





سامانه ويراستاري **STES**





مركز اطلاعات علمى





فيلم هاى آموزشي

کارگاههای آموزشی مرکز اطلاعات علمی

کارگاہ ھای

آموزشی



سرويس ترجمه

تخصصي

سرویس های

ويژه





آموزش مهارت های کاربردی در تدوین و چاپ مقاله

مدیریت تولید و عملیات، دوره چهارم، پیاپی(۱)، شماره (۱)، بهار و تابستان ۱۳۹۲ دریافت: ۹۰/۱/۱۶ صص: ۳۰ – ۲۱

بهینه سازی استوار سبد مالی با رویکر د CAPM

محسن قره خانی *۱، سیدجعفر سجادی ۱، احرام صفری ۳ ۱- استادیار دانشکده مهندسی گروه مهندسی صنایع دانشگاه قم ۲- استاد دانشکده مهندسی صنایع گروه مهندسی صنایع دانشگاه علم و صنعت ۳- دانشجوی دکتری مهندسی صنایع دانشکده مهندسی صنایع دانشگاه علم و صنعت

چکیده

در این تحقیق، رویکرد بهینه سازی استوار برای حل مسأله انتخاب سبد مالی چند دورهای پیشنهاد شده است. چنانکه میدانیم، بازده مربوط به هریک از داراییهای موجود در سبد سهام غیر قطعی است، از این رو درنظرگیری یک مقدار قطعی در مدلها به جای بازده هریک از داراییها، باعث خواهد شد تا انتخابهای ما از اعتبار لازم برخوردار نباشد. برای غلبه بر این مشکل، در این مقاله از روش بهینهسازی استوار استفاده می شود. مدلهای بهینه سازی استوار، بازدهی آینده داراییها را به صورت ضرایب غیر قطعی در مسأله بهینه سازی در نظر می گیرند و درجه ریسک گریزی سرمایه گذاری را به درجه تحمل در مقابل کل خطای حاصل تخمین بازدهی ها تصویر می کنند. در این تحقیق، به منظور تخمین بازدهی انتظاری دارایی از مدل قیمت گذاری دارایی سرمایهای استفاده شده است. با توجه به مدل خطی استفاده شده برای تخمین بازدهی و رویکرد بهینه سازی استوار خطی استفاده شده، مدل پیشنهادی حاصله، خطی است که از نظر محاسباتی کارایی قابل قبولی دارد. خطی بودن مدل حاصله در زمانی که محدودیتهای پیچیده، از قبیل: مالیات به ساختار مسأله اضافه شود، مزیت مهمی به حساب می آید.

واژههای کلیدی: بهینه سازی استوار، انتخاب سبد مالی، مدل قیمت گذاری دارایی سرمایهای، سرمایه گذاری

* نو يسنده مسؤول:

مسأله انتخاب سبد مالي ايكي از مهمترين مسائل

مقدمه

علم مالي است كه همواره از اهميت بالايي برخوردار بوده است. هر سال سرمایه گذاری بیشتری در صندوقهای مشارکتی و شرکتهای سرمایه گذاری انجام می شود و مدیران سبد مالی همواره به دنبال راه حلهای کاراتر و با ریسک کمتر در این رویه هستند. نخستین رویکرد سیتماتیک به مسأله انتخاب سبد مالی توسط هری مارکویتز ^۲ در سال ۱۹۵۲ مطرح شد. در مسأله انتخاب سبد مالی، سرمایه گذار با M دارایسی مواجه است که هر یک در طول دوره سرمایه گذاری بازدهی تصادفی دارد. مسأله تخصیص بودجه معینی میان کلیه دارایی هاست؛ به طوری که در عین حصول بازدهی معین، کل ریسک سرمایه گذاری کمینه شود. این مسأله دارای دو هدف است: یکی حداکثر کردن بازدهی و دیگری کمینه کردن ریسک سرمایه گذاری. به سادگی می توان با قرار دادن ضریبی که حساسیت سرمایه گذار به ریسک را نشان می دهد، هر دو هدف را در یک تابع هدف با یکدیگر جمع کرد. رویکرد پیشنهادی مارکویتز (۱۹۵۲) ایجاد تعادل میان ریسک و بازدهی سبد مالی را مورد خطاب قرار داده است. مدل پیشنهادی وی که به مدل میانگین _ واریانس معروف شده، به شرح زیر است:

$$\max R.X - \lambda X\Sigma X$$

 $s.t$: (1)
 $X^{T}.e = 1$

که درآن X برداری M عضوی است که وزن هر دارایی را در سبد مالی نشان می دهد. بردار R بازدهی انتظاری هر دارایی و ماتریس \sum مقادیر کوواریانس هر زوج دارایی را نشان می دهد. ضریب λ پارامتر

