





سامانه ويراستاري **STES** 





مركز اطلاعات علمى





فيلم هاى آموزشي

# کارگاههای آموزشی مرکز اطلاعات علمی

کارگاہ ھای

آموزشی



سرويس ترجمه

تخصصي

سرویس های

ويژه





آموزش مهارت های کاربردی در تدوین و چاپ مقاله

# بهینهسازی سبد سهام با رویکرد «میانگین- نیم واریانس» و با استفاده از روش «جستجوی هارمونی»

#### رضا راعی'\*، شاپور محمدی'، هدایت علی بیکی ً

۱ – دانشیار گروه مدیریت دانشکده مدیریت، دانشگاه تهران، تهران، ایران

۲- استادیار گروه مدیریت دانشکده مدیریت، دانشگاه تهران، تهران، ایران

۳- دانشجوی کارشناسی ارشد گروه مدیریت دانشکده مدیریت، دانشگاه تهران، تهران، ایران

پذیرش: ۸۹/۱۲/۱۸

E-mail: rraie@ut.ac.ir

دریافت: ۸۹/۹/۸

#### چکیده

برای رسم مرز کارا و تشکیل پرتفوی بهینه معمولاً واریانس به عنوان عامل خطرپذیری عمومی در نظر گرفته می شود. اما از آن جا که نیمواریانس تخمین بهتری از خطرپذیری واقعی پرتفوی ارائه می دهد، در این تحقیق نیمواریانس به عنوان عامل اصلی خطرپذیری در نظر گرفته می شود. مسأله بهینه سازی پورتفوی ترکیبی از مسأله برنامه ریزی عدد صحیح و برنامه ریزی درجه ۲ است که برای حل این گونه مسائل الگوریتمهای مشخص و کارایی وجود ندارد.

هدف این تحقیق حل مسأله بهینهسازی مقید پرتفوی سهام با استفاده از الگوریتم جستجوی هارمونی (HS) است. این الگوریتم با الهام از فرایند بهبود و تکامل هارمونی بهوسیله مجموعه نوازندگان موسیقی جهت حل مسائل بهینهسازی به وجود آمده است. به منظور حل مسأله بهینهسازی پرتفوی سهام با استفاده از اطلاعات قیمت ۲۰ سهم پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران از مهر ۱۳۸۰ تا اسفند ۱۳۸۷، مرز کارای سرمایهگذاری برای دو الگو با عامل خطرپذیری واریانس و نیمواریانس رسم میگردد.

نتایج این تحقیق نشان میدهد که روش جستجوی هارمونی در بهینهسازی مقید پرتفوی سهام، موفق عمل میکند و در یافتن جوابهای بهینه در تمامی سطوح خطرپذیری و بازده از دقت قابل قبولی برخوردار است.

\* نويسنده مسؤول مقاله:



**کلیدو**اژهها: بهینهسازی پرتفوی، تکنیک جستجوی هارمونی، نظریه مدرن پرتفوی، الگوی میانگین-نیمواریانس، مرز کارای سرمایهگذاری.

\_\_\_\_ بهینه سازی سبد سهام. با رویکرد..

#### ۱ – مقدمه

در بهینه سازی پرتفوی، مسأله اصلی انتخاب بهینه دارایی ها و اوراق بهاداری است که با مقدار مشخصی سرمایه میتوان تهیه کرد [۱]. اگرچه کمینه کردن خطرپذیری و بیشنه کردن بازده سرمایهگذاری به نظر ساده می رسد، اما در عمل روشهای متعددی برای تشکیل یرتفوی بهینه به کار رفته است، مارکویتز نظریه مدرن پرتفوی را بهعنوان یک روش کلاسیک به صورت فرمول ریاضی بیان کرد [۲، صص ۷۷-۹۱]. در الگوی میانگین - واریانس طراحی، شده به وسیله وی میانگین بازده مورد انتظار را نشان میدهد و واریانس بیانگر خطریدیری يرتفوي مي باشد. بعد از الگوي ماركويتز افراد زيادي سعى در توسعه و اصلاح اين الگو داشتهاند؛ از جمله خود مارکویتز که بعدها اظهار میکند که " تحلیلهای مبتنی بر نیمواریانس نسبت به آنهایی که به واریانس متکی هستند، سبدهای سهام بهتری ایجاد میکنند" [۳].

كونو و يامازاكي [٤، صص ١٩٥-٥٣٥] الكوى ميانكين - انحراف مطلق (MAD) را توسعه دادند که در الگوی آنها انحراف مطلق به نوعی بیانگر خطرپذیری میباشد. این الگوها به دلیل عدم توجه به محدودیتهای کارکردی در بسیاری شرایط پاسخگوی نیازهای سرمایه گذاران نمی باشند. مانسینی و اسپرنزا [٥، صص۲۱۹-۲۳۳] در این رابطه خاطر نشان می کنند که بیشتر الگوهای انتخاب پرتفوی تقسیمیذیری سرمایه گذاری را بی نهایت فرض میکنند؛ در حالی که در دنیای واقعی اوراق بهادار به تعداد مشخص (ضرایبی از یک ضریب معاملاتي حداقلي) معامله مي شوند.

بنابراین آنها پیشنهاد میکنند که از یک الگوی برنامهریزی عدد صحیح مختلط با ملاحظه محدودیتهای مربوط به حداقل معاملات استفاده شود. باید توجه داشت که الگوی استاندارد مارکویتز محدودیت مربوط به تعداد داراییهای منتخب و همچنین محدودیتهای مربوط به حد پایین و بالای نسبت سرمایهگذاری در هر دارایی در سبد را در بر ندارد. چانگ و دیگران [7، صـص ١٢٧١-١٣٧٦] و فرناندز و گومز [٧، صـص ١١٧٧-١١٩] الگوى اصلاح يافته مارکویتز را با عنوان "مدل میانگین- واریانس با مؤلفههای محدود" (CCMV) به کار گرفتند. در این مقاله علاوه بر الگوی CCMV، الگوی "میانگین-نیمواریانس با مؤلفههای محدود" (CCMSV) نیز مورد بررسی قرار میگیرد. تنها تفاوت مدل CCMSV با الگوی CCMV در این است که الگوی CCMSV نیمواریانس را به عنوان سنجه خطرپذیری نامطلوب وارد الگو میکند.

در ایران تاکنون تحقیقی در زمینه استفاده از روش جستجوی هارمونی در جهت یافتن پرتفوی بهینه انجام نشده است و این مقاله نتایج اولین مطالعه در زمینه بهینهسازی پورتفوی سهام با استفاده از تکنیک جستجوی هارمونی را در ایران ارائه میدهد. اما در زمینه انتخاب پرتفوی بهینه با استفاده از سایر الگوریتمهای تکاملی، عبدالعلیزاده شهیر و عشقی [۸، صص ۱۷۵–۱۹۲] تحقیقی را در زمینه بهینهسازی پرتفوی بهوسیله الگوریتم ژنتیک انجام دادند.

