

Programação Lógica

Unificação e listas

Prof. Edson Alves

Faculdade UnB Gama

Sumário

1. Unificação
2. Listas
3. Operadores
4. *Cut*

Processos de unificação

Elementos	Comportamento
variável e qualquer termo	a variável é unificada e atada com qualquer termo, inclusive outras variáveis
primitivo e primitivo	dois termos primitivos (átomos ou inteiros) só se unificam se ambos são idênticos
estrutura e estrutura	se unificam se tem mesmo construtor, mesma aridade e cada par de argumentos correspondentes se unificam

Igualdade

- O predicado pré-definido `=/2` é bem sucedido se ambos argumentos se unificam e falha, caso contrário

```
?- a = a.  
true.  
?- a = b.  
false.  
?- p(a, b) = p(a, b).  
true  
?- p(a, b) = p(a, c).  
false.  
?- x(y, z(i, j)) = x(y, z(i, j)).  
true.  
?- x(y, z(i, j)) = x(y, z(j, i)).  
false.
```

Variáveis e unificação

- Se uma variável se unificar com uma primitiva, ela assume seu valor

```
?- X = a.
```

```
X = a.
```

```
?- 2 = Y.
```

```
Y = 2.
```

```
?- f(x, y) = f(X, y).
```

```
X = x.
```

```
?- f(x, y) = f(X, z).
```

```
false.
```

```
?- f(x, y) = f(X, Y).
```

```
X = x.
```

```
Y = y.
```

Variáveis e unificação

► Variáveis também se unificam

?- A = B.

A = B.

?- f(X, y) = f(Z, y).

X = Z.

?- X = Y, Y = teste.

X = Y, Y = teste.

?- X = Y, a(Z) = a(Y), X = teste.

X = Y, Y = Z, Z = teste.

?- X = Y, Y = 2, write(X).

2

X = Y, Y = 2.

Variáveis e unificação

- ▶ A variável anônima é um *wildcard* e não ata a valor algum
- ▶ Múltiplas instâncias de uma variável não implicam em valores iguais
- ▶ O predicado `\=/2` unifica apenas se os valores são distintos

```
?- f(A, B) = C, write(C), nl, A = a, B = 8, write(C).  
f(_6142, _6144)  
f(a,8)  
A = a,  
B = 8,  
C = f(a, 8).
```

```
?- f(b, X) = f(b, c(Y, d)), X = teste.  
false.
```

```
?- f(X) = f(x, y).  
false.
```

```
?- f(x, y, z) = f(X, X, z).  
false.
```

Listas em Prolog

- ▶ Em Prolog, uma lista é uma coleção de termos
- ▶ Os termos podem ser qualquer tipo de dados do Prolog, incluindo estruturas e outras listas
- ▶ A sintaxe para declaração de uma lista é:

```
[term1, term2, ..., termN]
```

- ▶ A lista vazia é denotada por [] e é também denominada `nil`
- ▶ A unificação trata as listas de forma semelhante às estruturas de dados

```
?- asserta(f([a, b, c], d)).  
true.
```

```
?- f(X, d).  
X = [a, b, c].
```

```
?- [_, X, _] = [1, 2, 3].  
X = 2.
```


Casamento de padrão em listas

- ▶ A notação $[X \mid Y]$ ata X ao primeiro elemento da lista, chamado *head*, e ata Y a uma lista com todos os demais, denominados *tail*

```
?- [H|T] = [1, 2, 3, 4, 5].  
H = 1,  
T = [2, 3, 4, 5].  
?- [H|T] = [1].  
H = 1,  
T = [].  
?- [H|T] = [].  
false.
```

- ▶ Podem ser listados vários elementos antes da barra, separados por vírgulas
- ▶ Contudo, após a barra deve haver um único elemento (uma lista)

```
?- [A, B | T] = [1, 2, 3, 4, 5].  
A = 1,  
B = 2,  
T = [3, 4, 5].
```

Listas e predicados

- ▶ Embora tenha uma sintaxe especial, uma lista é, de fato, um predicado de dois argumentos
- ▶ O primeiro argumento do predicado `./2` é o *head* da lista, e o segundo é o *tail*
- ▶ No SWI-Prolog, este operador foi substituído pelo operador `'[]'`

```
?- L = '[]'(1, '[]'(2, '[]'(3, []))).  
L = [1, 2, 3].
```

