para el laboratorio.

PhD. Mauricio Toro Bermúdez







1. Simulacro de Proyecto

Códigos para entregar en GitHub en la carpeta codigo

Simulacro de Proyecto

Códigos para entregar en GitHub en la carpeta codigo:



Vean Guía numeral 3.4



Código del ejercicio en línea en GitHub. Vean Guía en numeral 4.24





Documentación opcional. Si lo hacen, utilicen Javadoc o equivalente. No suban el HTML a GitHub.





reciben archivos en .RAR ni en .ZIP











Utilicen Java, C++ o Python

El alto tráfico que vivimos en la ciudad de Medellín trae varios problemas como son: una disminución en nuestra calidad de vida, disminución en la calidad del aire, disminución de la productividad, entre otros. Una solución a este problema es que los dueños de vehículos particulares compartan sus carros para así no tener una persona por vehículo. En particular, esta solución es fácilmente aplicable a una empresa porque los trabajadores se



conocen y llegan a la misma hora a trabajar. Una solución de este tipo también permitiría reducir los tiempos de espera en los parqueaderos de la empresa.



Diseñar un algoritmo para disminuir el tráfico mediante la estrategia de vehículos compartidos. El algoritmo debe encontrar el mínimo número de vehículos

PhD. Mauricio Toro Bermúdez





particulares para que todos los dueños de vehículos particulares de una empresa puedan ir a trabajar recogiendo unos a otros.



Utilicen los conjuntos de datos que se encuentran en la carpeta *datasets*, en Github, para probar su algoritmo.

Para esto, suponemos que, actualmente, cada dueño de vehículo particular va solo a su lugar de trabajo y toma siempre la ruta más corta. También suponemos que cada dueño puede transportar máximo 4 pasajeros más en su vehículo. La restricción es que, para cada dueño de vehículo, el tiempo que se demora al trabajo, recogiendo a otros compañeros no aumente más de una proporción constante p.



Definición formal del problema:

Sea U las casas de los empleados dueños de un vehículo particular, d la ubicación de la empresa, y $V = U \cup \{d\}$ los vértices de un grafo completo g = (V, E), cuyas aristas $E \subset V \times V \times \mathbb{N}$ tienen como peso la duración en minutos de la ruta más corta de un vértice $v_i \in V$ a un vértice $v_j \in V$. Encuentre \mathbb{P} , una partición del conjunto U, donde para cada $S_i \in \mathbb{P}, 1 \leq |S_i| \leq 5$, y donde el número de particiones $|\mathbb{P}|$ sea el mínimo. Además, encuentre una permutación P_i , para cada $S_i \in \mathbb{P}$, que respete la siguiente restricción: Para cada elemento v_i de la permutación $P_i = [v_1, v_2 \dots v_n]$, de cada $S_i \in \mathbb{P}$, el nuevo tiempo para llegar a la empresa $t'_{i,d} = \sum_{j=i}^{n-1} t_{j,j+1} + t_{n,d}$ donde $(v_j, v_k, t_{j,k}) \in E$, cumpla con $t'i, d \leq t_{i,d} \times p$ donde $(v_i, d, t_{i,d}) \in E$ y p > 1 es una proporción constante.

PhD. Mauricio Toro Bermúdez







2. Simulacro de Maratón de Programación sin documentación HTML, en GitHub,

en la carpeta ejercicioEnLinea





Vean Guía numeral 3.3



No se requiere documentación para los ejercicios en línea



Utilicen Java, C++ o Python





No se reciben archivos en .**PDF ni** .**TXT**





No se reciben archivos en .RAR ni en .ZIP



Código del ejercicio en línea en **GitHub.** Vean Guía en **numeral 4.24**



Resuelvan el siguiente ejercicio

En 1976, el teorema de colorear un mapa con 4 colores fue probado con la ayuda de un computador. Este teorema muestra que un mapa puede ser coloreado solamente con 4 colores, de tal forma que no haya una región coloreada usando el mismo color que un vecino. Aquí hay un problema similar a ese problema, pero es mucho más simple.



