

PROYECTO TGA

LABORATORIO DE TARJETAS GRÁFICAS Y ACELERADORES DEPARTMENTO DE ARQUITECTURA

Ordenación por fusión paralela: MergePath Implementación en CUDA y OpenCL

Autores: Alex Herrero Walter Troiani tga1009

 $\begin{array}{c} Profesores \\ {\rm Dani} \ \& \ {\rm Agust\'in} \end{array}$

Agradecimientos

Gracias a Agustín por enseñarme que los tipos de NVIDIA están metiendo mucha pasta y a Dani por las referencias de PAR y decirle hasta a mi abuela que se apuntara a BitsXLaMarató (desgraciadamente ella solo sabe programar la lavadora y no en C). Nos lo hemos pasado muy bien en esta asignatura y hemos aprendido mucho sin haber dado palo al agua hasta navidades, muchas gracias!

Índice

| 1. | Mot | ivació | vación del trabajo | | | | | | | | | |
|-------------------------------------|------|--------|--|----|--|--|--|--|--|--|--|--|
| 2. El algoritmo y su implementación | | | | | | | | | | | | |
| | | 0 | tmo | 4 | | | | | | | | |
| | 2.2. | Su ver | sión secuencial | 5 | | | | | | | | |
| 3. | Exp | erime | erimentación | | | | | | | | | |
| | 3.1. | Preám | ámbulo | | | | | | | | | |
| | 3.2. | Versió | n secuencial | 6 | | | | | | | | |
| | | 3.2.1. | Determinando el valor de $size_i$ para cada caso | 6 | | | | | | | | |
| | | 3.2.2. | Comportamiento según aumenta el tamaño | 7 | | | | | | | | |
| | | 3.2.3. | Comentarios a destacar | 7 | | | | | | | | |
| | 3.3. | Primer | ra Versión del <i>Merge</i> | 7 | | | | | | | | |
| | | 3.3.1. | Determinando el valor de $size_i$ | 8 | | | | | | | | |
| | | 3.3.2. | Comportamiento según el tamaño del bloque | 8 | | | | | | | | |
| | | 3.3.3. | Comportamiento según aumenta el tamaño | 6 | | | | | | | | |
| | | 3.3.4. | Comentarios a destacar | 9 | | | | | | | | |
| | 3.4. | Segund | da Versión del <i>Merge</i> | S | | | | | | | | |
| | | 3.4.1. | Determinando el valor de $size_i$ | 10 | | | | | | | | |
| | | 3.4.2. | Comportamiento según el tamaño del bloque | 11 | | | | | | | | |
| | | 3.4.3. | Comportamiento según aumenta el tamaño | 11 | | | | | | | | |
| | | 3.4.4. | Comentarios a destacar | 12 | | | | | | | | |
| | 3.5. | Compa | aración entre los dos kernels | 12 | | | | | | | | |
| | 3.6. | Rendin | miento final | 13 | | | | | | | | |
| | | 3.6.1. | Anchos de Banda del <i>PathMerge</i> | 13 | | | | | | | | |
| | | 3.6.2. | Secuencial vs PathMerge | 14 | | | | | | | | |
| | 3.7. | OpenC | L | 15 | | | | | | | | |
| | | 3.7.1. | Determinando el valor de $size_i$ | 15 | | | | | | | | |
| | | 3.7.2. | Determinando el valor de $TamBloq$ | 15 | | | | | | | | |
| | | 3.7.3. | Comportamiento según él aumenta el tamaño | 16 | | | | | | | | |
| | | 3.7.4. | Comentarios a destacar | 16 | | | | | | | | |
| 4. | Con | clusio | nes y Futuro trabajo | 17 | | | | | | | | |

1. Motivación del trabajo

En las últimas clases de teoría con Agustín, él nos comentó, como bien sabíamos, que CUDA solo tenía soporte para las tarjetas gráficas de Nvidia y que si queríamos seguir con el paradigma de paralelismo en tarjetas gráficas para todo tipo de fabricando había una alternativa de código abierto y heterogénea: OpenCL.

Las últimas clases del curso Agustín nos estuvo explicando (un poco por encima) el funcionamiento de OpenCL y nos dijo algo similar a lo siguiente: Realmente los tipos de NVIDIA tienen muy bien optimizado CUDA para sus tarjetas gráficas ya que ellos mismos saben la arquitectura que hay por dentro y me gustaría poneros algún ejemplo de tiempos para CUDA y OpenCL, pero desgraciadamente no tengo. Si alguien quiere hacer el proyecto de CUDA vs OpenCL y pasarme los tiempos, yo los pondré encantado.

Así que con afán de protagonismo y ganas de cambiar el mundo (y que nuestra alma quede grabada para el resto de la eternidad en las transparencias de TGA, junto al gráfico de escala logarítmica de nvidia vs ATI) decidimos tomar la iniciativa y correr un programa en CUDA, OpenCL y comparar diferentes parámetros para ver el rendimiento.

2. El algoritmo y su implementación

2.1. Algoritmo

Dani me hizo recordar un algoritmo que hicimos en PAR el cuatrimestre pasado en una práctica: El *MultiSort*. La idea del *MultiSort* es la siguiente:

- 1. Partes el vector recursivamente en trozos iguales
- 2. Cuando el vector tenga un tamaño pequeño ejecutas un algoritmo de ordenación básico (por ej Insertion Sort)
- 3. Juntas las partes ordenadas con un algoritmo de fusión

Se podría pensar como un *MergeSort* pero la idea es que cuando llegas a un número determinado de elementos aplicas un algoritmo de ordenación sencillo. Así que la idea ya estaba clara, ahora solo hacía falta programar. Pensando en cómo hacer el algoritmo para CUDA (y así luego pasarlo a OpenCL) nos vino a la mente el cómo hacíamos las reducciones: Las hacíamos en forma de árbol, pero *bottom-up* (es decir: primero comenzábamos con los hijos, luego con los padres de los hijos... hasta llegar a la raíz) y esta idea rondaba nuestra cabeza para poder hacer la parte de fusión.

