

一 选择题 CBCBBDDAC

二 填空题 (共25分)

10. (本题 3分) (3383)

2.0

3 分

11. (本题 4分) (3039)

2 : 1

1 分

4 : 1

1 分

2 : 1

1 分

12. (本题 3分) (3269)

$9.90 \times 10^2 \text{ J}$

3 分

13. (本题 4分) (5318)

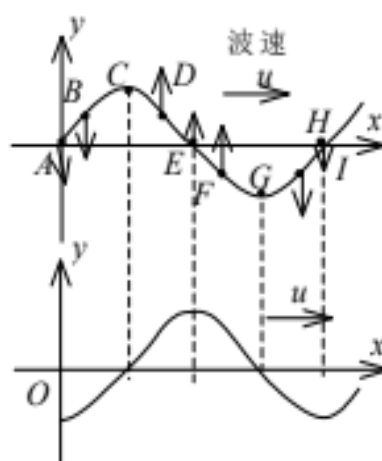
答案见图

图(1)

图(2)

2 分

2 分



图(1)

图(2)

14. (本题 5分) (3134)

$$y = A \cos[2\pi(\nu t + \frac{x+L}{\lambda}) + \frac{\pi}{2}] \quad 3 \text{ 分}$$

$$t_1 + \frac{L}{\lambda \nu} + \frac{k}{\nu}, \quad k = 0, \pm 1, \pm 2, \dots \quad [\text{只写 } t_1 + L/(\lambda \nu) \text{ 也可以}] \quad 2 \text{ 分}$$

15. (本题 3分) (3203)

0.644mm

16. (本题 3分) (3524)

500 nm(或 5×10^{-4} mm) 3 分

三 计算题 (共48分)

17. (本题10分) (3265)

解: $k = m_0 g / \Delta l = \frac{0.1 \times 9.8}{0.08} \text{ N/m} = 12.25 \text{ N/m}$

$$\omega = \sqrt{k/m} = \sqrt{\frac{12.25}{0.25}} \text{ s}^{-1} = 7 \text{ s}^{-1} \quad 2 \text{ 分}$$

$$A = \sqrt{x_0^2 + v_0^2 / \omega^2} = \sqrt{4^2 + (\frac{21}{7})^2} \text{ cm} = 5 \text{ cm} \quad 2 \text{ 分}$$

$$\tan \phi = -v_0 / (x_0 \omega) = -(-21) / (4 \times 7) = 3/4, \quad \phi = 0.64 \text{ rad} \quad 3 \text{ 分}$$

$$x = 0.05 \cos(7t + 0.64) \quad (\text{SI})$$

1 分

18. (本题 5分) (3052)

解: 依合振动的振幅及初相公式可得

$$A = \sqrt{A_1^2 + A_2^2 + 2A_1 A_2 \cos \Delta \phi} = \sqrt{5^2 + 6^2 + 2 \times 5 \times 6 \times \cos(\frac{3}{4}\pi - \frac{1}{4}\pi)} \times 10^{-2} \text{ m}$$

$$= 7.81 \times 10^{-2} \text{ m} \quad 2 \text{ 分}$$

$$\phi = \arctg \frac{5 \sin(3\pi/4) + 6 \sin(\pi/4)}{5 \cos(3\pi/4) + 6 \cos(\pi/4)} = 84.8^\circ = 1.48 \text{ rad} \quad 2 \text{ 分}$$

则所求的合成振动方程为 $x = 7.81 \times 10^{-2} \cos(10t + 1.48) \quad (\text{SI}) \quad 1 \text{ 分}$

19. (本题 5分) (3860)

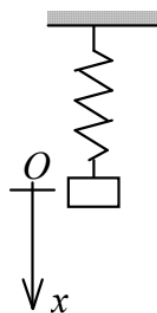
解: $\nu = u / \lambda = 0.5 \text{ Hz} \quad \omega = 2\pi\nu = \pi \text{ s}^{-1} \quad 1 \text{ 分}$

$x = 0$ 处的初相 $\phi_0 = \frac{1}{2}\pi$, 角波数 $k = 2\pi / \lambda = \pi \text{ m}^{-1}$, 波动表达式为 2 分

($A = 0.1 \text{ m}$) $y = 0.1 \cos(\pi t - \pi x + \frac{1}{2}\pi) \quad 1 \text{ 分}$

$$v(x, t) = \frac{\partial y}{\partial t} = -A\omega \sin(\omega t - kx + \phi_0)$$

