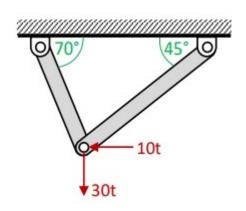
Materia: Resistencia de materiales

Tema: Tensión simple

EJERCICIO 5

Considerando los tres tipos de problemas de la Resistencia de Materiales, determinar el valor solicitado

a) Verificar la resistencia



Datos

Barra

$$b \coloneqq 10 \ cm$$

 $h \coloneqq 20 \ cm$ $A \coloneqq b \cdot h = 200 \ cm^2$

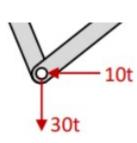
$$\sigma_{adm} = 500 \frac{kg}{cm^2}$$

Paso 1: Calculo de normal en cada barra

$$\alpha \coloneqq 45 \text{ deg}$$

$$\beta = 70 \ deg$$

a) Barra 1 y 2 en nudo A



$$\Sigma F_V = 0$$

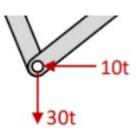


$$\sin(\alpha) = 0.707$$

$$\sin(\beta) = 0.94$$

$$-30 + N_1 \cdot 0.707 + N_2 \cdot 0.94 = 0$$

Ec 1



$$\Sigma F_H = 0$$

$$\cos(\alpha) = 0.707$$

 $\cos(\alpha) = 0.707 \qquad \cos(\beta) = 0.342$

$$-10 + N_1 \cdot 0.707 - N_2 \cdot 0.342 = 0$$

Ec 2

Materia: Resistencia de materiales

Tema: Tensión simple

Resolvemos como un sistema de ecuación con la ec 1 y ec 2

$$\begin{bmatrix} -30 + N_1 \cdot 0.707 + N_2 \cdot 0.94 = 0 \\ -10 + N_1 \cdot 0.707 - N_2 \cdot 0.342 = 0 \end{bmatrix} \xrightarrow{solve, N_1, N_2, float, 5} \begin{bmatrix} 21.691 & 15.601 \end{bmatrix}$$

$$N_1 = 21.691 \ \textit{ton}$$
 $N_2 = 15.601 \ \textit{ton}$

$$N_2 = 15.601 \ ton$$

Paso 3: Calcular las tensiones

a) Tensión en las barras

$$\sigma = \frac{N}{A}$$

 σ : tensión A : Área N : Normal

1) Barra 1

$$\sigma_1\!\coloneqq\!\frac{N_1}{A}$$

$$\sigma_1 \!\coloneqq\! \frac{N_1}{A} \qquad \qquad \sigma_1 \!=\! 98.389 \, \frac{\textit{kg}}{\textit{cm}^2}$$

2) Barra 2

$$\sigma_2\!\coloneqq\!\frac{N_2}{4}$$

$$\sigma_2 \coloneqq \frac{N_2}{A} \qquad \qquad \sigma_2 = 70.765 \; \frac{\mathbf{kg}}{\mathbf{cm}^2}$$

Paso 4: Verificación de σ si resiste

a) Barra 1

$$\sigma_1 \leq \sigma_{adm}$$

$$\sigma_1 = 98.389 \frac{\mathbf{kg}}{\mathbf{cm}^2}$$

$$\sigma_1 = 98.389 \frac{\mathbf{kg}}{\mathbf{cm}^2} \qquad \sigma_{adm} = 500 \frac{\mathbf{kg}}{\mathbf{cm}^2}$$

La barra resiste

b) Barra 2

$$\sigma_2 \leq \sigma_{adn}$$

$$\sigma_2 = 70.765 \frac{kg}{cm^2}$$

$$\sigma_{adm} = 500 \frac{kg}{cm^2}$$

$$\sigma_{adm} = 500 \frac{kg}{cm^2}$$

La barra resiste