Programação Funcional

Funções de alta ordem

Prof. Edson Alves

Faculdade UnB Gama

2020

Sumário

- 1. Funções de alta ordem
- 2. Mapas, filtros e reduções
- 3. Funções anônimas

1. A função lines recebe uma string e retorna um vetor de strings, o qual corresponde às linhas contidas na string original

```
ghci> :type lines
lines :: String -> [String]
ghci> lines "Hello\nWorld"
["Hello", "World"]
```

2. A função unlines é sua inversa: ela recebe um vetor de strings, e une todas elas em uma única string, adicionando o terminador de linha ('\n') entre elas

```
ghci> :type unlines
unlines :: [String] -> String
ghci> unlines ["a", "b", "c"]
^{\prime\prime}a\nb\nc\n^{\prime\prime}
```

3. A função last retorna o último elemento da lista

```
ghci> last "ABC"
'C'
```

 A função complementar de last é a função init, que retorna todos, menos o último, elementos da lista

```
ghci> init "ABCDE"
"ABCD"
```

5. A função (++) une duas listas em uma única lista

```
ghci> [1..5] ++ [2..4]
[1, 2, 3, 4, 5, 2, 3, 4]
```

 A função concat generaliza este comportamento, recebendo uma lista de listas e as concatenando em uma única lista

```
ghci> :type concat
concat :: [[a]] -> [a]
ghci> concat ["um", "dois", "tres"]
"umdoistres"
```

7. A função reverse recebe uma lista xs e retorna uma nova lista, com todos os elementos de xs em ordem inversa

```
ghci> reverse [1..5]
[5, 4, 3, 2, 1]
```

As funções and e or aplicam as operações lógicas binárias (&&) e
 (||) em todos os elementos da lista, até que reste apenas um
 elemento

```
ghci> and [True, False, True]
False
ghci> or [True, False, True]
True
```

 A função splitAt recebe um inteiro i e uma lista xs, e retorna um par de listas (xs[1..i], xs[(i+1)..i])

10. A função zip recebe duas listas xs e ys e gera uma lista de pares zs, cujo tamanho é mesmo da menor dentre as duas, cujos elementos (xi, yi) são oriundos destas listas, nesta ordem

```
ghci> :type zip
zip :: [a] -> [b] -> [(a, b)]
ghci> zip [1..] "Teste"
[(1,'T'),(2,'e'),(3,'s'),(4,'t'),(5,'e')]
```

- 11. As funções zip3, zip4, ..., zip7 são as equivalentes para três, quatro, etc, até sete listas
- 12. A função words quebra uma string em uma lista de palavras, delimitadas por qualquer caractere que corresponda a espaços em branco:

```
ghci> :type words
words :: String -> [String]
ghci> words "A B\tC\nD\rE"
["A","B","C","D","E"]
```

Funções infixadas

Haskell utiliza, por padrão, a notação prefixada, de modo que, na aplicação da função f aos argumentos x e y, o nome da função precede os argumentos, que são separados por espaços em branco

```
z = f x y
```

- Se a função recebe dois ou mais argumentos, é possível que a notação infixada traga uma melhor compreensão e leitura
- Para utilizar a notação infixada, basta colocar o nome da função entre crases (`), tanto em uma definição quanto em uma chamada
- Ambas formas são intercambiáveis

import Data.Bits

Exemplos de funções infixadas

 A função elem recebe um elemento x e uma lista de elementos xs e retorna verdadeiro se x pertence a xs

```
ghci> :type elem
elem :: a -> [a] -> Bool
ghci> 'x' 'elem' "Teste"
False
```

2. A negação de elem é a função notElem

```
ghci> 'x' `notElem` "Teste"
True
```

- A função isPrefixOf do módulo Data. List recebe os mesmos parâmetros, e retorna verdadeiro se x é prefixo de xs
- 4. As funções isInfixOf e isSuffixOf do mesmo módulo tem comportamento semelhante, retornando verdadeiro se x é uma sublista de xs ou se x é sufixo de xs, respectivamente

Funções de alta ordem

- Uma função é dita de alta ordem se ela recebe uma ou mais funções como parâmetro ou retorna uma função
- Por exemplo, a função break recebe um predicado P e uma lista xs, e retorna uma par de listas (ys, zs), onde xs = ys ++ zs e zs tem início no primeiro elemento x de xs tal que a expressão 'P x' é verdadeira

```
ghci> :type break
break :: (a -> Bool) -> [a] -> ([a], [a])
ghci> break even [1, 1, 2, 3, 5, 8]
([1, 1], [2, 3, 5, 8])
```