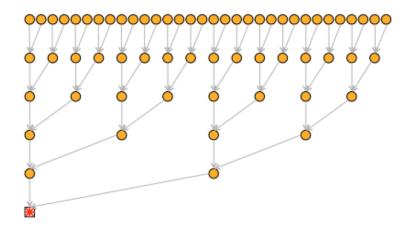


Figura 1: Esquema de cómo hacer una reducción en CUDA, sacado de la práctica 3

Así que con esta idea de construir el árbol ya teníamos en mente cómo hacer el MultiSort:

- 1. El primer nivel del árbol se encargaría de hacer un $Insertion\ Sort$ a secciones de $size_i$ (una variable que definiremos nosotros) del vector
- 2. Los demás niveles del árbol serán para hacer la parte de merge

Para el resto del trabajo asumiremos que cada nivel de este árbol tiene un 2^m nodos (para un cierto $m \geq 0$) ya que así nos facilitará mucho el código del *merge*. Aunque se podría hacer con números que no sean potencia de dos nos liaría mucho el código y dado que este no es el propósito principal de este trabajo hemos decidido suponer que n y $size_i$ son potencias de dos.

2.2. Su versión secuencial

Esta versión realmente es lo que uno esperaría de hacer una modificación al *MergeSort* donde insertion y merge son las típicas funciones para hacer *Insertion Sort* y *Merge Sort* respectivamente.

```
void multisort(int *v, int* aux, int i, int j) {
    if (j-i+1 == size_i) insertion(v, i, j);
    else {
        int mid = i + (j-i)/2;
        multisort(v, aux, i, mid);
        multisort(v, aux, mid+1, j);
        merge(v, aux, i, mid, j);
    }
}
```

El parámetro de $size_i$ puede producir resultados en el rendimiento ya que este determina el caso base de nuestra recursividad, donde hacemos $Insertion\ Sort$. Así que tenemos que tener presente que, modificar el valor de $size_i$, puede afectar a nuestro rendimiento. También tenemos que tener en cuenta el input de los vectores, ya que los momentos de $Insertion\ Sort$ pueden resultar en más o menos eficientes. Para ello hemos supuesto tres posibles casos:

- Vector totalmente ordenado (modo ascendiente)
- Vector ordenado al revés (modo descendiente)
- Input aleatorio (para generar este input usaremos la semilla 21364 en honor a la CPU de Alpha 21364. Agustín dijo en clase que jugaba a este número a la lotería, así que lo usaremos como semilla para ver si nos puede dar un poco de suerte en la nota de este trabajo).

3. Experimentación

3.1. Preámbulo

Para todos los tiempos que vamos a presentar hemos ejecutado en el Boada-10 cada job.sh 5 veces y con un script hecho en Python (llamado mean.py, si se quiere ejecutar previamente entra al código a leer el primer comentario que hay) hemos hecho la media de los 5 tiempos. Para más detalles consultar el archivo de la práctica (experimentos/README.md). Los resultados también los dejamos dentro de los la carpeta experimentos/ para que puedan ser consultados (aunque dejaremos solo la media de los cinco tiempos, ya que se nos olvidó guardar también los otros cinco resultados).

Los experimentos que hemos elegido hacer son:

- Encontrar el valor de $size_i$ que mejores tiempos dé en cada caso. Para ello fijamos $n=2^{25}$ elementos y 1024 threads por bloque.
- Con el valor de $size_i$ encontrado en el anterior apartado vamos moviendo el tamaño de los bloques de threads para encontrar el óptimo. De nuevo seguimos usando $n = 2^{25}$ elementos.
- Finalmente, con los dos parámetros encontrados anteriormente, vamos modificando el valor de n en el rango de 2^{15} hasta 2^{27} .
- Cada experimento se hace para cada posible *input* del vector.

Para los kernels de merge hemos decidido lanzar múltiples instancias del kernel en vez de ejecutarlo una sola vez. El porqué de esto es simplemente porque nos tenemos que asegurar que todos los threads acaben el mismo nivel del árbol antes de ejecutar el siguiente, si no podríamos tener problema de que un thread machaque el resultado de otro y el vector no se ordene correctamente. Como los kernels se lanzan de forma asíncrona y se ejecutan de forma secuencial (es decir, no se ejecutan dos kernels en paralelo) simplemente enviamos todos los niveles del árbol en orden y así nos aseguramos de ejecutar todos y que todos los threads acaben el mismo nivel.

Y dicho esto, como dirían los dermatólogos, vamos al grano.

3.2. Versión secuencial

3.2.1. Determinando el valor de $size_i$ para cada caso

Los resultados obtenidos en **Figure 2** son de lo más esperados: Por la naturaleza del *Insertion Sort* cuanto más ordenado esté el input menos operaciones requiere hacer. Así que parece normal que en el *input* ordenado lo mejor sea hacer el *Insertion Sort* lo más grande posible, en el *input* al revés lo mejor sea parar pronto el *Sorting* y en el *input* aleatorio pararte más o menos por el medio de los valores elegidos.

| $size_i$ | Elapsed Time (ms) | Mode | Elapsed Time (ms) | Mode | Elapsed Time (ms) | Mode |
|----------|-------------------|----------|-------------------|--------|-------------------|----------|
| 2 | 766.542 | Ordenado | 4728.912 | Random | 904.838 | Al revés |
| 4 | 661.111 | Ordenado | 4590.567 | Random | 852.774 | Al revés |
| 8 | 593.976 | Ordenado | 4427.412 | Random | 831.837 | Al revés |
| 16 | 565.239 | Ordenado | 4277.904 | Random | 888.678 | Al revés |
| 32 | 542.969 | Ordenado | 4162.833 | Random | 1057.361 | Al revés |
| 64 | 510.091 | Ordenado | 4142.445 | Random | 1444.874 | Al revés |
| 128 | 511.859 | Ordenado | 4351.063 | Random | 2296.787 | Al revés |
| 256 | 472.952 | Ordenado | 4914.304 | Random | 3821.133 | Al revés |
| 512 | 454.506 | Ordenado | 6227.814 | Random | 6796.477 | Al revés |
| 1024 | 432.095 | Ordenado | 9026.392 | Random | 12734.847 | Al revés |
| 2048 | 419.006 | Ordenado | 14814.404 | Random | 24687.505 | Al revés |
| 4096 | 403.629 | Ordenado | 26563.575 | Random | 48488.934 | Al revés |

Figura 2: Tabla con los tiempos secuenciales cambiando la variable $size_i,\,n=2^{25}$

No parece haber salido ninguna sorpresa de aquí.