Ustedes tienen que decidir si dado un grafo conexo arbitrario, ese grafo se puede colorear con 2 colores. Esto quiere decir, si uno puede asignar colores (de una paleta de 2 colores) a los nodos, de tal forma que no haya 2 nodos adyacentes del mismo color. Para simplificar el problema ustedes pueden asumir que:

- a. No hay un nodo que tenga un arco a sí mismo.
- **b.** El grafo es no dirigido, es decir que, si un nodo a está conectado a un nodo b, usted puede asumir que el nodo *b* también está conectado al nodo *a*.

PhD. Mauricio Toro Bermúdez





c. El grafo será fuertemente conexo. Esto quiere decir, que hay al menos un camino de un nodo de grafo a cualquier otro nodo.



Entrada

La entrada consiste en varios casos de prueba. Cada caso de prueba comienza con una línea que tiene un número n (1 < n < 200) de nodos diferentes. La siguiente línea contiene el número de arcos.

Posteriormente, las siguientes líneas, cada una contiene 2 número que especifican que existe un arco entre dos nodos.

Un nodo en el grafo se representa con un número a (0 < a < n). Una entrada con n = 0 simboliza el fin de la entrada y no debe ser procesada.



Salida

Ustedes tienen que decidir si el grafo de entrada puede ser coloreado con dos colores o no, y deben imprimirlo como se muestra a continuación.



Ejemplos de las entradas

PhD. Mauricio Toro Bermúdez









0

Ejemplos de la salida

NOT BICOLORABLE. BICOLORABLE. BICOLORABLE.



[Opc] Para los numerales 2.2 al 2.5, resuelvan los siguientes problemas

- http://bit.ly/2gTLZ53
- http://bit.ly/2hGqJPB
- http://bit.ly/2hrrCfS
- http://bit.ly/2k8CGSG

PhD. Mauricio Toro Bermúdez







3. Simulacro de preguntas de sustentación de Proyecto en la carpeta informe

Simulacro de preguntas de sustentación de Proyecto en la carpeta informe



Vean **Guía** numeral 3.4



Exporten y entreguen informe de laboratorio en PDF, en español o Inglés



Si hacen el *informe* en español, usen la plantilla en español



No apliquen **Normas Icontec** para esto

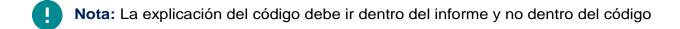
Si hacen el informe en inglés, usen a plantilla en inglés

Sobre el Simulacro de Proyectos





[Opc] Escriban una explicación entre 3 y 6 líneas de texto del código del numeral 1. Digan cómo funciona, cómo está representado el mapa de la ciudad, por ejemplo, utilizaron matrices, listas, tablas de hash, ¿por qué? Pueden apoyarse realizando una imagen para facilitar su explicación.





Si representamos el mapa de Medellín del numeral 1 con matrices de adyacencia, ¿Cuánta memoria consumiría? Tengan en cuenta que hay alrededor de 300,000 vértices.

PhD. Mauricio Toro Bermúdez











¿Cómo solucionaron el problema de que los identificadores de los puntos del mapa no empiezan en cero?

Sobre el simulacro de maratón de programación





Expliquen con sus propias palabras la estructura de datos que utilizan para resolver el problema, y cómo funcionan los algoritmos realizados en el numeral 2.1 y los ejercicios opcionales que hayan hecho del punto 2. Esto en 3 a 6 líneas de texto.





Calculen la complejidad del ejercicio 2.1 y, si los hicieron, de los Ejercicios Opcionales.





Expliquen con sus palabras las variables (qué es 'n', qué es 'm', etc.) del cálculo de complejidad del numeral 3.5. Ver ejemplo a continuación:



Ejemplo de esta respuesta:

"n es el número de elementos del arreglo",

"V es el número de vértices del grafo",

"n es el número de filas de la matriz y m el número de columnas".

PhD. Mauricio Toro Bermúdez











4. Simulacro de parcial en informe PDF



Simulacro de Parcial en el informe PDF

Resuelvan los ejercicios



Para este simulacro. agreguen sus respuestas en el informe PDF.



El **día** del Parcial no tendrán computador, JAVA o acceso a internet.



