CM300: Introdução ao Cálculo (Prova 1)

Prof. Alberto Ramos Agosto de 2019

| Q: | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | Total |
|----|----|----|----|----|----|-------|
| P: | 20 | 20 | 20 | 30 | 10 | 100 |
| N: | | | | | | |

Orientações gerais

- 1) As soluções devem conter o desenvolvimento e ou justificativa.
- 2) A interpretação das questões é parte importante do processo de avaliação. Organização e capricho também serão avaliados.
- 3) Não é permitido a consulta nem a comunicação entre alunos.

1

Subsituta (sem calculador) \bigcirc por <, =, > ou \neq para tornar as expressões verdaderias

- (a) $6 (2^{-3})^{1/3} \cap 2$;
- (b) $6 \sqrt[4]{(-2)^4} \bigcirc -2;$
- (c) $[8] (x^2y^4z^6)^{1/2} \cap xy^2|z|^3$.

Efetue as operações indicadas em cada item, expressando o resultado como uma fração irredutível.

(a) [6]
$$\frac{2}{3} + \frac{1}{3} * \frac{4}{5}$$
;

(a) [6]
$$\frac{2}{3} + \frac{1}{3} * \frac{4}{5}$$
; (b) [6] $\frac{1}{x+2} - \frac{1}{x-2}$; (c) [8] $\frac{9-x^2}{2x^2+5x-3}$.

(c) [8]
$$\frac{9-x^2}{2x^2+5x-3}$$

Questão 3

Resolva as seguintes desigualdades

(a) [6]
$$3(x-5) \le 7 + 4(x+6)$$
; (b) [8] $5x \le 2x^2 + 2$; (c) [6] $|2x+1| \le 3$.

(b) [8]
$$5x \le 2x^2 + 2$$

(c)
$$[6] |2x+1| \le 3$$

- (a) 10 O que é uma função? O que é o domínio e imagem de uma função?
- (b) 20 Calcule o domínio das funções:

$$(b1) \ h(x) = \sqrt{x^2 - 8x + 12} + 5x$$

(b1)
$$h(x) = \sqrt{x^2 - 8x + 12} + 5x$$
 e $(b2)$ $g(y) = \frac{y^2 - 3y + 2}{y^2 + 2y - 24} + 9.$

Uma caixa de papelão com uma base quadrada e sem tampa deve ser feita a partir de um quadrado de cartolina, cortando-se um quadrado de 3 cm de cada canto e dobrando os lados. Se a caixa deve ter uma capacidade de 75 cm³. Qual é o tamanho do pedaço de cartolina deve ser usado?

$$(a \pm b)^{2} = a^{2} \pm 2ab + b^{2}; \ a^{2} - b^{2} = (a + b)(a - b); a^{3} - b^{3} = (a - b)(a^{2} + ab + b^{2}); \ a^{3} + b^{3} = (a + b)(a^{2} - ab + b^{2}).$$

¹Produtos notáveis: