28/04/2025 TEMA 3

Hoja 1 de 4

APELLIDO:		
NOMBRE:	CALIFICACIÓN:	
DNI (registrado en SIU Guaraní):		
E-MAIL:	DOCENTE (nombre y apellido):	
TEL:		
AULA:		

Tabla de uso exclusivo para el docente

	1	2	3	4
Puntaje de cada ejercicio	2,50	2,50	2,50	2,50

Duración del examen: 1h 30'. Completar los datos personales con letra clara, mayúscula e imprenta.

No se aceptarán respuestas en lápiz.

1. Dada la función cuadrática $f(x) = (4x - 5)^2 + 2$, escribirla en forma canónica y hallar el vértice.

Sabiendo que la escritura canónica $f(x) = a(x - x_v)^2 + y_v$ de una función cuadrática nos muestra el vértice, al reescribirla de dicha manera, conoceremos el vértice. Así:

$$f(x) = (4x - 5)^2 + 2 = (4(x - \frac{5}{4}))^2 + 2 = 16\left(x - \frac{5}{4}\right)^2 + 2$$

Entonces: $f(x) = 16\left(x - \frac{5}{4}\right)^2 + 2$

Por lo que el vértice es $\left(\frac{5}{4}, 2\right)$

APELLIDO Y NOMBRE: DNI: TEMA 3
Hoja 2 de 4

2. Hallar el conjunto de negatividad de la función $f(x) = x^3 + 2x^2 - 15x - 36$, sabiendo que f(-3) = 0

Sabiendo que f(-3) = 0, podemos dividir el polinomio mediante la regla de Ruffini

	1	2	-15	-36
-3		-3	3	36
	1	-1	-12	0

Entonces $f(x) = (x+3)(x^2 - x - 12)$

Aplicando la formula resolvente al factor cuadrático:

$$x_{1,2} = \frac{1 \pm \sqrt{1^2 - 4(-12)}}{2}$$

$$x_{1,2} = \frac{1 \pm \sqrt{49}}{2}$$

$$x_{1,2} = \frac{1 \pm 7}{2}$$

$$x_1 = \frac{1 - 7}{2} \lor x_2 = \frac{1 + 7}{2}$$

$$x_1 = -3 \lor x_2 = 4$$

Obtenemos:
$$f(x) = (x + 3)(x + 3)(x - 4) = (x + 3)^{2}(x - 4)$$

Para determinar el conjunto de negatividad pedido planteamos la siguiente inecuación:

$$(x+3)^2(x-4) < 0$$

Considerando que un producto es negativo cuando ambos factores son de distinto signo, y que $(x + 3)^2$ siempre es mayor que cero (positivo) cuando "x" es distinto de -3, resulta necesariamente:

$$x-4 < 0$$

$$x < 4$$
Solución: $(-\infty; 4) - \{-3\}$

APELLIDO Y NOMBRE: DNI:

TEMA 3 Hoja 3 de 4

.UBAXXI

3. Sea $f(x) = \frac{2x}{x-3} + b$, hallar $b \in \mathbb{R}$ tal que f tenga asíntota horizontal en y = -5.

1° PARCIAL

Para que f tenga asíntota horizontal en y=-5, el límite de f cuando x tiende a infinito debe ser igual a -5, es decir: $\lim_{x\to\infty} f(x) = -5$.

Entonces, evaluamos el límite:

$$\lim_{x \to \infty} \frac{2x}{x - 3} + b =$$

$$\lim_{x \to \infty} \frac{2x}{x - 3} + b \cdot \frac{x - 3}{x - 3} =$$

$$\lim_{x \to \infty} \frac{2x + b(x - 3)}{x - 3} =$$

$$\lim_{x \to \infty} \frac{2x + b(x - 3)}{x - 3} =$$

$$\lim_{x \to \infty} \frac{2x + bx - 3b}{x - 3} =$$

$$\lim_{x \to \infty} \frac{(2 + b)x - 3b}{x - 3} = indeterminación \frac{\infty}{\infty}$$

Para resolver la indeterminación " $\frac{\infty}{\infty}$ ", si el grado del numerador es igual al grado del denominador, el resultado del límite será el cociente entre los coeficientes principales. Además, teniendo en cuenta que $\lim_{x\to\infty} f(x) = -5$. Planteamos:

$$\frac{2+b}{1} = -5$$

$$b = -5 - 2$$

$$b = -7$$

TEMA 3 Hoja 4 de 4

APELLIDO Y NOMBRE: DNI:

4. Expresar como intervalo o unión de intervalos, la siguiente expresión:

$$(2x+8)\cdot(x-6)\geq0$$

Considerando que un producto es positivo cuando ambos factores son del mismo signo planteamos:

$$(2x + 8 \ge 0 \land x - 6 \ge 0) \lor (2x + 8 \le 0 \land x - 6 \le 0)$$

 $(x \ge -4 \land x \ge 6) \lor (x \le -4 \land x \le 6)$
 $[6; +\infty) \cup (-\infty; -4]$

Solución: $(-\infty; -4] \cup [6; +\infty)$