- ▶ A função all recebe um predicado P e uma lista xs e retorna verdadeiro se 'P x' é verdadeira para todos x em xs
- A função any recebe os mesmos parâmetros, e retorna verdeiro se
 'P x' é verdadeira para ao menos um elemento de xs

Exemplos de funções de alta ordem

- A função takeWhile recebe um predicado P e uma lista xs e retorna uma lista ys cujos elementos são todos dentre os primeiros elementos x de xs tais que 'P x' é verdadeira
- Sua complementar é a função dropWhile, que recebe os mesmo parâmetros e retorna uma lista ys cujo primeiro elemento é o primeiro elemento x de xs para o qual a expressão 'P x' é falsa

```
Prelude Data.Char> takeWhile isUpper "FGAmaDF"
"FGA"

Prelude Data.Char> dropWhile isUpper "FGAmaDF"
"maDF"
```

A função span retornam um par de listas com as duas partes resultantes da chamada de takeWhile

```
Prelude Data.Char> span isUpper "FGAmaDF"
("FGA", "maDF")
```

Laços em Haskell

- Diferentemente das linguagens imperativas, Haskell não oferece construtos equivalentes aos laços for e while das linguagens imperativas
- Para contornar este fato pode-se valer de algumas técnicas distintas
- Uma maneira é utilizar recursão
- Outra forma é utilizar funções de alta ordem e abstrações
- Esta diferença de abordagem tende a ser um fator que dificulta a aprendizagem de Haskell, e linguagens funcionais em geral, para programadores acostumados com linguagens imperativas

Exemplo de uso de recursão: Capitalização

- O primeiro exemplo de uso de recursão para substituir laços é o problema de capitalizar as palavras de uma string dada
- Por capitalizar uma palavra entende-se:
 - 1. tornar a primeira letra maiúscula; e
 - 2. transformar todas as demais em minúsculas
- Para ilustrar as diferenças entre as abordagens imperativa e funcional, será apresentado um código C++ que capitaliza strings
- Em seguida, será apresentado um código equivalente em Haskell, utilizando recursão em substituição ao laço
- Para focar apenas no processo de capitalização, o parâmetro das funções será uma lista de palavras, de modo a abstração o processo de tokenização

Implementação da capitalização em C++

```
5 vector<string> capitalize(const vector<string>& xs)
6 {
      vector<string> ys;
      for (auto x : xs)
10
          auto y = x;
          if (not y.empty())
14
               y[0] = toupper(x[0]);
16
               for (size_t i = 1; i <= x.size(); ++i)</pre>
                   y[i] = tolower(x[i]);
18
20
          ys.push_back(y);
      return ys;
24
25 }
```

Implementação da capitalização em Haskell

```
import Data.Char

capitalize [] = []
capitalize (x:xs) = cap x : capitalize xs where
cap [] = []
cap (y:ys) = toUpper y : lower ys
lower [] = []
lower (z:zs) = toLower z : lower zs

main = putStr $ unlines $ capitalize xs where
xs = ["abc", "XYZ", "Teste", "iPod"]
```

Exemplo de uso de recursão: Lista de Aprovados

- Um segundo exemplo de uso de recursão em substituição a laços é o de gerar uma lista de aprovados, a partir de uma lista de alunos e suas menções
- O critério de aprovação é ter nota final igual ou superior a 5 pontos
- Os alunos serão representados por uma estrutura que contém o nome do aluno e sua nota final
- ▶ Novamente será apresentado um código em C++, que utiliza laços
- O código em Haskell novamente substituirá o laço por recursão
- ► Atente que neste exemplo, e no anterior, a recursão é composta por um (ou mais) caso(s) base(s), e uma chamada recursiva

Implementação da lista de aprovados em C++

```
5 struct Student
6 {
      string name;
      int score;
9 };
10
11 vector<string> aprovados(const vector<Student>& xs)
12 {
      vector<string> ys;
14
      for (auto [name, score] : xs)
15
          if (score >= 5)
16
               ys.push_back(name);
18
      return ys;
20 }
```