Si hacen el *informe en* español, usen la plantilla en español



Exportar y entregar informe de laboratorio en PDF, en español o inglés

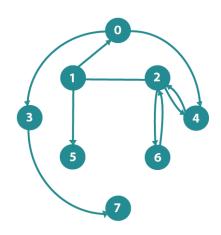
Si hacen **el informe en** inglés, usen a plantilla en inglés





No apliquen Normas Icontec para esto

[Opc] Consideren el no hay arco, por simplicidad, deje el espacio en blanco.



	0	1	2	3	4	5	6	7
0				1	1			
1								
2								
3								
4								
5								
6								
7								

PhD. Mauricio Toro Bermúdez

Docente | Escuela de Ingeniería | Informática y Sistemas Correo: mtorobe@eafit.edu.co | Oficina: Bloque 19 – 627

Tel: (+57) (4) 261 95 00 Ext. 9473







Para el mismo grafo, completen la representación de **listas de adyacencia**. Como el grafo no tiene pesos, sólo se colocan los sucesores en la lista de adyacencia.

- $0 \rightarrow [3,4]$
- 1 ->
- 2 ->
- 3 ->
- 4 ->
- 5 ->
- 6 ->
- 7 ->
- 4.3

¿Cuánta memoria (ojo, no tiempo sino memoria) ocupa una representación usando listas de adyacencia para un grafo dirigido con *n* vértices en el peor de los casos?

- **a)** O(n)
- **b)** $O(n^2)$
- **c)** O(1)
- **d)** O(*log n*)
- e) O(n.log n)
 - 4.4

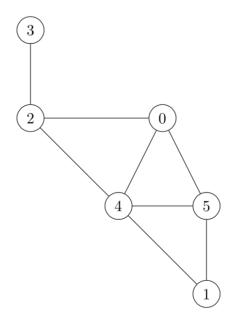
Se tiene el siguiente grafo no dirigido:

PhD. Mauricio Toro Bermúdez









- 4.4.1 ¿Cuál es un recorrido de búsqueda primero en profundidad del grafo anterior, si como nodo inicial se toma el nodo 1?
 - i) 1, 5, 0, 3, 2, 4
 - 1, 4, 5, 0, 2, 3 ii)
 - iii) 1, 4, 0, 3, 5, 2
 - 1, 5, 4, 0, 3, 2 iv)
- 4.4.2 ¿Cuál es un recorrido de búsqueda primero en amplitud del grafo anterior, si se toma como nodo inicial el nodo 1?
 - 1, 4, 5, 0, 2, 3 i)
 - ii) 1, 5, 0, 2, 3, 4
 - iii) 1, 4, 2, 0, 3, 5
 - 1, 3, 0, 4, 5, 2 iv)

PhD. Mauricio Toro Bermúdez













5. [Opcional] Lecturas Recomendadas

[Opc] Lecturas recomendadas



Vean Guía numeral 3.5 y 4.20



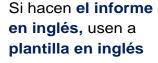
Exportar y entregar informe de laboratorio en PDF, en español o Inglés



Si hacen el informe en español, usen la plantilla en español



No apliquen **Normas Icontec** para esto





"El ejercicio de una profesión requiere la adquisición de competencias que se sustentan en procesos comunicativos. Así cuando se entrevista a un ingeniero recién egresado para un empleo, una buena parte de sus posibilidades radica en su capacidad de comunicación; pero se ha observado que esta es una de sus principales debilidades..." Tomado de https://aprendeenlinea.udea.edu.co/revistas/index.php/ingeso/article/viewFil e/13986/12398



Lean a "Robert Lafore, Data Structures and Algorithms in Java (2nd edition), Chapter 13: Graphs. 2002" y sumen puntos adicionales, así:



Hagan un mapa conceptual con los principales elementos teóricos.

PhD. Mauricio Toro Bermúdez





Otras sugerencias de lectura

Si desean otras lecturas, consideren las siguientes:



Thomas Cormen, Introduction to Algorithms (3th edition), Sections 23.2, 23.3 y 23.5. 2009, que pueden encontrar en biblioteca



"John Hopcroft et al., Estructuras de Datos y Algoritmos, Capítulo 7: Grafos no dirigidos. 1983" que pueden encontrar en biblioteca.