3.2.2. Comportamiento según aumenta el tamaño

Una vez hemos encontrado el valor de $size_i$ en el anterior apartado, ahora veremos hasta dónde puede llegar nuestro algoritmo, para así poder tener una idea sobre qué mejoras hacemos respecto a ejecutar esto en una tarjeta gráfica. Los resultados se pueden observar en **Figura 3**.

| n | Elapsed Time (ms) | Mode | Elapsed Time (ms) | Mode | Elapsed Time (ms) | Mode |
|----------|-------------------|----------|-------------------|--------|-------------------|----------|
| 2^{15} | 0.239200 | Ordenado | 1.967000 | Random | 0.565800 | Al revés |
| 2^{16} | 0.370200 | Ordenado | 12.231799 | Random | 1.278600 | Al revés |
| 2^{17} | 1.258200 | Ordenado | 20.300200 | Random | 7.766200 | Al revés |
| 2^{18} | 3.356200 | Ordenado | 25.133200 | Random | 12.441600 | Al revés |
| 2^{19} | 6.726600 | Ordenado | 48.264200 | Random | 23.368200 | Al revés |
| 2^{20} | 10.809000 | Ordenado | 101.012199 | Random | 27.068800 | Al revés |
| 2^{21} | 20.390000 | Ordenado | 215.542404 | Random | 44.628401 | Al revés |
| 2^{22} | 35.863200 | Ordenado | 448.207605 | Random | 86.203801 | Al revés |
| 2^{23} | 76.040199 | Ordenado | 948.131799 | Random | 182.165399 | Al revés |
| 2^{24} | 183.657999 | Ordenado | 1985.882007 | Random | 402.039203 | Al revés |
| 2^{25} | 399.904804 | Ordenado | 4161.796875 | Random | 842.171790 | Al revés |
| 2^{26} | 884.004993 | Ordenado | 8720.373047 | Random | 1771.928784 | Al revés |
| 2^{27} | 1950.042212 | Ordenado | 18299.381641 | Random | 3780.739014 | Al revés |

Figura 3: Tabla con los tiempos secuenciales cambiando la variable n

3.2.3. Comentarios a destacar

Parece ser que el valor de *Insertion Sort* con el que comenzar va a ser algo que nos va a afectar en el rendimiento de los siguientes kernels. La naturaleza del algoritmo de merge clásico es hacer siempre los mismos pasos sin importar cómo esté el input del vector. El siguiente kernel es simplemente la implementación de este exacto algoritmo pero en paralelo, así que uno se puede esperar resultados similares para los valores de $size_i$.

3.3. Primera Versión del Merge

Esta es la versión que cualquier persona podría esperar: El clásico código de merge pero esta vez se hacen en paralelo (podemos pensar en esta ejecución del Merge como ${\bf Figura~1}$). Para ello cada nivel del árbol lo identificaremos con el nivel i donde i es el multiplicador del tamaño de $size_i$ que tiene que tomar cada nodo (para tener una idea en el nivel i tenemos que hacer una fusión de dos vectores de tamaño $n=\frac{i}{2}\cdot size_i$). El primer nivel del merge es i=2, luego i=4, luego $i=8\dots$ El código del Kernel se puede consultar (cudaFirstMerge.cu o cudaFirstMergeBlock.cu). Pero la idea es que cada thread comienza en la posición $id \cdot i \cdot size_i$ y acaba en la posición $beg+size_i \cdot i-1$ (el punto medio es simplemente $beg+size_i \cdot (i/2)-1$. Los vectores a fusionar son v[beg...mid], v[mid+1...end])

3.3.1. Determinando el valor de $size_i$

Como el anterior experimento ejecutamos, para cada modo, con $n=2^{25}$, diferentes valores de $size_i$ desde $size_i=2^1$ hasta $size_i=2^{12}$. Presentamos los resultados en la siguiente **Tabla 4**. Los resultados del valor son similares a la versión secuencial, salvo que en el input aleatorio vemos que lo mejor es pararlo pronto.

| $size_i$ | T. Kernels(ms) | Modo | T. Kernels(ms) | Modo | T. Kernels(ms) | Modo |
|----------|----------------|----------|----------------|--------|----------------|----------|
| 2 | 5348.041894 | Ordenado | 8013.150488 | Random | 5409.243847 | Al revés |
| 4 | 5334.277637 | Ordenado | 8012.198047 | Random | 5406.132715 | Al revés |
| 8 | 5335.623438 | Ordenado | 8022.601660 | Random | 5409.669531 | Al revés |
| 16 | 5350.372851 | Ordenado | 8021.432129 | Random | 5411.079590 | Al revés |
| 32 | 5350.800683 | Ordenado | 8041.643848 | Random | 5465.024609 | Al revés |
| 64 | 5345.064258 | Ordenado | 8084.479199 | Random | 5585.198535 | Al revés |
| 128 | 5339.679981 | Ordenado | 8165.512500 | Random | 5786.523828 | Al revés |
| 256 | 5325.435547 | Ordenado | 8367.383789 | Random | 6603.608984 | Al revés |
| 512 | 5314.324707 | Ordenado | 8785.497461 | Random | 8116.268555 | Al revés |
| 1024 | 5296.339453 | Ordenado | 8436.172656 | Random | 8591.048047 | Al revés |
| 2048 | 5286.476758 | Ordenado | 9425.470117 | Random | 8546.990235 | Al revés |
| 4096 | 5281.515723 | Ordenado | 13815.802930 | Random | 18131.647656 | Al revés |

Figura 4: Tabla con los tiempos del primer merge cambiando la variable de $size_i$, $n=2^{25}$ y 1024 threads por bloque

3.3.2. Comportamiento según el tamaño del bloque

Un curioso comportamiento que podemos observar puede ser a la hora de modificar el tamaño de un bloque de *threads*. Por ello, fijando los valores de $size_i$ encontrados en el apartado anterior, fijando $n=2^{25}$, vamos a ir cambiando el tamaño de los bloques. Los resultados se pueden ver en **Figura 5**.

| Tamaño | T. Kernels(ms) | Modo | T. Kernels | Modo | T. Kernels(ms) | Modo |
|--------|----------------|----------|------------|--------|----------------|----------|
| 1024 | 5289.06 | Ordenado | 8006.76 | Random | 5395.30 | Al revés |
| 512 | 5207.41 | Ordenado | 7951.11 | Random | 5329.47 | Al revés |
| 256 | 5143.54 | Ordenado | 7867.68 | Random | 5263.55 | Al revés |
| 128 | 5090.58 | Ordenado | 7859.28 | Random | 5209.65 | Al revés |
| 64 | 5065.96 | Ordenado | 7850.74 | Random | 5184.41 | Al revés |
| 32 | 5055.35 | Ordenado | 7837.95 | Random | 5151.71 | Al revés |
| 16 | 5000.57 | Ordenado | 7655.95 | Random | 5049.94 | Al revés |
| 8 | 4933.29 | Ordenado | 7386.72 | Random | 4982.59 | Al revés |
| 4 | 4877.91 | Ordenado | 6865.65 | Random | 4924.20 | Al revés |
| 2 | 4819.03 | Ordenado | 6145.51 | Random | 4865.92 | Al revés |
| 1 | 4757.38 | Ordenado | 5284.25 | Random | 4818.79 | Al revés |