تقوی فرد، منصوری و خوش سیرت [۹، صح ۹۵–۹۹] با افزودن محدودیتهای دیگری به الگوی قبلی نشان دادند که با استفاده از الگوریتم ژنتیک می توان مرز کارایی را به دست آورد که به مقدار زیادی تخمین زننده مرز کارای به دست آمده به وسیله روشهای کوادراتیک برنامه ریزی ریاضی است. محدودیتهایی که آنها به مسأله اضافه کردند، محدودیت عدد صحیح بودن تعداد سهام موجود در پر تفوی و همچنین محدودیت حد بالای اوزان دارایی ها بود.

### ۲ – مسأله بهينهسازي پرتفوي

بهینه سازی پرتفوی عبارت است از انتخاب بهترین ترکیب از دارایی های مالی به نحوی که باعث شود تا حد امکان بازده پرتفوی سرمایه گذاری حداکثر و خطرپذیری پرتفوی حداقل شود. ایده اساسی نظریه مدرن پرتفوی آین است که اگر در دارایی هایی که به طور کامل با هم همبستگی ندارند، سرمایه گذاری شود، خطرپذیری آن دارایی ها یکدیگر را خنثی میکنند. در این صورت می توان یک بازده ثابت را با خطرپذیری کمتر به دست آورد [۲،صص۷۷–۹۱]. برای اولین بار در سال ۱۹۵۲ مارکویتز [۲،صص۷۷–۹۱] الگوی حل مسأله انتخاب مجموعه بهینه دارایی ها (نظریه میانگین – واریانس) را ارائه داد. وی مسأله را به صورت یک

<sup>1.</sup> Quadratic

<sup>2.</sup> Modern Portfolio Theory (MPT)

یر نامهر بزی کو ادر اتبک یا هدف کمینهسازی و ار بانس محموعه دار اییها یا این شرط که باز ده مورد انتظار با یک مقدار ثابت برابر باشد، مطرح کرد. خطرگریز بودن کلیه سرمایهگذاران، فرض اصلی این الگو می باشد. این مسأله یک محدودیت کارکردی دیگر نیز دارد که براساس آن مجموع اوزان دارایی ها باید برابر با یک شود. همچنین وزن هر یک از دارایی ها در پرتفوی باید عددی حقیقی و غیر منفی باشد.

فرناندز و گومز [۷،صص۱۱۷۷-۱۱۹۱] الگوی مارکویتز را با افزودن محدودیتهای حد بالا و يابين براي متغيرها، اصلاح كردند و الكوى CCMV يا «ميانگين- واريانس با مؤلفههاي مقید» را به وجود آوردند؛ در صورتی که محدودیت مربوط به تعداد داراییهای منتخب نیز به مسأله فوق اضافه شود، الگوی مربوطه به شکل زیر در می آید.

$$\begin{aligned} & \textit{Minimize } \lambda \left[ \sum_{i=1}^{N} \sum_{j=1}^{N} z_{i} x_{i} z_{j} x_{j} \sigma_{ij} \right] - (1 - \lambda) \left[ \sum_{i=1}^{N} z_{i} x_{i} \mu_{i} \right] \\ & \text{Subject to} \quad \sum_{i=1}^{N} x_{i} = 1 \\ & \sum_{i=1}^{N} z_{i} = K \\ & \sum_{i=1}^{N} z_{i} \leq x_{i} \leq \delta_{i} z_{i} \quad (i = 1, ..., N) \\ & z_{i} \in \{1, 1, 1\} \quad (i = 1, ..., N) \end{aligned}$$

$$x_{i} \geq \beta \quad (i = 1, ..., N)$$

که در آن  $\varepsilon_i$  و  $\delta_i$  بهترتیب حد پایین و بالای متغیر iام (نسبت سهم i در سبد سرمایه گذاری) می باشند. در الگوی فوق  $\lambda$  یارامتری است که مقدار آن در فاصله  $\lceil (e \cdot) \rceil$  تغییر میکند، به طوری که با قرار دادن  $\lambda=0$  کل مقدار ضریب وزنی به بازده تخصیص داده میشود و بدون توجه به خطرپذیری، سبد سهام دارای بیشترین بازده انتخاب میشود و با در نظر گرفتن ۱=۸ کل مقدار ضریب وزنی به خطریذیری داده شده و بدون توجه به بازده، سبد سهام دارای کمترین خطریذیری انتخاب میشود. در فاصله بین صفر و یک، سبدهایی با در نظر گرفتن هر دو عامل خطریذیری و بازده بهینه می گردند؛ بهعبارت دیگر با افزوده شدن

<sup>1.</sup> Cardinality constrained mean-variance

مقدار ضریب  $\lambda$ ، هدف کاهش خطرپذیری اهمیت بیش تری پیدا کرده و در این صورت چون مقدار  $(\lambda-1)$  کاهش پیدا میکند، بیشینه کردن بازده اهمیت کمتری می باید.

متغیر تصمیم در مورد سرمایهگذاری در هر سهم است. اگر  $z_i$  برابر ۱ باشد؛ یعنی سهم i در سبد قرار خواهد گرفت. مجموع تعداد سلهمی که در سلبد خواهند بود بنیا به محدودیت سوم مسأله K تا خواهد بود و  $\varepsilon_i$  و  $\delta_i$  بهترتیب حد پایین و بیالای متغیر iام (سبت سهم i در سبد سرمایهگذاری) می باشند.

حال اگر در الگوی فوق نیمواریانس جایگزین واریانس شود، الگوی پیشگفته بـه صـورت زیر تبدیل میشود.

$$\begin{aligned} & \textit{Minimize } \lambda \left[ \sum_{i=1}^{N} \sum_{j=1}^{N} z_{i} x_{i} z_{j} x_{j} \sigma_{ij} \right] - (\mathbf{1} - \lambda) \left[ \sum_{i=1}^{N} z_{i} x_{i} \mu_{i} \right] \\ & \text{Subject to} \quad \sum_{i=1}^{N} x_{i} = \mathbf{1} \\ & \sum_{i=1}^{N} z_{i} = K \\ & \sum_{i=1}^{N} z_{i} \leq x_{i} \leq \delta_{i} z_{i} \quad (i = 1, ..., N) \\ & z_{i} \in \{1, ..., N\} \quad (i = 1, ..., N) \\ & x_{i} \geq \beta \quad (i = 1, ..., N) \end{aligned}$$

در مسأله فوق برای محاسبه نیمواریانس از رابطه استرادا استفاده می شود. استرادا "نیمکواریانس تحت مقدار هدف" بین دو سهم را به صورت زیر تعریف کرده است [۱۰،صص ۱۳۹-۱۸۰].

$$\begin{split} \Sigma_{ijB} &= E\left\{Min(R_i - B, \cdot).Min(R_j - B, \cdot)\right\} \\ &= (\sqrt{T}).\sum_{t=1}^{T} [Min(R_{it} - B, \cdot).Min(R_{jt} - B, \cdot)] \end{split} \tag{$\Upsilon$}$$

