





观数以形

艾新波 / 2018·北京



课程体系









第3章 格言联璧话学习

🗐 第4章 源于数学、归于工程

中部: 执具

第5章 工欲善其事必先利其器

第6章 基础编程

第7章 数据对象









- 🗐 第11章 相随相伴、谓之关联

第12章 既是世间法、自当有分别

■ 第13章 方以类聚、物以群分

9 第14章 庐山烟雨浙江潮

一维数据空间形态

The decimal point is at the

 89 ± 0 90 | 0

91 i 00

92 | 0000 93 | 0000

94 | 00

95 | 000000 96 | 000000000000000

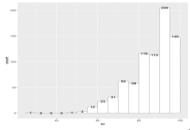
97 | 000000000

98 i 000

99 i 0

茎叶图



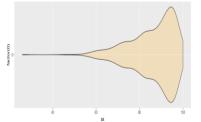




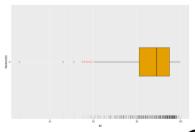
N = 10 Bandwidth = 3.496

density.default(x = data_points)

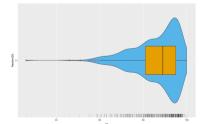








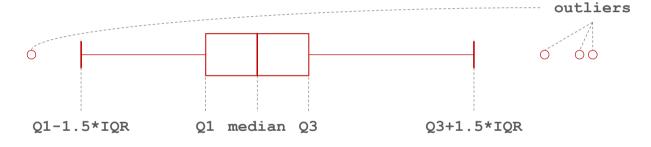






箱线图通过分位数来刻画数据的分布

如:集中趋势、分散程度、分布形状、异常数据等



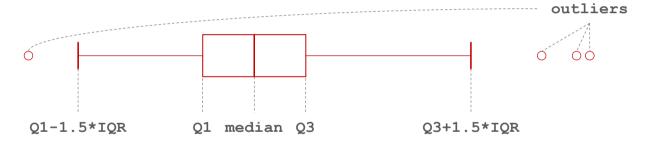
Median: 有一半的数数小于这个数

Q1:有25%的数小于这个数 Q3: 有75%的数小于这个数

IQR: Inter-Quantile Range, Q3-Q1

箱线图通过分位数来刻画数据的分布

如:集中趋势、分散程度、分布形状、异常数据等

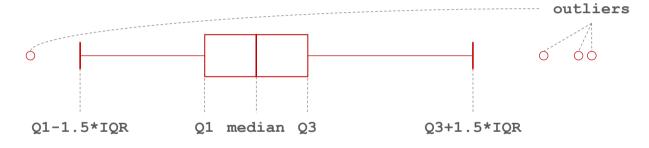


上边界upper whiskers: min{max(x), Q3+1.5×IQR}

下边界lower whiskers: max{min(x), Q1-1.5×IQR}

箱线图通过分位数来刻画数据的分布

如:集中趋势、分散程度、分布形状、异常数据等



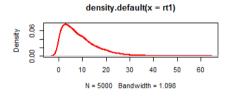
集中趋势:中位数,大致的平均水平

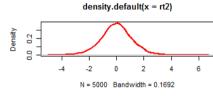
分散程度: IQR, 箱子的长度

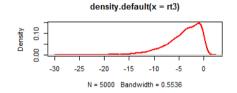
异常数据: 超过上边界或下边界的数据

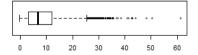
箱线图通过分位数来刻画数据的分布

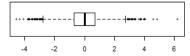
如:集中趋势、分散程度、分布形状、异常数据等

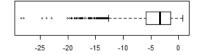




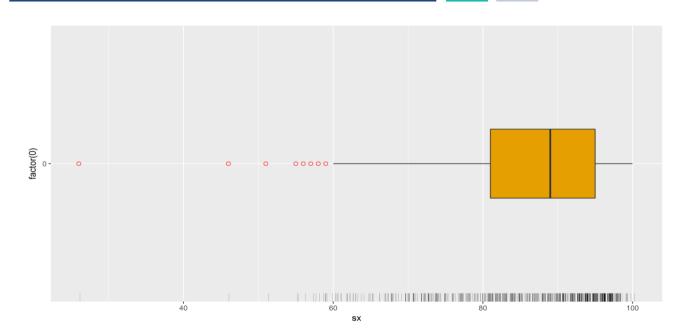




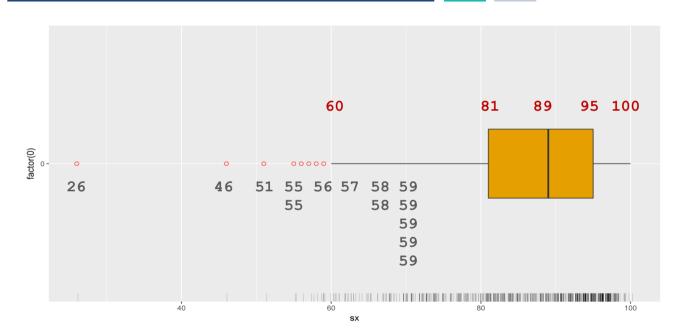




```
cjb %>%
  qqplot(aes(x = factor(0), y = sx)) +