جریمه مرتبط با تمایل به رسیک سرمایه گذار است و و بردار عناصر واحد است. محدودیت اول مسأله نشان می دهد که کل بودجه باید به داراییهای مختلف تخصیص یابد و امکان استفاده از بودجه اضافی منتفی است. محدودیت سوم یا محدودیت علامت بیانگر عدم امکان استفاده از فروش استقراضی است.

مشكل اساسى مدل ميانگين _ واريانس ماهيت تك دورهای آن است. انتخاب نادرست طول افق زمانی سرمایه گذاری ممکن است به تصمیمهای سرمایه گذاری غیر بهینه منجر گردد. مارکویتز (۱۹۹۰) مسأله سرمایه گذاری بلند مدت را با استفاده از تابع مطلوبیت بر پایه مصرف در قالب برنامه ریازی پویا فرموله كرد. حل تحليلي مسأله بهينه سازي سرمايه گذاری پیوسته برای انواع خاصی از توابع مطلوبیت و فرآیندهای قیمت دارایی در کارهای مرتـــون^۱(۱۹۷۱،۱۹۹۰)، ساموئلســـون^۱(۱۹۲۹) و كاكس (۱۹۸۹) بررسى شده است، اما به طور مشخص جوابهای فرم بسته برای این مسائل تنها تحت فرضیات قوی روی رفتار سرمایه گذار و ساختار فرآیند قیمت دارایی میسر است و به سادگی نمى توان محدوديت هاى بازار، نظير: هزينه معاملات و مالیات را در آنها گنجاند. پیشرفتهای اخیر در حوزه فناوری اطلاعات باعث شده است که حل مسأله بهینه سازی سبد مالی در زمان گسسته آسانتر شود.

یکی از مشکلات اصلی در تصمیم گیری در مورد انتخاب سبد مالی، غیر قطعی بودن بازدهیهای آینده است. این در حالی است که فرض اساسی در برنامهریزی ریاضی این است که مقدار دادههای

ورودی دقیقاً معلوم است و معادل مقادیر اسمی آنهاست. این فرض اثر عدم قطعیت در پارامترهای مسأله را بر کیفیت و شدنی بودن مسأله در نظر نمی گیرد. بنابراین در صورتیکه پارامترهای مسأله بهینه سازی مقادیری غیر از مقدار اسمی بگیرند، ممکن است برخی محدودیتها رعایت نشود و جواب بهینهای که با استفاده از دادههای اسمی به دست آمده، دیگر بهینه و یا حتی شدنی هم نباشد. این مسأله باعث شد محققان روی روشهای بهینه سازی کارکنند که نسبت به عدم قطعیت مصون باشند که در ادبیات به این روشها بهینه سازی استوار که در ادبیات به این روشها بهینه سازی استوار گویند.

نخستین گام در طراحی روشهای استوار توسط سویستر (۱۹۷۳) برداشته شد. وی مدلی پیشنهاد کرد که به ازای کلیه مقادیر که به مجموعه محدبی تعلق داشت، جواب بهینه شدنی باقی بماند. مدل حاصل جوابهایی تولید می کرد که بسیار محافظه کارانه بود؛ به طوری که تا حد زیادی از جواب بهینه مسأله اسمی فاصله می گرفت. در واقع، رویکرد پیشنهادی سویستر (۱۹۷۳) بسیار سخت گیرانه و برای بدترین حالت بود. بن تال و نميروفسكي (۲۰۰۰ و ۱۹۹۹، ۱۹۹۸) و همچنین آلگوی ۱ (۱۹۹۹، ۱۹۹۸) قدم های موثر تری در زمینه بهینه سازی استوار برداشتند. رویکرد پیشنهادی این نویسندگان کمتر از سویستر (۱۹۷۳) محافظه کارانه بود و شامل حل نظیر استوار ۱۱ می شد. در مدل های پیشنهادی آنها عدم قطعیت به صورت بیضوی در نظر گرفته می شد. مشکل روش آنها این است که یک مسأله برنامه ریزی خطی را به فرم برنامه ریزی درجه دوم یا مخروطی در می آورد.