که در آن B مقدار بازدهی بنچمارک مورد نظر سرمایهگذار میباشد. اگر به جای مقدار



بازدهی مورد هدف (B)، میانگین بازده (R) در فرمول فوق جایگزین شود، "نیمکواریانس تحت ميانگين" به دست مي آيد.

$$\begin{split} &\Sigma_{ij\overline{R}} = E\left\{Min(R_i - \overline{R}, \cdot).Min(R_j - \overline{R}, \cdot)\right\} \\ &= (\sqrt{T}).\sum_{t=1}^{T} \left[Min(R_{it} - \overline{R}, \cdot).Min(R_{jt} - \overline{R}, \cdot)\right] \end{split} \tag{$\xi$}$$

مجموعه معادلات الگوی CCMV و CCMSV ترکیبی از مسأله برنامهریزی عدد صحیح و مسأله برنامه ریزی درجه دوم می باشند؛ رویکرد زیربنایی این معادلات، رویکرد میانگین-واریانس است و نه رویکردهای مبتنی بر سناریو [۱۲، صص۱۰-۲۲]. برای حل دقیق این نـوع مسائل الگوریتمهای مؤثر و کارایی در برنامهریزی ریاضی وجود ندارد. در این تحقیق با هدف تشکیل پرتفوی بهینه و شناسایی مرز کارای سرمایهگذاری، به بررسی امکان شناسایی و تشكيل يرتفوى بهينه بهوسيله تكنيك فراابتكارى «جستجوى هارمونى يا HS» پرداخته مے شورد.

## ۳– روش حستحوی هار مو نی ′

در چند سال اخیر با توجه به محدودیتهای موجود در روشهای ریاضی، تحقیقات زیادی در زمینه استفاده از الگوریتمهای تکاملی در جهت بهینهسازی پرتفوی انجام شده است. یکی از جدیدترین تکنیکهای استفاده شده در این زمینه، تکنیک جستجوی هارمونی می باشد. روش HS یا «جستجوی هارمونی» که به وسیله گیم و لوگاناتان [۱۳] ایجاد شده است، یکی از بهترین روشهای تکاملی بهینهسازی میباشد. این تکنیک با الهام از فرایند بهبود و تکامل هارمونی (همسازی یا همآهنگی) به وسیله مجموعه نوازندگان موسیقی به وجود آمده است.

این الگوریتم برای حل مسائل مختلفی در دنیای واقعی از جمله مسأله فروشنده دورهگرد (TPS) [۲۶،صص ۷۶۱–۵۰۰]، بهینهسازی یارامترهای مدل جریان رودخانه [۲۰،صـص ۱۱۳۱– ١١٣٨]، طراحيي شبكه خطوط لوليه [٦٦، صبص١٢٥–١٣٣] و طراحي سيازه خريبا

ـ بهینهسازی سبد سهام. با رویکرد..

<sup>1.</sup> Harmony search

[۷۸۸-۷۸۱] به کارگرفته شده است.

هر نوازنده یا ابزار موسیقی در این روش، متغیر تصمیم را نشان میدهد. در طول اجرای الگوریتم هر نوازنده، نوتی را می نوازد و در واقع به هر متغیر تصمیم مقداری تخصیص پیدا می کند. هدف از تکرار الگوریتم، یافتن بهترین هارمونی بین نوازندگان یا نقطه بهینه سراسری می میباشد. در این روش، الزامی برای مشتق پذیر بودن تابع هدف وجود ندارد و متغیرهای مسأله می توانند پیوسته یا گسسته باشند. همچنین به دلیل تصادفی بودن عملیات در مراحل مختلف، احتمال این که الگوریتم فوق در نقاط بهینه محلی متوقف شود، بسیار کم است [۱۸،صص۲۹۰۲–۳۹۳۳].

در این تحقیق هر نوازنده نمایانگر یک سبد سهام (ضرایب وزنی سرمایهگذاری در سهمهای مختلف) میباشد و مقادیر متغیرهای تصمیم در بهترین هارمونی، مرز کارای سرمایهگذاری را شکل میدهند.

گامهای لازم در فرایند جستجوی هارمونی بهترتیب زیر میباشند [۱۸، صب ۳۹۰۳–۳۹۰۳].

- گام ۱: تعریف مقادیر اولیه برای پارامترهای مسأله و الگوریتم
  - گام ۲: تعریف مقادیر اولیه برای حافظه هارمونی
    - گام ۳: ایجاد یک هارمونی جدید
    - گام ٤: بههنگامسازى حافظه هارمونى
      - گام ٥: بررسى معيار توقف الگوريتم

در ادامه هریک از گامهای فوق به طور مختصر ارائه میشود.

گام ۱: تعریف مقادیر اولیه برای پارامترهای مسأله و الگوریتم

در گام اول، شکل کلی مسأله بهینهسازی به صورت زیر تعریف میشود:

<sup>1.</sup> Musician

<sup>2.</sup> Decision Variable

<sup>3.</sup> Note

<sup>4.</sup> Best Harmony

<sup>5.</sup> Global optimum

<sup>6.</sup> Local optima

*Minimize* f(x)

Subject to 
$$g_i(\vec{x}) \ge \cdot i = 1, Y, ..., M$$
 
$$h_j(\vec{x}) = \cdot j = 1, Y, ..., P$$
 
$$\varepsilon_k \le x_k \le \delta_k \quad k = 1, Y, ..., N$$

که در آن f(x) تابع هدف است و M تعداد محدودیتهای نامساوی و P تعداد محدودیتهای مساوی است. X مجموعه متغیرهای تصمیم است. X تعداد متغیرهای تصمیم را نشان میدهد. حد پایین و حد بالا برای هر متغیر تصمیم به ترتیب  $E_k$  می باشد.

در این گام علاوه بر پارامترهای مسأله، پارامترهای الگوریتم HS نیز تعیین می شود. پارامترهای الگوریتم عبارتند از اندازه حافظه هارمونی یا تعداد بردارهای جواب در حافظه هارمونی (HMCR)، نرخ انتخاب از حافظه هارمونی (HMCR)، نرخ تنظیم گام (PAR)، تعداد تکرار الگوریتم (NI) یا به عبارت دیگر معیار توقف الگوریتم. حافظه هارمونی (HM) یک موقعیت حافظه است که در آن تمامی بردارهای جواب (مجموعه متغیرهای تصمیم) نخیره می شود. HMCR و PAR پارامترهایی هستند که به منظور بهبود بردارهای جواب به کار می روند.

