

Dado o corolário de Abel: se $\sum a_n$ é convergente e (b_n) é uma sequência não crescente de números positivos (não necessariamente tendendo a zero) então a série $\sum a_n b_n$ é convergente.

Desta forma temos pelo corolário de Abel que satisfaz para $\sum a_n$, e (b_n) como é monotona e limitada então pelo teorema 4: "Toda sequência monotona limitada é convergente."

Assim temos que o $\lim b_n = c$. Então $(b_n - c)$ é uma sequência não crescente com limite zero.

Pelo teorema 2.1. (Dirichlet): seja $\sum a_n$ uma série não necessariamente convergente cujos

reduzidas $s_n = a_1 + \dots + a_n$
formam uma sequência de
números positivos com $\lim b_n = 0$.
Então a série $\sum a_n b_n$ é conver-
gente.

Assim a série $\sum a_n (b_n - c)$ converge
para uma soma Δ . Como $\sum a_n$
é convergente, segue-se que

$\sum a_n b_n = \Delta + c \sum a_n$ também
convergente.