# Fiche de révision Traitement Audio

Alexis GRACIAS

21 novembre 2024

# Table des matières

1			Modèle de perception	2
	1.1	Introduction		
		1.1.1	Définitions	2
		1.1.2	Histoire des sens	2
		1.1.3	Lois des sens (18ème - 19ème)	3
	1.2	Stimul	lus auditif: le son	4
		1.2.1	Qu'est-ce que le son?	4
		1.2.2	Hypothèses du cours	4
		1.2.3	Equation d'ondes unidimensionnelle	4
		1.2.4	Equation d'ondes en tridimensionnel	5

# Chapitre 1

# Les sons - Modèle de perception

#### 1.1 Introduction

#### 1.1.1 Définitions

- Psychophysique : relation entre le *stimulus* <sup>1</sup> et la *sensasion* ressentie du stimulus.
- $\mathbf{Psychoacoustique}^2$ : étude de la relation entre les vibrations des ondes sonores et sa perception.
- Les modèles de production permettent de caractériser les osurces dans la nature.

#### 1.1.2 Histoire des sens

3

- Les sens *introseptifs*: sensations qui vienne des entrailles du corps (estomac, coeur, malaise, aise...)
- Les sens *Proprioceptifs*:
  - Sens statique ou  $labyrinthique^4$ : mouvements de rotation et de translation
  - Sens kinésique ou kinestésique : permet la perception des objets dans l'espace, par exemple le toucher
- Les sens extéroceptifs
  - Sens par contact direct
    - Le toucher
    - Les sens *chimique* : goût, odorat
  - Sens par contact indirect
    - Vue
    - Ouie

<sup>1.</sup> Phénomène physique

<sup>2.</sup> Remarque : on peut tromper l'ouie comme la vue, avec des sons appelés sons de Risset

<sup>3.</sup> D'après Ch. Sherrington (1857-1952)

<sup>4.</sup> Provient du "capteur" situé dans l'oreille interne

## 1.1.3 Lois des sens (18ème - 19ème)

— **Loi du sens** : il existe pour chaque sens une intensité minima du stimulus, appelée intensité liminaire, au-dessous de laquelle il n'y a pas de sensation

#### — Loi du seuil différentiel :

— Forme a.

Il existe un rapport constant entre l'intensité du stimulus initial et la variation minima qu'il faut lui faire subir pour que la différence soit sentie

— Forme b.

Pour que la sensation subisse des accroissements en progression arithmétique (0, 1, 2...), il faut faire varier le stimulus en progression géométrique (a, a2, a3...); le rapport constant est le seuil liminaire. C'est encore la loi logarithmique, ou loi de Fechner

## 1.2 Stimulus auditif: le son

### 1.2.1 Qu'est-ce que le son?

C'est la sensation perçue par l'oreille. Variation périodique de la pression d'un milieu.

## 1.2.2 Hypothèses du cours

- Millieux de propagation <sup>5</sup> supposés parfaits, sans viscosité et au repos <sup>6</sup>
- Vibrations de faible amplitude
- Transformations des fluides supposés adiabatiques réversibles

## 1.2.3 Equation d'ondes unidimensionnelle

Equation de propagation des ondes électro-magnétiques :

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2} = c_s^2 \frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2}$$

et:

$$\rho_e = -\rho_0 \frac{\partial \psi}{\partial x} \tag{1.1}$$

$$P_e = c_s^2 \rho_e \tag{1.2}$$

$$\rho_0 \frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2} = -\frac{\partial P_e}{\partial x} \tag{1.3}$$

Ce qui devient pour l'équation d'ondes sonores :

$$\frac{\partial^2 P_e}{\partial t^2} = \frac{1}{c_s^2} \frac{\partial^2 P_e}{\partial x^2}$$

$$c_s = 331, 4\sqrt{1 + \frac{T}{T_0}}$$

Pour démonstration voir annexe 1.2.4

<sup>5. (</sup>gazs, liquides, solides)

<sup>6.</sup> En réalite, pour les fluides visqueux, on doit résoudre l'équation de Navier-Stokes par la méthode des éléments finis

## 1.2.4 Equation d'ondes en tridimensionnel

L'équation d'ondes s'écrit à l'aide du d'Alembertien :

