11/06/2025 **TEMA 11**Hoia 1 de 4

APELLIDO:	CALIFICACIÓN:	
NOMBRE:		
DNI (registrado en SIU Guaraní):		
E-MAIL:	DOCENTE (nombre y apellido):	
TEL:		
AULA:		

Tabla de uso exclusivo para el docente

	1	2	3	4
Puntaje de cada ejercicio	2,50	2,50	2,50	2,50

Duración del examen: 1h 30'. Completar los datos personales con letra clara, mayúscula e imprenta.

No se aceptarán respuestas en lápiz.

1. Sea $f(x) = 3^{2x-1} - 1$. Obtener los puntos de intersección de la gráfica de f con los ejes cartesianos.

Para hallar la intersección con el eje x tenemos en cuenta que sus puntos son de la forma (x; 0), por lo tanto, debemos encontrar los valores de x que hacen que la función valga 0, es decir:

$$f(x) = 0$$
$$3^{2x-1} - 1 = 0$$

Resolvemos la ecuación que quedó planteada para hallar los valores de x buscados. Sumamos 1 en ambos miembros de la igualdad:

$$3^{2x-1} = 1$$

Para que el resultado de esta potencia sea 1, el exponente debe ser nulo, con lo cual:

$$2x - 1 = 0$$

Restamos 2 en ambos miembros de la igualdad:

$$2x = 1$$

Dividimos por 3:

$$x = \frac{1}{2}$$

Entonces: $\left(\frac{1}{2};0\right)$

Para hallar la intersección con el eje y tenemos en cuenta que sus puntos son de la forma (0; y), entonces, debemos encontrar la imagen de x = 0, es decir:

$$f(0) = 3^{2 \cdot 0 - 1} - 1$$

$$f(0) = 3^{-1} - 1$$

$$f(0) = \frac{1}{3} - 1$$

$$f(0) = -\frac{2}{3}$$

Entonces, $\left(0; -\frac{2}{3}\right)$

APELLIDO Y NOMBRE:

DNI:

TEMA 11 Hoja 2 de 4

- 2. Sean los vectores $\vec{u}=(-6;8;0)$ y $\vec{v}=(3;-2;4)$, calcular:
 - a) $|\vec{u}|\vec{v}-2\vec{u}$
 - b) $3\vec{u} + \vec{v}$
 - a) Para la resolución de este punto calculamos $|\vec{u}|$ y reemplazamos dicho valor y los vectores dados en la expresión a calcular:

$$|\vec{u}| = \sqrt{(-6)^2 + 8^2 + 0^2} \implies |\vec{u}| = \sqrt{100} \implies |\vec{u}| = 10$$

Entonces:

$$|\vec{u}|\vec{v}-2\vec{u}=10(3;-2;4)-2(-6;8;0)$$

$$|\vec{u}|\vec{v} - 2\vec{u} = (30; -20; 40) - (-12; 16; 0)$$

$$|\overrightarrow{u}|\overrightarrow{v}-2\overrightarrow{u}=(42;-36;40)$$

b) Hacemos el mismo procedimiento en esta expresión:

$$3\vec{u} + \vec{v} = 3(-6; 8; 0) + (3; -2; 4)$$

$$3\vec{u} + \vec{v} = (-18; 24; 0) + (3; -2; 4)$$

$$3\vec{u} + \vec{v} = (-15; 22; 4)$$

Hoja 3 de 4

APELLIDO Y NOMBRE: DNI:

3. Calcular el valor del límite de integración $k \in \mathbb{R}$, k>0 sabiendo que: $\int_3^k (2x-5)dx=30$

De acuerdo con lo estudiado en la Unidad 6, Integrales, Métodos de Integración y Propiedades de la Integral Definida, previamente se procede al cálculo de una primitiva de f(x) = 2x - 5. Se trata de una integral que se resuelve en forma inmediata.

Entonces.

$$\int (2x-5)dx = x^2 - 5x + C$$

donde C es la constante de integración.

Luego, se calcula la integral definida aplicando la regla de Barrow:

$$\int_{3}^{k} (2x - 5)dx = x^{2} - 5x|_{3}^{k}$$

$$\int_{3}^{k} (2x - 5)dx = k^{2} - 5k - (3^{2} - 5.3)$$

$$\int_{3}^{k} (2x - 5)dx = k^{2} - 5k + 6$$

Según el enunciado, el valor de la integral es 30

Entonces,

$$k^2 - 5k + 6 = 30$$

Queda una ecuación de segundo grado con la incógnita *k*:

$$k^2 - 5k - 24 = 0$$

Se trata de una ecuación cuadrática cuyas soluciones se obtienen a partir de la fórmula resolvente.

Entonces,

$$k_1 = 8 \text{ y } k_2 = -3$$

Según la consigna, k > 0

En definitiva,

k = 8

APELLIDO Y NOMBRE: DNI: **TEMA 11**Hoja 4 de 4

4. Determinar la ecuación de la recta tangente a la gráfica de la función $f(x) = x + xe^x$ en el origen de coordenadas.

Para determinar la ecuación de la recta tangente a gráfica de la función f(x) debemos hallar su derivada y evaluarla en x = 0.

$$f(x) = x + xe^x$$

$$f'(x) = 1 + e^x + x \cdot e^x$$

Reemplazamos por x = 0:

$$f'(0) = 1 + e^0 + 0.e^0 = 2$$

Como la derivada de la función en un punto es igual a la pendiente de la ecuación de la recta tangente a la función en dicho punto, entonces:

$$y = 2x + b$$

Para hallar el valor de b, reemplazamos por las coordenadas del punto (0; 0):

$$0 = 2.0 + b$$

$$0 = b$$

$$0 = b$$

Por lo tanto, la ecuación de la recta tangente es:

$$y = 2x$$