速度最大值为: $v_{\max} = 0.314 \text{ m/s} \quad 1 \text{ 分}$



20. (本题 5分) (3477)

解: 每一波传播的距离都是波长的整数倍, 所以三个波在 O 点的振动方程可写成

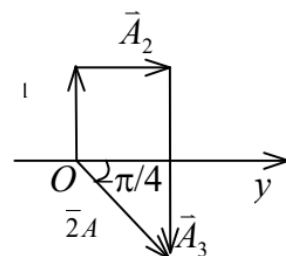
$$y_1 = A_1 \cos(\omega t + \frac{1}{2}\pi)$$

$$y_2 = A_2 \cos \omega t$$

$$y_3 = A_3 \cos(\omega t - \frac{1}{2}\pi)$$

其中 $A_1 = A_2 = A$, $A_3 = 2A$.

在 O 点, 三个振动叠加. 利用振幅矢量图及多边形加法 (如图) 可得合振动方程



2 分

$$y = \sqrt{2}A \cos(\omega t - \frac{1}{4}\pi)$$

3 分

21. (本题10分) (3687)

解: (1) $\because dx/D \approx k\lambda$

$$x \approx Dk\lambda/d = (1200 \times 5 \times 500 \times 10^{-6} / 0.50) \text{mm} = 6.0 \text{ mm}$$

4 分

(2) 从几何关系, 近似有

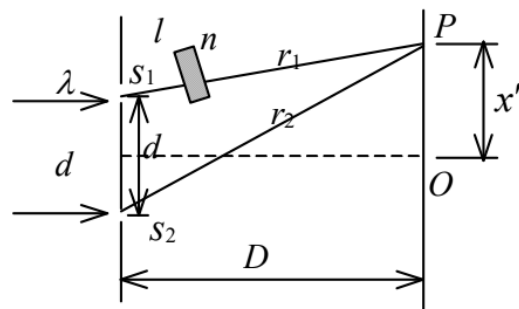
$$r_2 - r_1 \approx dx'/D$$

有透明薄膜时, 两相干光线的光程差

$$\begin{aligned} \delta &= r_2 - (r_1 - l + nl) \\ &= r_2 - r_1 - (n-1)l \\ &= dx'/D - (n-1)l \end{aligned}$$

对零级明条纹上方的第 k 级明纹有 $\delta = k\lambda$

零级上方的第五级明条纹坐标 $x' = D[(n-1)l + k\lambda]/d$



3 分

$$= 1200[(1.58-1) \times 0.01 \pm 5 \times 5 \times 10^{-4}] / 0.50 \text{mm}$$

$$= 19.9 \text{ mm}$$

3 分

22. (本题 8分) (3659)

解: (1) 明环半径

$$r = \sqrt{(2k-1)R \cdot \lambda / 2}$$

2 分

$$\lambda = \frac{2r^2}{(2k-1)R} = 5 \times 10^{-5} \text{ cm (或 500 nm)}$$

2 分

$$(2) \quad (2k-1) = 2r^2 / (R\lambda)$$

$$\text{对于 } r = 1.00 \text{ cm,} \quad k = r^2 / (R\lambda) + 0.5 = 50.5$$

3 分

故在 OA 范围内可观察到的明环数目为 50 个.

1 分

23. (本题 5分) (5654)

解：单缝衍射第 1 个暗纹条件和位置坐标 x_1 为：

$$a \sin \theta_1 = \lambda$$

$$x_1 = f \tan \theta_1 \approx f \sin \theta_1 \approx f \lambda / a \quad (\because \theta_1 \text{ 很小}) \quad 2 \text{ 分}$$

单缝衍射第 2 个暗纹条件和位置坐标 x_2 为：

$$a \sin \theta_2 = 2\lambda$$

$$x_2 = f \tan \theta_2 \approx f \sin \theta_2 \approx f 2\lambda / a \quad (\because \theta_2 \text{ 很小}) \quad 2 \text{ 分}$$

单缝衍射中央亮纹旁第一个亮纹的宽度

$$\Delta x_1 = x_2 - x_1 \approx f(2\lambda / a - \lambda / a)$$

$$= f \lambda / a$$

$$= 1.00 \times 5.00 \times 10^{-7} / (1.00 \times 10^{-4}) \text{ m} \quad 1 \text{ 分}$$

$$= 5.00 \text{ mm}$$