Implementação da lista de aprovados em Haskell

Exemplo de uso de recursão: Produto Escalar

- O terceiro exemplo de uso de recursão em substituição aos laços é o cálculo do produto escalar entre dois vetores
- ▶ Segundo a Álgebra Linear, dados dois vetores $\vec{u}, \vec{v} \in \mathbb{R}^n$, o produto escalar entre \vec{u} e \vec{v} é dado por

$$\vec{u} \cdot \vec{v} = \sum_{i=1}^{n} u_i v_i$$

- Observe que a própria definição sugere o uso de um laço, representado pelo somatório
- Para utilizar a recursão, é preciso reinterpretar esta solução
- No caso base, se $\vec{u}, \vec{v} \in \mathbb{R}^0$, então $\vec{u} \cdot \vec{v} = 0$
- ightharpoonup Se $\vec{u}, \vec{v} \in \mathbb{R}^n$, então

$$\vec{u} \cdot \vec{v} = u_1 v_1 + \vec{r} \cdot \vec{s},$$

onde
$$\vec{r} = (u_2, u_3, \dots, u_n)$$
 e $\vec{s} = (v_2, v_3, \dots, v_n)$

Implementação do produto interno em C++

```
5 double dot_product(const vector<double>& xs, const vector<double>& ys)
6 {
7      auto res = 0.0;
8
9      for (size_t i = 0; i < xs.size(); ++i)
10         res += xs[i] * ys[i];
11
12      return res;
13 }</pre>
```

Implementação do produto interno em Haskell

Exemplo de uso de recursão: Verificação de primalidade

- O último exemplo de uso de recursão para substituir laços é o teste de primalidade
- Dado um inteiro positivo n, a função is_prime(n) deve retornar verdadeiro se n é primo, e falso, caso contrário
- ▶ A complexidade da função que será apresentada é $O(\sqrt{n})$, pois se vale do fato de que, se n é composto, ele tem ao menos um divisor próprio d tal que $d \leq \sqrt{n}$
- Contudo, para evitar erros de precisão, a função sqrt não é utilizada explicitamente

Implementação da verificação de primalidade em C++

```
5 bool is_prime(int n)
6 {
      if (n < 2)
          return false;
9
      if (n == 2)
10
          return true;
      if (n % 2 == 0)
          return false;
14
      for (int d = 3; d * d <= n; d += 2)
16
          if (n % d == 0)
               return false;
      return true;
20
21 }
```

Implementação da verificação de primalidade em Haskell

Mapas, filtros e reduções

- Os mapas, os filtros e as reduções são funções de alta ordem fundamentais em programação funcional
- Elas abstraem três conceitos fundamentais:
 - 1. A partir de uma lista xs, criar uma nova lista ys tal que $y_i=f(x_i)$ para uma função f dada (mapa)
 - 2. A partir de uma lista xs, criar uma nova lista ys formada pelos elementos x de xs que atendem a um predicado P (filtro)
 - Gerar um elemento y a partir de uma lista xs através da aplicação sucessiva de uma operação binária op e um valor inicial x0 (redução)
- Todas as três técnicas recebem uma função como parâmetro
- A aplicação destas técnicas substituem, em vários casos, a necessidade dos laços das linguagens imperativas

Em Haskell, os mapas são implementados por meio da função map

```
ghci> :type map
map :: (a -> b) -> [a] -> [b]
```

- Um mapa recebe uma função f que transforma um elemento do tipo a em um elemento do tipo b e uma lista de elementos do tipo a
- $lackbox{ O retorno \'e uma lista de elementos do tipo $lackbox{ b}$, onde $b_i=f(a_i)$}$
- O uso de mapas simplifica o código e o torna mais legível

```
-- Capitalização utilizando mapas
import Data.Char

capitalize xs = map cap xs where
    cap [] = []
```

cap (y:ys) = toUpper y : map toLower ys

Filtros

Em Haskell, os filtros são implementados por meio da função filter:

```
ghci> :type filter
filter :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]
```

- Um filtro recebe um predicado P e uma lista de elementos do tipo
 [a] e retorna uma nova lista do tipo [a]
- Um elemento a da lista de entrada estará na lista de saída se, e somente se, a expressão 'P a' for verdadeira
- A ordem relativa dos elementos é preservada

```
import Data.Char
```

```
main = print (filter isHexDigit s) where
    s = "Coordenadas (20A, 38F, 40X)"
-- saída: "Cdeada20A38F40"
```