- ▶ A estrutura interna da lista é adequada para rotinas recursivas

Teste de pertinência

- ▶ O predicado `member`/2 determina se um termo é ou não membro da lista
- ▶ Ela pode implementada da seguinte maneira:

```
member(H, [H|T]).  
member(X, [H|T]) := member(X, T).
```

- ▶ A primeira representa o caso base: o elemento pertence a lista se ele for o *head*
- ▶ Um fato com variáveis como argumentos funciona como uma regra
- ▶ A segunda é a chamada recursiva.
- ▶ Observe que o caso base é declarado antes da chamada recursiva
- ▶ O caso base da lista vazia já está incluso na segunda cláusula: `member(X, [])` falha, pois `[]` e `[H|T]` não unificam

Concatenação de listas

- ▶ O predicado `append/3` anexa o segundo argumento ao primeiro, guardando o resultado no terceiro:

```
?- append([1, 2], [3, 4, 5], X).  
X = [1, 2, 3, 4, 5].
```

- ▶ Ele pode ser implementada da seguinte forma:

```
append([], X, X).  
append([H|T1], X, [H, T2]):-  
    append(T1, X, T2).
```

- ▶ `append/3` também pode ser utilizado para decompor listas:

```
?- append(X, Y, [1, 2, 3]).  
X = [], Y = [1, 2, 3] ;  
X = [1], Y = [2, 3] ;  
X = [1, 2], Y = [3] ;  
X = [1, 2, 3], Y = [] ;  
false.
```

Listas e fatos

- ▶ É possível criar vários fatos a partir de uma única lista, chamando `assertz/1` no *head* da lista recursivamente:

```
list_to_facts([]).  
list_to_facts([H|T]):-  
    assertz(fact(H)),  
    list_to_facts(T).
```

- ▶ O processo inverso é mais complicado (fatos para lista)
- ▶ Para isto, Prolog fornece o predicado `findall/3`: o primeiro argumento é o padrão para os termos da lista resultante, o segundo o objetivo e o terceiro a lista resultante
- ▶ Exemplo:

```
findall(X, fact(X), L).  
L = [fact1, fact2, ..., factN].
```

Operadores e construtores

- ▶ Os operadores aritméticos em Prolog são construtores (*functors*)
- ▶ Por exemplo, o predicado adição `+/2` é um construtor:

```
?- display(2 + 2).  
+(2,2)  
true.
```

```
?- display(1*2 + 3).  
+(*(1,2),3)  
true.
```

- ▶ Qualquer construtor pode ser um operador, de modo que Prolog pode ler a estrutura de dados em um formato diferente
- ▶ Os operadores podem ser
 1. infixados (por exemplo, `3 + 4`)
 2. pré-fixados (por exemplo, `-7`)
 3. pós-fixados (por exemplo, `8 factorial`)

Ordem de precedência

- ▶ A cada operador é associado uma precedência, representada por um inteiro entre 1 e 1200
- ▶ Quanto maior a precedência, menor o número
- ▶ Operadores podem ser definidos por meio da diretiva `op/3`, cujos argumentos são a precedência, associatividade e o nome do operador
- ▶ A associatividade é definida por padrões (por exemplo, `'fx'`, `'xfx'` e `'xf'`), onde `f` indica a posição do operador
- ▶ Para declarar um operador em um arquivo fonte, a sintaxe é

```
:- op(precedencia, associatividade, nome).
```

pois `op/3` é uma diretiva, não um predicado

Exemplo de declaração e uso de operadores

```
1 polygon(triangle, 3).
2 polygon(square, 4).
3 polygon(rectangle, 4).
4 polygon(hexagon, 6).
5 :- op(100, 'xf', has_four_sides).
6
7 has_four_sides(X) :-
8     polygon(X, 4).
9
10 % Exemplo de queries:
11 % ?- X has_four_sides.
12 % X = square ;
13 % X = rectangle.
14 % ?- triangle has_four_sides.
15 % false.
16 % ?- square has_four_sides.
17 % true .
```