6. [Opcional] Trabajo en Equipo y Progreso Gradual





Vean Guía en **numeral 3.5 y 4.20**



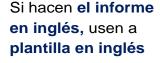
Exportar y entregar informe de laboratorio en PDF, en español o Inglés



Si hacen el *informe* en español, usen la plantilla en español

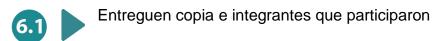


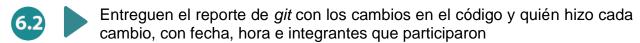
No apliquen **Normas Icontec** para esto

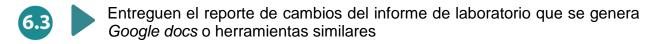




El trabajo en equipo es imprescindible. "Algunos medios retratan la programación como un trabajo solitario, la realidad es que requiere de mucha comunicación y trabajo con otros. En la vida laboral serás parte de un equipo de trabajo y deberás comunicarte con otras personas". Tomado de http://bit.ly/2qJKzJD







Nota: Estas respuestas también deben incluirlas en el informe PDF

PhD. Mauricio Toro Bermúdez





7. [Opcional] Laboratorio en Inglés con plantilla en Inglés





Vean Guía en numeral 3.5 y 4.20



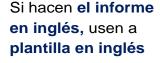
Exportar y entregar informe de laboratorio en PDF, en español o Inglés



Si hacen el *informe* en español, usen la plantilla en español



No apliquen **Normas Icontec** para esto





El inglés es un idioma importante en la Ingeniería de Sistemas porque la mayoría de los avances en tecnología se publican en este idioma y la traducción, usualmente se demora un tiempo.

Adicionalmente, dominar el inglés permite conseguir trabajos en el exterior que son muy bien remunerados. *Tomado de goo.gl/4s3LmZ*



Entreguen el código y el informe en inglés.

PhD. Mauricio Toro Bermúdez









Ayudas para resolver los Ejercicios

Ayudas para el Ejercicio 1	<u>Pág. 26</u>
Ayudas para el Ejercicio 2.1	<u>Pág. 26</u>
Ayudas para el Ejercicio 2.2	<u>Pág. 27</u>
Ayudas para el Ejercicio 2.3	<u>Pág. 27</u>
Ayudas para el Ejercicio 2.4	<u>Pág. 27</u>
Ayudas para el Ejercicio 3.4	<u>Pág. 27</u>
Ayudas para el Ejercicio 3.5	<u>Pág. 28</u>
Ayudas para el Ejercicio 5	<u>Pág. 28</u>
Ayudas para el Ejercicio 6.1	<u>Pág. 28</u>
Ayudas para el Ejercicio 6.2	<u>Pág. 29</u>
Ayudas para el Ejercicio 6.3	Pág. 29



Ayudas para el Ejercicio 1



Pista 1: Vean en numeral 4.13 "Cómo usar Scanner o BufferedReader"

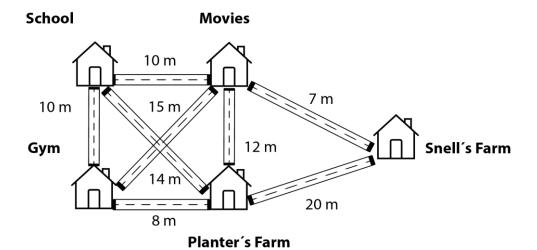


Pista 2: Es mejor usar *BufferedReader* porque es más rápido que *Scanner*. La idea es leer en una cadena de caracteres el contenido de cada línea y usando el método *split* de la clase *String* o usando *StringTokenizer*, dividir la cadena en partes cada que hay una coma (,).

Pista 3: El vértice con el identificador 1 es la empresa (*d*) y los identificadores del 2 al *n* son los dueños de los vehículos (*U*). Para cada vértice, se conoce la coordenada geodésica del lugar. Para cada arista del grafo, el peso representa el tiempo en minutos de la ruta más corta para ir de un vértice a otro.



Como un ejemplo, para el siguiente mapa, el archivo de entrada es el siguiente:



p 1.2

Vertices. Formato: ID, coordenada x, coordenada y, nombre

1 5.00000 2.00000 Snell

2 4.00000 1.00000 Movies

3 2.00000 5.00000 Planters

4 0.00000 2.00000 Gym

PhD. Mauricio Toro Bermúdez





5 2.00000 0.00000 School

Costo de Caminos Cortos. Formato: ID, ID, peso

Salida

5 3 14 5 4 10

La salida es una partición del conjunto de dueños de autos *U*. En cada línea se coloca una permutación de un subconjunto de la partición del conjunto *U*. Como un ejemplo, si una permutación es [4 3 2], quiere decir que el dueño 4 recoge al dueño 3, luego al dueño 2 y luego van a la empresa. Como otro ejemplo, si una permutación es [5] quiere decir que el dueño 5 va solo a la empresa.