گام ۲: تعریف مقادیر اولیه برای حافظه هارمونی

در این گام ماتریس HM با مقادیر تصادفی پر میشود و به عبارت دیگر بردارهای جواب تصادفی تشکیل میشوند.

$$HM = \begin{bmatrix} x_1' & x_2' & \dots & x_{N-1}' & x_N' \\ x_1' & x_2'' & \dots & x_{N-1}' & x_N' \\ \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \vdots \\ x_1' & x_2'' & \dots & x_{N-1}' & x_N'' & \dots & x_N'' \\ x_1' & x_2'' & \dots & x_{N-1}' & x_N'' & \dots & x_N'' \end{bmatrix}$$

برای جلوگیری از ورود جوابهای غیرموجه به HM معمولاً جریمهای به تابع هدف

اضافه میشود. هزینه کل (تابع هدف کل) برای هر بردار جواب به صورت زیر محاسبه میشود:

$$fitness(\vec{x}) = f(\vec{x}) + \sum_{i=1}^{M} \alpha_i \times \min\left(\cdot, g_i(\vec{x})\right)^{\mathsf{T}} + \sum_{j=1}^{P} \beta_j \times \min\left(\cdot, h_j(\vec{x})\right)^{\mathsf{T}} \tag{$0$}$$

که در آن  $\alpha_i$  و  $\beta_j$  ضرایب جریمه هستند. معمولاً نمیتوان برای تعیین مقادیر ضرایب جریمه قاعده مشخصی را به کار برد و این پارامترها بسته به نوع هر مسأله تعیین می شوند.

گام ۳: ایجاد یک هارمونی جدید

بردار هارمونی جدید ( $x_1', x_2', ..., x_N'$ ) برمبنای سه قاعده ایجاد میشود:

١- انتخاب مؤلفهها از حافظه قبلي

۲– تنظیم گام

٣- انتخاب تصادفي

تولید یک هارمونی جدید را بدیههگویی نیز میگویند [۱۸،صص۳۹۰۳–۳۹۳۳]. در انتخاب مؤلفه ها از حافظه، مقدار اولین متغیر تصمیم در بردار جدید (x') از میان مقادیر مشخص در دامنسه HS (x'-x') انتخاب مسی سود. مقادیر سایر متغیرهای تصلمیم دامنسه (x'-x') نیز به همین ترتیب انتخاب می شوند. HMCR که مقدار آن از (x',x',x',...,x') میکند، نرخ انتخاب مقدار یک متغیر تصمیم از مقادیر ذخیره شده در HM است. (1-HMCR) نیز به مؤلفه ها از دامنه مقادیر ممکن است. نصوه انتخاب مؤلفه ها از حافظه به صورت زیر انجام می شود.

<sup>1.</sup> Improvisation

$$if \left(rand \left(\right) < HMCR \right)$$

$$x'_{i} \longleftarrow x'_{i} \in \left\{x'_{i}, x'_{i}, ..., x'_{i} \right\}$$

$$else$$

$$x'_{i} \longleftarrow x'_{i} \in X_{i}$$

$$end$$

$$(7)$$

که rand() مقدار تصادفی با توزیع یکنواخت بین  $\cdot$  و ۱ است و  $X_i$  مجموعه اعداد تصادفی ممکن ( $\varepsilon_i \leq X_i \leq \delta_i$ ) برای هر متغیر تصمیم است. به عنوان مثال در صورتی که ه٨/-HMCR باشد، الگوريتم HS مقادير متغيرهاي تصميم را با احتمال ٨٥ درصد از ميان مقادیر قبلی ذخیره شده در HM و با احتمال ۱۵ درصد از میان مجموعه کل مقادیر ممکن انتخاب می کند. در مرحله بعد هر مؤلفه به دست آمده براساس حافظه، به منظور تنظیم گام بررسی می شود. برای این کار از پارامتر PAR که نرخ تنظیم گام است، استفاده می شود.

$$if (rand() < PAR)$$

$$x'_{i} \longleftarrow x'_{i} + rand() \times bw$$

$$else$$

$$x'_{i} \longleftarrow x'_{i}$$

$$end$$
(V)

که در آن bw یهنای باند فاصلهای دلخواه است.

براى بهبود عملكرد الگوريتم HS و مقابله با ضعفهاى ناشى از مقادير ثابت PAR و bw مهدوی و دیگران [۱۹،صص۱۵٦۷-۱۵۷۹] الگوریتم جستجوی هارمونی بهبود یافته (IHS) را پیشنهاد دادند که در آن از PAR و bw متغیر استفاده می شود. در روش آنها PAR و bw با افزایش شماره تکرار الگوریتم به صورت یویا افزایش پیدا میکند.

$$PAR(gn) = PAR_{\min} + \frac{\left(PAR_{\max} - PAR_{\min}\right)}{NI} \times gn, \tag{(A)}$$

که در آن PAR(gn) نرخ تنظیم گام در هر تکرار است. PAR<sub>min</sub> و PAR<sub>max</sub> بهترتیب حداقل و حداکثر نرخ تنظیم می باشند. gn نیز شماره تکرار الگوریتم است.

$$bw(gn) = bw_{\text{max}} \exp(c.gn)$$

$$c = \frac{Ln\left(\frac{bw_{\text{min}}}{bw_{\text{max}}}\right)}{NI}$$
(9)

که در آن  $bw_{max}$  پهنای باند برای تکرار شماره gn است.  $bw_{max}$  و هنای باند را نشان می دهند.

بهتازگی تغییرات دیگری نیز در جستجوی هارمونی پیشنهاد شده است. عمران و مهدوی (GHS) تغییر جدیدی را پیشنهاد کردند و آن را جستجوی هارمونی بهینه سراسری (GHS) نامیدند. در الگوریتم آنها از مفاهیم هوش جمعی برای افزایش عملکرد الگوریتم جستجوی هارمونی استفاده شده است، بهنحوی که هارمونی جدید میتواند از بهترین هارمونی موجود در HM تقلید کند. گیم براساس الگوریتم جستجوی هارمونی یک مشتق تصادفی جدید برای متغیرهای گسسته پیشنهاد داد که با آن میتوان مسائل با متغیرهای گسسته و مسائلی را که در آنها مشتق ریاضی توابع به صورت تحلیلی به دست نمیآید، حل کرد [۲۱].

گام ٤: به هنگامسازی حافظه هارمونی

اگر مقدار تابع هدف برای بردار هارمونی جدید ( $x',x',...,x'_N$ ) از بدترین هارمونی در HM بهتر باشد، هارمونی جدید به HM اضافه می شود و بدترین هارمونی موجود از HM حذف می شود.



گام ٥: بررسي معيار توقف الگوريتم

زماني كه شرط توقف الكوريتم (به عنوان مثال حداكثر تعداد تكرار الكوريتم) بر آورده شود، الگوریتم جستجوی هارمونی متوقف میشود. در غیر این صورت گامهای ۳ و ٤ تکرار میشوند.

ـ بهینهسازی سبد سهام. با رویکرد..

#### ۳-۱- تابع برازش

در این مطالعه تابع برازش مدل میانگین- واریانس به شکل زیر تعریف میشود.

$$f\left(x\right) = \lambda \begin{bmatrix} \sum\limits_{i=1}^{N} \sum\limits_{j=1}^{N} z_{i} x_{i} z_{j} x_{j} \sigma_{ij} \end{bmatrix} - (1 - \lambda) \begin{bmatrix} \sum\limits_{i=1}^{N} z_{i} x_{i} \mu_{i} \end{bmatrix}$$
 (1.)