Figura 5: Cambio del tamaño de bloques con $n=2^{25}$ y $size_i$ encontrado en el apartado anterior

3.3.3. Comportamiento según aumenta el tamaño

Como en la parte secuencial, una vez hemos encontrado los valores de $size_i$ y del tamaño de bloque vamos modificando el tamaño de n. Los resultados se presentan en **Figure 6**.

| n | T. Kernels(ms) | Modo | T. Kernels(ms) | Modo | T. Kernels(ms) | Modo |
|----------|----------------|----------|----------------|--------|----------------|----------|
| 2^{15} | 3.924051 | Ordenado | 4.062720 | Random | 3.639514 | Al revés |
| 2^{16} | 7.954150 | Ordenado | 8.090989 | Random | 7.246054 | Al revés |
| 2^{17} | 16.000320 | Ordenado | 16.155495 | Random | 14.465248 | Al revés |
| 2^{18} | 32.114464 | Ordenado | 32.289248 | Random | 28.908038 | Al revés |
| 2^{19} | 64.307621 | Ordenado | 64.579275 | Random | 57.804858 | Al revés |
| 2^{20} | 157.466513 | Ordenado | 163.945514 | Random | 142.688837 | Al revés |
| 2^{21} | 295.110620 | Ordenado | 328.010736 | Random | 300.993249 | Al revés |
| 2^{22} | 590.406384 | Ordenado | 656.290833 | Random | 602.231640 | Al revés |
| 2^{23} | 1181.464966 | Ordenado | 1313.147436 | Random | 1205.071606 | Al revés |
| 2^{24} | 2366.720996 | Ordenado | 2627.727881 | Random | 2411.243799 | Al revés |
| 2^{25} | 4738.353906 | Ordenado | 5257.937696 | Random | 4825.041406 | Al revés |
| 2^{26} | 9481.280469 | Ordenado | 10547.728906 | Random | 9654.998828 | Al revés |
| 2^{27} | 19049.212891 | Ordenado | 21198.063672 | Random | 19318.919141 | Al revés |

Figura 6: Variación de n fijando $size_i$ y el tamaño de bloques con los apartados anteriores

3.3.4. Comentarios a destacar

Aquí tenemos algunas cosas a destacar:

- Respecto a variar la variable de $size_i$ los tiempos son mucho más estables en este kernel que en su versión secuencial (ver **Figura 2 vs Figura 4**). Esto nos hace ver que, en el caso paralelo, los tiempos de kernels son mayormente afectados por el merge. No parece que sea crucial mejorar el tiempo de Insertion.
- El tiempo del kernel es mucho más grande que el tiempo en secuencial (Figura 6 vs Figura 3). A primeras parece no tener sentido, pero si uno estudia las tarjetas gráficas se da cuenta de que sí que puede pasar: Este kernel, según vamos profundizando en el árbol, vamos usando menos threads y cada thread hace un trabajo más grande. Un thread de GPU es mucho más lento que un thread de CPU (en GPU tenemos muchísimos pero tontos, en CPU tenemos el caso contrario) así que es probable que en algún punto del árbol hacerlo directamente en CPU sea mucho mejor que hacerlo en GPU (intuyo que en los últimos niveles, donde tener solo 2, 4 threads de GPU puede ser peor que tener solo 1 thread de CPU).
- Bajo toda sorpresa parece que lo mejor para el tamaño de bloques es tener un solo thread por bloque. Tenemos la sospecha de que tenga que ver con que a medidas que vas avanzando en el merge vas necesitando menos threads para ejecutar, aunque por falta de tiempo hemos decidido no investigar más a fondo.

3.4. Segunda Versión del Merge

Esta es la versión mejorada del *Merge*. En el anterior *kernel* he comentado que el problema principal es el tiempo que tarda el *merge* en ejecutarse. La principal razón de esto es que perdemos paralelismo a medida que vamos yendo más profundo en el árbol de *merge* y cada *thread* en un nivel del árbol o bien se descarta o bien hace un trabajo el doble de grande que el anterior.

En esta versión vamos a solucionar estas dos cosas, haciendo que todos los threads trabajen todo el rato y que el trabajo de un thread no aumente a medida que bajamos en el árbol, sino que siempre haga un trabajo constante. Para ello vamos a basarnos en una técnica llamada MergePath (aunque nos basamos en[1] solo nos basaremos en la idea, el código que ofrecen ellos es horrible y he decidido implementar el mío propio).

La idea del MergePath es la siguiente: Dados dos vectores A, B que queremos fusionar y n threads queremos que cada thread haga (|A|+|B|)/n pasos. Para ello a cada thread le asignaremos

| | B[0] | B[1] | B[2] | B[3] | B[4] | B[5] | B[6] | B[7] |
|------|------|------|------|------|------|------|------|------|
| A[0] | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| A[1] | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| A[2] | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| A[3] | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| A[4] | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 |
| A[5] | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 |
| A[6] | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 |
| A[7] | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 |

Figura 7: Ejemplo PathMerge

una coordenada (i,j) donde i es la posición A[i] y j es la posición B[j] donde tiene que comenzar. Cada thread hará (|A| + |B|)/n pasos acabando en las posición (k,l). Entonces, en paralelo, el siguiente thread tiene que comenzar en la posición (k,l) y aplicar el mismo razonamiento... Parece magia, pero simplemente es intelecto sobre cómo encontrar esa posición.

Para encontrar esa posición se hace una cosa bastante inteligente: Imaginemos una matriz ficticia con |A| filas y |B| columnas. En la posición (i,j) de la matriz pondremos un uno si A[i] > B[j] y un zero en caso contrario. En esta matriz, para seguir el camino de Merge, dada una posición nos moveremos a la derecha si en esa posición hay un uno y nos moveremos para abajo en el caso contrario. La gracia de esto es que, si nos movemos a la derecha, estamos aumentando la coordenada de la columna, mientras que si nos movemos abajo estamos aumentando la coordenada de la fila (esta es la gracia de cómo hemos definido lo que es un 1 y lo que es un 0 en esta matriz).

