B) Dodas jg; x - DIR, defina h=max fjg (; x - DIR pondo hix) = f(x) se f(x); g/M e hal = g/x) caso g/x) /, f/x). Alja a EX. Demonstre que se lim f(x) = L e lim g(x) = M, entar $x \neq a$ f(x) = N, em que N = max3L, Mf. figin - IR . Inal = maxifige; x-DIR $h(x) = \begin{cases} h(x) = f(x) \\ h(x) = g(x) \end{cases}, \text{ At } g(x) \neq f(x) \end{cases}$ $a \in x'$, $e \in X$ Teore ma 13: Um número real cévalor de adviencia de fino ponto a se, e somente se, para xodo 120 xem-se ce fívos. .a é advente a X quando há seque voia 7N € X com lint xN = a. a é ponto de acumulação de X quando Hoda vizinhança V de a Datispaz Vnx-30(+p. « X e d'anjunto des pontos de garmulação.,

Levena 8: Coutério de laydry para funções). Sejam XCIR, a ∈ X'ef; X-DR. Para que exista lim f(x) é recessário e suficiente que, » posa dado arbitaria -mente Eso, se posa ester 820, tal que «14 e x, 0 < 1x-9/28, 0 < /y-a/28 empliquem /f/x/-f/y1/<E. Rusposta: se ja L> M. Como: $\lim_{N\to\infty} f(x) = L$ e $\lim_{N\to\infty} g(x) = M$ 40m and -se e = (L-M), e existe 8>0 tal que para tools: xE (a-x, a+x) n(x-la{) ANSim : fix) E (L-E, L+E) = (L-L-M, L+L-M)= $\left(\frac{2L-L-M}{2},\frac{2L+L-m}{2}\right)=\left(\frac{L-M}{2},\frac{3L-M}{2}\right)$ E a g/x) é dada por: $g(x) \in (M-E, M+E) = |M-L-M, M+L-M| =$ $\left(\frac{2M+M-L}{2},\frac{2M+L-M}{2}\right)=\left(\frac{3M-L}{2},\frac{M+L}{2}\right)$ Assim, para todo xela-8,9+8/n(x-5af/,
9/1/x/

Como $g(x) < f(x) \longrightarrow h(x) = f(x)$ Desta fima, temos que; M/(a-8,a+8)n(x-9af) = 8/(a-8,a+8)n(x-9af)Portanto se d>M, Kimos que: $\lim_{\chi\to a} h(\chi) = \lim_{\chi\to a} h(\chi-\chi) = \lim_{\chi\to a} h(\chi$ lim $f/(\alpha-8)$ $\alpha+8)$ $n(x-\alpha-1)$ $(\pi)=k=N$. Assim, existe 850 tal que para todo, NE Ca-8, a+8/1/(x-2a8/ Entar vale: fx E (N-E, N+E), e 9(N) ∈(N-E, N+E). Com illo, Kemos que para todo: 206(a-8, 9+8/11(x-596), Kem-se que: Max) = 8 fx), gx/8 c (2-E, 2+E/ Brtanto, condeirse que! lim hk/=N.