که f(x) مقدار برازش بردار جواب x است.  $z_i$  متغیر صفر و یک است که در صورت انتخاب سهم i مقدار یک میگیرد.  $x_i$  مقدار متغیر تصمیم را در بردار جواب نشان می دهد. تابع برازش مدل میانگین - نیمواریانس نیز به صورت زیر می باشد.

$$f(x) = \lambda \begin{bmatrix} \sum_{i=1}^{N} \sum_{j=1}^{N} z_i x_i z_j x_j \Sigma_{ij} \\ \sum_{i=1}^{N} z_i x_i \mu_i \end{bmatrix} - (1 - \lambda) \begin{bmatrix} \sum_{i=1}^{N} z_i x_i \mu_i \\ \sum_{i=1}^{N} z_i x_i \mu_i \end{bmatrix}$$
 (11)

 $(\sigma_{ii})$  در این تابع عامل خطرپذیری نامطلوب  $(\Sigma_{ii})$  جایگزین عامل عمومی خطرپذیری شده است.

#### ٣-٢- محدوديتهاي الگو

همانطور که در گام دوم الگوریتم HS شرح داده شد، معمولاً در مواردی که از روشهای فراابتكاري براي حل مسائل بهينهسازي استفاده مي شود، محدوديتها را به صورت ضرايب جریمه در تابع برازش در نظر میگیرند.

در این مقاله با رویکردی مشابه رویکرد چانگ و دیگران [٦، صبص١٢٧١-١٣٠٠] و رویکرد کورا [۲۲،صص۲۳۹-۲۴۰] خرده الگوریتمهایی برای برآوردن محدودیتهای

مسأله در نظر گرفته شده است.

به منظور اعمال محدودیت مربوط به تعداد سیهام منتخب، متغییر  $K^* = \sum_{i=1}^N z_i$  مجموعه Q تعریف می شود. Q مجموعه سیهامی است که بردار جواب X در بر دارد و X تعداد سیهام موجود در مجموعه X را نشان می دهد. اگر فرض شیود که X تعداد دارایی مطلوب در سبد سیهام باشد، در حالتی که  $X^* > X$  باشد، به  $X^* = X$  تعدادی سیهام باید اضافه گردد. اگر  $X^* > X$  باشد، از  $X^* > X$  باشد بیاد کم شود تا زمانی که  $X^* = X$  شود. برای تصمیم گیری در مورد این که کدام سیم باید به مجموعه  $X^* = X$  اضافه یا کیم شیود، میزان تأثیر نسبی هریک از سیهام بر تابع برازش  $X^* = X$  اندازه گیری می شود. سیهام یا دارایی هایی که اثر نسبی آن ها بر تابع برازش زیاد باشد، برای اضافه شدن به مجموعه  $X^* = X$  در اولویت هستند و بالعکس، سیمهایی که اثر آن ها بر تابع برازش کم باشد، برای حذف شدن از مجموعه  $X^* = X^*$  در اولویت هستند. محاسبه  $X^* = X^* = X^*$ 

$$\theta_{i} = \mathbf{1} + (\mathbf{1} - \lambda) \mu_{i} \qquad i = \mathbf{1}, \dots, N \tag{1Y}$$

$$\rho_i = v + \lambda \frac{\sum\limits_{j=1}^{N} \sigma_{ij}}{N} \quad i = v, ..., N$$
 (17)

$$\Omega = -1 \times \min(\cdot, \theta_1, ..., \theta_N)$$
 (12)

$$\psi = -1 \times \min(\cdot, \rho_1, ..., \rho_N)$$
 (10)

$$c_{i} = \frac{\theta_{i} + \Omega}{\rho_{i} + \psi} \quad i = 1, ..., N \tag{17}$$

معادلات ۱۶ و ۱۰ بسه منظور جلوگیری از وقوع حالتهای خیاص از جملسه معادلات ۱۶ و ۱۰ بسه منظور جلوگیری از وقوع حالتهای خیاص از جملسه که  $\sum_{j=1}^N \sigma_{ij} / N < -1$  و یا  $(1-\lambda)\mu_i < -1$  استفاده شده است. بنابراین در حالتی که  $K^* < K$  سهم با کمترین مقدار C از مجموعه C اضافه می شود.

نسبت سرمایهگذاری در سهم i را نمایش میدهد. مجموع  $x_i$ ها برای سهمهایی که  $x_i$ 

در مجموعه Q هستند، بایید برابر با یک باشید. اگر  $\chi$  مجموع  $x_i$  ها باشید، با تبدیل  $x_i=x_i/\chi$  برای تمامی سهمهای عضو Q، محدودیت مربوط به برابر یک بودن مجموع اوزان، برآورده میشود.

محدودیت حد پایین و بالای سرمایهگذاری (نامعادله  $\varepsilon_i \leq x_i \leq \delta_i$ ) نیز برای سلهمهای عضو  $t_i = \delta_i - x_i$  و باید برقبرار شبود. ببرای اعمال ایبن محدودیت متغیرهای Q بایب برقبرار شبود. ببرای اعمال ایبن محدودیت متغیرهای  $e_i = x_i - \varepsilon_i$  مجموع  $e_i = x_i - \varepsilon_i$  برای سلهام عضو مجموعه Q تعریف می شوند. مجموع  $e_i = x_i - \varepsilon_i$  مجموع  $e_i = x_i - \varepsilon_i$  باشد.  $e_i = x_i - \varepsilon_i$  مجموع  $e_i = x_i - \varepsilon_i$  مجموع  $e_i = x_i - \varepsilon_i$  محموع  $e_i = x_i - \varepsilon_i$  باشد. که مجموع  $e_i = x_i - \varepsilon_i$  باشد. در صورتی که ابعاد یک ذره از حد بالای سرمایه گذاری تجاوز کند یا از حد پایین کمتر شود، براساس معادله زیر محدودیت مربوطه برآورده می شود.

$$x_i = \begin{cases} x_i + \frac{t_i}{d} & t_i > \cdot \text{ . } \\ d_i & t_i < \cdot \text{ . } \\ x_i + \frac{e_i}{e^*} & e_i > \cdot \text{ . } \end{cases}$$
 (۱۷) مجموعه  $Q$  مجموعه  $Q$  در غیر این صورت

#### ۴- مطالعات موردي

همانطور که پیشتر نیز ذکر شد در این مقاله حل مسأله بهینه سازی پرتفوی سهام با استفاده از روش جستجوی هارمونی مورد بررسی قرار میگیرد. به این منظور یک بار مسأله بهینه سازی پرتفوی سهام با عامل خطرپذیری عمومی (واریانس) و بار دیگر با عامل خطرپذیری نامطلوب (نیمواریانس) مطرح می شود. برای بررسی دقت و کارایی روش جستجوی هارمونی مرز کارای به دست آمده از این روش با مرز کارای استاندارد که از الگوریتمهای برنامه ریزی ریاضی حاصل شده، مقایسه می شود.