Sobre el cómo asignar posiciones a threads es sencillo: Ponemos n diagonales en la matriz para partirla en trozos iguales y a cada thread le asignamos una diagonal. Para tener un ejemplo más claro: Supongamos dos vectores con |A| = |B| = 8 y dos threads. El merge total se obtiene en 16 pasos pero como tenemos dos threads queremos repartir la carga en que cada thread haga 8 movimientos. Como son dos threads partimos la matriz en dos trozos iguales (claro, al partir me refiero en poner una diagonal en esa matriz) y el primer thread puede comenzar en el inicio (0,0); El segundo thread, por cómo hemos definido los 1's y los 0's tendrá que comenzar en el punto en el que la diagonal cruce un 0 con un 1 (si se piensa un poco se visualiza). Encima esto es maravilloso porque, si miramos la matriz, podemos buscar el cruce de los 1's son los 0's con una búsqueda binaria!

Un ejemplo puede ser **Figura 7** donde visualizamos un ejemplo en el que partimos la matriz en dos y buscamos en la diagonal el punto en el que se cruzan los 1's con los 0's. El primer *thread* comienza en la posición (0,0) y el segundo en la posición (4,4).

Si se quiere ver más claro se puede consultar el código cudaPathMerge.cu o cudaPathMergeBlock.cu

3.4.1. Determinando el valor de $size_i$

Una vez más procedemos con los mismos experimentos

| $size_i$ | T.Kernels (ms) | Modo | T.Kernels (ms) | Modo | T.Kernels (ms) | Modo |
|----------|----------------|----------|----------------|--------|----------------|----------|
| 2 | 1.597485 | Ordenado | 1.667315 | Random | 1.542195 | Al revés |
| 4 | 2.285459 | Ordenado | 2.789568 | Random | 2.509402 | Al revés |
| 8 | 4.022374 | Ordenado | 7.151398 | Random | 6.165069 | Al revés |
| 16 | 10.535098 | Ordenado | 17.916800 | Random | 16.932359 | Al revés |
| 32 | 18.151008 | Ordenado | 50.536627 | Random | 79.097698 | Al revés |
| 64 | 24.009107 | Ordenado | 108.759564 | Random | 212.039307 | Al revés |
| 128 | 29.465984 | Ordenado | 205.236090 | Random | 429.026080 | Al revés |
| 256 | 33.408128 | Ordenado | 429.081586 | Random | 1253.394531 | Al revés |
| 512 | 36.686419 | Ordenado | 864.055152 | Random | 2787.454248 | Al revés |
| 1024 | 33.186476 | Ordenado | 504.715961 | Random | 3272.976025 | Al revés |
| 2048 | 44.874778 | Ordenado | 1507.630151 | Random | 3225.232520 | Al revés |
| 4096 | 75.730188 | Ordenado | 5906.261035 | Random | 12813.044140 | Al revés |

Figura 8: Cambio de valor $size_i$ para el $PathMerge,\, n=2^{25}$

3.4.2. Comportamiento según el tamaño del bloque

De nuevo, fijando $n=2^{25}$ y $size_i=2$ para todos los casos obtenemos la siguiente tabla.

| Tamaño bloque | Modo | T.Kernels(ms) | Modo | T.Kernels(ms) | Modo | T.Kernels(ms) |
|---------------|----------|---------------|--------|---------------|----------|---------------|
| 1024 | Ordenado | 1.496192 | Random | 1.869658 | Al revés | 1.680979 |
| 512 | Ordenado | 1.486202 | Random | 1.560442 | Al revés | 1.498758 |
| 256 | Ordenado | 1.496192 | Random | 1.566810 | Al revés | 1.505926 |
| 128 | Ordenado | 1.486426 | Random | 1.557517 | Al revés | 1.496563 |
| 64 | Ordenado | 1.484435 | Random | 1.548090 | Al revés | 1.497088 |
| 32 | Ordenado | 1.357018 | Random | 1.475750 | Al revés | 1.404634 |
| 16 | Ordenado | 2.255891 | Random | 2.487302 | Al revés | 2.353043 |
| 8 | Ordenado | 4.223475 | Random | 4.597702 | Al revés | 4.413133 |
| 4 | Ordenado | 8.164288 | Random | 8.637510 | Al revés | 8.548512 |
| 2 | Ordenado | 15.105478 | Random | 15.418342 | Al revés | 15.684915 |
| 1 | Ordenado | 28.193594 | Random | 28.503654 | Al revés | 28.975264 |

Figura 9: Comportamiento de la variación del tamaño de bloques fijando $size_i$ y n

3.4.3. Comportamiento según aumenta el tamaño

Con el valor de $size_i$, junto al tamaño de bloque, encontrado para el anterior apartado repetimos lo mismo.

| n | Modo | T.Kernels(ms) | Modo | T.Kernels(ms) | Modo | T.Kernels(ms) |
|----------|----------|---------------|--------|---------------|----------|---------------|
| 2^{15} | Ordenado | 0.058291 | Random | 0.059616 | Al revés | 0.060326 |
| 2^{16} | Ordenado | 0.061434 | Random | 0.063910 | Al revés | 0.064230 |
| 2^{17} | Ordenado | 0.066317 | Random | 0.069734 | Al revés | 0.071942 |
| 2^{18} | Ordenado | 0.076365 | Random | 0.079450 | Al revés | 0.082202 |
| 2^{19} | Ordenado | 0.090982 | Random | 0.096653 | Al revés | 0.097952 |
| 2^{20} | Ordenado | 0.115488 | Random | 0.123770 | Al revés | 0.125018 |
| 2^{21} | Ordenado | 0.159168 | Random | 0.171546 | Al revés | 0.170349 |
| 2^{22} | Ordenado | 0.242182 | Random | 0.263520 | Al revés | 0.256454 |
| 2^{23} | Ordenado | 0.405734 | Random | 0.442400 | Al revés | 0.426995 |
| 2^{24} | Ordenado | 0.724448 | Random | 0.789440 | Al revés | 0.754669 |
| 2^{25} | Ordenado | 1.356602 | Random | 1.477414 | Al revés | 1.407526 |
| 2^{26} | Ordenado | 2.616128 | Random | 2.849363 | Al revés | 2.700134 |
| 2^{27} | Ordenado | 5.133984 | Random | 5.590374 | Al revés | 5.286400 |