  geom boxplot(width = 0.25,
               fill = "#E69F00",
               outlier.colour = "red",
               outlier.shape = 1,
               outlier.size = 2)+
 geom rug(position = "jitter",
           size = 0.1,
           sides = "b") +
  coord flip()
```



```
#箱线图一些具体指标
boxplot.stats(cjb$sx)
#> $`stats`
#> [1] 60 81 89 95 100
#> $n
#> [1] 774
#> $conf
#> [1] 88.20491 89.79509
#> $out
#> [1] 55 59 57 59 58 51 56 55 59 26 58 46 59 59
```



一维数据空间形态

The decimal point is at the |

89 | 0 90 | 0

91 | 00 92 | 0000

93 | 0000

94 | 00

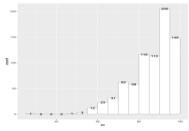
95 | 000000 96 | 000000000000000

97 | 000000000

98 | 000 99 | 0

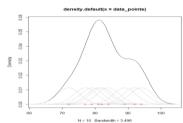
茎叶图





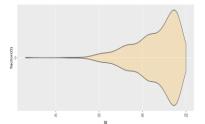






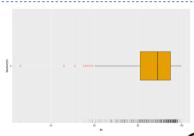
概率密度图





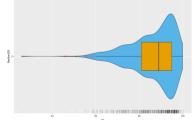
小提琴图





箱线图





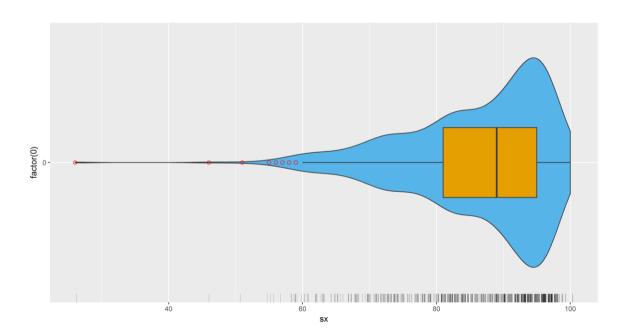
复合图形



箱线图+小提琴图

```
cib %>%
  qqplot(aes(x = factor(0), y = sx)) +
  geom violin(fill = "\#56B4E9", width = 0.75) +
  geom boxplot(width = 0.25,
               fill = "#E69F00",
               outlier.colour = "red",
               outlier.shape = 1,
               outlier.size = 2)+
  geom rug(position = "jitter",
           size = 0.1,
           sides = "b") +
  coord flip()
```

箱线图+小提琴图



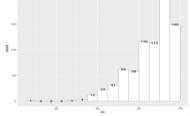
一维数据空间形态

The decimal point is at the |

- 89 | 0 90 | 0
- 91 | 00
- 92 | 0000
- 93 | 0000
- 94 | 00
- 95 | 000000 96 | 000000000000000
- 97 | 000000000
- 98 | 000
- 99 | 0