جامعه آماری تحقیق شامل کلیه شرکتهای فعال در بورس اوراق بهادار تهران در فاصله زمانی مهر ۱۳۸۵ تا اسفند ۱۳۸۷ میباشد. برای حل الگو از اطلاعات قیمت سلهام ۲۰ شارکت

پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران استفاده می شود. اطلاعات مربوط به شرکتها در حدول ۱ ارائه شده است.

مسأله بهینهسازی پرتفوی سهام که در این تحقیق مورد بررسی قرار میگیرد به صورت مجموعه فرمولهای ۱ و ۲ است. در فرمول ۱، واریانس  $(\sigma^{\mathsf{Y}})$  و در فرمول ۲، نیمواریانس مجموعه فرمولهای ۱ و ۲ است. در فرمول ۱، واریانس  $\sum\limits_{i=1}^{N} z_i = K$  محدودیت تعداد سهام منتخب را نشان میدهد؛ به عبارت دیگر با اعمال این محدودیت، به طور دقیق تعداد سهام از میان  $(z_i)$  سهم موجود در پرتفوی انتخابی قرار میگیرند. نامعادله تعداد  $(z_i)$  محدودیت حد بالا و پایین را برای سرمایه گذاری در سهام مختلف نشان می دهد.

جدول۱ اطلاعات قیمت ۲۰ سهم پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران

تعداد روزهای معامله ش <i>نده</i>	نیمانحراف معیار بازده ( $\Sigma$ )	انحراف معیار بازده ( $\sigma$ )	میانگین بازده	ميانگين قيمت	شىمارە سىھم
٥٤٠	·/· ۲۷1	./.٣.٢	/\0	٤٨٤٢/٨	١
٥٠٦	٠/٠١٦٢	٠/٠١٩٨	/1٣	۱۲٤٨/٥	۲
٥٢٠	+/-197	./. ۲۲۱	/0	<b>747737</b>	٣
٥٣٣	·/·\oV	٠/٠١٨٣	٠/٠٠٠٦	۱۳۸۱/۰	٤
٥١٢	./.٤١٢	٠/٠٤٣٦	/	91.7/4	٥
٥٢٧	٠/٠١٨٤	./.۲.٧	./۲	1977/7	٦
٥٠٩	./.٣٩٣	٠/٠٤١١	./\	۸٦٦٠/٣	٧
٤٩٣	٠/٠٢٦٩	./. ۲۹۳	/	144/1	٨
٤٦٤	٠/٠١٨٤	./. ۲۷.	٠/٠.٠٩	778377	٩
٥٢٥	./.177	./. ۱۷.	٠/٠٠٠٤	۱۷۱٦/٨	1.
٥٤٠	./. ۲۸۹	./.٣.٢	/	1890/7	11
٤٨٠	./.٣.٥	٠/٠٣١٦	/ ۲٤	٥٥٣١/٣	١٢
٥٢٠	./.۲۱۳	٠/٠٢٥٦	/	٤١٠٤/٧	١٣

ـ بهینهسازی سبد سهام. با رویکرد..

تعداد روزهای معامله	نيمانحراف معيار	انحراف معيار	میانگین بازده	میانگین قیمت	شىمارە سىھم
شىدە	$(\Sigma$ ) بازده	$(\sigma)$ بازده	5-0	<u> </u>	(4)
٤٩٧	./.٣٧١	./.٣٩٥	/۲٥	7509/5	١٤
٤٩٧	٠/٠٥١٦	٠/٠٦٦٣	/١٦	Y • 9 Y/o	١٥
٤٨١	-/-۲۱۷	٠/٠٢٤٣	/0	1191/0	١٦
٤٩١	٠/٠٠٢٤	./۲٩	./	1.19/8	۱۷
٤٨٥	./.1٢.	./.199	/14	۸۷٦/٥	١٨
٤٦٦	./. ۱۷۱	./.197	/٣	1400/8	١٩
730	٠/٠١٩٢	./.٢.٥	/\٤	۲۰٤٦/١	۲٠
٧٢٤	تعداد کل روزهای مورد بررسی				

در ادامه به شبه کدی که مراحل مختلف الگوریتم برنامهنویسی مربوطه را نشان میدهد، اشاره می شود. این شبه کد در جدول ۲ به صورت خلاصه بیان می شود. در این جدول از سادهترین اصطلاحات برنامهنویسی و در حد لزوم استفاده شده است. باید توجه داشت که الگوریتم ارائه شده در جدول ۲ بدنه اصلی برنامه کامپیوتری را نشان می دهد. برای اعمال محدودیتهای الگو بر بردارهای جواب و هارمونیهای جدید از الگوریتم دیگری استفاده می شود که در جدول ۳ ارائه شده است.

محدودیتهای اصلی مسأله بهینهسازی پرتفوی (فرمول ۱ و ۲) عبارتند از:

۱- برابر یک بودن مجموع اوزان سرمایهگذاری

۲- حد بالا و پایین برای نسبت سرمایهگذاری در هر سهم

٣- مشخص بودن تعداد سهام منتخب

در الگوریتم ارائه شده در جدول ۳ برای هر یک از این محدودیتها کدی وجود دارد. همان طور که در جدول مشخص است، نخست محدودیت مربوط به تعداد سهام منتخب، اعمال می شود. پس از آن محدودیت برابر یک بودن مجموع اوزان و در نهایت محدودیت مربوط به حد بالا و یایین سرمایهگذاری در هر سهم اعمال میگردد.

جدول۲ الگوریتم HS برای حل مسأله بهینهسازی پرتفوی سهام

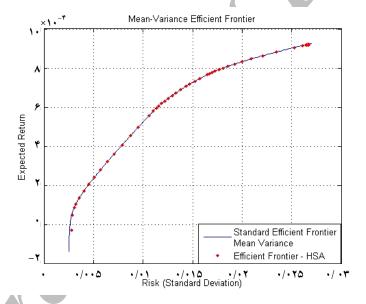
Begin	۲) اگر هارمونی جدید در HM موجود باشد (تنظیم گام):
تعریف مقادیر اولیه برای پارامترهای مسأله و	if (rand() <par)< td=""></par)<>
الگوريتم #	$x_i' \leftarrow x_i' + rand() \times bw$
$\lambda = \cdot$	
While ( $\lambda \leq 1$ )	else
معرفی اولیه تمامی بردارهای جواب موجود در حافظه #	$x_i' \longleftarrow x_i'$
و $\mathrm{HM}_{\mathrm{z}}$ بگونهای که تمامی محدودیتها رعایت $\mathrm{HM}_{\mathrm{z}}$	end
شود	
compute $f(x^j)$ $j = 1, \gamma,, HMS$	# کلیه محدودیتها را بر بردار $x^{'}$ اعمال میکنیم
For $ctr = vto \left[ v \cdots v / HMS \right]$	compute $f(x')$
ايجاد هارموني جديد #	If $f(x') \prec f(worst)$ then
۱) انتخاب از حافظه :	هارمونی جدید به HM اضافه میشود
	بدترین هارمونی موجود از HM حذف میشود
• 🐴	End If
A	End For
if (rand () < HMCR)	$\lambda = \lambda + \Delta \lambda$
	End While
$x'_{i} \longleftarrow x'_{i} \in \{x'_{i}, x'_{i}, \dots, x'_{i}\}$	End
else	
$x_i' \leftarrow random$	
end	