Figura 10: Comportamiento de PathMerge según aumenta el valor de \boldsymbol{n}

3.4.4. Comentarios a destacar

Esto es mucho más interesante:

- Primero vemos una gran mejora respecto al anterior *Merge*, alineando con lo dicho anteriormente de que el problema de los *kernels* residía en hacer el *Merge*. Para hacernos una idea **Figura 11** representa el *SpeedUp* obtenido de los tiempos del *kernel* del primer *Merge* respecto al segundo.
- El tamaño de $size_i$ es el mismo para los tres tipos de inputs. Esto en verdad es lo que más sentido tiene puesto a que, cuanto más pequeño es el tamaño de $size_i$ más threads necesitaremos para hacer el merge al incio y como los threads no se pierden en ningún momento, sino que todo el rato hacen trabajo en todos los niveles entonces se obtiene cada vez más paralelismo.
- El comportamiento según aumenta el número de elementos (**Figura 10**) parece muy estable. De hecho, aunque vemos aumentos exponenciales en el tamaño del *input* los tiempos no aumentan de esa forma, lo hacen más *relajadamente*
- Compartiendo con su otra versión del *Merge* se ve que lo óptimo (aunque esta vez las diferencias no son muy abismales) no es llenar el tamaño de los bloques, sino dejarlos en grupos de 32 *threads* por bloque.

3.5. Comparación entre los dos kernels

Finalmente tendremos que dar el ganador a mejor merge del año, para ello primero midamos el SpeedUp de los tiempos de los kernels en la primera y segunda versión. Para ello medimos SpeedUp = Normal/Path

| n | Modo | SpeedUp | Modo | SpeedUp | Modo | SpeedUp |
|----------|----------|-------------|--------|-------------|----------|-------------|
| 2^{15} | Ordenado | 67.318299 | Random | 68.148148 | Al revés | 60.330769 |
| 2^{16} | Ordenado | 129.474721 | Random | 126.599734 | Al revés | 112.814168 |
| 2^{17} | Ordenado | 241.270262 | Random | 231.673144 | Al revés | 201.068194 |
| 2^{18} | Ordenado | 420.539043 | Random | 406.409666 | Al revés | 351.670738 |
| 2^{19} | Ordenado | 706.816964 | Random | 668.155929 | Al revés | 590.134535 |
| 2^{20} | Ordenado | 1363.488094 | Random | 1324.598158 | Al revés | 1141.346342 |
| 2^{21} | Ordenado | 1854.082604 | Random | 1912.086181 | Al revés | 1766.921138 |
| 2^{22} | Ordenado | 2437.862368 | Random | 2490.478267 | Al revés | 2348.302776 |
| 2^{23} | Ordenado | 2911.920041 | Random | 2968.235615 | Al revés | 2822.214794 |
| 2^{24} | Ordenado | 3266.930126 | Random | 3328.597336 | Al revés | 3195.101162 |
| 2^{25} | Ordenado | 3492.810644 | Random | 3558.879025 | Al revés | 3428.030037 |
| 2^{26} | Ordenado | 3624.165357 | Random | 3701.784892 | Al revés | 3575.748029 |
| 2^{27} | Ordenado | 3710.415321 | Random | 3791.886495 | Al revés | 3654.456557 |

Figura 11: SpeedUp del tiempo de los kernels

Creo que no hace falta decir quién es el ganador de esta comparación...

3.6. Rendimiento final

3.6.1. Anchos de Banda del PathMerge

Para ver cómo de bueno es nuestro kernel para ello primeramente hemos calculado el Ancho de Banda a través de cómo habla NVIDIA de este cálculo[2] (los cálculos de los .txt que pone Ancho de Banda Kernels pueden ser ignorados, ya que están mal tomados) donde se calcula el ancho de banda como $BW = (R_B + W_B)/(t \cdot 10^9)$ donde R_b son los bytes que lee el kernel, W_B los bytes que escribe el kernel y t es el tiempo que tarda el kernel que está en milisegundos. Presentamos los datos en la siguiente tabla.

| n | Modo | A.Banda Kernel | Modo | A.Banda Kernel | Modo | A.Banda Kernel |
|----------|----------|-------------------------------|--------|-------------------------------|----------|-------------------------------|
| 2^{15} | Ordenado | $4.497161~{ m GB/s}$ | Random | $4.397209 \; \mathrm{GB/s}$ | Al revés | $4.345456 \; \mathrm{GB/s}$ |
| 2^{16} | Ordenado | $8.534167~{ m GB/s}$ | Random | $8.203536~{ m GB/s}$ | Al revés | $8.162665 \; \mathrm{GB/s}$ |
| 2^{17} | Ordenado | $15.811572~{ m GB/s}$ | Random | $15.036797 \; \mathrm{GB/s}$ | Al revés | 14.575297 GB/s |
| 2^{18} | Ordenado | $27.462214 \; \mathrm{GB/s}$ | Random | $26.395872 \; \mathrm{GB/s}$ | Al revés | 25.512177 GB/s |
| 2^{19} | Ordenado | $46.100372 \; \mathrm{GB/s}$ | Random | $43.395487 \; \mathrm{GB/s}$ | Al revés | 42.819993 GB/s |
| 2^{20} | Ordenado | $72.636187 \; \mathrm{GB/s}$ | Random | $67.775778 \; \mathrm{GB/s}$ | Al revés | 67.099202 GB/s |
| 2^{21} | Ordenado | $105.405710 \; \mathrm{GB/s}$ | Random | $97.800100 \; \mathrm{GB/s}$ | Al revés | 98.487317 GB/s |
| 2^{22} | Ordenado | $138.550479 \; \mathrm{GB/s}$ | Random | $127.331633~{ m GB/s}$ | Al revés | 130.839964 GB/s |
| 2^{23} | Ordenado | $165.401135 \; \mathrm{GB/s}$ | Random | $151.692731 \; \mathrm{GB/s}$ | Al revés | 157.165456 GB/s |
| 2^{24} | Ordenado | $185.268961~{ m GB/s}$ | Random | $170.016376 \; \mathrm{GB/s}$ | Al revés | 177.849796 GB/s |
| 2^{25} | Ordenado | $197.873404 \; \mathrm{GB/s}$ | Random | $181.692779~{ m GB/s}$ | Al revés | 190.714385 GB/s |
| 2^{26} | Ordenado | $205.215843~{ m GB/s}$ | Random | $188.417872 \; \mathrm{GB/s}$ | Al revés | 198.831211 GB/s |
| 2^{27} | Ordenado | $209.143976 \; \mathrm{GB/s}$ | Random | $192.069766~{ m GB/s}$ | Al revés | $203.113995 \; \mathrm{GB/s}$ |

Figura 12: Anchos de Banda para PathMerge

El ancho de banda de la RTX 3080 es de 760GB/s así que en el mejor de los casos estamos usando el 27,5 %; Sí que es cierto que a medida que vamos aumentando el tamaño el ancho de banda también aumenta, lo que nos da una buena señal de que nuestro algoritmo es robusto en el tiempo. Aunque hayamos hecho una gran mejora respecto al primer merge vemos que aún nos puede quedar camino para poder dominar aún más ancho de banda. Esto puede ser por la naturaleza de tener tantos condicionales en la parte de merge haciendo que todos los threads no se puedan ejecutar a la vez. No sé si podemos hacer mucho más, pero aquí pararán nuestras mejoras.