سجادی ۱۲ و همکاران (۲۰۰۸) با استفاده از رویکرد

بهینه سازی استوار، مسأله تحلیل پوششی داده ها را حل و رویکرد بر تسیماس و بن تال را مقایسه کردند و تفاوت چشمگیری میان نتایج آنها گزارش نکردند. قره خانی ۱۳ و همکاران (۲۰۱۰) رویکرد بهینه سازی چند هدفی استواری برای حل مسأله برنامه ریزی تولید پیشنهاد کردند. مسأله بهینه سازی استوار کاربردهای زیادی پیدا کرده است، ولی در این میان، کاربرد این رویکرد در مسأله تعیین سبد مالی از اهمیت بالایی برخودار است، زیرا در این مسأله فرض عدم قطعیت در مورد پارامترهای مدل فرض بدیهی به نظر میرسد.

برتسیماس و همکاران (۲۰۰۸) یک رویکرد مدیریت سبد مالی چند دورهای استواری پیشنهاد کردند که در آن براساس D نرم عمل کرده اند. ایراد این روش تعداد زیاد محدودیتهایی است که به خاطر کثرت پارامترهای غیر قطعی به مسأله تحمیل می شود. گلدفارب وهمکاران (۲۰۰۳) یک رویکرد استوار برای حل مسأله انتخاب سبد سهام تک دورهای با استفاده از مدل عاملی برای بازدهی سهام پیشنهاد کردند که مدل حاصله آنها از نوع برنامه ریزی مخروطی بود. برتسیماس (۲۰۰۶) رویکرد بهینه سازی استواری پیشنهاد کرد که خطی بودن مدل را حفظ می کند. در رویکرد پیشنهادی وی از نرم به جای نرم اقلیدسی جدیدی تحت عنوان D نرم به جای نرم اقلیدسی استفاده شده است.

۱ -مسأله بهینه سازی سبد مالی چند دورهای

مسأله انتخاب سبد چند دوره را می توان به شرح زیر فرموله کرد(دانتزینگ، ۱۹۹۳): M دارایی خطرپذیر N و N و N دارایی بدون ریسک N و N دوره خرید و فروش N و N دارایی بدون دیست N و N دارد. دوره خرید و فروش N اسرمایه گذار کل دارایی اش در دوره زمانی آخر N سرمایه گذار مدیریت بهینه را جمع می زند. هدف این سرمایه گذار مدیریت بهینه

مالی در این دوره های زمانی است؛ به طوری که مطلوبیت انتظاری نهایی اش $U(W_N)$ را بیشینه کند.

میزان پول سرمایه گذار در ابتدای دوره t در دارایی میزان پول سرمایه گذار در ابتدای دوره t در دارایی i را با i نمایش می ده یم. اگر او از دارایی i ام در دروه t ام مقدار u_t^i بفروشد و یا مقدار v_t^i بخرد، باعث ایجاد هزینه معاملاتی به ترتیب v_t^i می شود. در آمد حاصل از فروش به حساب نقدی (دارایی صفر) اضافه و هزینه ها از آن کم می شود. در زمان t+1 میزان دارایی سرمایه گذار بر اساس بازدهی بوقوع پیوسته در دوره (t,t+1) به روز می شود. در اینجا بازدهی غیر قطعی دارایی i ام در طول دوره زمانی i بازدهی غیر قطعی دارایی i ام در برای ساده کردن مدل فرض می کنیم بازدهی تک دوره ای دارایی ریسک i ثابت و قطعی باشد. مدل فرموله می شود:

$$max \cup \left(\sum_{i=0}^{m} X_{N}^{i}\right)$$

S.T:

$$\begin{split} X_{t}^{i} &= \left(1 + \tilde{R}_{t-1}^{i}\right) \left(X_{t}^{i} - u_{t-1}^{i} - v_{t-1}^{i}\right) \\ X_{t}^{0} &= \left(1 + R_{t-1}^{0}\right) \left(X_{t-1}^{0} + \sum_{i=1}^{m} (1 + C_{seil}) u_{t-1}^{i} - \sum_{i=1}^{m} \left(1 + C_{buy}\right) v_{t-1}^{i}\right) \end{split} \tag{Y}$$