Lista de aprovados usando filtros e mapas

Recursão de cauda

- Uma função é dita recursiva de cauda (tail recursive) se ela ou retorna valores (casos-base) ou retorna chamadas de si mesma, com diferentes parâmetros
- Nem toda função recursiva é recursiva de cauda
- Por exemplo, a definição da função fatorial abaixo é recursiva, mas não recursiva de cauda:

$$n! = \left\{ \begin{array}{ll} 1, & \text{se } n = 0 \text{ ou } n = 1 \\ n \cdot (n-1)!, & \text{caso contrário} \end{array} \right.$$

lsto porque, na chamada recursiva, o retorno consiste no produto da chamada de (n-1)! pelo parâmetro n

Recursão de cauda

Contudo, esta definição pode ser modificada para que se torne recursiva de cauda:

$$f(n,m) = \left\{ \begin{array}{ll} m, & \text{se } n=0 \text{ ou } n=1 \\ f(n-1,n\cdot m), & \text{caso contrário} \end{array} \right.$$

- ▶ Desde modo, n! = f(n, 1)
- \blacktriangleright Observe que a chamada recursiva agora consiste apenas em uma invocação da função f
- lacktriangle O parâmetro m é denominado **acumulador**
- ► A recursão de cauda permite a **otimização de chamada de cauda** (tail call optimization TCO)
- ▶ Isto porque, neste caso, é possível evitar o uso da pilha de execução, reaproveitando um único registro de ativação a cada chamada

Reduções

- Em Haskel, as reduções são implementadas por meio de dobras (folds)
- ► A dobra à esquerda (left fold) abstraí o seguinte padrão:
 - i. fazer algo a cada elemento da lista;
 - ii. atualizar o acumulador a cada ação; e
 - iii. retornar o acumulador ao final do processo.
- A função foldl pode ser definida como

```
fold1 :: (a -> b -> a) -> a -> [b] -> a

fold1 step zero (x:xs) = fold1 step (step zero x) xs

fold1 _ zero [] = zero
```

- step é uma função que recebe dois parâmetros dos tipos a e b, respectivamente, e retorna um elemento do tipo a
- zero é o acumulador, e na chamada da função foldl é o termo inicial da expansão
- O terceiro parâmetro é a lista a ser processada

Dobra à esquerda

- A função step atualizará o acumulador, utilizando o valor acumulado e um elemento da lista
- fold1 é uma dobra à esquerda porque consome os elementos da lista da esquerda para a direita
- Por exemplo, a função accumulate abaixo retorna a soma dos elementos da lista xs

```
accumulate xs = foldl (+) 0 xs
```

- Os parêntesis constituem uma notação para funções (ou operadores) binárias
- Outro exemplo seria a implementação da função fatorial:

```
factorial n = foldl (*) 1 [1..n]
```

Exemplo de expansão de uma dobra à esquerda

```
factorial 4 = foldl (*) 1 [1..4]
== foldl (*) (1 * 1) [2..4]
== foldl (*) ((1 * 1) * 2) [3..4]
== foldl (*) (((1 * 1) * 2) * 3) [4..4]
== foldl (*) ((((1 * 1) * 2) * 3) * 4) []
== ((((1 * 1) * 2) * 3) * 4)
== (((1 * 2) * 3) * 4)
== ((2 * 3) * 4)
== (6 * 4)
== 24
```

- A função foldr realiza a dobra à direita
- Ela pode ser definida como

```
foldr :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b

foldr step zero (x:xs) = step x (foldr step zero xs)

foldr _ zero [] = zero
```

A diferença entre as duas dobras pode ser vista através da expansão

```
factorial 3 = foldr (*) 1 [1..3]

== 1 * foldr (*) 1 [2..3]

== 1 * (2 * foldr (*) 1 [3..3])

== 1 * (2 * (3 * foldr (*) 1 []))

== 1 * (2 * (3 * 1))

== 1 * 6

== 6
```

Esta função pode ser interpretada da seguinte maneira: troque o construtor da lista por step e a lista vazio por zero:

```
[1..3] == 1 : (2 : (3 : []))
factorial 3 == 1 * (2 * (3 * 1))
```

