# Fundamentos Lógica Proposicional Booleana

Prof. Edson Alves

Faculdade UnB Gama

## Sumário

1. Conceitos elementares

# Lógica Proposicional Booleana

#### **Termos Primitivos**

Os termos primitivos da Lógica Proposicional Booleana são:

- 1. proposição
- 2. verdadeiro
- 3. falso

#### **Axiomas**

Princípio do Terceiro Excluído: uma proposição é verdadeira ou é falsa.

Princípio da Não-Contradição: uma proposição não pode ser, simultaneamente, verdadeira e falsa.

## **Exemplos**

## Exemplos de proposições:

- ► A duração de um dia é de 24 horas
- ► A metade de dois mais dois é igual a três
- $ightharpoonup F_n = 2^{2^n} + 1$  é primo para qualquer n natural

## Não são proposições:

- Cuidado! Curva acentuada à esquerda!
- Onde fica a agência bancária mais próxima?
- $> x > \pi$

# **Proposições Compostas**

# **Operadores Lógicos**

Sejam p e q duas proposições. São proposições:

- 1. a conjunção  $p \land q$ : verdadeira somente quando ambas p e q são verdadeiras
- **2.** a **disjunção**  $p \lor q$ : falsa somente quando ambas p e q são falsas
- 3. a disjunção exclusiva  $p \vee q$ : falsa somente quando ambas p e q tem mesmo valor lógico
- **4.** a **condicional**  $p \rightarrow q$ : falsa somente quando p é verdadeira e q é falsa
- 5. a **bicondicional**  $p \leftrightarrow q$ : falsa somente quando p e q tem valores lógicos distintos
- **6.** a **negação**  $\neg p$ : verdadeira quando p é falsa, falsa quando p é verdadeira

# Exemplos de proposições compostas

- "Eu era um broto e também fiz muito garoto / Um mais bem feito que o outro, eles só faltam falar" (A Violeira, Antônio Carlos Jobim)
- "Ser ou não ser." (Hamlet, William Shakespeare)
- "Penso, logo existo." (René Descartes)
- Um conjunto de  $\mathbb{R}^n$  é sequencialmente compacto se, e somente se, é fechado e limitado." (Teorema de Bolzano-Weierstrass)
- "Não pode ser seu amigo quem exige seu silêncio." (Alice Walker)

## Sentença aberta

# Sentença aberta (informal)

Uma sentença aberta S(x) em x é uma expressão na qual o símbolo x ocorre uma ou mais vezes e que, caso todas as ocorrências de x sejam substituídas por um mesmo valor v, S(v) se torna uma proposição.

#### Referências

- 1. FILHO, E. A. Iniciação à Lógica Matemática, São Paulo, Nobel, 2002.
- 2. HALE, M. Essentials of Mathematics: Introduction to Theory, Proof, and the Professional Culture, Mathematical Association of America, 2003. (eBrary)
- 3. letras.mus.br, acesso em 18/12/2019.
- 4. Wikipédia. Teorema de Bolzano-Weierstrass, acesso em 18/12/2019.