$$X_t^i \ge 0 \ t = 1, ..., N, i = 0, ..., M$$

$$u_t^i \geq 0 \; v_t^i \geq 0 \; t = 1 \ldots N, i = 1, \ldots, M$$

اگر سرمایه گذار بتواند بازدهی غیر قطعی \tilde{R}_t^i را تخمین بزند، سیاست بهینهاش با حل مسأله بهینه سازی فوق به دست می آید. در واقعیت، بازدهی آینده در زمان صفر معلوم نیست. در عمل، سرمایه گذار پس از به دست آوردن اطلاعات اضافی در

دوره (t,t+1)، برای دروه t+1 تصمیم گیری می کند.

در اینجا فرض می شود که درهر مرحله سرمایه گذار تنها با استفاده از اطلاعات موجود تا آن دوره، گام اول سیاست بهینه تخصیص را بر می دارد. بنابراین، وی مسائل بهینه سازی مکرری را حل می کند و هر دفعه افق زمانی کوتاهتر می شود. در ادبیات کلاسیک سرمایه گذاری تابع مطلوبیت مقعر فرض می شود تا عدم تمایل به ریسک را منعکس کند. بنابراین، در اینجا به صورت خطی و به فرم عبارت (۳) در نظر گرفته می شود:

$$\cup \left(\sum_{i=0}^{m} X_{N}^{i}\right) = \sum_{i=0}^{m} X_{N}^{i} \tag{Υ}$$

مدل قیمت گذاری دارایی سرمایهای: (CAPM)

مدل قیمت گذاری دارایی سرمایهای اوسط ولیام شارپ (۱۹۹۶) مطرح شد که وی به خاطر ارائه این مدل موفق به اخذ جایزه نوبل اقتصاد شد. مدل مدل موفق به اخذ جایزه نوبل اقتصاد شد. مدل CAPM روش سادهای است که به کمک آن می توان میزان بازدهی دارایی های مختلف را با استفاده از شاخص بازار برآورد کرد. مدل CAPM بازدهی دارایی های مختلف را به شرح زیر تخمین می زند:

$$R^{i} = R^{0} + \beta^{i} (R^{Market} - R^{0}) \tag{(5)}$$

 R^0 م، i بازدهی دارایی ریسک پـذیر i ام، R^0 بـازدهی نــرخ بــازدهی بــدون ریســک و R^{Market} بــازدهی شاخص بازار است. β ضریب همبستگی میان بازدهی هر دارایی و شاخص بازار اسـت کـه بـه آن ریسـک سیستماتیک گویند و به شرح زیر محاسبه می شود:

$$\beta = \frac{Cov(R^1, R^{Market})}{\sigma_M^2} \tag{0}$$

که در آن σ_M^2 واریانس بازدهی بازار است. صرف نظر از میزان تنوع موجود در سبد مالی، حذف کلید ریسکها امکان پذیر نیست. هر سرمایه گذار در هنگام انتخاب سبد مالی دو نوع ریسک تحمل می کند: اول نرخ ریسک سیستماتیک که مربوط به بازار است و چارهای برای حذف آن نیست؛ مثل نوسانهای نرخ بهره، تورم، رکورد اقتصادی و جنگ و دوم ریسک غیر سیستماتیک است که به یک دارایی خاص مربوط است و با افزایش تنوع سبد مالی می توان آن را حذف کرد. تئوری مدرن سبد مالی نشان میدهد که ریسک غیر سیستماتیک را می توان حذف کرد ولی ریسک سیستماتیک را حتی با تشکیل سبد مالی به بزرگی بازار نیز نمی توان حذف کرد. در این تحقیق، پیشنهاد می شود به منظور برآورد بازدهی غیر قطعی داراییها در هر دوره زمانی از مدل CAPM استفاده شود. بدین ترتیب تعداد پارامترهای غیر قطعی مسأله كمتر شده، كار مدل سازی استوار مسأله به سادگی صورت می گیرد.