K=1 الگوریتمهای فوق با استفاده از نرمافزار MATLAB و با درنظر گرفتن مقادیر  $\Delta\lambda=1$  الگوریتمهای فوق با استفاده از نرمافزار فرا با الگوریتم مربوطه  $\delta_i=1$  و  $\delta_i=1$  است، الگوریتم مربوطه ۵ بار تکرار می شـود، بنـابراین الگوریتم مربوطه ۱ و بار تکرار می فوق برای هـر الگـو ۱ و نقطه از مرز کارا به دست می آید. نتایج به دست آمده از الگوریتمهای فوق برای هـر الگـو

در اشکال جداگانهای رسم شده است.

در شکل ۱ مرز کارای به دست آمده از الگوریتم جستجوی هارمونی برای الگوی میانگین - واریانس با مرز کارای استاندارد مقایسه میشود. مرز کارای حاصل از پیادهسازی الگوریتم HS با نقاط قرمز رنگ مشخص شده است. همانطور که در شکل ۱ مشخص است الگوریتم HS توانسته است با دقت بسیار خوبی مسأله بهینه سازی پرتفوی را برای الگوی مبانگین– و إربانس حل کند.

بهینهسازی سبد سهام. با رویکرد..



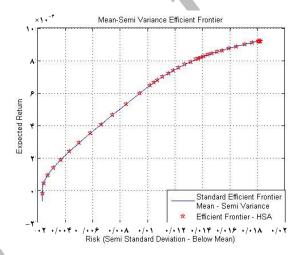
شکل۱ مقایسه مرز کارای استاندارد سرمایهگذاری در میانگین- واریانس با منحنی بدست آمده از **HSA** 

#### جدول ۳ الگوریتم مربوط به اعمال محدودیتهای مسئه بهینه سازی پرتفوی سهام

بردار $x'$ : هارمونی جدید (بردار جواب جدیدی که در هر تکرار الگوریتم ایجاد می شود.) $_{\underline{v}}$	$\eta = \sum_{i \in Q} \max(\cdot, x_i' - \delta_i)$
مجموعه $Q$ : مجموعه $\overset{\circ}{K}$ سهم موجود در هارمونی جدید (سبد	$\phi = \sum_{i \in Q} \max(\cdot, \varepsilon_i - x_i')$
سهام )	If $\eta = \cdot$ and $\phi = \cdot$ then
$x^{'}$ : نسبت سهم $i$ در پرتفوی : $X_{i}^{'}$	خروج از الگوريتم
$x^{\prime}$ مقدار متغیر تصمیم در مورد سهم $i$ در پرتفوی : $Z_{i}^{\prime}$	End If
	$t_{i} = \max(0, \delta_{i} - x_{i}')  \forall i \in Q$
Begin	* V
$z_{i}^{'} = ceil(x_{i}^{'})$	$\delta^* = \sum_{i \in Q} t_i$
While $(K^* \prec K)$	$\phi = \sum_{i \in Q} \max(0, \varepsilon_i - x_i')$
$i=$ دارایی با بزرگترین مقدار $c$ که $i\neq Q$ باشد	$e_{i} = \max(\cdot, x_{i}' - \varepsilon_{i})  \forall i \in Q$
$z_i' = 1$	$\varepsilon^* = \sum_{i \in Q} \varepsilon_i$
$Q = Q \cup [i]$	For $i = \text{N} to N$
$K^* = K^* + 1$	If $z_{i}' = \gamma$ then
End While	If $t_i > \cdot$ then
While $(K_p^* \succ K)$	$x_i^{'} = x_i^{'} + (t_i / \delta^*) \times \eta$
$i$ =نارایی با کوچکترین مقدار c که $i\in Q$ باشد	Else
$z_i = \cdot$	$x_i^{'} = \delta_i$
Q = Q - [i]	End If
$K^* = K^* - 1$	If $e_i > \cdot$ then
End While	$x_i' = x_i' - (e_i / \varepsilon^*) \times \Phi$
Y /	Else
$\chi = \sum_{i \in Q} x_i'$	$x_i' = \varepsilon_i$
$x_i' = x_i'/\chi  \forall i \in Q$	End If
	End If
	End For
	End

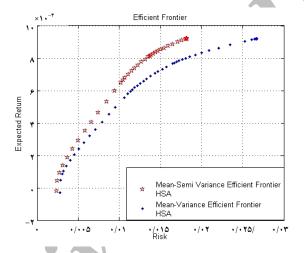
در شکل ۲ مرز کارای به دست آمده از الگوریتم جستجوی هارمونی برای الگوی میانگین – نیمواریانس رسم شده است. در شکل ۱ انحراف معیـار و در شـکل ۲ "نـیمانحـراف معيار تحت ميانگين" به عنوان عامل خطريذبري استفاده شده است. نيمانحراف معيار برابر با جذر نیمواریانس می باشد. در این شکل مرز کارای به دست آمده از الگوریتم جستجوی هارمونی برای الگوی میانگین - نیمواریانس با مرز کارای استاندارد که از روشهای برنامهریزی ریاضی به دست آمده است، مقایسه میشود. مرز کارای به دست آمده از الگوریتم HS با ستارههای قرمز رنگ و مرز کارای استاندارد با خط آبی رنگ مشخص شده است. در این شکل به وضوح مشخص است که الگوریتم HS در حل مسأله بهینه سازی پرتفوی با الگوی میانگین - نیمواریانس کاملاً موفق عمل کرده است.

ـ بهینهسازی سبد سهام. با رویکرد..



**شکل۲** مقایسه مرز کارای استاندارد سرمایهگذاری در میانگین-نیمواریانس با منحنی بهدست آمده از **HSA** 

در شکل ۳ مرز کارای به دست آمده از الگوریتم جستجوی هارمونی برای الگوی میانگین - واریانس (CCMV) با مرز کارای الگوی میانگین - نیمواریانس (CCMSV) مقایسه مى شود. مرز كاراى مربوط به الكوى CCMV با نقاط آبى رنگ و مرز كاراى مربوط به الكوى CCMSV با ستارههای قرمز رنگ مشخص شده است. در الگوی میانگین- نیمواریانس به دلیل این که فقط خطرپذیری نامطلوب پرتفوی اندازهگیری میشود، در بازدههای یکسان خطرپذیری کمتری را نسبت به الگوی میانگین – واریانس نشان میدهد. به همین دلیل منحنی مربوط به الگوی میانگین – نیمواریانس در سمت چپ منحنی مربوط به الگوی میانگین – واریانس قرار میگیرد.