- ▶ À primeira vista, a dobra à direita parece menos útil na prática do que a dobra à esquerda, uma vez que processa os elementos do último para o primeiro
- Contudo, ela pode ser utilizada para implementar a função filter
- Considere a implementação de filter abaixo, que utiliza recursão explícita:

Esta implementação pode ser reescrita como

- ► A assinatura da função filter nos diz que ela retorna uma lista do mesmo tipo que ela consome
- O caso base então ocorre com a lista vazia, que inicializará o acumulador
- A função foldr chamará a função step passando um elemento da lista e o acumulador
- Se o elemento atender ao predicado p ele deve ser adicionado ao acumulador, caso contrário deve ser descartado
- Funções que podem ser implementadas com foldr são denominadas recursivas primitivas

A função map também pode ser implementada por meio da função foldr:

```
map :: (a -> b) -> [a] -> [b]
map f xs = foldr step [] xs
where step x ys = f x : ys
```

Até mesmo foldl pode ser escrita em termos de foldr:

```
foldl :: (a -> b -> a) -> a -> [b] -> a
foldl f z xs = foldr step id xs z
    where step x g a = g (f a x)
```

- Esta definição não é óbvia, e envolve a aplicação parcial de funções (currying)
- Para compreender esta equivalência, o ideal é escrever as equivalências de uma aplicação

Exemplo de expansão de fold1 definido como foldr

```
accumulate [1..3] = foldl (+) 0 [1..3]
== foldr step id [1..3] 0
== foldr step id [1..3] 0
== step 1 (foldr step id [2..3]) 0
== step 1 (step 2 (foldr step id [3..3])) 0
== step 1 (step 2 (step 3 (foldr step id []))) 0
== step 1 (step 2 (step 3 id)) 0
== step 1 (step 2 (step 3 id)) 0
== step 2 (step 3 id) (+ 0 1)
== step 3 id (+ (+ 0 1) 2)
== id (+ (+ (+ 0 1) 2) 3)
== (+ (+ (+ 0 1) 2) 3)
== (((0 + 1) + 2) + 3)
```

Exemplo de produto escalar definido usando foldr

```
1 dot_product xs ys = foldr step 0.0 (zip xs ys) where
2     step (x, y) z = x*y + z
3
4 main = print $ dot_product xs ys where
5     xs = [ 1.2, -0.8, 5.5, 3.7 ]
6     ys = [ 2.8, 1.3, -4.9, 5.0 ]
```

foldl e evaluação não-estrita

- A função fold1 deve ser usada como cuidado, por causa da evaluação não-estrita
- Isto significa que, até que o caso baso seja atingido, todas as expressões intermediárias sejam armazenadas sem serem computadas
- Estas expressões ocupam mais memória do que os valores que elas representam
- Se a expressão for muito extensa, a pilha de execução pode estourar ghci> foldl (+) 0 [1..10^7] *** Exception: stack overflow
- Este tipo de erro é denominado *space overflow*, pois o programa consome muito mais espaço (em memória) do que deveria

Funções lambda

- Haskell permite a definição de funções anônimas, denominadas funções lambda
- A sintaxe para a definição de uma função lambda é

```
\var1 var2 ... varN → expression
```

- A lista de parâmetros var1, var2, ..., varN pode conter casamentos de padrões
- A expressão, contudo, não pode conter guardas
- A depender do contexto, pode ser necessário usar parêntesis para delimitar o corpo da função lambda
- Por exemplo, a função abaixo imprime os inteiros de 1 a n, substituindo os múltiplos de m pela palavra "Pim"

```
-- Abaixo um exemplo para n = 10 e m = 3
pim n m = map (\x -> if mod x m == 0 then "Pim" else show x) [1..n]
main = putStr $ unlines $ pim 10 3
```

Currying

- A aplicação parcial de uma função (currying, termo derivado do nome do lógico Haskell Curry) é uma técnica de programação funcional que permite obter uma nova função através da aplicação incompleta de seus parâmetros
- Na sintaxe de tipo de uma função, as setas (->) indicam a sequência de aplicações parciais
- Por exemplo, o tipo da função take é

```
ghci> :type take
take :: Int -> [a] -> [a]
```