۲-رویکرد استوار پیشنهادی برای حل مسأله بهینه سازی سبد مالی چند دورهای

در فرآیند مدل سازی مسأله انتخاب سبد مالی چند دورهای، پارامتر بازدهی در هر دوره برای داراییهای ریسک پذیر، غیر قطعی در نظر گرفته می شود. در این تحقیق پیشنهاد می شود به منظور مدل سازی بازده های انتظاری از مدل CAPM استفاده شود. با توجه به فرم کلی مدل CAPM می توان بازدهی غیرقطعی دارایی ریسک پذیر i ام در دوره زمانی t ام را به شرح عبارت t مدل کرد.

$$R_t^i = \beta^i \tilde{R}_t^{market} + (1 - \beta i) R_t^0 \tag{7}$$

که در آن \tilde{R}_t^{market} بازدهی غیر منطقی شاخص ازار در دوره t ام و t بازدهی دارایی بدون ریسک ر دوره زمانی t ام است. با جای گذاری برآورد بازدهی نظاری بر پایه CAPM در مدل بهینه سازی سبد هام چند دورهای به مدل v خواهیم رسید.

$$\max \sum_{i=0}^{M} X_N^i$$

s.t.
$$X_{t}^{i} - \left(1 + \beta^{i} \tilde{R}_{t}^{market} + (1 - \beta^{i}) R_{t}^{0}\right)$$

$$\left(x_{t-1}^{i} - u_{t-1}^{i} + v_{t-1}^{i}\right) \leq 0$$

$$X_{t}^{0} = \left(1 + R_{t-1}^{0}\right) \times$$

$$\left(X_{t-1}^{0} + \sum_{i=1}^{m} (1 + C_{sell}) u_{t-1}^{i}\right)$$

$$- \sum_{m} \left(1 + C_{buy}\right) v_{t-1}^{i}$$

$$(Y)$$

$$X_t^i \ge 0 \ t = 1, ..., N, i = 0, ..., M$$
 $u_t^i \ge 0 \ v_t^i \ge 0 \ t = 1 ..., N, i = 1, ..., M$

برتسیماس و همکاران (۲۰۰۸) نشان دادند که مسأله برنامه ریزی خطی به فرم کلی مدل Λ را که در آن برخی از عناصر ماتریس A غیر قطعیاند، می توان با استفاده از نرم پیشنهادی وی به صورت مدل Φ فرموله کرد.

$$\max_{C} C^{t} X$$

$$S.T. AX \leq b$$

$$L \leq X \leq U$$
(A)

$$\begin{aligned} \max \sum_{j} a_{ij} \, X_j + Z_i \Gamma_i + \sum_{J \in J_i} P_{ij} &\leq bi \quad \forall i \\ \\ Z_i + P_{ij} &\geq \hat{a}_{ij} \quad yj \quad \forall i, J \in J_i \\ \\ -y_J &\leq x_J \leq y_J \quad \forall J \end{aligned} \tag{9}$$

$$l_{J} \leq X_{J} \leq u_{J} \quad \forall J$$

$$P_{ij} \geq 0 \quad \forall i, j \in J_{i}$$

$$y_{j} \geq 0 \quad \forall J$$

$$Z_{i} \geq 0 \quad \forall i$$
 (9)

در این فرموله بندی پیشنهادی J_i نشان دهنده تعداد خرایب غیر قطعی در سطر i ام ماتریس A است. فرض می شود ضریب غیر قطعی \hat{a}_{ij} عدد تصادفی یکنواخت در بازه $\left[a_{ij}-\hat{a}_{ij},a_{ij}+\hat{a}_{ij}\right]$ باشد. در این صورت، اگر Γ_i تا از ضرایب غیر قطعی در سطر i ام تغییر کند، قطعاً جواب هنوز شدنی است و اگر بیش از Γ_i تا از ضریب تغییر کند، احتمال رد شدن محدودیت را به دست می آوریم.

پارامتر Γ_i لزوماً صحیح نیست و می تواند در بازه $[0,|J_i|]$ مقدار بگیرد. توجیه این روش این است که در طبیعت کمتر پیش می آید که همه ضرایب غیر قطعی بدترین مقدار به خود را اختیار کنند و معمولاً برخی از آنها تغییر می کند. با استفاده از رویکرد پیشنهادی برتسیماس مسأله بهینه سازی سبد مالی چند دوره ای با در نظر گرفتن CAPM به عنوان مدل برآورد کننده بازدهی انتظاری به شرح مدل ۱۰ فرموله می شود.