Un ejemplo de salida válida para la entrada anterior, con p = 1.2, es:

432

5

Otro ejemplo de salida válida para la entrada anterior, con p = 1.2, es:

52

43

Si tuviéramos p = 1.7, para el ejemplo anterior, una posible respuesta es:

5432

PhD. Mauricio Toro Bermúdez

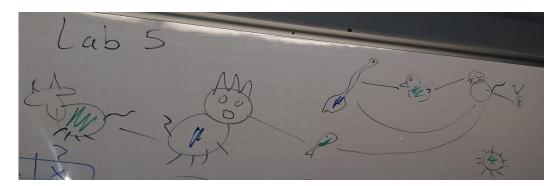






Ayudas para el Ejercicio 2.1

- Pista 1: Usen un algoritmo para corroborar si es un grafo bipartito. Léase qué es un grafo bipartito en http://bit.ly/2hGwAo2
- **Pista 2:** Si desean, pueden usar DFS o BFS para resolver este problema, pero existe otro tipo de algoritmos para resolverlo también
- Pista 3: ¡Spoiler Alert! En este sitio web explican un algoritmo para verificar si un grafo es bipartito http://bit.ly/2IOsQFZ
- Pista 3: La figura siguiente es un ejemplo de cómo colorear un grafo con dos colores. En dicho ejemplo, los animales de un zoológico son los vértices y los arcos representan la relación de depredación. Colorear el grafo con dos colores equivale a encontrar 2 jaulas tales que los animales de cada jaula no se coman entre sí.





Ayudas para el Ejercicio 2.2



Pista 1: Utilicen Búsqueda en Profundidad (Siglas en inglés DFS)



Pista 2: Vean Guía en numeral 4.13 "Cómo usar Scanner o BufferedReader

PhD. Mauricio Toro Bermúdez







Ayudas para el Ejercicio 2.3



Pista: Usen un algoritmo para corroborar si es un grafo bipartito. Léase qué es bipartito en http://bit.ly/2hGwAo2



Ayudas para el Ejercicio 2.4



Pista: Algoritmos para hallar componentes fuertemente conexos. Ordenamiento topológico. DFS. Léase en http://bit.ly/2gTeJKh



Ayudas para el Ejercicio 3.4



Pista: Vean Guía en numeral 4.11 "Cómo escribir la complejidad de un ejercicio en línea"



Ayudas para el Ejercicio 3.5



Errores Comunes

PhD. Mauricio Toro Bermúdez











- Pista: Para que hagan el mapa conceptual se recomiendan herramientas como las que encuentran en https://cacoo.com/ o https://bit.ly/2QM9D3M
- Nota 1: Si desean otra lectura, consideren la siguiente: "John Hopcroft et al., Estructuras de Datos y Algoritmos, Capítulo 6: Grafos dirigidos. Páginas 267 276. 1983" que pueden encontrarla en biblioteca
- Nota 2: Estas respuestas también deben incluirlas en el informe PDF



Pista 1: Vean Guía en numeral 4.21 "Ejemplo de cómo hacer actas de trabajo en equipo usando Tablero Kanban"



Pista 1: Vean *Guía en numeral 4.23* "Cómo generar el historial de cambios en el código de un repositorio que está en svn"

PhD. Mauricio Toro Bermúdez







Ayudas para el Ejercicio 6.3



Pista 1: Vean Guía en numeral 4.22 "Cómo ver el historial de revisión de un archivo en Google Docs"

PhD. Mauricio Toro Bermúdez







¿Alguna inquietud?

CONTACTO

Docente Mauricio Toro Bermúdez Teléfono: (+57) (4) 261 95 00 Ext. 9473 Correo: mtorobe@eafit.edu.co Oficina: 19- 627

Agenden una cita dando clic en la pestaña -Semana- de http://bit.ly/2gzVg10