Exercício de zeros de função

CM116 - Exercício Extra

Entrega: 06 de Julho até 19h00, por e-mail

Dada uma função f, o ponto x tal que f(x)=0 é dito zero da função f. Por exemplo, 2 e 3 são zeros da $f(x)=x^2-5x+6$, 0 é um zero da função $f(x)=e^x-1$, e e é um zero da função $f(x)=\ln(x/e)$. Nesses exemplos é fácil descobrir uma ou todas os zeros de uma função. No entanto, às vezes é impossível. Por exemplo, a função $f(x)=e^{-x}-x$ tem uma raíz, no entanto não existe uma forma finita de escrevê-la.

Faça as questões a seguir

- 1. Mostre que a função $f(x) = e^{-x} x$ tem um zero. Indique o intervalo onde está esse zero.
- 2. Explique e implemente o método da bissecção.
- 3. Explique e implemente o metodo de Newton.
- 4. Mostre exemplos, incluindo o exemplo acima.
- 5. Diga vantagens e disvantagens de um método sobre o outro.
- 6. Mostre imagens/representações gráficas da execução dos métodos.

Este exercício substitui o de menor nota.