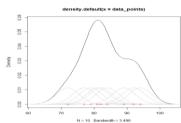
茎叶图





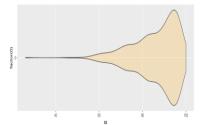
直方图





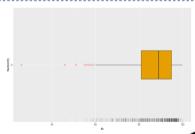
概率密度图





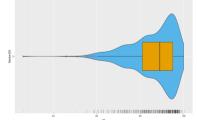
小提琴图





箱线图









定量刻画:集中趋势

平均值:

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n}$$

平均值包含了每个数据点的信息,但是容易受异常值影响

PS: 平均值不只是反映了数据的整体水平、集中趋势, 更是预测和判断时, 没有办法的办法

有生于无: 没有模型时, 平均值 (或众数) 是最常见的预测手段

定量刻画:集中趋势

中位数:

将所有数据从小到大进行排列,站在中间的那个数就是中位数 左侧没有那个数比这个数更大,右侧没有哪个数比这个数更小

$$median(x) = \frac{x_{\left\lceil \frac{n}{2} \right\rceil} + x_{\left\lceil \frac{n+1}{2} \right\rceil}}{2}$$

中位数相对比较稳定,不易受异常值的影响

集中趋势的R语言实现

```
cib %>%
 group by (wlfk) %>%#按文理分科分组统计
 summarise(
   count = n(), #各组人数
   sx median = median(sx), #中位数
   sx mean = mean(sx))#均值
#> # A tibble: 2 x 4
#> Wlfk count sx median sx mean
#> <fct> <int> <dbl>
                        <db1>
#> 1理科 380 93 89.8
#> 2文科 394 84 82.7
```

定量刻画: 分散程度

极差range:

$$R = \max(x) - \min(x)$$

四分位距Interquartile range:

$$IQR = Q3 - Q1$$

标准差Standard deviation:

$$s = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2}$$

分散程度的R语言实现

```
cib %>%
 group by (wlfk) %>%#按文理分科分组统计
 summarise(
   sx max = max(sx), #最大值
   sx min = min(sx),#最小值
   sx range = max(sx) - min(sx))#极差
#> # A tibble: 2 x 4
#> wlfk sx max sx min sx range
#> <fct> <dbl> <dbl> <dbl>
#> 1 理科 100 46
                         54
#> 2 文科 100 26 74
```

分散程度的R语言实现

```
cib %>%
 group by (wlfk) %>%#按文理分科分组统计
 summarise(
   sx Q3 = quantile(sx, 3/4),#第三分位数
   sx Q1 = quantile(sx, 1/4),#第一分位数
   sx iqr = IQR(sx))#四分位距
#> # A tibble: 2 x 4
#> wlfk sx Q3 sx Q1 sx iqr
#> <fct> <dbl> <dbl> <dbl>
#> 1 理科 96 86 10
#> 2 文科 92 75 17
```

求各科的分布指标

```
#查看各科情况
round(apply(cjb[, 4:12], 2, function(x) {
 c(mean = mean(x),
   median = median(x),
   range = diff(range(x)),
   IQR = IQR(x)
}))
#>
         yw sx wy zz ls dl wl hx sw
#> mean 87 86 88 92 89 93 81 92 86
#> median 88 89 88 93 90 94 83 94 88
#> range 63 74 69 35 100 30 79 48 45
#> IOR 6 14 8 5 10 6 17 10 12
```

单变量 (一维数据空间) 的散布形态

可视化类型	数据分布形态	大量数据	保留原始信息	展示分位数	异常情况
茎叶图	☑		Ø		
直方图	\square	☑			
概率密度图		☑			
小提琴图	☑	☑			
箱线图		Ø		Ø	Ø

謝謝聆听 Thank you

教师个人联系方式

艾新波

手机: 13641159546

QQ: 23127789

微信: 13641159546

E-mail: 13641159546@126.com

axb@bupt.edu.cn

地址:北京邮电大学科研楼917室

课程 网址: https://github.com/byaxb/RDataAnalytics