شعل۳ مقایسه مرز کارای سرمایهگذاری در الگوی میانگین- واریانس و میانگین- نیمواریانس رسم شده به وسله HSA

### ۵- نتیجهگیری

هدف از تحقیق حاضر حل مسأله بهینهسازی پرتفوی سهام با استفاده آز روشهای فراابتکاری است. به این منظور از الگوریتم جستجوی هارمونی (HSA) برای بهینهسازی الگوهای CCMV و CCMSV استفاده شده است. الگوی CCMV و CCMSV صرفاً در تابع هدف و در بخش کمینهسازی خطرپذیری با یکدیگر تفاوت دارند. در الگوی اول واریانس و در الگوی دوم نیمواریانس بهعنوان عامل خطرپذیری در نظر گرفته شده است. از آن جایی که واریانس به عنوان یک عامل خطرپذیری عمومی شناخته میشود و نیمواریانس تخمینزننده

<sup>1.</sup> Meta-heuristic

خطرپذیری نامطلوب پرتفوی است، به نظر میرسد الگوی CCMSV با دقت بهتری پرتفوی بهینه را تعیین کند. این الگوها ترکیبی از مسأله برنامهریزی عدد صحیح و مسأله برنامهریزی در درجه دوم میباشند که برای حل دقیق این نوع مسائل الگوریتمهای مؤثر و کارایی در برنامهریزی ریاضی وجود ندارد.

\_\_\_\_\_ بهینه سازی سبد سهام. با رویکرد..

برای بررسی کارایی و دقت روش جستجوی هارمونی، مرزهای کارای به دست آمده از این روش در هر دو الگو با مرزهای کارای استاندارد که از روشهای برنامهریزی ریاضی به دست آمده، در نمودارهای جداگانهای مقایسه شده است. همانطور که در شکلهای ۱ و ۳ مشاهده می شود این الگوریتم در یافتن جوابهای بهینه در تمامی سطوح خطرپذیری و بازده از دقت قابل قبولی برخوردار بوده و توانسته است مرز کارای سرمایه گذاری را با تقریب بسیار خوبی ترسیم کند.

#### ۶- منابع

- [۱] راعی، رضا؛ تلنگی. احمد؛ مدیریت سرمایه گذاری پیشرفته؛ سازمان مطالعه و تدوین کتب علوم انسانی دانشگاهها، تهران: سمت، ۱۳۸۳.
- [2] Markowitz H. M.; Portfolio selection; Journal of Finance: 77-91, 1952.
- [3] Markowitz H.; Portfolio selection: Efficient diversification of investments; *John Wiley & Sons*, 1959.
- [4] Konno H., Yamazaki H.; Mean-absolute deviation portfolio in optimization model and its application to Tokyo stock market; *Management Science*, 37: 519-531, 1991.
- [5] Mansini R., Speranza M. G.; Heuristic algorithms for the portfolio selection problem with minimum transaction lots; *European Journal of Operational Research*, 114: 219-233, 1999.
- [6] Chang T.J., Meade N., Beasley J.E., Sharaiha Y.M.; Heuristics for cardinality constrained portfolio optimization; *Computers & Operations Research*. 27: 1271-1302, 2000.
- [7] Fernandez A., Gomez S.; Portfolio selection using neural networks; Computers

& Operations Research. 34: 1177-1191, 2007.

- [۸] عبدالعلیزاده شهیر س.؛ عشقی ک.؛ کاربرد الگوریتم ژنتیک در انتخاب یک مجموعه دارایی از سهام بورس اوراق بهادار؛ فصلنامه پژوهشهای اقتصادی، ۱۷، صبص ۱۷۰–۱۳۸۲، ۱۹۲
- [۹] تقوی فرد، م.ت.، منصوری، ط.، خوش طینت م.؛ ارائه یک الگوریتم فراابتکاری جهت انتخاب سبد سهام با در نظر گرفتن محدودیت های عدد صحیح؛ فصلنامه پژوهش های اقتصادی، ۵ مص ۹۹–۱۳۸۹.
- [10] Estrada J .;Systematic risk in emerging markets: The D-CAPM; *Emerging Markets Review*, 3, 2002.
- [11] Estrada J.; Mean-semivariance behavior: Downside risk and capital asset pricing; *International Review of Economics and Finance*, 16, 2007.
- [12] Grinold C. R.; Mean-variance and scenario-based approaches to portfolio selection, *The Journal of Portfolio Management*, Winter 1999, Vol. 25, No. 2: 10-22, DOI: 10.3905/jpm.1999.319732.
- [13] Geem Z. W., Kim J. H., Loganathan G. V.; A New heuristic optimization algorithm: Harmony search; *Simulation*, 2001.
- [14] Geem Z. W., Tseng C., Park Y.; Harmony search for generalized orienteering problem: Best touring in China; *Springer Lecture Notes Compute. Sci.* 3412: 741-750, 2005.
- [15] Kim J. H., Geem Z. W., Kim E.,S.; Parameter estimation of the nonlinear muskingum model using harmony search; *J. Am. Water Resour. Assoc.* 37 (5): 1131-1138, 2001.
- [16] Geem Z. W., Kim J. H., Loganathan G. V.; Harmony search optimization: application to pipe network design; *Int. J. Model. Simulation*, 22 (2): 125-133, 2002.
- [17] Lee K. S., Geem Z. W.; A new structural optimization method based on the harmony search algorithm; *Comput. Struct*, 82 (9–10): 781-798, 2004.



- [18] Lee K. S., Geem Z. W. ; A new meta-heuristic algorithm for continues engineering optimization: Harmony search theory and practice; Comput. Methods Appl. Mech. Engrg. 194: 3902-3933, 2004.
- [19] Mahdavi M., Fesanghary M., Damangir E.; An improved harmony search algorithm for solving optimization problems; Applied Mathematics and Computation, 188: 1567-1579, 2007.
- [20] Omran M. G. H., Mahdavi M. ;Global-best harmony search; Applied Mathematics and Computation, 2007, doi:10.1016/j.amc.2007.09.004.
- [21] Geem Z. W.; Novel derivative of harmony search algorithm for discrete design variables; Applied Mathematics and Computation, doi:10.1016/j.amc.2007.09.049.
- [22] Cura, T. ;Particle swarm optimization approach to portfolio optimization; Nonlinear Analysis: Real World Applications. 10: 2396-2406, 2009.







سامانه ويراستاري **STES** 





مركز اطلاعات علمى





فيلم هاى آموزشي

# کارگاههای آموزشی مرکز اطلاعات علمی

کارگاہ ھای

آموزشی



سرويس ترجمه

تخصصي

سرویس های

ويژه





آموزش مهارت های کاربردی در تدوین و چاپ مقاله