$$\begin{split} &X_{t}^{i}-\left(1+\beta_{i}R_{t}^{market}+(1+\beta_{i})R_{t}^{0}\right)\times\\ &\left(X_{t-1}^{i}-u_{t-1}^{i}+V_{t-1}^{i}\right)+Z_{t}^{i}+\Gamma_{t}^{i}+P_{t}^{i}\leq0\\ &X_{i}=(1+R_{t-1}^{0})(X_{t-1}^{0}+\\ &\sum_{i=1}^{m}(1+C_{sell})u_{t-1}^{i}-\sum_{i=1}^{m}(1+C_{buy})v_{t-1}^{i})\\ &Z_{t}^{i}+P_{t}^{i}\geq\Delta R_{t}^{M}v^{t} \end{split} \tag{1}$$

$$\begin{split} -y^t &\leq X_{t-1}^i - u_{t-1}^i + V_{t-1}^i \leq y^t \\ P_t^i &\geq 0 \quad Z_t^i \geq 0 \ t = 1, \dots, N, i = 0, \dots, M \\ y^t &\geq 0 \quad t = 1, \dots, N \\ X_t^i &\geq 0 \ t = 1, \dots, N, i = 0, \dots, M \end{split}$$

 $u_t^i \ge 0 \ v_t^i \ge 0 \ t = 1 \dots N, i = 1, \dots, M$

چنانکه مشاهده می شود، در این فرموله بندی به جای کلیه بازدهی های غیر قطعی \tilde{R}_t^i فقط بازدهی شاخص بازار غیر قطعی است که مقدار اسمی آن در دوره استفاده می شود.

٣- حل مثال عددي

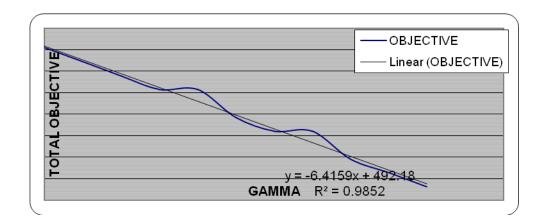
به منظور بررسی کارایی مدل پیشنهادی یک مثال عدد با استفاده از اعداد شبیه سازی شده حل می شود. در این مثال، N=4, M=3 در نظر گرفته می شود. به منظور به دست آوردن جواب بهینه، مدل پیشنهادی در نرم افزار Lingo كد نويسي و حل شده است. اين مسأله Γ را به ازای مقادیر مختلف Γ حل کردهایم. به پارامتر بودجه استواری نیز گفته می شود. نتایج محاسباتی به شرح جدول ۱ خلاصه شده است. همان طور کـه در شکل ۱ مشاهده می شود، با افزایش مقدار ۲، مقدار کل تابع هدف؛ یعنی میزان دارایی کل سرمایه گذار در دوره آخر، کم می شود. با توجه به وجود تنها یک پارامتر قطعی در هر محدودیت مدل پیشنهادی، می توان نتیجه گرفت که در صورت افزایش Γ تــا مقداریک، قطعاً کلیه محدودیت های مسأله رعایت مى شود، ولى در صورت افزايش $\Gamma > 1$ نمى توان بطور قطع از ارضای محدودیت ها اطمینان حاصل كرد. تنها مي توان احتمال رد شدن محدوديت ها را بررسى كرد. سرمایه گذاری با عدم قطعیت نسبت به آینده همراه است که می توان برای پاسخ به چنین عدم قطعیتی از رویکردهای شبیه سازی استوار استفاده کرد. در این تحقیق از رویکرد بهینه سازی استوار برتسیماس (۲۰۰٤) استفاده شده است که خطی بودن مدل را حفظ می کند. مثال عددی حل شده نشان می دهد که مدل سازی صورت گرفته به خوبی می تواند برای مقابله با عدم قطعیت در مسأله تعیین سبد مالی به کار رود.