#### Definition 1: D'Alembertien

$$\Xi = \nabla^2 - \frac{1}{c_2^2} \frac{\partial^2}{\partial t^2}$$

Avec:

$$\Xi P_e = 0$$

Soit:

$$\nabla^2 P_e - \frac{1}{c_2^2} \frac{\partial^2 P_e}{\partial t^2} = 0$$

Avec:

— 
$$\nabla^2 \psi = \Delta \psi = \frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial z^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2}$$

—  $\psi$  : fonction d'onde (électromagnétique)

—  $c_s$  : célérité du son dans l'air en  $m.s^{-1}$  ( $c_s \approx 340 m.s^{-1}$ )

—  $P_e$ : pression acoustique en Pa

-T: température en C

 $-T_0 = 273C$ 

Quelques rappels :

$$\lambda = cT = \frac{c}{f}$$

— c : célérité de la lumière ( $c=3.10^8 m.s^{-1}$ )

-T: période en s-f: fréquence en Hz

5

# Annexe 1 : démonstration de la fonction d'ondes

On considère (1.2)

Pour un fluide, la pression P est fonction de la masse volumique  $\rho$  tel que :  $P = f(\rho)$ 

En se placant dans un milieu homogène constitué uniquement d'air, que l'on approxime comme un gaz parfait, on a, à l'équilibre, on a :  $P_0 = f(\rho_0)$ 

La variation de pression  $P_e$  due à la source sonore s'exprime de la manière suivante :  $P_e = f(\rho_e)^7$ 

On a finalement:

$$P = P_0 + P_e$$
  
=  $f(\rho_0 + \rho_e)$   
$$P \approx f(\rho_0) + \rho_e f'(\rho_0)$$

On considère maintenant (1.1)

On se place au repos (t=0)

- La position x sur une ligne de courant du fluide s'exprime sous la forme :  $\psi(x,t)$ .
- La position voisine située en x + dx s'exprime sous la forme :  $\psi(x + dx, t)$ .
- La quantité de fluide par unité de surface est définie de la sorte :  $\rho_0 dx$ . Avec dx infinitésimal. On obtient :

$$\psi(x+dx,t) - \psi(x,t) = \frac{\partial \psi}{\partial x} dx \iff \rho_0 dx = \rho(\frac{\partial \psi}{\partial x} dx + dx)$$

Comme  $\rho_e$  négligeable devant  $\rho_0$ , on obtient :

$$\rho_e = -\rho_0 \frac{\partial \psi}{\partial x}$$

<sup>7.</sup> Evidement  $P_e$  est très petite devant  $P_0$  (pour le développement de Taylor) et  $P=P_0+P_e=P_0+k\rho_e$ ,  $\rho=\rho_0+\rho_e$ 

On considère enfin (1.3)

On prend une portion du fluide de longueur dx. Sa masse est  $\rho_0 dx$  et son accélération  $\frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2}$ .

De plus, on a :

$$P_e(x,t) - P_e(x+dx,t) = \frac{\partial P}{\partial x}dx = -\frac{\partial P_e}{\partial x}dx$$

Soit:

$$\rho_0 \frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2} = -\frac{\partial P_e}{\partial x}$$

# Bibliographie

- R. Rigal, R. Paoletti, M. Portmann, Motricit'e approche psychophysiologique, 1974, Presses de l'universit'e du Qu'ebec (330 pages)
- Delorme et Fl¨uckiger, Perception et r´ealit´e Une introduction 'a la psychologie des perceptions, de Boeck (517 pages)
- E. Zwicker et R. Feldtkeller, Psychoacoustique, 1981, Masson
- R. Feynman, Mécanique 2, 1998 (version française), Dunod
- L. Landau et E. Lifchitz, Physique th'eorique en 10 tomes Tome 6 Mécanique des fluides, 1989, Librairie du globe/MIR
- N. H. Fletcher et T. D. Rossing, The Physics of Musical Instruments, 1991, Springer-Verlag
- A. Cuvillier, Cours de philosophie; tome 1; pages 84 85, 541; 1954; Armand Colin
- Emile Br'ehier, Histoire de la philosophie; tome 3; pages 862 864; 1964; Quadrige Presses Universitaires de France