3.6.2. Secuencial vs PathMerge

Finalmente veamos cuánta mejora hemos hecho respecto al trabajo secuencial. Los tiempos anteriores solo tienen en cuenta el tiempo de los kernels de *Insertion* más el tiempo de acabar los *merges*. Si queremos comparar respecto al tiempo secuencial, deberíamos de tener en cuenta el tiempo de comunicación de datos entre CPU-GPU. Ahora nos toca hacernos una pregunta básica: Cuánto ganamos respecto a ejecutarlo en secuencial? Para ello vamos a tener en cuenta , para el tiempo de CUDA, el tiempo de pasar los datos de CPU a GPU + el tiempo de ejecutar los kernels + el tiempo de pasar los datos de GPU a CPU. Hemos decidido considerar los datos entre CPU-GPU porque el precio a pagar a cambio de mucho paralelismo es pasar por la transferencia de datos. Para calcular el tiempo entre transferencia de datos hemos hecho uso del ancho de banda que hemos calculado para entre *Host-To-Device* y *Device-To-Host*.

| n | Modo | SpeedUp | Modo | SpeedUp | Modo | SpeedUp |
|----------|----------|------------|--------|-------------|----------|------------|
| 2^{15} | Ordenado | 4.099006 | Random | 32.959358 | Al revés | 9.368969 |
| 2^{16} | Ordenado | 6.016438 | Random | 191.102436 | Al revés | 19.876360 |
| 2^{17} | Ordenado | 18.920681 | Random | 290.353549 | Al revés | 107.666137 |
| 2^{18} | Ordenado | 43.737836 | Random | 314.891241 | Al revés | 150.671787 |
| 2^{19} | Ordenado | 73.469405 | Random | 496.436611 | Al revés | 237.169044 |
| 2^{20} | Ordenado | 92.804587 | Random | 809.513309 | Al revés | 214.777202 |
| 2^{21} | Ordenado | 126.639632 | Random | 1242.789280 | Al revés | 259.177008 |
| 2^{22} | Ordenado | 145.931197 | Random | 1677.643551 | Al revés | 331.479971 |
| 2^{23} | Ordenado | 184.112533 | Random | 2108.730435 | Al revés | 419.565174 |
| 2^{24} | Ordenado | 248.554387 | Random | 2469.807801 | Al revés | 522.636593 |
| 2^{25} | Ordenado | 288.571661 | Random | 2758.962344 | Al revés | 586.245806 |
| 2^{26} | Ordenado | 330.410531 | Random | 2985.941245 | Al revés | 642.598468 |
| 2^{27} | Ordenado | 371.142964 | Random | 3162.167000 | Al revés | 700.041548 |

Figura 13: SpeedUp del tiempo de los kernels

Finalmente podemos ver que, efectivamente, hemos conseguido SpeedUp respecto a la versión secuencial :-).

3.7. OpenCL

Finalmente vamos a repetir el experimento de PathMerge para OpenCL.

3.7.1. Determinando el valor de $size_i$

Finalmente, cambiando a nuestro programa en OpenCL y fijando $n=2^{25}$, obtenemos para los diferentes 3 modos los siguientes resultados:

| $size_i$ | T. Kernels (ms) | Modo | T. Kernels (ms) | Modo | T. Kernels (ms) | Modo |
|----------|-----------------|----------|-----------------|--------|-----------------|----------|
| 2 | 413.357056 | Ordenado | 411.673344 | Random | 408.214016 | Al revés |
| 4 | 697.062656 | Ordenado | 705.459712 | Random | 703.894272 | Al revés |
| 8 | 883.670528 | Ordenado | 886.783488 | Random | 885.721600 | Al revés |
| 16 | 3086.761984 | Ordenado | 2977.101824 | Random | 3017.281792 | Al revés |
| 32 | 3936.190464 | Ordenado | 4099.335168 | Random | 4102.098688 | Al revés |
| 64 | 4248.546304 | Ordenado | 4642.184704 | Random | 4605.424896 | Al revés |
| 128 | 5514.679040 | Ordenado | 6042.326784 | Random | 6195.727360 | Al revés |
| 256 | 5712.922368 | Ordenado | 6282.612992 | Random | 6945.082368 | Al revés |
| 512 | 3618.371840 | Ordenado | 4655.715072 | Random | 6455.350784 | Al revés |
| 1024 | 1534.979840 | Ordenado | 2117.998080 | Random | 4842.137856 | Al revés |
| 2048 | 2599.496192 | Ordenado | 4117.672192 | Random | 5852.198144 | Al revés |
| 4096 | 4506.530304 | Ordenado | 10501.937664 | Random | 17398.194176 | Al revés |

Figura 14: Tabla con los tiempos del Path Merge en Open
CL para diversos $size_i$

3.7.2. Determinando el valor de TamBloq

Ahora comprobaremos cuál es el mejor tamaño de bloque fijando $n=2^{25}$, $size_i=2$:

| Tam. Bloq. | T. Kernels (ms) | Modo | T. Kernels (ms) | Modo | T. Kernels (ms) | Modo |
|------------|-----------------|----------|-----------------|--------|-----------------|----------|
| 2^{1} | 3908.026 | Ordenado | 3995.444 | Random | 4116.886 | Al revés |
| 2^{2} | 1995.096 | Ordenado | 2195.446 | Random | 2204.700 | Al revés |
| 2^{3} | 1018.544 | Ordenado | 1163.696 | Random | 1160.785 | Al revés |
| 2^{4} | 565.954 | Ordenado | 652.858 | Random | 638.066 | Al revés |
| 2^{5} | 381.790 | Ordenado | 418.892 | Random | 422.0736 | Al revés |
| 2^{6} | 420.233 | Ordenado | 432.875 | Random | 435.434 | Al revés |
| 2^{7} | 485.994 | Ordenado | 495.413 | Random | 494.809 | Al revés |
| 2^{8} | 437.133 | Ordenado | 448.262 | Random | 444.021 | Al revés |
| 2^{9} | 398.243 | Ordenado | 410.332 | Random | 404.191 | Al revés |
| 2^{10} | 409.318 | Ordenado | 422.232 | Random | 417.646 | Al revés |