Fatos e operadores

- ▶ É possível adicionar fatos com a notação de operadores
- ▶ A notação de operadores, em conjunto com a ordem de precedência dos operadores, podem levar a resultados inesperados
- ▶ Por outro lado eles permitem interfaces mais naturais para o usuário, dispensando o uso de vírgulas e parêntesis
- ▶ No caso de dois operadores de mesma precedência, a ordem de associatividade fica a cargo do interpretador Prolog

```
:- op(100, 'xfx', f).
```

```
x f y.
```

```
?- a f b.
```

```
false.
```

```
?- x f y.
```

```
true.
```

Associatividade de operadores

- ▶ O caractere '**y**' no parâmetro associatividade de **op**/3 descreve a associatividade do operador
- ▶ Se o operador é não-associativo (ausência de '**y**') ou a direção da associatividade (posição do '**y**'):
 1. infixado: '**xfx**' (não associativo), '**xfy**' (R to L), '**yfx**' (L to R)
 2. pré-fixado: '**fx**' (não associativo), '**fy**' (L to R)
 3. pós-fixado: '**xf**' (não associativo), '**yf**' (R to L)
- ▶ Os parêntesis podem ser utilizados para modificar a ordem de precedência ou a associatividade

Exemplo de associatividade em Prolog

```
1 % Exemplos de operadores e associatividade em Prolog
2 :- op(100, 'xfx', f).
3 :- op(100, 'xfy', g).
4 :- op(100, 'yfx', h).
5
6 %% Exemplos de consultas
7 %
8 % ?- a f b f c = f(a, f(b, c)).
9 % ERROR: Syntax error: Operator expected
10 % ERROR: a f b f c = f(a, f(b, c))
11 % ERROR: ** here **
12 % ERROR: .
13 %
14 % ?- a g b g c = g(a, g(b, c)).
15 % true.
16 %
17 % ?- a h b h c = h(h(a, b), c).
18 % true.
```

Predicado `is`

- ▶ O predicado pré-definido `is` computa a expressão dada

```
?- X is 2 + 3.
```

```
X = 5.
```

```
?- X = 2 + 3.
```

```
X = 2+3.
```

```
?- 5 = 2 + 3.
```

```
false.
```

- ▶ Observe que o predicado `=/2` unifica os resultados sem computá-los

Operador pescoço

- ▶ Em Prolog, as cláusulas são estruturas de dados escritas com sintaxe de operadores
- ▶ O construtor pescoço (*neck*) `:-` é um operador infixado de dois argumentos

`:- (Head, Body).`

- ▶ O corpo é uma estrutura de dados com o construtor `and` (vírgula):

`,(objetivo1, ,(objetivo2, ..., ,(objetivoN))).`

- ▶ Note a ambiguidade semântica do operador vírgula na expressão acima: ele tanto é o separador dos argumentos quando o “e” lógico

Predicado `cut`

- ▶ O predicado *cut* (`!`, ponto de exclamação) permite a interrupção o processo de *backtracking*
- ▶ Ele congela todas as decisões tomadas pelo *backtracking* até o momento
- ▶ O principal motivo para o uso deste operador é o aumento de performance, pois habilita a poda no *backtracking*
- ▶ Ele é motivo de controvérsia entre os puristas do paradigma lógico e os pragmáticos
- ▶ Ele é considerado o **goto** do paradigma

Negação

- ▶ O predicado `not/1` é implementado em termos do operador *cut* e do predicado `call/1`, o qual invoca um predicado:

```
not(X) :- call(X), !, fail.  
not(X).
```

- ▶ Observe que se a chamada do predicado `X` for bem sucedida, ela seguirá para a direita, via porta `exit`
- ▶ Daí a execução encontrará o *cut*, interrompendo o *backtracking*
- ▶ Por fim o predicado `fail/0` é encontrado, determinando que a consulta retorne falso
- ▶ Por outro lado, caso a chamada de `X` falhe, será avaliada a segunda cláusula, a qual sempre é verdadeira
- ▶ Assim, o predicado `not/1` inverte o resultado da consulta `X`

Referências

1. **MERRIT**, Dennis. *Adventure in Prolog*, Amzi! Inc, 191 pgs, 2017.
2. **SHALOM**, Elad. *A Review of Programming Paradigms Throughtout the History – With a Suggestion Toward a Future Approach*, Amazon, 2019.
3. SWI Prolog. [SWI Prolog](#), acesso em 10/11/2020.
4. Wikipédia. [Prolog](#), acesso em 10/11/2020.