- Uma leitura possível deste tipo seria: "a função take recebe dois parâmetros – um inteiro e uma lista de elementos do tipo a"
- Porém, efetivamente este tipo significa que a função take, ao receber como parâmetro um número inteiro, retorna uma função f cujo tipo é [a] -> [a]

Currying

Por exemplo,

```
ghci> take3 = take 3
ghci> :type take3
take3 :: [a] -> [a]
ghci> take3 [1..10]
[1, 2, 3]
```

- De fato, em Haskell, todas as funções recebem um único parâmetro
- A cada aplicação de um parâmetro, o retorno é uma nova função, que recebe "um parâmetro a menos" que a anterior
- Outra forma de interpretar este comportamento é pensar que, se f é uma função com múltiplos parâmetros, a cada aplicação um dos parâmetros tem seu valor fixado, e os parâmetros ainda não definidos são os parâmetros da função resultante

Currying

- A aplicação parcial permite a definição de novas funções baseadas em funções preexistentes, simplificando o código e facilitando a leitura do mesmo
- Por exemplo, a função head pode ser definida em termos de uma aplicação parcial de take

```
head xs = take 1 xs
```

 De fato, o parâmetro xs pode ser omitido desta definição, resultando em

```
head = take 1
```

Outro exemplo de função definida por meio de aplicação parcial:

```
-- retorna apenas os elementos ímpares da lista
odds = filter odd
```

Seções

- Haskell tem uma sintaxe especial para aplicação parcial de funções em notação infixada, denominada seção
- Para tal, basta envolver o operador entre parêntesis, e fornecer o operador da esquerda ou da direita

```
-- Dobra o valor de todos os elementos da lista ghci> doubles = map (2*)

ghci> doubles [1..5]
[2, 4, 6, 8, 10]

ghci> squares = map (^2)

ghci> squares [1..5]
[1, 4, 9, 16, 25]

ghci> hasx = ('x' 'elem')
ghci> hasX = ('X' 'elem')
ghci> anyx xs = hasx xs || hasX xs
```

Padrão 'como'

- ➤ Ao escrever funções que recebem listas como parâmetros, é comum checar dois padrões: a lista vazia ([]) e a lista com ao menos um elemento (padrão (x:xs))
- Este segundo padrão desconstrói a lista, de modo que se a lista toda for necessária na expressão que se segue, ela precisa se reconstruída
- O padrão 'como' (as-pattern) permite checar este segundo caso, preservando a lista original, de modo que ela pode ser utilizada na expressão diretamente, evitando novas reconstruções
- Por exemplo, a função abaixo lista todos os sufixos não nulos de uma string dada:

```
suffixes :: String -> [String]
suffixes xs@(_:xs') = xs : suffixes xs'
suffixes [] = []
ghic> suffixes "Teste"
ghic> ["Teste", "este", "ste", "te", "e"]
```

Composição de funções

- Algumas funções podem ser implementadas através de uma cadeia de chamadas de funções, onde o resultado da aplicação da função anterior ao parâmetro da chamada é o parâmetro de entrada da próxima função da cadeia
- Por exemplo, a função tails do módulo Data. List tem comportamento quase idêntico ao da função suffixes implementada anteriormente:

```
ghci> :module Data.List
ghci> tails "Teste"
ghic> ["Teste", "este", "ste", "te", "e", ""]
```

Assim, a função suffixes pode ser implementada utilizando-se as funções tails e init:

```
suffixes xs = init (tails xs)
```

Este padrão corresponde à composição de funções em matemática

Composição de funções

- Em Haskell, funções podem ser compostas por meio do operador ponto final ('.')
- De fato, ele é um operador como os demais operadores da linguagens, associativo à esquerda, como nível 9 de precedência:

```
ghci> :info (.)
(.) :: (b -> c) -> (a -> b) -> a -> c
infixr 9 .
```

Assim, a função suffixes pode ser implementada como

```
suffixes = init . tails
```

A função abaixo contabiliza o número de palavras de uma string que começam em maiúscula:

```
ghci> :module Data.Char
ghci> capCount = length . filter (isUpper . head) . words
ghci> capCount "Paradigmas de Programação"
2
```

Referências

- 1. **SHALOM**, Elad. A Review of Programming Paradigms Througout the History With a Suggestion Toward a Future Approach, Amazon, 2019.
- 2. SULLIVAN, Bryan O.; GOERZEN, John; STEWART, Don. Real World Haskell, O'Relly.