Figura 15: Tabla con los tiempos del PathMerge en OpenCL para diversos tamaños de bloque

3.7.3. Comportamiento según él aumenta el tamaño

Una vez ya hemos encontrado los valores óptimos de ambas variables: $size_i = 2^1, Tam.Bloq. = 2^9$, ejecutamos para diferentes tamaños de vectores para ver cuál es la tendencia:

| N | T. Kernels (ms) | Modo | T. Kernels (ms) | Modo | T. Kernels (ms) | Modo |
|----------|-----------------|----------|-----------------|--------|-----------------|----------|
| 2^{15} | 0.546816 | Ordenado | 0.582912 | Random | 0.564480 | Al revés |
| 2^{16} | 0.638720 | Ordenado | 0.688384 | Random | 0.665088 | Al revés |
| 2^{17} | 0.976640 | Ordenado | 1.041920 | Random | 1.040128 | Al revés |
| 2^{18} | 1.870848 | Ordenado | 2.210560 | Random | 2.230528 | Al revés |
| 2^{19} | 4.589056 | Ordenado | 5.011456 | Random | 4.926464 | Al revés |
| 2^{20} | 9.714944 | Ordenado | 10.040832 | Random | 9.977344 | Al revés |
| 2^{21} | 20.488960 | Ordenado | 20.999680 | Random | 20.993536 | Al revés |
| 2^{22} | 44.335616 | Ordenado | 45.234432 | Random | 45.138176 | Al revés |
| 2^{23} | 96.932352 | Ordenado | 87.490304 | Random | 86.907392 | Al revés |
| 2^{24} | 182.345216 | Ordenado | 188.546560 | Random | 186.270464 | Al revés |
| 2^{25} | 397.732096 | Ordenado | 410.244096 | Random | 403.810304 | Al revés |
| 2^{26} | 834.599936 | Ordenado | 872.870912 | Random | 845.612032 | Al revés |
| 2^{27} | 1753.564160 | Ordenado | 1804.399872 | Random | 1777.910784 | Al revés |

Figura 16: Tabla con los tiempos del PathMerge en OpenCL para diversos tamaños de N

3.7.4. Comentarios a destacar

- Programar en OpenCL es exageradamente tedioso. Sí que es verdad que da mucha más flexibilidad que CUDA, pero la curva de aprendizaje también es más alta y hay menos recursos en línea (prácticamente solo se ha usado la documentación de Grupo Khronos)
- Una vez ya se tiene el esqueleto del programa, sí que es cierto que hacer ediciones es relativamente sencillo (teniendo en cuenta la complejidad de la API de OpenCL) y ofrece grandes ventajas respecto a CUDA como poder ejecutar de manera heterogénea, con CPU's, GPU's, FPGA's, Aceleradores... El manual de códigos de error fue muy útil durante el desarrollo de este experimento[3] y la documentación de Khronos [4].
- El tamaño óptimo de $size_i$ sigue siendo 2, igual que en CUDA. Esto respalda lo que comentábamos previamente, que es cuando más paralelismo se consigue.
- Por algún extraño motivo, el tiempo de ejecución escala de una forma muy dispar al tiempo en CUDA. Nuestro equipo se ha volcado en intentar solucionar este detalle o posible bug de implementación, pero por falta de conocimiento y tiempo (hemos dedicado más tiempo del que nos gustaría admitir) no hemos podido arreglar el posible problema. Por eso mismo decidimos finalmente no hacer una comparativa de CUDA vs OpenCL como teníamos planeado inicialmente ya que no sabemos si los tiempos obtenidos son correctos.

4. Conclusiones y Futuro trabajo

- Primero de todo hemos de decir que creemos que los valores sacados en OpenCL es posible que estén mal. Realmente no consideramos que debería de haber tanta diferencia entre CUDA y OpenCL. O quizá puede ser que sí por la naturaleza de estos kernels de lanzar múltiples instancias cambiando parámetros de posición en el merge. Sea como fuere, una futura revisión del código de OpenCL estaría bien. También hemos visto que programar en OpenCL, comparado con CUDA, es muy tedioso.
- Si se quisiera realizar una comparativa entre CUDA y OpenCL con este proyecto, se podría lograr comparando los tiempos que tarda *Insertion Sort* en ejecutarse. Hemos decidido no comparar estos tiempos aparte, ya que no consideramos que sea un kernel lo suficientemente interesante como para tener una comparación en sí.
- Programar en tarjetas gráficas no es siempre la panacea, como hemos podido ver en el primer tipo de merge. Algunos algoritmos hay que darles una vuelta antes de paralelizarlos.
- Una idea tan curiosa como la de PathMerge ha dado unos rendimientos absolutamente espectaculares, demostrando que la ingeniería de algoritmos es igual de importante que el computador donde se ejecuta.
- La naturaleza del *merge* es usar muchos condicionales haciendo que muchos *threads* no se puedan ejecutar a la vez, sería muy curioso ver el comportamiento de otros algoritmos que usen el mínimo número de condicionales posibles.
- Una optimización para el primer *merge* podría ser que, en cierto punto, pasamos a acabar el *merge* en CPU en vez de hacerlo todo en GPU. En este proyecto no lo hacemos por falta de tiempo, ya que hemos gastado más de 25h en la implementación de *PathMerge*.
- Por favor ponednos un 10 o minaremos bitcoins en el Boada (Hasta que tga1009 desaparezca de los confines del Boada).

Referencias

- [1] O. Green, R. Mccoll, and D. Bader, "Gpu merge path: a gpu merging algorithm," *Proceedings of the International Conference on Supercomputing*, 06 2012.
- [2] NVIDIA, "How to implement performance metrics in cuda c/c++," 2024.
- [3] bmount, "Opencl error codes." https://gist.github.com/bmount/4a7144ce801e5569a0b6, 2013. GitHub Gist.
- [4] T. K. Group, "Khronos group opencl," 2024.