

## 2 Calcolabilità

- Sia  $B = \{\langle M \rangle : M \text{ è una TM e } L(M) = (01)^*\}$ . Mostrare che  $A_{TM} \leq_m B$ . Cosa si può concludere sulla decidibilità di  $B$ ?
- ✓ Dimostrare che esistono linguaggi che non sono Turing-riconoscibili. Fornire un esempio concreto di linguaggio che abbia questa proprietà. ( $\overline{A_{TM}}$ )

$$\bullet f: \Sigma^+ \rightarrow \Sigma^*$$

$$\forall \langle M, w \rangle \in \Sigma^+ \quad \langle M, w \rangle \in A_{TM} \Leftrightarrow f(\langle M, w \rangle) \in B$$

$\forall TM$  con input  $w$

costruisco  $TM M_2$  con input  $x$

Se  $x \neq (0,1)^+$   $\Rightarrow$   $\text{RIN}$

Se  $x \in (0,1)^+$   $\Rightarrow$   $M(x)$  Se accetta  $\Rightarrow$  accetta  $A_{TM}$  e

accetta  $(M_2)$

$$\Rightarrow \langle M, w \rangle \in A_{TM} \Rightarrow w \in L(M)$$

Se  $x$  non è  $(0,1)^+$

$$\Rightarrow x \notin L(M_2) \Rightarrow \langle M_2 \rangle \notin B$$

$$\Rightarrow \langle M, w \rangle \in A_{TM} \Rightarrow f(\langle M, w \rangle) \in B$$

$$\exists \langle M, w \rangle \notin A_{TM}$$

non costruisco  $i$   $q_{acc}$

$$x = w \quad \text{ma } w \notin L(M) \Rightarrow M_2 \notin B$$

$$x \neq w \quad M_2 \notin B$$

Perciò  $A_{TM} \leq_m B$  e  $A_{TM}$  non Dec  $\Rightarrow B \notin Dec$

• La DM di  $\exists$  Linguaggi non ric in la DM.  
L'insieme di DM  $\Sigma^*$  numerabile e  $\{L\}$  non numerabile!

• Un esempio di  $L \in REC$  e  $\overline{A_{TM}}$   
Poiché so che  $A_{TM} \in REC$  ma non  $DEC$   
(so che  $L \in DEC \Leftrightarrow L \in REC$  e  $\bar{L} \in coREC$ )