٤- نتيجه گيري

در این تحقیق، مسأله بهینه سازی انتخاب سبد مالی چند دورهای با استفاده از رویکرد بهینه سازی استوار حل شده است. به منظور تخمین بازدهی غیر قطعی آینده دارایی ها از مدل قیمت گذاری دارایی سرمایهای استفاده شده است. این مدل به ما کمک میکند تا تعداد پارامترهای غیر قطعی در محدودیتهای مسأله بهینه سازی را کمتر کنیم که از نظر حل مسأله نظیر استوار نقش بسزایی دارد. همچنین، ماهیت مسأله

۱- نتایج محاسباتی به ازای مقادیر مختلف بودجه استواری		دول ۱- ن	جا					
0	0.1	0.0	0.2	0.4	0.7	0.6	0.7	

گاما	0	0.1	0.2	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7	0.8	0.9	1
تابع هدف	492.1	491.4	490.8	490.2	490.2	488.9	488.2	488.2	486.9	486.3	485.6



شکل ۱- نمودار تابع هدف دوره هایی بر اساس مقادیر مختلف بودجه استواری

Ben-Tal, A., Nemirovski, A. (1999). "Robust solutions to uncertain programs", *Oper, Res, Lett*, 25, 1–13.

Bertsimas, D., Pachamanova, D. (2008). "Robust multiperiod portfolio management in the presence of transaction costs", *Computers & Operations Research*, 35: 3 – 17.

Bertsimas, D., Sim, M. (2004). "The Price of

منابع:

Ben-Tal, A, Nemirovski, A. (1998). "Robust convex optimization", *Math.Oper*, *Res*, 23: 769–805.

Ben-Tal, A., Nemirovski, A. (2000). "Robust solutions of linear programming problems contaminated with uncertain data", *Math. Programming*, 88: 411–424.

- efficient diversification of investments, 2nd ed., Cambridge, MA: Basil Blackwell.
- Merton, R. (1990). *Continuous–time finance*, Cambridge, MA: Blackwell Publishers.
- Merton, R. (1971). "Optimum consumption and portfolio rules in a continuous time model", *Journal of Economic Theory*, 3:373–413.
- Sadjadi, S.J., Omrani, H. (2008). "Data envelopment analysis with uncertcuin data: An application for Iranian electricity distribution companies", *Energy policy*, 36: 4247-4254.
- Samuelson, P.A. (1969). "Lifetime portfolio selection by dynamic stochastic programming", *Review of Economics and Statistics*, 51: 239–46.
- Sharpe, W.F. (1964). "Capital asset prices: A theory of market equilibrium under conditions of risk", *Journal of finance*, 19: 425-42.
- Soyster, A.L. (1973). "Convex programming with set-inclusive constraints and applications to inexact linear programming", *Oper, Res*, 21: 1154–1157.

- Robustness", *Operations Research*, 52: 1, 35–53.
- Cox, J., Huang, C.F. (1989). "Optimal consumption and portfolio choices when asset prices follow a diffusion process", *Journal of Economic Theory*, 49: 33–83.
- Dantzig, G.B, Infanger, G. (1993). "Multistage stochastic linear programs for portfolio optimization", *Annals of Operations Research*, 45: 59–76.
- El-Ghaoui, L., Oustry, F., Lebret, H. (1998). "Robust solutions to uncertain semi definite programs", *SIAM J. Optima*, 9: 33–52.
- El-Ghaoui, L, Lebret, H. (1997). "Robust solutions to least-square problems to uncertain data matrices", *SIAM J. Matrix Anal*, Appl. 18: 1035–1064.
- Gharakhani, M., Taghipar, T., Jalali, K.F. (2010). "A robust multi-objective production planning", *International Journal of Industrial Engineering computations*,1:.73-78.
- Goldfarb, D., Iyengar, G. (2003). "robust portfolio selection problems", *Mathematics Of Operations Research*, 28: 1: 1–38.
- Markowitz, H.M. (1952). "Portfolio selection", *Journal of Finance*, 7: 77–91.
- Markowitz, H.M. (1991). Portfolio selection:

پىنوشت:

¹ Portfolio selection

² Markowitz

³ Short selling

⁴ Merton

⁵ Samuelson

⁶ Cox

⁷ Robust optimization

⁸ Soyster

⁹ Ben-Tal & Nemirovski

¹⁰ El-Ghaoui

¹¹ Robust counterpart

¹² Sadjadi

¹³ Gharakhani

¹⁴ Capital Asset Pricing modem







سامانه ويراستاري **STES**





مركز اطلاعات علمى





فيلم هاى آموزشي

کارگاههای آموزشی مرکز اطلاعات علمی

کارگاہ ھای

آموزشی



سرويس ترجمه

تخصصي

سرویس های

ويژه





آموزش مهارت های کاربردی در تدوین و چاپ مقاله